

ভৌত জগৎ ও পরিমাপ

গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

Part 1

৫ পদার্থবিজ্ঞানের কতিপয় গুরুত্বপূর্ণ বিষয় :

- ◇ মিথস্ট্রিয়া : যে কোনো বস্তু মিথস্ট্রিয়া করে। আধুনিক তাত্ত্বিক পদার্থবিজ্ঞান অনুযায়ী মহাবিশ্বে চারটি পৃথক মৌলিক মিথস্ট্রিয়া ক্রিয়াশীল। এরা হল- মহাকর্ষ বল, দুর্বল মিথস্ট্রিয়া, তড়িৎ চৌম্বকীয় মিথস্ট্রিয়া ও শক্তিশালী মিথস্ট্রিয়া।
- ◇ ধারণা বা প্রত্যয় বা ভাবনা (Concept) : কোনো কিছু সম্পর্কে সঠিক উপলক্ষ বা বোধগম্যতা হলো ঐ বিষয় সম্পর্কে স্পষ্ট ধারণা। যেমন : দৈর্ঘ্য, কম্পন, শক্তি ও পরমাণুর ব্যাসার্ধ পরিমাপের ধারণা।
- ◇ নীতি (Principle) : একটি আদর্শ বা যুক্তিপূর্ণ আচরণ ভিত্তি করে যার সাপেক্ষে অন্যান্য বিষয় তুলনা, বিচার বিশ্লেষণ এবং পরিমাপ করাকে নীতি বলে। যেমন : হাইজেনবার্গের অনিষ্ট্যতার নীতি, শক্তির সমবিভাজন নীতি, পূর্ণ অভ্যন্তরীণ প্রতিফলন, তরঙ্গের প্রতিপ্রবন্ধন ও ফটোতড়িৎ ক্রিয়া।
- ◇ স্বীকার্য (Postulate) : যুক্তির খাতিরে দর্শন ও অনুমান মূলক সত্য প্রাপ্তাবকে স্বীকার্য বলে। যেমন : সনাতনী স্বীকার্য ও আধুনিক স্বীকার্য।
- ◇ সূত্র (Law) : যুক্তি ও পর্যবেক্ষণে তৈরি তত্ত্ব পুনঃপুন পরীক্ষার সত্যায়িত হলে সেই মতবাদ বা তত্ত্বকে সূত্র বলে। যেমন : নিউটনের গতির সূত্র।
- ◇ অনুকরণ (Hypothesis) : যুক্তিনির্ভর ও সুচারুরাপে উপস্থাপিত কল্পনা, প্রস্তাব বা সিদ্ধান্তকে অনুকল্প বলে। যেমন : অ্যাভোগেন্ট্রোর অনুকল্প।
- ◇ তত্ত্ব (Theory) : পরীক্ষাদ্বারা প্রমাণিত অনুকল্পই হলো তত্ত্ব। যেমন : আইনস্টাইনের আপেক্ষিক তত্ত্ব ডারউইনের বিবরণ তত্ত্ব, তরঙ্গ তত্ত্ব, কণা তত্ত্ব ও প্লাকের কোয়ান্টাম তত্ত্ব।

৬ রাশি সংক্রান্ত :

- রাশি : ভৌত জগতে যা কিছু পরিমাপ করা যায় তাকে রাশি বলে। কোনো একটি রাশিকে পরিমাপ করতে হলে তার একটি নির্দিষ্ট অংশকে আদর্শ হিসেবে ধরে নিয়ে রাশিটি
- পরিমাপ করা হয়। পরিমাপের এই আদর্শকে একক বলা হয়। রাশি 2 থেকার: মৌলিক রাশি : দৈর্ঘ্য, ভর, সময় ও তড়িৎ প্রবাহ যৌগিক বা লব্ধ রাশি : ত্বরণ, শক্তি ও বল।
- মৌলিক রাশি : যে সকল রাশি মূল অর্থাৎ স্বাধীন বা নিরপেক্ষ, যেগুলো অন্য রাশির উপর নির্ভর করে না বরং অন্যান্য রাশি এদের উপর নির্ভর করে তাদেরকে মৌলিক রাশি বলে। যেমন : সূত্রার দৈর্ঘ্য।
- মৌলিক রাশির কয়েকটি গুরুত্বপূর্ণ এককের সংজ্ঞা :

 - কেলভিন : পানির ত্বেষ বিন্দুর তাপমাত্রার $\frac{1}{273.16}$ ভাগকে এক কেলভিন বলে।
 - মিটার : 90 ভাগ প্লাটিনাম ও 10 ভাগ ইরিডিয়ামের সংকর নির্মিত দড়ের উপর দুইটি নির্দিষ্ট দাগের মধ্যবর্তী দূরত্বকে আন্তর্জাতিক মিটার (International proto-type Meter) বলে।
 - মোল : যে পরিমাণ পদার্থে C-12 পরমাণুর 0.012 kg ভরের সমান পরমাণু থাকে তাকে এক মোল বলে।
 - একই যাত্রা সমীকরণ বিশিষ্ট রাশি :

রাশি	মাত্রা	রাশি	মাত্রা
কাজ, শক্তি, গতিশক্তি, বিভবশক্তি, তাপ, টর্ক বা বলের আমক	$[ML^2 T^{-2}]$	গোড়ান, চাপ ও ছিত্তিচাপক গুণাঙ্ক	$[ML^{-1} T^2]$
কৌণিক ভরবেগ ও প্লাকের ত্বরণ	$[ML^2 T^{-1}]$	কম্পাক্ষ, কৌণিক বেগ	$[T^{-1}]$
ত্বরণ ও মহাকর্ষীয় প্রাবল্য	$[LT^{-2}]$	পৃষ্ঠান ও প্রস্তুতি	$[MT^{-2}]$

■ কতিপয় মৌলিক রাশি ও তাদের আন্তর্জাতিক (S.I) একক :

মৌলিক একক 3টি (দৈর্ঘ্য, ভর, সময় এর একক) কিন্তু মৌলিক রাশি 7টি বা 7টি।

মৌলিক রাশি	এস.আই (S.I) একক	এককের প্রতীক	মৌলিক রাশি	এস.আই (S.I) একক	এককের প্রতীক
দৈর্ঘ্য	মিটার	m	দীপন ত্বেতা	ক্যাডেলা	cd
ভর	কিলোগ্রাম	kg	পদার্থের পরিমাণ	মোল	mol
সময়	সেকেন্ড	s	হি-মাত্রিক কোণ	রেডিয়ান	rad
তাপমাত্রা	কেলভিন	K	ত্রিমাত্রিক কোণ	স্টেরিয়ান	sr
তড়িৎ প্রবাহ	অ্যাম্পিয়ার	A			

বিদ্রোহ ইসহক স্যার → 7টি মৌলিক রাশি, তপন স্যার → 7টি মৌলিক রাশি।

লব্ধ রাশি : যে সকল রাশি মৌলিক রাশি থেকে লাভ করা যায় বা এক বা একাধিক মৌলিক রাশির গুণফল বা ভাগফল থেকে প্রতিপাদন করা যায় তাদেরকে বলা হয় লব্ধ রাশি বা যৌগিক রাশি।

৫ বিজ্ঞানে ব্যবহৃত বহুল যন্ত্রপাতি :

- ◇ স্লাইড ক্যালিপার্স : গোলকের ব্যাস পরিমাপ, মোটা তার, গোলক ইত্যাদির ব্যাস তথা ব্যাসার্ধ নির্ণয়ে।
- ◇ ভার্নিয়ার ত্বরণ : প্রধান ক্ষেত্রে ক্ষুদ্রতম এক ঘর ও ভার্নিয়ার ক্ষেত্রের এক ঘরের দৈর্ঘ্যের পার্থক্যকে ভার্নিয়ার ত্বরণ বলে।
- ◇ স্ক্র-গজ : যে যন্ত্রের দ্বারা খুব ক্ষুদ্র দৈর্ঘ্য ও সরু চোঙের তারের ব্যাস নির্ণয় করা যায় তাকে স্ক্র-গজ বলে। যেমন- কোনো তারের ব্যাস, পাতলা পাতের বেধ ইত্যাদি পরিমাপের জন্য একটি সূক্ষ্ম পরিমাপ যন্ত্র। এতে একটি U-আকৃতির মোটা ধাতব নিরেট দড় থাকে। এই ক্ষেত্রে 100টি বা 50টি সমদূরবর্তী দাগ কাটা থাকে। এটি এমনভাবে তৈরি করা হয় যেন এর একটি পূর্ণ আবর্তনে এটি রৈখিক ক্ষেত্রে বরাবর 1 mm সরে যায়। একেই স্ক্র-পিচ (screw pitch) বলা হয়। মিটার ক্ষেত্রের লঘিষ্ঠ গুণন 1 mm বা 0.1 cm।
- ◇ ফেরোমিটার : পাতলা পাতের পুরুত্ব ও গোলকীয় বা ফেরিক্যাল তলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয়ে।
- ◇ পিচ : বৈধিক ক্ষেত্রে ক্ষুদ্রতম ঘরের যানকে যন্ত্রের পিচ বলে।
- ◇ লাইট ত্বরণ : ক্রু গেজের সাহায্যে 0.001 cm পর্যন্ত ক্ষুদ্র দৈর্ঘ্য সঠিকভাবে পরিমাপ করা যায়।

৬ পরিমাপের ক্রটি বা বিচ্ছিতি সংক্রান্ত :

- ১) যান্ত্রিক ক্রটি : পরিমাপে যে সমস্ত যত্ন ব্যবহার করা হয়, সেগুলো সঠিক এবং সুবেদী না হলে কোনো ভৌত রাশির পরিমাপে ক্রটি দেখা দেয়। একে যান্ত্রিক ক্রটি বলে।
- ২) শূন্য ক্রটি : ভার্নিয়ার ক্ষেল, স্লাইড ক্যালিপার্স, ঝুঁ-গজ ও ফোরোমিটারের প্রধান ক্ষেলের শূন্য দাগ যদি ভার্নিয়ার ক্ষেলের শূন্য দাগের সাথে না মিলে তবে এ ধরনের ক্রটি দেখা যায়। এর ফলে পরীক্ষালক্ষ পাঠ প্রকৃত পাঠের চেয়ে কম বা বেশি হয়।
- ৩) ব্যাকল্যাশ বা পিছট ক্রটি : নাট-ঝুঁ নীতির উপর ভিত্তি করে তৈরি যত্ন দীর্ঘদিন ব্যবহারের ফলে যত্ন যথা হয়ে তিলা হয়ে পড়ে ফলে ঝুকে উভয় দিকে একই পরিমাণ সরংশ সমান হয় না। একে ব্যাকল্যাশ ক্রটি বা পিছট ক্রটি বলে।
- ৪) পর্যবেক্ষণমূলক ক্রটি : পর্যবেক্ষণে ঝুল ও সঠিক মূল্যায়নের অভাবে এ ধরনের ক্রটি দেখা যায়। পর্যবেক্ষণ ক্রটি নিম্নরূপে পরিলক্ষিত হয়। যথা : ১. বার্ডিগত ক্রটি ২. প্রাঙ্গ-দাগ ৩. শব্দন ক্রটি ৪. সূচক ক্রটি ৫. পরিবেশগত ক্রটি।
- ৫) লিঘ্ঠ গণন ক্রটি : ন্যূনতম যে পরিমাপ কোনো যন্ত্রের সাহায্যে পরিমাপ করা সম্ভব তাকে ঐ যন্ত্রের লিঘ্ঠ গণন ক্রটি বলে। যেমন : একটি মিটার ক্ষেলের সাহায্যে 1 mm বা 0.1 cm সূক্ষ্মভাবে প্রাপ্ত করা যায়। আর্থাৎ, মিটার ক্ষেলের লিঘ্ঠ গণন 1 mm বা 0.1 cm। আবার, অবশ্য স্লাইড ক্যালিপার্সের জন্য লিঘ্ঠ গণন 0.01 mm বা 0.001 cm। অনিয়মিত বা এলোমেলো ও নিয়মিত বা পুনরাবৃত্তিক ক্রটির ক্ষেত্রে লিঘ্ঠ গণন ক্রটি লম্ব করা যায়।
- ৬) শতকরা ক্রটি : আপেক্ষিক ক্রটিকে শতকরা হিসাবে প্রকাশ করলে তাকে শতকরা ক্রটি বলে। ∴ শতকরা ক্রটি, $\delta_w = \frac{\Delta x}{x} \times 100\%$

Part 2

At a glance [Most Important Information]

- পদার্থবিজ্ঞান কথাটি এসেছে- শ্রিক শব্দ ‘fusis’ থেকে
- অনুকরণ এবং নিয়মের সময়ে গঠিত হয়- তত্ত্ব
- যে সব সূত্র পদার্থবিজ্ঞানের ভিত্তি তাকে বলে- নীতি
- তেজস্ক্রিয়তা' সম্পর্কে গবেষণার জন্য নোবেল পুরস্কার পান- রাদারফোর্ড
- সোলার সিস্টেম এট্রুম মডেলের উভাবক- আর্নেস্ট রাদারফোর্ড
- রাদারফোর্ডের নোবেল প্রাপ্তির সাল- 1908
- যাক্স প্লাকের নোবেল প্রাপ্তির সাল- 1918
- বিষজ্ঞাতে পরম স্থির বলতে কিছুই নেই' উক্তিটি- নিউটনের 'The Law of Motion.' লেখা গ্রন্থটি- গ্যালিলিও
- আধুনিক বৈজ্ঞানিক পদ্ধতির সূচনা করেন- গ্যালিলিও
- প্রথম ডায়নামো তৈরি করেন- মাইকেল ফ্যারাডে

- ঘর্ষণের ফলে তড়িৎ উৎপাদন হয়, তা বলেন- ডা. গিলবাট
- ক্ল্যাসিক্যাল যুগের অন্যতম সেরা বিজ্ঞানী- আর্কিমিডিস
- ছানের জ্যামিতিক ধারণা প্রথম উপস্থাপন করেন- ইউক্লিড
- প্রকৃতির ইতিহাস সম্পর্কে এনসাইক্লোপিডিয়া সিখেন- আল মাসুদী
- ধাতুর ভেজাল নির্ণয়ের কৌশল আবিষ্কার করেন- আর্কিমিডিস
- ভার্নিয়ার ক্ষেল আবিষ্কার করেন- পিয়েরে ভার্নিয়ার
- অধিকতর সূক্ষ্ম পরিমাপের জন্য প্রয়োজন- ভার্নিয়ার ক্ষেল
- মিটার, কিলোগ্রাম, সেকেন্ড ইত্যাদি- পরিমাপের এককের
- আন্তর্জাতিক পদ্ধতিতে মৌলিক একক- অ্যাপ্সিয়ার
- দৈর্ঘ্যের একক নির্ধারণে ভূমিকা রয়েছে- আলোর
- দীপন ক্ষমতার একক নির্ধারণে ব্যবহৃত হয়েছে- প্লাটিনাম

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলী

৬ পরিমাপের ভুল বা ক্রটি :

$$\text{ভুলের শতকরা পরিমাপ} = \frac{\text{প্রকৃত মান} - \text{পরীক্ষালক মান}}{\text{প্রকৃত মান}} \times 100\%$$

$$\text{আয়তনের আনুপাতিক ক্রটি}, \frac{\Delta V}{V} = 3 \times \frac{\Delta R}{R}$$

$$\text{শতকরা ক্রটি বা ক্রটির শতকরা হার} = \frac{x-y}{x} \times 100\%$$

$$\text{গ্-নির্ণয়ে শতকরা ক্রটির হার} = \frac{\Delta g}{g} \times 100\%$$

৭ স্লাইড ক্যালিপার্স ও ঝুঁ-গজ :

$$\text{স্লাইড ক্যালিপার্সের সাহায্যে দৈর্ঘ্য নির্ণয়ের সূত্র}: L = M + VC \times V - (\pm e)$$

$$\text{ঝুঁ-গজের সাহায্যে তারের দৈর্ঘ্য নির্ণয়ের সূত্র}: d \text{ বা } l = L_i + C \times L.C. - (\pm e)$$

$$\text{ভার্নিয়ার ধ্রুবক}, V.C. = \frac{S}{N} \quad \text{ঝুঁ-গজের ধ্রুবক}, L.C. = \frac{P}{N}$$

৮ উদ্বিগ্নিতি নিষিদ্ধির সাহায্যে বক্তুর প্রকৃত ভর নির্ণয় :

$$M = W_0 + \frac{Q-P}{(Q-R) \times 100} \text{ gm.}$$

$$\text{গড় বিচ্ছিন্নি বা ভুল}: M.D = \frac{(|d_1| + |d_2| + \dots + |d_n|)}{n}$$

$$\text{প্রমাণ বিচ্ছিন্নি}: S.D = \sqrt{\frac{(d_1^2 + d_2^2 + \dots + d_n^2)}{n}}$$

$$\text{গোলীয় তলের বক্তুর ব্যাসার্ধ}: R = \frac{d^2 + h}{6h} \times \frac{1}{2}$$

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type: 1 (স্লাইড ক্যালিপার্স)

01. স্লাইড ক্যালিপার্স দ্বারা কোনো ঘনকের বাহু পরিমাপে 2% ভুল হলে, আয়তন পরিমাপে কত শতাংশ ভুল হবে?

Solve: ঘনকের বাহুর দৈর্ঘ্য a হলে, পরিমাপকৃত দৈর্ঘ্য = a + a এর $2\% = 1.02 a$

এখন, আয়তনের প্রকৃত মান, $x = a^3$

এবং পরিমাপকৃত মান, $y = (1.02 a)^3 = 1.0612 a^3$

$$\text{আমরা জানি, ভুলের হার}, E_{\pi} = \frac{x-y}{x} \times 100\% = \frac{0.0612 a^3}{a^3} \times 100\% = 6.12\%$$

For Practice

01. একটি স্লাইড ক্যালিপার্সের মূল ক্ষেলের 49 ভাগ ভার্নিয়ার ক্ষেলের 50 ভাগের সমান। ভার্নিয়ার ধ্রুবকের মান কত? Ans. 0.02

Type: 2 (ঝুঁ-গজ)

01. একটি ঝুঁ-গজের বৈধিক ক্ষেলের পাঠ পাওয়া গেল 4 cm এবং বৃত্তাকার ক্ষেল পাঠ পাওয়া গেল 37। ঝুঁ-গজের লিঘ্ঠ ধ্রুবক 0.02 mm হলে প্রকৃত পাঠ কত?

Solve: প্রকৃত পাঠ, $L = L_i + C \times L.C.$

$$= 4 + 37 \times \frac{0.02}{10} = 4.074 \text{ cm Ans.}$$

For Practice

01. একটি ঝুঁ-গজ এর বৃত্তাকার ক্ষেল সম্পূর্ণ এক পাক ঘূরলে বৈধিক ক্ষেল বরাবর 0.5 mm দৈর্ঘ্য অতিক্রম করে। বৃত্তাকার ক্ষেলের ভাগ সংখ্যা 70। হলে, ঝুঁ-গজের লিঘ্ঠ গণন কত? Ans. 0.0071 mm

Type: 3

(গোলীয় জলের বক্রতার ব্যাসার্ধ ও উদ্বিন্দিত নিক্তি)

০১. একটি ফেরোমিটারের যেকোনো দুই পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব 3.5 cm । এর সাহায্যে একটি উভল লেন্সের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর, যেখানে কেন্দ্রীয় ঝর উচ্চতা 21.4 mm পাওয়া যায়।

$$\text{Solve: } R = \frac{d^2}{6h} + \frac{h}{2} = \frac{(3.5)^2}{6 \times 2.14} + \frac{2.14}{2} = 2.02 \text{ cm Ans.}$$

For Practice

০১. কোনো ফেরোমিটারের দুটি পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব 4 cm । যদ্বের পীচ 1 mm ও বৃত্তাকার ক্ষেলের ভাগসংখ্যা 100 । সমতলে পাঠ নির্ণয়ে রেখিক ক্ষেল ও বৃত্তাকার ক্ষেলের গড়মান পাওয়া যায় যথাক্রমে 1 mm ও 47 । আবার বক্রতলে গড় মানগুলো হয় যথাক্রমে 0 mm ও 62 । পরিমাপ্য তলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।

Ans : 39.834 cm **Part 6**

অধ্যায়ভিত্তিক প্রশ্নতৃপ্তি MCQ প্রয়োজন

০১. পরমাপুর সমস্ত ধনাত্মক আধান এবং ভর এর কেন্দ্রে অবস্থিত-এই তত্ত্ব কে উপস্থাপন করেন?
 ① রাদারফোর্ড ② গ্যালিলিও ③ আইনস্টাইন ④ ম্যাট্র প্লাক্স (Ans A)
০২. আমাদের পঞ্চ ইন্দ্রিয় পরিপার্শ্বিক পর্যবেক্ষণ ও উপলব্ধির অনুভবে মন্তিকে যে সত্ত্বের কাল্পনিক ছাঁচ আঁচ করে তাকে কী বলে?
 ① ধারণা ② বীকার্য ③ নীতি ④ সূত্র (Ans A)
০৩. কোনো গোলকের ব্যাসার্ধের প্রকৃত মান 3 cm এবং পরিমাপ্য মান 2.98 cm । গোলকটির আয়তন পরিমাপে শতকরা ত্রুটি কত?
 ① 0.02% ② 0.066% ③ 0.66% ④ 2% (Ans D)
০৪. লেভেল ত্রুটি কোন যদ্বের পরিমাপের জন্য প্রযোজ্য?
 ① স্লু-গজ ② মিটার ক্ষেল ③ উদ্বিন্দিত নিক্তি ④ ফেরোমিটার (Ans C)
০৫. অনুমিতির মাধ্যমে যে মৌকিক ব্যাখ্যা বেরিয়ে আসে, তাকে কী বলে?
 ① অনুকলন ② সূত্র ③ তত্ত্ব ④ নীতি (Ans A)
০৬. এক ন্যানোমিটার সমান কত মিটার?
 ① 10^{-3} m ② 10^{-7} m ③ 10^{-14} m ④ 10^{-9} m (Ans D)
০৭. π -এর মান কে সর্বপ্রথম নির্ণয় করেন?
 ① ইউক্লিড ② ইবনে হাইয়ান ③ নিউটন ④ ভাস্কুলার্য (Ans D)
০৮. 10 m দৈর্ঘ্য পরিমাপে ত্রুটির পরিমাণ 10 cm হলে ত্রুটির হার কত?
 ① 0.01% ② 0.1% ③ 1% ④ 10% (Ans C)
০৯. নিচের বিষয়গুলোর মধ্যে কোনটি সবচেয়ে বেশি পদার্থবিদ্যা দ্বারা প্রভাবিত?
 ① সহিত-সংস্কৃতি ② প্রাণিবিদ্যা ③ দর্শন ④ বসায়ন (Ans D)
১০. 1 মাইল ও 1 কিলোমিটার দূরত্বের পার্থক্য মিটারে কত হবে?
 ① 0.609 m ② 6.09 m ③ 60.9 m ④ 609 m (Ans D)
১১. একটি বৃক্ষের ব্যাসার্ধ $(2.5 \pm 0.2) \text{ cm}$ হলে এর ক্ষেত্রফল পরিমাপের শতকরা ত্রুটি কত?
 ① 0.08% ② 0.16% ③ 8% ④ 16% (Ans D)
১২. কোনো একটি দঙ্গের পরিমাপকৃত দৈর্ঘ্য 20 cm এবং প্রকৃতমান 25 cm হলে পরিমাপের শতকরা ত্রুটি কত?
 ① 20% ② 15% ③ 25% ④ 10% (Ans A)
১৩. ১ (এক) কিউসেক পানির ঘনফল কত লিটার?
 ① 28.517 ② 28.317 ③ 28.717 ④ 28.917 (Ans B)
১৪. সর্বাপেক্ষা ছোট একক কোনটি?
 ① মিলি মাইক্রো ② অ্যান্টো-মিটার ③ এও-রে ইউনিট ④ অ্যাংস্ট্রোম (Ans C)
১৫. সূক্ষ্ম সময় মাপের জন্য কোন যত্ন ব্যবহৃত হয়?
 ① ব্যারোমিটার ② গ্যালভানোমিটার ③ ক্রোনোমিটার ④ ঘড়ি (Ans C)
১৬. “এই জলের গতিপথ উপবৃত্তাকার”-তত্ত্বটি কে আবিষ্কার করেছেন?
 ① কেপলার ② টলেমি ③ পিথাগোরাস ④ গ্যালিলিও (Ans A)
০১. কোনো বস্তুর ভর $(100 \text{ kg} \pm 2\%)$ এবং আয়তন $[100 \pm 3\% \text{ m}^3]$ । এই বস্তু ঘনত্বের শতকরা ত্রুটি কত?
 Solve: $M = 100 \pm 2 \text{ kg}; V = 100 \pm 3 \text{ m}^3$
 $\therefore \text{ঘনত্বের শতকরা ত্রুটি} = \left(\frac{\Delta M}{M} + \frac{\Delta V}{V} \right) \times 100\%$
 $= \left(\frac{2}{100} + \frac{3}{100} \right) \times 100\% = \left(\frac{5}{100} \right) \times 100\% = 5\% \text{ Ans.}$
- For Practice
০১. কোনো ফেরোমিটারের দুটি পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব 4 cm । যদ্বের পীচ 1 mm ও বৃত্তাকার ক্ষেলের ভাগসংখ্যা 100 । সমতলে পাঠ নির্ণয়ে রেখিক ক্ষেল ও বৃত্তাকার ক্ষেলের গড়মান পাওয়া যায় যথাক্রমে 1 mm ও 47 । আবার বক্রতলে গড় মানগুলো হয় যথাক্রমে 0 mm ও 62 । পরিমাপ্য তলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
 Ans : 0.5%
- For Practice
০১. একজন ছাত্র 760 mm Hg চাপে ফুটন্ট বিশুদ্ধ পানিতে একটি থার্মোমিটারের পারদ প্রাপ্ত অনেকক্ষণ ডুবিয়ে রেখে দেখালো তাপমাত্রা 99.5°C । প্রাপ্ত পারদের শতকরা ত্রুটির হার নির্ণয় কর।
 Ans : 0.5%

৫ বিভিন্ন ধরনের রাশি :

- ০ ক্ষেলার রাশিসমূহ : তাপ, চাপ, ঘনত্ব, আয়তন, তাপমাত্রা, সময়, দৈর্ঘ্য, ভর, কাজ, ক্ষমতা, শক্তি, বিকৃতি, প্রতিসরণ, ডাইভারজেন্স, তড়িৎ বিভব, বিভব, মহাকর্মীয় বিভব, তড়িৎ প্রবাহ বা প্রবাহমাত্রা, গতি ও ছুতি, জড়তার আমক, চক্রগতির বাসার্ধ, ধারকত্ব ও চার্জ।
- ০ ভেক্টর রাশিসমূহ : ভরবেগ, বেগ, বল, সরণ, ত্বরণ, টর্ক, বিনতি কোণ, বলের ঘাত, কৌশিক ভরবেগ, কেন্দ্রস্থী ত্বরণ, পয়েটিং ভেক্টর, চৌম্বক ফ্লাম ঘনত্ব, তড়িৎ প্রাবল্য, তড়িৎ ও চৌম্বক ক্ষেত্র, কার্ল, মেডিয়েন্ট, তড়িৎ ও চৌম্বক আমক, চৌম্বক ও শব্দের প্রাবল্য, পীড়ন, সান্দ্রতার গুণাক, মহাকর্মীয় বল, মহাকর্মীয় প্রাবল্য, কৌশিক ত্বরণ ও বল, পৃষ্ঠাটান বা পৃষ্ঠশক্তি ও প্রবাহ ঘনত্ব।
- ০ বিশেষ তথ্য : জড়তার আমক ব্যাতিত সকল ধরনের প্রাবল্য ও আমক ভেক্টর রাশি।

৬ ভেক্টর রাশির বিভিন্ন সূত্রসমূহ : সাধারণ সূত্র, ত্বিজ্ঞ সূত্র, ভেক্টর যোগের সামান্যরিক সূত্র

৭ ভেক্টর রাশির গুণন :

- ০ ক্ষেলার গুণন বা ডট গুণন : দুটি ভেক্টর রাশির ক্ষেলার গুণফল একটি ক্ষেলার রাশি হবে যার মান রাশি দুটির মানের গুণফলের সাথে তাদের মধ্যবর্তী কোণের ক্ষেসাইনের গুণফলের সমান। ডট গুণন ব্যটন ও বিনিময় সূত্র মেনে চলে। ভেক্টরের ডট গুণন cosine এর সূত্র মেনে চলে।
- ০ ভেক্টর বা ত্রিস গুণন : দুটি ভেক্টর রাশির গুণফল যদি একটি ভেক্টর রাশি হয় তবে ঐ গুণনকে ভেক্টর গুণন বলে। এ ভেক্টরের গুণফলের মান ভেক্টর রাশি দুটির মান এবং তাদের মধ্যবর্তী কোণের সাইন (sine)- এর গুণফলের সমান। ভেক্টর গুণফলের দিক ডানহাতি ঝুঁ নিয়মে নির্ণয় করা হয়। ত্রিস গুণন ব্যটন সূত্র মেনে চলে কিন্তু বিনিময় সূত্র মেনে চলে না। ভেক্টরের ত্রিস গুণন sine এর সূত্র মেনে চলে।

৮ ভেক্টর রাশির অপারেটর :

- ০ ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটর : ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটরটি স্যার হ্যামিল্টন প্রথম আবিষ্কার করেন। শিবস একে 'ডেল' নামকরণ দেন। এর অপর নাম ন্যাবলা। ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটর নিম্নোক্তভাবে প্রকাশ করা হয়। $\therefore \vec{V} = \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k}$
- ০ মেডিয়েন্ট : ভেক্টর অপারেটর \vec{V} দ্বারা কোন একটি ক্ষেলার ফাংশন $\phi(x, y, z)$ -কে অন্তরীকরণ করলে পাওয়া যায় $\vec{V}\phi$, $\vec{V}\phi$ -কে (x, y, z) অবস্থানে ϕ -এর মেডিয়েন্ট বলে। অর্থাৎ, $\text{grad } \phi = \left(\frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right) \phi = \frac{\partial \phi}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial \phi}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial \phi}{\partial z} \hat{k}$

৯ বৈশিষ্ট্য :

- ক্ষেলার রাশির মেডিয়েন্ট একটি ভেক্টর ক্ষেত্র।
- ক্ষেলার রাশির সর্বাধিক বৃদ্ধির হারই হলো উক্ত ভেক্টর ক্ষেত্রের মান।
- ক্ষেলার রাশির পরিবর্তন বিন্দুর ছানাক এর পরিবর্তনের দিকের উপর নির্ভরশীল।

১০ ভাইভারজেল : ভেক্টর অপারেটর ন্যাবলা \vec{V} এর সাথে কোন একটি ভেক্টর ক্ষেত্রের ক্ষেলার গুণনকে ঐ ক্ষেত্রের ডাইভারজেল বলে।

$$\text{ডাইভারজেলকে } \vec{V} \cdot \vec{V} \text{ বা } \text{div. } \vec{V} \text{ লিখে প্রকাশ করা হয়। গাণিতিকভাবে লেখা যায়, } \vec{V} \cdot \vec{V} = \frac{\partial V_1}{\partial x} + \frac{\partial V_2}{\partial y} + \frac{\partial V_3}{\partial z} \text{ এটি ক্ষেলার রাশি।}$$

১১ বৈশিষ্ট্য :

- মান ধনাত্মক হলে, তরল পদার্থের আয়তন বৃদ্ধি পায়, ঘনত্বের হ্রাস ঘটে। অর্থাৎ, $\vec{V} \cdot \vec{V} = '+' \text{ ve}$
- মান ঋণাত্মক হলে, তরল পদার্থের আয়তন হ্রাস হয়, ঘনত্বের বৃদ্ধি ঘটে। অর্থাৎ, $\vec{V} \cdot \vec{V} = '-' \text{ ve}$
- মান শূন্য হলে, আগত ও নির্গত ফ্লাক্স সমান হয়। $\vec{V} \cdot \vec{V} = 0$ হলে, কোনো ভেক্টর ক্ষেত্রের ডাইভারজেল শূন্য হলে, তা সলিনয়ডাল হয়।

১২ কার্ল : ভেক্টর অপারেটর \vec{V} এর সাথে কোন একটি ভেক্টর ক্ষেত্রের ক্রস বা ভেক্টর গুণনকে ঐ ভেক্টর ক্ষেত্রের কার্ল বলে। কার্ল একটি ভেক্টর রাশি। কার্ল শূন্য হলে উক্ত ভেক্টরকে অচূর্ণনশীল ভেক্টর বলা হয়। একে $\vec{V} \times \vec{V}$ বা $\text{curl } \vec{V}$ আকারে প্রকাশ করা হয়। $\vec{V} \times \vec{V} = 2\vec{\omega}$

১৩ বৈশিষ্ট্য :

- কোনো ভেক্টর রাশির কার্ল শূন্য হলে, $\vec{V} \times \vec{F} = 0$ হলে \vec{F} সংরক্ষণশীল। আবার $\vec{V} \times \vec{F} \neq 0$ হলে \vec{F} অসংরক্ষণশীল হবে।
- কোনো দৃঢ় বন্ধ \vec{V} রৈখিক বেগে গতিশীল হলে $\text{curl } \vec{V}$ বন্ধটির কৌশিক বেগের দিশগুলির সমান হবে। অর্থাৎ $\text{curl } \vec{V} = \vec{V} \times \vec{v} = 2\vec{\omega}$ হবে।

Part 2**At a glance [Most Important Information]**

- ডেক্টরের মান শূন্য হলে তাকে বলে- সঠিক ডেক্টর
- প্রোলার ডেক্টর হলো- বল, ত্বরণ ও ক্রবেগ
- হাতকল এক ধরনের- ক্ষেত্রের রাশি
- কেনে ডেক্টরের মান যদি একক হয় তবে তাকে বলে- একক ডেক্টর
- শূন্য ডেক্টরের ছাড়া অন্যান্য সকল ডেক্টর- সঠিক ডেক্টর
- $i + j$ এবং $i - j$ এর মধ্যবর্তী কোণ- 90°
- j এবং k একক ডেক্টরগুলোর মধ্যবর্তী কোণ- 90°
- কৌণিক ক্রবেগের দিক হচ্ছে- $\vec{r} \times \vec{P}$ এর দিকে
- লক্ষির সম্পূর্ণ সঠিক মান গাওয়া সত্ত্ব- সামাজিক সূত্রে
- দুটি ডেক্টর রাশির ক্রম গুণফল শূন্য হলে তারা পরস্পর- সমান্তরাল
- ডেক্টর বিভাজনে ব্যবহার করা হয়- অভিজ্ঞের সাইন সূত্র

- ক্ষেত্রের উপর বিনিময় সূত্র মেনে চলে কিন্তু ডেক্টর গুণ- মেনে চলে না
- বৈদ্যুতিক পাখা ঘূরলে পাখার নিচে বাতাস লাগে- তান হতি ঝুঁটিমে
- ডেক্টরকে ক্ষেত্রের রাশি দ্বারা গুণ করলে গুণফল একটি- ডেক্টর হয়
- লন রোলার ঠেলার মূহর্তে ওজন- $2F \sin\theta$ পরিমাণ বেশি অনুভূত হয়
- ডেক্টরের ক্রস গুণ মেনে চলে- sine এর সূত্র
- ডেক্টরের ভট গুণ মেনে চলে- cosine এর সূত্র
- গাড়ির প্রকৃত অবস্থা জানতে হলে বেগের মানের সাথে জানতে হবে- দিক
- প্রবাহী বলবিদ্যায় ভূমিকা লক্ষ্য করা যায়- ডাইভারজেন্সের
- কার্লের নতিমাত্রা বা কার্লের ডাইভারজেন্স শূন্য- $\nabla \cdot (\nabla \times V) = 0$
- তিনটি একক ডেক্টরের যোগফল একটি- একক ডেক্টর

Part 3**প্রযোজনীয় সূত্রাবলি**

৫ ডেক্টর লক্ষি ও ডেক্টর গুণ সংক্রান্ত :

$$\diamond \vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos\theta$$

$$\diamond \vec{A} \times \vec{B} = AB \sin\theta$$

$$\diamond \vec{A} \text{ বরাবর } \vec{B} \text{ এর লম্ব অভিক্ষেপ}, B \cos\theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}|}$$

$$\diamond \vec{B} \text{ বরাবর } \vec{A} \text{ এর লম্ব অভিক্ষেপ}, A \cos\theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{B}|}$$

$$\diamond R = \sqrt{P^2 + Q^2 + 2PQ \cos\alpha} \quad \diamond \tan\theta = \frac{Q \sin\alpha}{P + Q \cos\alpha}$$

৬ দিক ও কোণ সংক্রান্ত :

◊ উলঢ়াবে পতিত বৃষ্টির সাথে ছাতা ধরতে হবে উলমের সাথে যত কোণে,

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{বৃষ্টির বেগ}}{\text{বৃষ্টির বেগ}} \right)$$

◊ উলঢ়াবে পতিত বৃষ্টির সাথে ছাতা ধরতে হবে অনুভূমিকের সাথে যত

$$\text{কোণ}, \theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{বৃষ্টির বেগ}}{\text{বৃষ্টির বেগ}} \right)$$

৬ একক ডেক্টর সংক্রান্ত :

$$\diamond \vec{A} \text{ এর সমান্তরাল একক ডেক্টর}, \hat{a} = \frac{\vec{A}}{|\vec{A}|}$$

৭ লন-রোলার ঠেলা অপেক্ষা টানা সহজতর :

$$\diamond \text{রোলার ঠেলার ক্ষেত্রে ওজন} = (W + F \sin\theta)$$

$$\diamond \text{রোলার টানার ক্ষেত্রে ওজন} = (W - F \sin\theta)$$

৮ প্রেডিয়েন্ট, ডাইভারজেন্স ও কার্ল সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{প্রেডিয়েন্ট}, \vec{\nabla} \phi = \frac{\partial \phi}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial \phi}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial \phi}{\partial z} \hat{k}$$

$$\diamond \text{ডাইভারজেন্স}, \vec{\nabla} \cdot \vec{v} = \frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial v_y}{\partial y} + \frac{\partial v_z}{\partial z}$$

$$\diamond \text{কার্ল}, \vec{v} = \vec{\nabla} \times \vec{v} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ v_x & v_y & v_z \end{vmatrix}$$

[Note: $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$ হলে \vec{V} ডেক্টরটি সলিনয়ডাল বা চোঙাকৃতি।

$\vec{V} \times \vec{V} = 0$ হলে \vec{V} ডেক্টরটি অচূর্ণনশীল বা সংরক্ষিত।]

Part 4**গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type: 1 (ডেক্টরের লক্ষির মান ও দিক)**

01. দুটি ডেক্টর রাশির প্রত্যেকটির মান 5 একক। তারা একই বিন্দুতে পরস্পর 120° কোণে ক্রিয়া করে। তাদের লক্ষির মান ও দিক নির্ণয় কর।

Solve: যদি লক্ষি ডেক্টর R হয়, তবে আমরা জানি,

$$R = \sqrt{(5)^2 + (5)^2 + 2 \times 5 \times 5 \times \cos 120^\circ} = 5 \text{ একক Ans.}$$

$$\text{আবার, } \tan\theta = \frac{Q \sin\alpha}{P + Q \cos\alpha} = \frac{5 \sin 120^\circ}{5 + 5 \cos 120^\circ} \Rightarrow \theta = 60^\circ \text{ Ans.}$$

For Practice

01. দুটি ডেক্টরের মান যথাক্রমে 3 একক ও 4 একক। এদের ক্ষেত্রে গুণফলের মান 6 একক হলে, এদের মধ্যবর্তী কোণ কত হবে?

$$\text{Ans. } \frac{\pi}{3}$$

Type: 2 (লন রোলার টানা ও ঠেলা)

01. একটি লন রোলার টানা ও ঠেলার জন্য অনুভূমিকের সাথে 30° কোণে 20 N বল প্রয়োগ করা হলো। টানার সময় ওজন ঠেলা অপেক্ষা কম হবে-

Solve: টানার ক্ষেত্রে ওজন = $W - F \sin 30^\circ$

$$\text{ঠেলার ক্ষেত্রে ওজন} = W + F \sin 30^\circ$$

$$\text{পার্থক্য} = W + F \sin 30^\circ - (W - F \sin 30^\circ)$$

$$= 20 N \text{ Ans.}$$

For Practice

01. একটি লন রোলার ঠেলার জন্য আনুভূমিকের সাথে 60° কোণ 10 N বল প্রয়োগ করা হলো। রোলারটির ওজন ত্বরি অবস্থার ওজনের চেয়ে বেশি হবে? Ans. 8.66 N

Type: 3

ক্ষেপণ ও ডেক্টর গুণ

01. $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$ এবং $\vec{B} = m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}$; m এর মান কত হলে ডেক্টর পরস্পরের উপর লম্ব হবে।

Solve: দুটি ডেক্টর পরস্পরের লম্ব হলে ডট গুণফল শূন্য হয়।

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta \Rightarrow (2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}) \cdot (m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}) = 0$$

$$\Rightarrow 2m + 6 - 50 = 0 \Rightarrow m = \frac{44}{2} \therefore m = 22 \text{ Ans.}$$

02. একটি ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর যার দুই বাহু যথাক্রমে $\vec{A} = 3\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$ এবং $\vec{B} = \hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$ ।

Solve: $\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 3 & 1 & -2 \\ 1 & -3 & 4 \end{vmatrix}$

$$= \hat{i}(4 - 6) - \hat{j}(12 + 2) + \hat{k}(-9 - 1) = -2\hat{i} - 14\hat{j} - 10\hat{k}$$

$$\therefore |\vec{A} \times \vec{B}| = \sqrt{2^2 + 14^2 + 10^2} = 10\sqrt{3}$$

$$\therefore \text{ক্ষেত্রফল} = \frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}| = 5\sqrt{3} \text{ বর্গ একক Ans.}$$

For Practice

01. যদি $\vec{P} = 5\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$, $\vec{Q} = \hat{i} - \hat{k}$ হয় তবে $\vec{P} \times \vec{Q}$ কত? Ans. $3\hat{i} + 9\hat{j} + 3\hat{k}$

Type: 4

ডেক্টরের লম্ব অভিক্ষেপ

01. $\vec{A} = \hat{i} - 4\hat{j} + 5\hat{k}$ ও $\vec{B} = 6\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}$ হলে B বরাবর A এর লম্ব অভিক্ষেপ বা অংশক নির্ণয় কর?

Solve: $A \cos \theta = \frac{6 + 12 + 10}{\sqrt{36 + 9 + 4}} = 4 \text{ Ans.}$

For Practice

01. $\vec{A} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{B} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$ । ডেক্টর দ্বয়ের লম্বি ডেক্টরের উপর \vec{A} ডেক্টরের লম্ব অভিক্ষেপ নির্ণয় কর।

$$\text{Ans. } \sqrt{3}$$

Part 5

অধ্যায়ভিত্তিক গুরুত্বপূর্ণ MCQ প্রশ্নোত্তর

01. $(\hat{i} \times \hat{k}) \times (\hat{j} \times \hat{k}) = ?$

- Ⓐ ০ Ⓑ \hat{i} Ⓒ \hat{j} Ⓓ \hat{k} Ⓕ \hat{i} **Ans(D)**

02. প্রায়ুক্তি নদীতে সর্বনিম্ন সময়ে উপারে যেতে স্রাতের সাথে কীভাবে নৌকা চালনা করতে হবে?

- Ⓐ 45° Ⓑ 60° Ⓒ 90° Ⓓ 120° **Ans(C)**

03. কোনো ডেক্টরের ডাইভারজেন্স হলো-

- Ⓐ ডেক্টর ক্ষেত্র Ⓑ ক্ষেপণ ক্ষেত্র Ⓒ ডেক্টরের নতিমাত্রা Ⓓ অগ্রণনশীল **Ans(B)**

04. $\vec{P} = \hat{i} - \hat{j} - \hat{k}$ হলে, \vec{P} - এর মান কত?

- Ⓐ 3 Ⓑ $\sqrt{3}$ Ⓒ 1 Ⓓ -1 **Ans(B)**

05. একটি ডেক্টরকে সর্বোচ্চ কয়টি উপাংশে ভাগ করা যায়?

- Ⓐ দুটি Ⓑ তিনটি Ⓒ ছয়টি Ⓓ অসংখ্য **Ans(D)**

06. নিচের কোনটি ডেক্টর রাশির বিয়োজনের সূত্র নয়?

- Ⓐ সাধারণ Ⓑ সমাত্তরাল Ⓒ সামাত্তরিক Ⓓ উপাংশ **Ans(B)**

07. কোনো ডেক্টরের শীর্ষবিন্দু ও পাদবিন্দু একই হলে ডেক্টরটি হবে-

- Ⓐ স্থায়ী ডেক্টর Ⓑ বিপরীত ডেক্টর Ⓒ সমরেখ ডেক্টর Ⓓ নল ডেক্টর **Ans(D)**

08. ক্ষেপণ ফাংশনকে ডেক্টর রাশিতে রূপান্তর করে-

- Ⓐ অস গুণ Ⓑ ডট গুণ Ⓒ প্রেডিয়েন্ট Ⓓ ডাইভারজেন্স **Ans(C)**

Type: 5

একক ডেক্টর

01. $\vec{A} = 2\hat{i} - 6\hat{j} - 3\hat{k}$ ও $\vec{B} = 4\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$ দ্বারা গঠিত সমতলের উপর লম্ব একক ডেক্টর নির্ণয় কর?

Solve: $\hat{n} = \frac{\pm(\vec{A} \times \vec{B})}{|\vec{A} \times \vec{B}|}$

$$= \pm \frac{\hat{i}(6+9) + \hat{j}(-12+2) + \hat{k}(6+24)}{\sqrt{15^2 + 10^2 + 30^2}}$$

$$= \pm \frac{15\hat{i} - 10\hat{j} + 30\hat{k}}{\sqrt{1225}} = \pm \left(\frac{3}{7}\hat{i} - \frac{2}{7}\hat{j} + \frac{6}{7}\hat{k} \right) \text{ Ans.}$$

For Practice

01. $\vec{A} = 3\hat{i} - 2\hat{j} + 6\hat{k}$ - এর সমাত্তরাল একক ডেক্টর নির্ণয় কর?

$$\text{Ans. } (3\hat{i} - 2\hat{j} + 6\hat{k}) / 7$$

Type: 6

ডেক্টর অপারেটর

01. অবস্থান ডেক্টর $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$ হলে দেখাও যে, $\nabla \cdot \vec{r} = 3$

Solve: এখানে, $\nabla = (\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z})$

$$\text{আমরা জানি, } \nabla \cdot \vec{r} = (\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z}) \cdot (x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k})$$

$$= \frac{\partial x}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial y} + \frac{\partial z}{\partial z} = 1 + 1 + 1 = 3$$

$$\therefore \nabla \cdot \vec{r} = 3 \text{ [Showed]}$$

For Practice

01. দেওয়া আছে, $\phi = 2xy^4 - x^2z$; $(2, -1, -2)$ বিন্দুতে ϕ এর প্রেডিয়েন্ট ($\nabla \phi$) নির্ণয় কর?

$$\text{Ans. } 10\hat{i} - 16\hat{j} - 4\hat{k}$$



09. 20 N এবং 60 N মানের দুটি ডেক্টর রশ্মির মধ্যকার কোণ 30° । রাশি দুটির লম্বির মান কত N হবে?

- Ⓐ 69.77 Ⓑ 96.77 Ⓒ 77.96 Ⓓ 77.69 **Ans(C)**

10. যদি $4\hat{i} - 4\hat{j} + \hat{k}$ এবং $2\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k}$ ডেক্টর একটি সামাত্তরিকের দুইটি সন্নিহিত বাহু নির্দেশ করে তবে উহার ক্ষেত্রফল হবে?

- Ⓐ $\sqrt{32}$ sq. unit Ⓑ $\sqrt{81}$ sq. unit
Ⓒ $\sqrt{72}$ sq. unit Ⓓ $\sqrt{98}$ sq. unit **Ans(C)**

11. নিচের কোনটি ডেক্টরের প্রকারভেদ নয়?

- Ⓐ সমত্তরাল ডেক্টর Ⓑ সমাত্তরাল ডেক্টর Ⓒ ঝণ ডেক্টর Ⓓ ধল ডেক্টর **Ans(D)**

12. ডেক্টর $\vec{A} = \hat{i} - 3\hat{j} + 5\hat{k}$ এবং $\vec{B} = a\hat{i} + 6\hat{j} - 10\hat{k}$; a -এর মান কত হলে ডেক্টর দুটি সমাত্তরাল হবে?

- Ⓐ 0 Ⓑ -2 Ⓒ -1 Ⓓ 1 **Ans(B)**

13. দুটি ডেক্টর বিপরীত দিকে ত্রিমাত্র ধাকলে তাদের লম্বির মান হবে?

- Ⓐ সর্বোচ্চ Ⓑ সর্বনিম্ন Ⓒ সমান Ⓓ কোনোটিই নয় **Ans(B)**

14. নিচের কোনটি লক রাশি?

- Ⓐ কম্পাক্ষ Ⓑ তাপমাত্রা Ⓒ সময় Ⓓ ভৱ **Ans(A)**

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS
15. $\vec{A} = 2\hat{i} + x\hat{j} - 4\hat{k}$ ও $\vec{B} = y\hat{i} + 6\hat{j} - 8\hat{k}$ । x ও y -এর মান কত হলে \vec{A} ও \vec{B} পরস্পর সমান্তরাল হবে।
 (A) $x = 3, y = 4$ (B) $x = 4, y = 3$
 (C) $x = 6, y = 2$ (D) $x = 12, y = 1$ Ans(A)
16. ক্ষেত্রের রাশির উদাহরণ কোনটি?
 (A) বল (B) চাপ (C) ক্ষেত্রফল (D) ত্বরণ Ans(B)
17. ভেক্টর ক্ষেত্রে \vec{V} অবৃৰ্ণুলী হলে নিচের কোনটি সঠিক?
 (A) $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$ (B) $\vec{\nabla} \times \vec{V} = 0$ (C) $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} \neq 0$ (D) $\vec{\nabla} \times \vec{V} \neq 0$ Ans(B)
18. ভেক্টর রাশি প্রকাশের জন্য প্রয়োজন—
 (A) শুধু মান (B) শুধু দিক
 (C) মান ও দিক উভয়ই (D) যেকোনোটি Ans(C)
19. সূর্যোদয়ের দিকে 12 মিটার যাওয়ার পরে, এক ব্যক্তি উভয় দিকে 5 মিটার চলে গেল। তার ছান্ছাত্রি কি হবে?
 (A) 17 m (B) 17.67 m (C) 16.67 m (D) 13 m Ans(D)
20. 20 N এবং 60 N মানের দুটি ভেক্টর রাশির মধ্যকার কোণ 30° । রাশি দুটির লক্ষণ মান কত N হবে?
 (A) 69.77 (B) 96.77 (C) 77.96 (D) 77.69 Ans(C)
21. $\vec{P} = 5\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}$; $\vec{Q} = \hat{k}$ হলে, $\vec{P} \times \vec{Q}$ = কত?
 (A) $-\hat{i} - 5\hat{j}$ (B) $\hat{i} - 5\hat{j}$ (C) $\hat{i} + 5\hat{j}$ (D) 0 Ans(A)
22. P ও Q এর স্থানাঙ্ক $(3, -2, 1)$ এবং $(3, -4, 5)$, PQ এর মান কত?
 (A) $\sqrt{20}$ (B) $\sqrt{29}$ (C) $\sqrt{56}$ (D) $6\sqrt{3}$ Ans(A)
23. A ও B কে সম্মিলিত বাহু ধরে অঙ্কিত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল -
 (A) $\vec{A} \cdot \vec{B}$ (B) $|\vec{A} \times \vec{B}|$ (C) $\frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}|$ (D) $\frac{1}{2} (\vec{A} \cdot \vec{B})$ Ans(C)
24. যদি $\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$ এবং $\vec{D} = \vec{B} \times \vec{A}$ আবলে \vec{C} এবং \vec{D} -এর মধ্যবর্তী ক্ষেত্রফল?
 (A) 90° (B) 0° (C) 180° (D) 45° Ans(C)
25. কোনো ভেক্টরের ডাইভারজেন্স হলো—
 (A) ভেক্টর ক্ষেত্র (B) ক্ষেত্রের ক্ষেত্র
 (C) ঐ ভেক্টরের নতিমাত্রা (D) অবৃৰ্ণুলী হলো Ans(B)
26. যদি $\vec{Q}(x, y) = 3x^2y$ হয়, তবে $(1, -2)$ বিন্দুতে \vec{Q} নির্ণয় কর।
 (A) $-6\hat{i} - 3\hat{j}$ (B) $-12\hat{i} + 3\hat{j}$
 (C) $3\hat{i} + 6\hat{j}$ (D) $6\hat{i} + 12\hat{j}$ Ans(B)
27. A, B ও C পরস্পর লম্ব হলে, $\vec{A} \cdot (\vec{B} + \vec{C})$ = কত?
 (A) 1 (B) 0 (C) 2 (D) 4 Ans(B)
28. নিচের কোনটি অপারেটর নয়?
 (A) $\sin \theta$ (B) $\sqrt{\quad}$ (C) \log (D) $\frac{d}{dx}$ Ans(A)

পদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র

অধ্যায়

৩

গতিবিদ্যা

Part 1

প্রকৃতপূর্ণ তথ্যাবলি

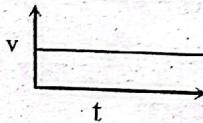
৫ প্রসঙ্গ কাঠামো সংক্রান্ত :

- প্রসঙ্গ কাঠামো : যে দৃঢ় বস্তুর সাপেক্ষে কোনো ঘনে কোনো বিন্দু বা বস্তুকে সুনির্দিষ্ট করা হয় তাকে প্রসঙ্গ কাঠামো বলে।
- একমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামো : দীর্ঘ সরু দণ্ড, দীর্ঘ সরু সূতা, ঝুলন্ত সূতা ও মুক্তভাবে পড়ে বস্তুর গতি ইত্যাদি।
- দ্বিমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামো : পাতলা কাগজ, পাতলা ধাতব পাত ও প্রক্ষেপকের গতি ইত্যাদি।
- ত্রিমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামো : টেবিল, চেয়ার, ইট, পাথর ও উড়ন্ত প্রজাপতি ইত্যাদি।

■ বেগ বনাম সময় লেখচিত্র:

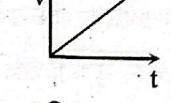
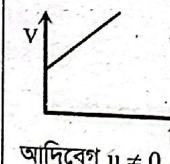
সমবেগে গতিশীল বস্তুর ক্ষেত্রে

- সমবেগের ক্ষেত্রে বেগের মান শ্রবক থাকে। সময়ের সাথে পরিবর্তিত হয় না।
- বস্তু দ্বারা অতিক্রান্ত দূরত্ব বেগ-সময় লেখচিত্রের বেগ ও সময় অক্ষের দ্বারা সীমাবদ্ধ ক্ষেত্রফলের সমান হয়।
- অতিক্রান্ত দূরত্ব নির্ণয় করা যায়।
- সমবেগ গতিশীল হলে, $s = vt \therefore s \propto t$ (v শ্রবক)



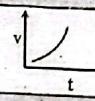
সমত্বরণ

- $$v = v_0 + at \Rightarrow v = at (v_0 = 0) \therefore v \propto t \text{ (a শ্রবক)}$$
- সমত্বরণে সরলরেখা বরাবর সচল বেগ-সময় লেখচিত্রটি একটি সরলরেখা হয়।
 - বন্ধুটি ছির অবস্থান থেকে যাত্রা শুরু করলে সরলরেখাটি মূল বিন্দুগামী হয়।
 - সরলরেখাটির নতি বা ঢাল বন্ধুর সমত্বরণের সমান হয়। $\text{ঢাল} = \text{ত্বরণ} (a) = \frac{v}{t}$
 - এ ধরনের লেখচিত্র দ্বারা ত্বরণ নির্ণয় করা যায়।



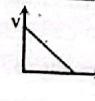
অসম ত্বরণের ক্ষেত্রে

- অসম ত্বরণে চলমান বস্তুর ক্ষেত্রে বেগ-সময় লেখচিত্রটি বক্ররেখা হয়।
- বিন্দুতে তাৎক্ষণিক ত্বরণ চলমান ঐ বিন্দুতে লেখচিত্রের স্পর্শকের ঢালের সমান হয়। সময়ের সঙ্গে লেখচিত্রটির ঢাল বাড়তে থাকে।



সমমন্দন

- $$v = v_0 - at \Rightarrow v = -at + v_0$$
- বেগ-সময় লেখচিত্রটি সরলরেখা হবে।
 - $y = mx + c$, এর ঢাল খণ্ডাত্মক হবে।
 - শেষ পর্যন্ত বন্ধুটি ছির অবস্থায় আসে অর্থাৎ এর বেগ শূন্য হয়।



নিক্ষিপ্ত বস্তু	
• উপরে নিক্ষিপ্ত বস্তু দূরত্বে ফিরে আসলে।	
• খাড়া উপরের নিক্ষিপ্ত বস্তু - সর্বোচ্চ উচ্চতায় বেগ শূন্য।	

৬ পড়ত বস্তু সংক্রান্ত :

◊ পড়ত বস্তুর ক্ষেত্রে গ্যালিলি'র সূত্রসমূহ :

◆ ১ম সূত্র : বায়ুশূন্য হানে বা বাধাইন পথে মুক্তভাবে পড়ত বস্তু সময়ে সমান দূরত্ব অতিক্রম করে।

◆ ২য় সূত্র : বাধাইন পথে পড়ত বস্তুর নির্দিষ্ট সময়ে প্রাপ্ত বেগ এই সময়ের সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $v \propto t$ ◆ ৩য় সূত্র : বাধাইন পথে পড়ত বস্তুর নির্দিষ্ট সময়ে অতিক্রান্ত দূরত্ব এই সময়ের বর্গের সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $h \propto t^2$ **NB:** উপরোক্ত সূত্র তিনটি নিউটন প্রমাণ স্বরূপ ব্যাখ্যা করেন। তাই কে আবিক্ষাক এবং ব্যাখ্যা কে দিয়েছেন তা ভালভাবে মনে রাখতে হবে।

৭ প্রাস বা প্রক্ষেপক সংক্রান্ত :

◊ প্রাস বা প্রক্ষেপক : একটি বস্তুকে আনুভূমিকের সাথে তির্যকভাবে উপরের দিকে নিক্ষেপ করা হলে তাকে প্রাস বা প্রক্ষেপক বলে। উদাহরণ : বিমান থেকে নিক্ষিপ্ত বোমার গতি, নিক্ষিপ্ত বর্ষার গতি, বুলেটের গতি ও তির্যকভাবে নিক্ষিপ্ত বস্তুর বা প্রাসের গতিপথ একটি প্যারাবোলা বা পরাবৃত্ত। [Ref: তপন স্যার]

◆ বাধাইন পথে অনুভূমিকরূপে নিক্ষিপ্ত বস্তুর বা প্রাসের গতিপথ একটি প্যারাবোলা বা অধিবৃত্ত [Ref: ইসহাক স্যার]

◊ প্রাসের বৈশিষ্ট্য : বাধাইন পথে অনুভূমিক বরাবর নিক্ষিপ্ত বস্তুর গতিপথ প্যারাবোলা বা পরাবৃত্ত বা অধিবৃত্ত। বায়ুর বাধা না থাকলে একটি বস্তুকে আনুভূমিকের সাথে 45° কোণে উপরের দিকে নিক্ষেপ করলে তার আনুভূমিক পাল্লা সর্বাধিক হবে। সর্বোচ্চ উচ্চতায় বেগ ও ত্বরণের মধ্যবর্তী কোণ = $\frac{\pi}{2}$ । অনুভূমিক দিকে ত্বরণ না থাকায় অনুভূমিক দিকে বেগের উপাংশ শ্রবণ থাকে। সর্বোচ্চ বিন্দুতে গতিশক্তি সর্বনিম্ন ও ছিতিশক্তি সর্বোচ্চ।

৮ বৃত্তীয় গতি সংক্রান্ত :

◊ কৌণিক বেগ : সময় ব্যবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে কৌণিক সরণের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক বেগ বলে।

◊ এক রেডিয়ান : কোনো বৃত্তের ব্যাসার্দের সমান দৈর্ঘ্যের বৃত্তাচ বৃত্তের কেন্দ্রে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে এক রেডিয়ান বলে।

◆ বৃত্তাকার পথে 1 বার ঘূরে আসা অথবা বৃত্তের কেন্দ্রে 2π রেডিয়ান কোণ অতিক্রম করা একই কথা।◆ $1^\circ = 0.0173$ রেডিয়ান এবং 1 রেডিয়ান = 57.3°

◊ কৌণিক ত্বরণ : সময়ের সাথে কৌণিক বেগের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক ত্বরণ বলে।

Part 2

At a glance [Most Important Information]

- বৃষ্টির ফেঁটা চলত গাড়ির সামনের কাঁচকে ডিজিয়ে দেয়, কিন্তু পেছনের কাঁচকে- ডিজায় না
- শব্দের গতি ও আলোর গতি- সূষ্ম গতি
- জড় কাঠামো নির্ভরশীল- বস্তুর জড়তা নীতির উপর
- হাতবড়ির সেকেন্ডের কাঁটার কৌণিক বেগ- $\frac{\pi}{30} \text{ rad-s}^{-1}$
- গতিপথের সর্বাধিক বিন্দুতে বেগ ও ত্বরণের মধ্যবর্তী কোণ- 90°
- প্রক্ষিপ্ত বস্তুকে কত ডিগ্রি কোণে নিক্ষেপ করলে পাল্লা সর্বোচ্চ হবে- 45°
- অসম ত্বরণে চলমান বস্তুর ক্ষেত্রে বেগ-সময় লেখচিত্রাটি- বক্ররেখা

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলী

- কোন ঘড়ির কাঁটার প্রাপ্তের বৈগ সর্বাধিক এবং কেন্দ্রে- শূন্য
- গাড়ির গতি দ্বিগুণ হলে থামানোর দূরত্ব হবে- চারগুণ
- সুষম বৃত্তীয় গতির বৈশিষ্ট্য- কৌণিক ত্বরণ শূন্য
- বস্তু সমকৌণিক বেগে চললেও এর- রৈখিক ত্বরণ থাকে
- বস্তু অসমবেগে গতিশীল হলে সরণ সময় সেখাচ্চি- একটি বক্ররেখা হয়।
- সর্বোচ্চ অবস্থানে গতিশক্তি প্রাথমিক গতিশক্তি- অর্ধেক
- যে কোন সময়ে বেগের মান হবে- এই মূল বিন্দুতে অক্ষিত ঢালের মান

Part 3

৯ বস্তুর বেগ ও দূরত্ব সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{দূরত্ব}, s = ut \pm \frac{1}{2} at^2 = ut \pm \frac{1}{2} gt^2$$

$$\diamond t_{th} \text{ সেকেন্ডে অতিক্রান্ত দূরত্ব}, s_{th} = u \pm \frac{1}{2} a (2t - 1)$$

১০ তক্তা সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{বেগ অর্ধেক হলে } s_2 = \frac{s_1}{3} \quad \diamond h = \frac{h'}{2^2 - 1}$$

$$\diamond \text{তক্তার সংখ্যা}, n = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \quad \diamond \text{বেগ বৃদ্ধি} = \sqrt{\text{তক্তার সংখ্যা}}$$

$$\diamond \text{যদি } \frac{1}{n} \text{ গুণ বেগ হারালে } x = \frac{s(n-1)^2}{2n-1}$$

১১ খাড়া উপরের দিকে নিক্ষিপ্ত বস্তু সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{সর্বোচ্চ উচ্চতা}, H = \frac{u^2}{2g} \quad \diamond \text{সর্বোচ্চ উচ্চতায় উঠার সময়}, t = \frac{u}{g}$$

$$\diamond \text{ভ্রমনকাল তথা উখান পতনের মোট সময়}, T = \frac{2u}{g}$$

১২ প্রাস বা প্রক্ষেপক সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{বেগের অনুভূমিক উপাংশ}, v_x = v_{x_0} + a_x t; v_{x_0} = v_0 \cos \theta$$

$$\diamond \text{বেগের উলম্ব উপাংশ}, v_y = v_{y_0} - gt = v_0 \sin \theta - gt \quad \diamond \tan \alpha = \frac{v_y}{v_x} = \frac{v_0 \sin \theta - gt}{v_0 \cos \theta}$$

$$\diamond \text{বিচরণকাল}, T = \frac{2u \sin \theta}{g} \quad \diamond \text{সর্বোচ্চ উচ্চতা}, H = \frac{u^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

$$\diamond \text{অনুভূমিক পাল্লা}, R = \frac{u^2 \sin 2\theta}{g} \quad \diamond \text{সর্বাধিক পাল্লা}, R_{max} = \frac{u^2}{g}$$

৫. বৃত্তাকার ও রৈখিক গতি সংজ্ঞাঃ :

$$\text{বৃত্তাকার বেগ}, \omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi n = \frac{2\pi N}{t}$$

$$\text{বৃত্তাকার ত্বরণ}, \alpha = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t} = \frac{d\omega}{dt}$$

$$\text{কেন্দ্রমুখী ত্বরণ}, a = \alpha r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$

$$\text{কেন্দ্রমুখী বল}, F = \frac{mv^2}{r} = m\omega^2 r$$

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type: 1

(সরণ, বেগ ও ত্বরণ)

01. একটি ফ্লটবল 88 ms^{-1} বেগে চলতে আরম্ভ করল। যদি এর মন্দন 10 ms^{-2} হয় তবে 5 s এ কম্পটি কত দূর যাবে এবং থামবার পূর্বে কত দূরত্ব অতিক্রম করবে?

$$\text{Solve: } \text{আমরা জানি, } s = v_0 t - \frac{1}{2} at^2 = 88 \times 5 - \frac{1}{2} \times 10 \times 25 = 315 \text{ m}$$

আবার, $v^2 = v_0^2 - 2as'$

$$\Rightarrow s' = \frac{88 \times 88 - 0 \times 0}{2 \times 10} = 387.2 \text{ m Ans.}$$

For Practice

01. একটি ট্রেন ছির অবস্থান হতে 10 ms^{-2} ত্বরণে চলতে আরম্ভ করল। একই সময় একটি গাড়ি 100 ms^{-1} সমবেগে ট্রেনের সমান্তরালে চলা শুরু করল। ট্রেন গাড়িটিকে কখন সিছনে ফেলবে?

Ans. 20 s

Type: 2

(তক্ষণ ও বন্দুকের গুলি)

01. কোনো তক্ষার 9 cm ভেদ করার পর গুলির বেগ অর্ধেক হলে গুলি আর কতদূর গিয়ে থামবে?

$$\text{Solve: } h = \frac{h'}{2^2 - 1} = \frac{9}{4 - 1} = 3 \text{ cm Ans.}$$

For Practice

01. 50 m/s বেগে চলত একটি বুলেট একখন কাঠে 25 cm প্রবেশ করতে পারে। একই বেগ সম্পর্কে বুলেট 9 cm পুরু অনুরূপ কাঠে লাগলে কত বেগে বেরিয়ে যাবে? Ans. 40 m/s

Type: 3

(পড়স্ত বক্তা)

01. 98 m উচ্চতা থেকে কোনো বস্তুকে নিচের দিকে ফেলে দেওয়া হল এবং একই সময়ে 49 m/s বেগে উপরের দিকে অন্য একটি বস্তুকে নিষেপণ করা হল। এরা কখন পরস্পর মিলিত হবে এবং কোথায় মিলিত হবে?

Part 5

অধ্যায়ভিত্তিক প্রশ্নসমূহ MCQ প্রয়োজন

01. বেগ বনাম সময় লেখচিত্রের ঢাল নির্দেশ করে-

(A) সরণ (B) দ্রুতি (C) ত্বরণ (D) বল Ans. C

02. অনুভূমিকের সাথে কত কোণে নিষেপণ করলে এটি সর্বাধিক দূরত্ব অতিক্রম করবে?

(A) 45° (B) 0° (C) 90° (D) 60° Ans. A

03. t সময় পরে $x = 6t$ এবং $y = 8t - 5t^2$ হলে এই মুহূর্তে প্রাসের নিষেপণ বেগ হবে?

(A) 10 ms^{-1} (B) 5 ms^{-1} (C) 6 ms^{-1} (D) 8 ms^{-1} Ans. A

04. প্রাসের গতিপথের সর্বোচ্চ বিন্দুতে ত্বরণ-

(A) সর্বাধিক হবে (B) সর্বনিম্ন হবে (C) শূন্য হবে (D) $-g$ হবে Ans. D

05. একটি পাথরভক্তে ভূ-পৃষ্ঠা থেকে খাড়া উপরের দিকে তুলতে থাকলে এর উপর কয়টি বল ক্রিয়া করে?

(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 Ans. B

06. ছিরাবস্থা থেকে যাত্রা শুরু করে একটি বস্তু প্রথম সেকেন্ডে 2 m দূরত্ব অতিক্রম করে, পরবর্তী 2 m দূরত্ব অতিক্রম করতে কত সময় লাগবে?

(A) 0.41 sec (B) 1.0 sec (C) 1.41 sec (D) 2.0 sec Ans. A

07. প্রাঙ্গিক বেগের ক্ষেত্রে নীটি ত্বরণ?

(A) সর্বাধিক (B) সর্বনিম্ন (C) ঋণাত্মক (D) শূন্য Ans. D

08. যিন্মতির প্রসঙ্গ কার্তৃমোর উদাহরণ কোনটি?

(A) পাতলা কাগজ (B) সিলিন্ডার (C) বুলন্ট সূতা (D) বুলন্ট লাঠি Ans. B

09. $s = s_0 + vt$, এখনে, s বনাম t লেখ একটি-

(A) বৃত্ত (B) সরলরেখা (C) উপবৃত্ত (D) পরাবৃত্ত Ans. B

10. গতি এবং দ্রুতি দুটোর জন্যই প্রয়োজন হয়—

(A) বল (B) শক্তি (C) ক্ষমতা (D) কাজ Ans. A

11. নিচের কোনটি গতির প্রকারভেদ নয়?

(A) দোলন গতি (B) উর্ধ্ব গতি (C) চলন গতি (D) ঘূর্ণন গতি Ans. B

12. নিউটন/বর্গমিটার কিসের একক?

(A) শক্তি (B) ভরবেগ (C) চাপ (D) বল Ans. C

13. ছির অবস্থা হতে যাত্রা করে একটি গাড়ি 5 মিটার/বর্গ সেকেন্ড ত্বরণে চলতে থাকে। 20 সেকেন্ড পর গাড়িটি যে বেগে চলবে?

(A) 100 ms^{-1} (B) 100 ms^{-1} (C) 50 ms^{-1} (D) 50 ms^{-1} Ans. A

14. একটি বস্তুর বেগ $v(t) = (6t^2 + 2t) \text{ m s}^{-1}$ হলে 2 s পর বস্তুর সরল কত?
 ④ 20 m ⑤ 26 m ⑥ 28 m ⑦ 56 m **Ans(B)**
15. 48.0 মিটার/সেকেণ্ড বেগে একটি বল খাড়া উপরের দিকে নিক্ষেপ করলে কত সময় শূন্যে থাকবে?
 ④ 4.8 sec ⑤ 9.0 sec ⑥ 8.4 sec ⑦ 9.8 sec **Ans(D)**
16. একটি বল 20 ms^{-1} বেগে অনুভূমিকের সাথে 45° কোণে নিক্ষেপ করা হলো। বলটি কত দূরত্বে পড়বে?
 ④ 10 m ⑤ 40 m ⑥ 5 m ⑦ 20 m **Ans(B)**
17. অনুভূমিক ব্যাবহার নিক্ষিপ্ত বস্তুর গতিপথ কেমন হয়?
 ④ উপবৃত্তাকার ⑤ পরাবৃত্তাকার ⑥ বৃত্তাকার ⑦ সরলরৈখিক **Ans(B)**
18. অসম ভূমণ্ডে চলমান বস্তুর গতি বেগ আদি বেগের চেয়ে-
 ④ বেশি ⑤ কম ⑥ সমান ⑦ কোনটিই নয় **Ans(A)**
19. ভূমির সঙ্গে θ কোণে আনত কোনো তল হতে একটি বস্তু পড়তে থাকলে বস্তুর দূরবর্তের মান কত?
 ④ g ⑤ $g \cos \theta$ ⑥ $g \sin \theta$ ⑦ $g \tan \theta$ **Ans(C)**
20. প্রাসের নিক্ষেপণ বিন্দু ও পতন বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব হলো-
 ④ সরণ ⑤ দূরত্ব ⑥ পালা ⑦ অভিক্ষেপ **Ans(C)**
21. একজন ড্রিফ্টের একটি বলকে সর্বোচ্চ 100 m অনুভূমিক দূরত্বে ছুঁড়তে পারে। ক্ষমতি ড্রিফ্টের মাটি থেকে খাড়া উপরের দিকে কত উচ্চতায় ছুঁড়তে পারবে?
 ④ 50 m ⑤ 75 m ⑥ 100 m ⑦ 125 m **Ans(A)**
22. কোন প্রাসের ক্ষেত্রে সর্বোচ্চ উচ্চতা এবং বিসর্কালের বর্গের অনুপাত $[g = 10 \text{ ms}^{-2}]$
 ④ 5 : 4 ⑤ 5 : 2 ⑥ 5 : 1 ⑦ 10 : 1 **Ans(A)**
23. জড়তার ভ্রামকের এস. আই. একক কোনটি?
 ④ kg ms^{-2} ⑤ meter ⑥ $\text{kg} \cdot \text{m}^{-2}$ ⑦ kg/m^2 **Ans(C)**

নিউটনিয়ান বলবিদ্যা

Part ১

শুক্তৃপূর্ণ তথ্যাবলি

১. বল ও বলের প্রকারভেদ সংক্ষিপ্ত :

- বল : যা ছির বস্তুর উপর ক্রিয়া করে তাকে গতিশীল করে বা করতে চায় বা গতিশীল বস্তুর উপর ক্রিয়া করে তার গতির পরিবর্তন করে বা করতে চায় তাকে বল বলে।
বলের একক নিউটন (N) ও মাত্রা : $[\text{MLT}^{-2}]$ ।
- বলের বৈশিষ্ট্য : বল তুলন সৃষ্টি করতে পারে, বল বস্তুর বিকৃতি বা আকারের পরিবর্তন ঘটাতে পারে, গতির দিক পরিবর্তন করতে পারে।
- ঘনে রাখতে হবে : $1 \text{ নিউটন} = 10^5 \text{ ডাইন}, 1 \text{ পাউন্ড} = 13825.7 \text{ ডাইন}, 1 \text{ নিউটন} = 7.23 \text{ পাউন্ড ও } 1 \text{ পাউন্ড} = 32 \text{ পাউন্ড}।$
- ঘাত বল : খুব সীমিত সময়ের জন্য যে বৃহৎ মানের বল প্রযুক্ত হয় তাকে ঘাত বল বলে। ঘাত বলের মাত্রা = $[\text{MLT}^{-2}]$ ও একক = N
- বলের ঘাত : কোনো বল ও বলের ক্রিয়ার গুণফলকে ঐ বলের ঘাত বলে। বলের ঘাত বা ভরবেগের মাত্রা = $[\text{MLT}^{-1}]$ ও একক = kgms^{-1}

২. মৌলিক বল সংক্ষিপ্ত :

- মৌলিক বল : যে সকল বল অন্য কোনো বল থেকে উৎপন্ন হয় না বরং অন্যান্য বলে এ সকল বলের প্রকাশ ঘটে তাকে মৌলিক বল বলে।
- মৌলিক বলের প্রকারভেদ : ১. সবল নিউক্লিয়ার বল ২. তড়িৎ চুম্বকীয় বল ৩. দূর্বল নিউক্লিয়ার বল ৪. মহাকর্ষ বল
- মৌলিক বলগুলোর মধ্যেকার তুলনা :

বিষয়	সবল নিউক্লিয়ার বল	তড়িৎ চুম্বকীয় বল	দূর্বল নিউক্লিয়ার বল	মহাকর্ষ বল
বৈশিষ্ট্য	প্রোটন ও নিউট্রনকে একত্রে আবদ্ধ করে নিউক্লিয়াস গঠন করে	ইলেক্ট্রনকে নিউক্লিয়াসের সাথে আবদ্ধ করে পরমাণু গঠন করে	নিউক্লিয়ার বিটাক্ষয়ের জন্য দায়ী	নক্ষত্রগুলোকে একত্রিত করে গ্যালাক্সি গঠন করে
পালা	10^{-15} m	অসীম	10^{-6} m	10^{-16} অসীম
আপেক্ষিক সবলতা (সবল নিউক্লিয়ার বলের সাপেক্ষে)	1	10^{-2}	10^{-11}	10^{-41}
আপেক্ষিক সবলতা (মহাকর্ষ বলের সাপেক্ষে)	10^{41}	10^{39}	10^{30}	1
বাহক কণা	গ্রুবন, মেসন	ফোটন	W ও Z বোসন	গ্রাভিটন

৩. নিউটনের গতিসূত্র ও বস্তুর জড়তা সংক্ষিপ্ত :

- জড়তা : একটি বস্তু যেমন আছে ঠিক তেমন থাকতে চাওয়ার যে ধর্ম তাকে জড়তা বলে। জড়তা 2 প্রকার -
 - ◆ ছিতি জড়তা : ছির বস্তুর চিরকাল ছির থাকার প্রবণতাকে ছিতি জড়তা বলে। যেমন: মুদ্রা ও কাপের পর্যাক্ষা, চলমান গাড়ীতে আরোহী পিছনের দিকে হেলে পড়া, যোড়া হওয়া চলনে আরোহী পেছনে হেলে পড়া, কাঁচের জানালায় বুলেট লাগলে কাঁচ না ভাঙ্গা।
 - ◆ গতি জড়তা : যে ধর্মের জন্য গতিশীল বস্তু চিরকাল গতিশীল থাকতে চায় তাকে গতি জড়তা বলে। যেমন: চলমান গাড়ীতে আরোহী সামনের দিকে ঝুঁকে পড়া, ধাবমান যোড়ার পিঠ হতে লাফ দিয়ে পুনরায় ফিরে আসা, লংজাম্প প্রতিযোগীতায় প্রতিযোগীরা কিছু দূর দৌড়ে তারপর লাফ দেন।
- নিউটনের গতিসূত্র : 1687 সালে স্যার আইজ্যাক নিউটন তার বিখ্যাত গ্রন্থ “ন্যাচারালিস ফিলোসোফিয়া প্রিসিপিয়া ম্যাথেমেটিকা” তে বস্তুর ভর, গতি ও বলের মধ্যে সম্পর্ক ছাপন করে তিনিটি সূত্র প্রকাশ করেন।
 - ◆ ১ম সূত্র : বাহ্যিক বল প্রয়োগে বস্তুর অবস্থার পরিবর্তন করতে বাধ্য না করলে ছির বস্তুর চিরকাল ছিতি থাকবে এবং গতিশীল বস্তু সমবেগে চলতে থাকবে।
 - ◆ ২য় সূত্র : বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তনের হার তার উপর প্রযুক্ত বলের সমানুপাতিক এবং বল যেদিকে ক্রিয়া করে বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তনও সেদিকে ঘটে।
 - ◆ ৩য় সূত্র : প্রত্যেক ক্রিয়ারই একটা সমান ও বিপরীত প্রতিক্রিয়া আছে।

৪. ভরবেগ, ঘর্ষণ ও সংসর্ব সংক্ষিপ্ত :

- ঘর্ষণ : একটি বস্তুকে যখন অন্য একটি বস্তুর উপর দিয়ে গড়িয়ে বা টেনে নিলে বস্তু দুটির সংযোগস্থলে উচুনিচু বা খাঁজ থাকায় বস্তু দুটি পরস্পরের সাথে আটকে যায়, ফলে গতি বাধাপ্রাপ্ত হয়, ইহাই ঘর্ষণ, যে কল দ্বারা গতি বাধাপ্রাপ্ত হয় তাকে ঘর্ষণ বল বলে। ঘর্ষণ সাধারণত 4 প্রকার। যথা : ছিতি ঘর্ষণ, গতীয় বা কিসীর ঘর্ষণ, আবর্ত ঘর্ষণ ও প্রবাহী ঘর্ষণ।
- ছিতি ঘর্ষণ : কোনো তল ও এই তলের উপর অবস্থিত কোনো বস্তুর মধ্যে আপেক্ষিক গতি সৃষ্টি না হওয়া পর্যন্ত যে ঘর্ষণ বল কাজ করে তাকে ছিতি ঘর্ষণ বলে।

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS
- ◇ ছিতি ঘর্ষণ শুণোক : ছিতি ঘর্ষণের সীমান্তিক মান f_s এবং অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া R হলে, ছিতি ঘর্ষণ শুণোক, $\mu_s = \frac{f_s}{R}$ । ছিতি ঘর্ষণ শুণোকের কোনো একক নেই, এর মান সর্বদা । অপেক্ষাকৃতি ঘর্ষণ কোণ : সীমান্তিক ঘর্ষণের ক্ষেত্রে অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া (R) এবং ঘর্ষণ বলের (f_s) লকিকে লকি প্রতিক্রিয়া (S) বলে । এই লকি প্রতিক্রিয়া অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া সাথে যে কোন উৎপন্ন করে তাকে ঘর্ষণ কোণ (λ) বলে । $\therefore \mu_s = \tan \lambda$
 - ◇ ছিতি বা নিচল কোণ : অনুভূমিকের সাথে কোনো তল যে কোণ সৃষ্টি করলে আনত তলের উপরস্থ কোনো বন্ধ গতিশীল হওয়ার উপক্রম হয় সেই কোণকে বন্ধটির ছিতি বা নিচল কোণ বলে । $\theta = \lambda$ অর্থাৎ, ঘর্ষণ কোণ ও ছিতি কোণ পরস্পর সমান ।
 - ◇ গতীয় ঘর্ষণ : একটি বন্ধ যখন অন্য একটি তল বা বন্ধের উপর গতিশীল হয় অর্থাৎ দুটি স্পর্শস্থলের মধ্যে যখন আপেক্ষিক গতি বিদ্যমান তাকে তখন তাদের যে ঘর্ষণ ক্রিয়া করে তাকে গতীয় ঘর্ষণ বলে । গতীয় ঘর্ষণ বলের মান ছিতি ঘর্ষণ বলের সীমান্তিক মানের চেয়ে কম হয় ।
 - ◇ সংঘর্ষ : দুটি বন্ধ যদি একটা খুব বড় মানের বলে খুব অল্প সময়ের জন্যে পরস্পরকে আঘাত করে তাহলে তাকে বলা হয় সংঘর্ষ । সংঘর্ষ 2 প্রকার ।
 - ◇ ছিতিশূলিক সংঘর্ষ : দুটি বন্ধের মধ্যে সংঘর্ষ হলে যদি মোট গতি শক্তি সংরক্ষিত থাকে তাহলে তাকে ছিতিশূলিক সংঘর্ষ বলে । যেমন : পরমাণু, ইলেক্ট্রন ইত্যাদি মধ্যে সংঘর্ষ । উদাহরণ : দুটি ইঞ্পাত বা কাচের বলের মধ্যে সংঘর্ষ, দুটি ধাতব বলের মধ্যে সংঘর্ষ ও দুটি মার্বেলের মধ্যে সংঘর্ষ ।
 - ◇ অছিতিশূলিক সংঘর্ষ : দুটি বন্ধের মধ্যে ধাকা লাগলে বা সংঘর্ষ হলে যদি বন্ধগুলোর মোট গতিশূলিক সংরক্ষিত না হয় তাহলে তাকে অছিতিশূলিক সংঘর্ষ । উদাহরণ : বন্ধুকের গুলি যখন লক্ষ্যবন্ধনে যুক্ত হয়, দুটি কাদামাটির বলের মধ্যে সংঘর্ষ, গাছ থেকে পড়স্ত ফল কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া ও গতিশীল মাঝে কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া ।

৫ কৌণিক গতি সংক্রান্ত কয়েকটি রাশি :

- ◇ কৌণিক সরণ : বৃত্তীয় গতিতে সচল কণার ব্যাসার্ধ ভেক্টর কোনো নির্দিষ্ট সময়ের অবকাশে যে কোণে সরে যায়, তাকে এই কণাটির কৌণিক সরণ বলে । এর দ্বারা প্রকাশ করা হয় ।
- ◇ কৌণিক বেগ : কৌণিক গতি অসম হলে কৌণিক সরণ এবং অতিক্রান্ত সময়ের অনুপাতকে কণার কৌণিক বেগ বলে । একে ω দ্বারা প্রকাশ করা হয় ।
- ◇ কৌণিক ত্বরণ : সময় ব্যবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে সময়ের সাথে বন্ধের কৌণিক বেগের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক ত্বরণ বলে । একে α দ্বারা প্রকাশ করা হয় ।
- ◇ কৌণিক ভরবেগ : ঘূর্ণনরত কোনো বন্ধকণার ব্যাসার্ধ ভেক্টর ও রৈখিক ভরবেগের ভেক্টর গুণফলকে কৌণিক ভরবেগ বলে । বন্ধের উপর ক্রিয়ার বন্ধটির বন্ধটির কৌণিক ভরবেগ সংরক্ষিত থাকে । কৌণিক ভরবেগ, $L = I\omega$

৬ জড়তার ভাবক ও চক্রগতির ব্যাসার্ধ সংক্রান্ত :

- ◇ জড়তার ভাবক : কোনো অক্ষের সাপেক্ষে ঘূর্ণনরত কোনো দৃঢ় বন্ধের প্রতিটি কণার ভর এবং অক্ষ হতে তাদের প্রত্যেকের লম্ব দূরত্বের বর্গের গুণফলের সমান জড়তার ভাবক বলে । $I = mr^2$ । জড়তার মোমেন্ট হাস করার জন্যই দৌড়ে চলার সময় হাত গুটিয়ে রাখা হয় । একই জায়গায় চক্রকারে ঘোরার সময় হয় প্রসারিত করা হয় জড়তার ভাবক বাড়ানোর জন্য ।
- ◇ জড়তার ভাবকের নির্ভরশীলতা : বন্ধটি যে অক্ষের সাপেক্ষে ঘূরছে তার অবস্থানের উপর । অর্থাৎ, দূরত্বের উপর জড়তার ভাবক নির্ভর করে, বন্ধের আকৃতির উপর বন্ধের বন্টনের প্রকৃতির উপর জড়তার ভাবক নির্ভর করে ।
- ◇ চক্রগতির ব্যাসার্ধ : বন্ধের ভিতরে কণা বিবেচনা করে নির্ণয় জড়তার ভাবক কণার পরিবর্তে যদি সমস্ত ভর বিবেচনা করে নির্ণয় জড়তার ভাবকের সমান হয় তাহলে বন্ধের ভাবক কেন্দ্র থেকে অক্ষের দূরত্বকে চক্রগতির ব্যাসার্ধ বলে, $K = \sqrt{\frac{I}{M}}$
- ◇ টর্ক বা বলের ভাবক বা দ্বন্দ্বের ভাবক : কোনো নির্দিষ্ট অক্ষের চারদিকে ঘূর্ণায়মান কোনো বন্ধের স্থিতির জন্য প্রযুক্ত দ্বন্দ্বের ভাবককে টর্ক বা বলের ভাবক বলে বলের মোমেন্ট বা ভাবক বা টর্ক সাধারণত T দ্বারা প্রকাশ করা হয় । দ্বন্দ্বের ভাবক ঘূর্ণন অক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভরশীল নয় । এর একক $N.m$ ও মাত্রা $=[ML^2T^{-2}]$
- ◇ জড়তার ভাবক সংক্রান্ত উপপাদ্য :

 - ◆ লম্ব অক্ষ উপপাদ্য : কোনো পাতলা সমতল পাতের তলে অবস্থিত দুটি পরস্পর লম্ব অক্ষের সাপেক্ষে পাতটির জড়তার ভাবকের সমষ্টি এই পাতে অবস্থিত অক্ষের দ্বিন্দুতে অক্ষিত লম্ব অক্ষ অপেক্ষে পাতটির জড়তার ভাবকের সমান হবে । $\therefore I_z = I_x + I_y$
 - ◆ সমান্তরাল অক্ষ উপপাদ্য : যে কোনো অক্ষের সাপেক্ষে কোন সমতল পাতলা পাতের জড়তার ভাবক পাতটির ভারকেন্দ্রগামী তার সমান্তরাল অক্ষের সাপেক্ষে জড়তার ভাবক এবং পাতের ভর ও এই দুই অক্ষের মধ্যবর্তী দূরত্বের বর্গের গুণফলের সমষ্টির সমান । $\therefore I = I_G + Mh^2$

৭ কেন্দ্রমুখী ও কেন্দ্রবিমুখী বল সংক্রান্ত :

- ◇ কেন্দ্রমুখী বল : কোনো বন্ধ বৃত্তাকার পথে ঘূরতে থাকলে ঐ বৃত্তের কেন্দ্র অভিমুখে যে লকি বল ক্রিয়া করে বন্ধটিকে বৃত্তাকার পথে গতিশীল রাখে তাকে কেন্দ্রমুখী বা অভিকেন্দ্র বল এবং ত্বরণকে অভিলম্ব ত্বরণ বা ব্যাসার্ধমুখী ত্বরণ বলে । এ বল দ্বারা কৃতকাজ শূন্য । উদাহরণ : মাধ্যকর্কর্ণজনিত মহাকর্ষ বল, পরমাণুর নিউক্লিয়াসের চারপাশে ইলেক্ট্রনের ঘূর্ণন । এখনে ইলেক্ট্রন প্রয়োজনীয় বল, ইলেক্ট্রন ও নিউক্লিয়াসের মধ্যকার আকর্ষণ বল হতে পেরে থাকে ।
- ◇ কেন্দ্রবিমুখী বল : কেন্দ্রমুখী বলের প্রতিক্রিয়াবরূপ যে বল বৃত্তের কেন্দ্রের উপর ব্যাসার্ধ বরাবর কেন্দ্রের বাইরের দিকে ক্রিয়া করে তাকে কেন্দ্রবিমুখী বা অপকেন্দ্র বল বলে । কেন্দ্রবিমুখী বল কেন্দ্রমুখী বলের সমান ও বিপরীতমুখী ।
- ◇ উদাহরণ : ন্যূট্য শিল্পীরা দুহাত প্রসারিত করে যখন বৃত্তাকার পথে পরিভ্রমণ শেষে সামনে দুহাত বাড়িয়ে দেয় কেন্দ্রবিমুখী বলের কারণে ।
- ◇ রাস্তার ব্যাংকিং : রাস্তার বাঁক ঘূরবার সময় দুর্ঘটনা থেকে রক্ষণ পাবার জন্য বাঁকের ভিতরের দিকে একটু ঢালু করে রাস্তার বাঁকগুলো তৈরী করা হয় যাতে বাঁক নেয়া জন্য প্রয়োজনীয় কেন্দ্রমুখী বল সরবরাহ করা যায় । একে রাস্তার ব্যাংকিং বলে । ব্যাংকিং কোণ θ হলে, $\tan \theta = \left(\frac{V^2}{rg}\right)$. Road Banking গাড়ীর দ্রুতি ও বাঁকের ব্যাসার্ধের উপর নির্ভর করে গাড়ীর ভরের উপর নয় ।

Part 2**At a glance [Most Important Information]**

বৃত্তি ভৱ, গতি ও বলের মধ্যে সম্পর্ক ধাপন করেন- নিউটন
 যে সকল বল অন্য কোনো বল থেকে উৎপন্ন হয় না- মৌলিক বল
 রাসায়নিক বিক্রিয়া সংঘটিত হয়- তাড়িতচৌমুক বলের কারণে
 তাড়িত চৌমুক বল কার্যকর করার জন্য দায়ী- ফোটন কণ।
 "নাচারালিস ফিলোসোফিয়া প্রিসিপিয়া ম্যাথেমেটিকা" প্রকাশকাল- 1687.
 যে মৌলিক বলের পাল্লা 10^{-15} m সেটি হচ্ছে- সবল নিউটনীয় বল
 আধুনিক জ্ঞেট বিমান চালানো হয়- ভৱবেগের নিয়তা সূত্র দ্বারা করে
 পরমাণুর তেজস্বিভূত ভাঙ্গন ঘটে- দুর্বল নিউটনীয় বলের কারণে
 ভৱবেগের নিয়তা সূত্রের ধারণা পাওয়া যায় নিউটনের- ৩য় সূত্র দ্বারা
 জাপ্পের সময় অ্যাথলেটগণ দৌড়ে আসেন- গতি জড়তা বৃদ্ধির জন্য
 ঘর্ষণ বল ও বস্তুর বেগের মধ্যকার কোণ- π

- বৃত্তাকার গতির ক্ষেত্রে (১) এর দিক হলো- ঘূর্ণন অক্ষ বরাবর
- ধান মাড় ইয়ের চাতালে দূরবর্তী গরুকে সবচেয়ে- বেশি বেগে হাঁটতে হয়
- কণার উপর প্রযুক্ত নিট শূন্য হলে কৌণিক ভরবেগ- সংরক্ষিত থাকে
- এইসমূহের পৃথিবীর চারদিকে ঘোরা- মহাকর্ষ বলের জন্য
- ঘোঁড়া হাঁচাং চললে আরোহী পেছনে হেলে পড়ার কারণ- ছিতি জড়তা
- বল পরিমাপের ও প্রকৃতি নির্দেশের সূত্র বলা হয়- নিউটনের ২য় সূত্র
- প্রবাহীর ক্ষেত্রে প্রযোজ্য হবে না- নিউটনের গতি সূত্রাবলী
- গতিশীল মার্বেলের কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া- অঙ্গিতিহাপক সংঘর্ষ
- মহাশূন্যচারীর নিজেকে ওজনহীন মনে করার কারণ- কেন্দ্রবিমুখী বল
- পাখির আকাশে উড়তে পারে- গতির তৃতীয় সূত্রের কারণ
- রকেটে জ্বালানি হিসেবে থাকে- তরল হাইড্রোজেন

Part 3**প্রযোজনীয় সমস্যাগুলি****১. বল সংক্রান্ত :**

$$\text{বল}, \bar{F} = m \bar{a} = m(\bar{v} - \bar{u})/t = d \bar{p}/dt$$

$$\text{বলের ঘাত}, \bar{J} = \bar{F} \times t = m \bar{v} - m \bar{u}$$

২. ঘর্ষণ ও ভৱবেগ সংক্রান্ত :

$$\text{গতি ঘর্ষণ গুণাঙ্ক}, \mu_s = \frac{F_s}{R} \quad \text{চল ঘর্ষণ গুণাঙ্ক}, \mu_k = \frac{F_k}{R}$$

$$\text{নতি কোণ}, \alpha = \tan^{-1}(\mu_s) = \frac{P - f_k}{m} = \frac{P - \mu_k \times R}{m}$$

$$\text{ভৱবেগের সংরক্ষণ সূত্র}: m_1 u_1 + m_2 u_2 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

৩. টর্ক, জড়তার ভাবক ও চক্রগতির বাসার্ধ সংক্রান্ত :

$$\text{টর্ক}, \tau = I \frac{d\omega}{dt} \quad \text{বল ও বলের ঘাত}, \bar{F} = \bar{r} \times \bar{F} \quad \text{জড়তা}, \tau = I\alpha$$

$$\text{জড়তার ভাবক}, I = Mk^2 = \sum m_i r_i^2$$

$$\text{বৃত্তাকার চাকতির ক্ষেত্রে}, I = \frac{1}{2} mr^2; k = \sqrt{\frac{r}{2}}$$

Part 4**গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type: 1**

(বল ও বলের ঘাত)

0.05 kg ভরের একটি বক্ষ 0.2 ms^{-1} আনুভূমিক বেগে একটি খাড়া দেয়ালে ধাক্কা দিয়ে 0.1 ms^{-1} বেগে বিপরীত দিকে ফিরে গেল। বলের ঘাত কত?

$$\text{Solve: } J = m(v - v_0) = 0.05 (-0.1 - 0.2) = -0.015 \text{ kgms}^{-1} \text{ Ans.}$$

For Practice

16 N এর একটি বল 4 kg ভরের উপর 4 s ক্রিয়া করে। বক্ষটির বেগের পরিবর্তন কত? Ans. 16 ms^{-1}

Type: 2

লিফট

কোনো লিফট উপরের দিকে 1.2 ms^{-2} ত্বরণে উঠছে, লিফটের ভেতর কোন বক্ষ একটি 2 kg ভরের কণ ধরে রাখলে বলের আপাত ওজন কত? যদি কৃষ্ণ লিফটের ত্বরণ হতে 1.5 m s^{-2} হতে ছেড়ে দেওয়া হয় তবে বলটি পড়তে কত সময় লাগবে?

$$\text{Solve: } a = g + f = 9.8 + 1.2 = 11 \text{ ms}^{-2}$$

$$\text{এবং } W = ma = 2 \times 11 = 22 \text{ N Ans.}$$

$$\text{এখন, } t = \sqrt{\frac{2h}{g+f}} = \sqrt{\frac{1.5 \times 2}{9.8 + 1.2}} = 0.522 \text{ s Ans.}$$

For Practice

01. একটি লিফট 3 m/s^2 ত্বরণে উঠছে। লিফটের মেঝের 2 m উপর হতে একটি বলকে ত্বরণ অবহৃত থেকে ছেড়ে দেওয়া হল। $g = 9.81 \text{ m/s}^2$ । লিফটের মেঝে স্পর্শ করতে বলটির কত সময় লাগবে? Ans. 0.5588 sec

Type: 3

(ভৱবেগ ও কেন্দ্রমুখী ত্বরণ)

01. 6 kg ভরের একটি বন্দুক হতে 0.04 kg ভরের একটি শুলি 600 ms^{-1} বেগে বের হয়ে গেল। বন্দুকের পশ্চাত বেগ কত?

$$\text{Solve: } m_1 u_1 + m_2 u_2 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

$$\Rightarrow 0 = 6 \times v_1 + 0.04 \times 600 \Rightarrow v_1 = -4 \text{ ms}^{-1}$$

$$\therefore \text{পশ্চাত বেগ} = 4 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

02. 0.15 kg ভরের একটি পাথর খতকে 0.75 m লম্বা একটি সূতার উপর টান কত? বৃত্তাকার পথে প্রতি মিনিটে 90 বার সুরালে সূতার উপর টান করে।

$$\text{Solve: } F = m\omega^2 r \Rightarrow F = m \left(\frac{2\pi N}{T} \right)^2 r = m \left(\frac{2\pi \times 90}{60} \right)^2 r$$

$$\Rightarrow F = 0.15 \times (3\pi)^2 \times 0.75$$

$$\Rightarrow F = 9.99 \text{ N Ans.}$$

For Practice

01. 100 gm ভরের একটি বস্তুকে 40 cm দীর্ঘ একটি সুতার এক পাণ্ডে বেঁধে বৃত্তাকার পথে 10 m/sec সমন্বিতভাবে ঘুরানো হলো, কেন্দ্রমুখী বল কত? Ans. 25 N

Type: 4

(টর্ক, জড়তার ভাবক ও ব্যাকিং কোণ)

01. একটি রাশি 65.31 m ব্যাসার্ধ বাঁক নিয়েছে। এই ছানে রাশাটি 5.0 m চওড়া এবং এর ভিতরের কিনারা হতে বাইরের কিনারা 0.5 m উচু। সর্বোচ্চ কত ms^{-1} বেগে এই ছানে নিরাপদে বাঁক নেওয়া সম্ভব?

$$\text{Solve: } v = \sqrt{\frac{hrg}{x}}$$

$$= \sqrt{\frac{0.5 \times 65.31 \times 9.81}{5.0}} = 8 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. একটি রাশি 65.31 m ব্যাসার্ধ বাঁক নিয়েছে। এই ছানে রাশাটি 5.0 m চওড়া এবং এর ভিতরের কিনারা হতে বাইরের কিনারা 0.5 m উচু। সর্বোচ্চ কত ms^{-1} বেগে এই ছানে নিরাপদে বাঁক নেওয়া সম্ভব?

Part 5

ব্যায়ামোভাব ও ত্বরণ

01. একটি বস্তুকে ঘূর্ণনরত রাখতে যে বলের দরকার হয় তাকে বলা হচ্ছে-
- (A) কৌণিক ভরবেগ
 - (B) জড়তার ভাবক
 - (C) কেন্দ্রমুখী বল
 - (D) কেন্দ্রবিন্দুর মধ্যে বেগ কত? Ans. C
02. একটি দেওয়াল ঘড়ির মিনিটের কাঁটার দৈর্ঘ্য 18 cm এর পাস্তের রৈখিক বেগ কত?
- (A) $1.88 \times 10^{-4} \text{ ms}^{-1}$
 - (B) $3.14 \times 10^{-4} \text{ ms}^{-1}$
 - (C) $9.67 \times 10^{-3} \text{ ms}^{-1}$
 - (D) 0.58 ms^{-1} Ans. B
03. কৌণিক ভরবেগের পরিবর্তনের হার-
- (A) কৌণিক ত্বরণের সমান
 - (B) জড়তার ভাবকের সমান
 - (C) টর্কের সমান
 - (D) বলের সমান Ans. C
04. বলের ঘাতের একক হলো-
- (A) $\text{kg m}^2 \text{s}^{-2}$
 - (B) $\text{kg m}^2 \text{s}^{-1}$
 - (C) kg ms^{-2}
 - (D) kg ms^{-1} Ans. D
05. খুব অল্প সময়ের জন্য খুব বড় মানের বল প্রযুক্ত হলে তাকে বলে?
- (A) সংশক্তি বল
 - (B) ঘূর্ণন বল
 - (C) তড়িৎ বল
 - (D) ঘাত বল Ans. D
06. নিচের বলগুলোর মধ্যে কোনটি সবচেয়ে শক্তিশালী বল?
- (A) দূর্বল নিউক্লিয় বল
 - (B) সবল নিউক্লিয় বল
 - (C) মহাকর্ষ বল
 - (D) তড়িৎ চুম্বকীয় বল Ans. B
07. ব্যাটসম্যান থেকে 80 m দূরে থাকা একজন ফিল্ডার ন্যূনতম কত বেগে দৌড়ালে বলটি মাটিতে পড়ার পূর্বে ধরতে পারবে?
- (A) 9.72 ms^{-1}
 - (B) 11.22 ms^{-1}
 - (C) 31.37 ms^{-1}
 - (D) 36.23 ms^{-1} Ans. C
08. ঘর্ষণ বল ও বস্তুর বেগের মধ্যকার কোণ কত?
- (A) π
 - (B) $\frac{\pi}{2}$
 - (C) $\frac{\pi}{4}$
 - (D) 0° Ans. A
09. কোনটি জড়তার ভাবক সংক্রান্ত সমাতুল্য অঙ্গ প্রযোগ্য?
- (A) $I_z = I_x + I_y$
 - (B) $I = I_G + MK^2$
 - (C) $I = I_G + Mh^2$ Ans. D
 - (D) $I = I_G + Mh^2$
10. নির্দিষ্ট ভরের কোনো চাকতির ব্যাসার্ধ অর্ধেক করা হলে কেন্দ্রগামী অঙ্গের সাপেক্ষে জড়তার ভাবক কতগুলি হবে?
- (A) এক চতুর্থাংশ
 - (B) অর্ধেক
 - (C) দ্বিগুণ
 - (D) চারগুণ Ans. A
11. একটি ঘড়ির সেকেন্ড, মিনিট ও ঘটোর কাঁটার কৌণিক বেগের অনুপাত-
- (A) $720 : 60 : 1$
 - (B) $1 : 60 : 720$
 - (C) $1 : 12 : 720$
 - (D) $720 : 12 : 1$ Ans. A
12. কোনো বস্তুর উপর প্রযুক্ত নীট বল শূন্য হলে বস্তুটি সরল পথে-
- (A) সমত্বরণে চলে
 - (B) সমমন্দনে চলে
 - (C) অসমন্বিতভাবে চলে
 - (D) সমবেগে চলে Ans. D
13. কোনটি ক্রিয়া ও প্রতিক্রিয়ার প্রকারভেদ নয়?
- (A) টান
 - (B) টেনসন
 - (C) সরণ
 - (D) ঘর্ষণ Ans. C
14. M ভরের একটি বস্তু ধূর বেগে X-অক্ষের সমাতুল্যে গতিশীল। মূলবিন্দুর সাপেক্ষে এর কৌণিক ভরবেগ-
- (A) শূন্য
 - (B) ধূর থাকে
 - (C) বেঁড়ে যায়
 - (D) কমে যায় Ans. A
15. একটি গ্যামোফোন রেকর্ড চাকাকারে প্রতি মিনিটে 78 বার ছির গতিতে ঘুরে। সুইচ বৰু করার 30 s-পর রেকর্ডটি বন্ধ হয়ে যায়। রেকর্ডটি হিসাবব্যায় আসার আগে কতবার ঘুরেছিল?
- (A) 19.5
 - (B) 20
 - (C) 22.5
 - (D) 39 Ans. A
16. একটি কণা 2 m ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে প্রতি মিনিটে 60 বার ঘুরে, কণাটির রৈখিক বেগ হবে?
- (A) 12.56 m/s
 - (B) 120 m/s
 - (C) 2 m/s
 - (D) 60 m/s Ans. A
17. একটি বস্তু π m ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে 4.0 m/s সমন্বিতভাবে ঘুরছে। এক ঘূরে আসতে বস্তুটির কত সময় লাগবে?
- (A) $2/\pi^2 \text{ s}$
 - (B) $\pi^2/2 \text{ s}$
 - (C) $\pi/2 \text{ s}$
 - (D) $\pi^2/4 \text{ s}$ Ans. C
18. গেন গ্যাসের আপেক্ষিক বেগ বেশি হলে, এই গ্যাসের ত্বরণের অবস্থার কী পরিবর্তন হবে?
- (A) ত্বরণ শূন্য হবে
 - (B) ত্বরণ অপরিবর্তিত থাকবে
 - (C) ত্বরণ বৃদ্ধি পাবে
 - (D) ত্বরণ হ্রাস পাবে Ans. C
19. কোন পদাৰ্থের রৈখিক ত্বরণ পরিমাপের জন্য নিচের কোন দুটির সাহায্য নিতে হবে?
- (A) বেগ ও ঘনত্ব
 - (B) ভর ও বল
 - (C) দূরত্ব ও বল
 - (D) ভর ও বেগ Ans. B
20. পিছিল বরফের উপর 1 kg জনের একটি পাথর 2 ms^{-1} বেগে চলার 10 s পর ঘর্ষণের ফলে ধৈর্যে গেল। এখানে ঘর্ষণ বল কত?
- (A) 20 N
 - (B) 2 N
 - (C) 0.2 N
 - (D) কোনোটিই নয় Ans. C
21. বল ও বলের ক্রিয়াকালের গুণফলকে কী বলে?
- (A) বলের ঘাত
 - (B) ঘাত বল
 - (C) ভাবক
 - (D) শক্তি Ans. A
22. 10 g ভরের একটি বুলেট 4 kg ভরের একটি বন্দুক থেকে 200 ms^{-1} দে নিষিক্ষণ হল। বন্দুকটির পশ্চাত বেগ কত হবে?
- (A) 0.7 ms^{-1}
 - (B) 0.6 mm/s^{-1}
 - (C) 0.5 ms^{-1}
 - (D) 0.5 kms^{-1} Ans. C
23. সাইকেলের বেগ ও চাকার ঘর্ষণের মধ্যবর্তী কোণ কত?
- (A) 0°
 - (B) 90°
 - (C) 180°
 - (D) 360° Ans. C
24. অত্িত্বাপক সংঘর্ষে সংরক্ষিত হয়-
- (A) গতিশক্তি
 - (B) হিতিশক্তি
 - (C) কৌণিক ভরবেগ
 - (D) ভরবেগ Ans. C
25. রকেট কোন নীতির উপর ভিত্তি করে কাজ করে?
- (A) ভর
 - (B) শক্তি
 - (C) রৈখিক ভরবেগ
 - (D) কৌণিক ভরবেগ Ans. C
26. একটি বস্তুর ভর $10 \text{ Pa}\text{tton}$ এবং ঘূর্ণন অঙ্গ হতে উহার দূরত্ব 5 foot । উজড়তার মোমেন্ট কত?
- (A) 50 পাউন্ড ফুট
 - (B) 200 পাউন্ড ফুট
 - (C) 250 পাউন্ড ফুট
 - (D) 500 পাউন্ড ফুট Ans. C
27. রৈখিক বেগ ও কৌণিক বেগের মধ্যে সম্পর্ক কোনটি?
- (A) $\theta = d\omega$
 - (B) $v = \omega r$
 - (C) $\omega = d\theta$
 - (D) $\omega = r\theta$ Ans. B
28. 5 kg ভর ও 0.25 m ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একটি বেলুন 50 rad/sec কৌণিক বেগ দ্বারা থাকলে তার গতিশক্তি কত?
- (A) 0.078 J
 - (B) 390.63 J
 - (C) 0.73 J
 - (D) 585.94 J Ans. C
29. ভরকেন্দ্রগামী এবং তলের সাহিত লম্ব বরাবর অঙ্গ সাপেক্ষে একটি আয়তাকার পাতে জড়তার ভাবক 5 kgm^2 । পাতটির প্রস্থ 1 m এবং ভর 12 kg হলে দৈর্ঘ্য কত?
- (A) 5 m
 - (B) 2.5 m
 - (C) 2 m
 - (D) 60 m Ans. C
30. প্রোটিন ও ইলেক্ট্রনের মধ্যে আকর্ষণের জন্য কোন মৌলিক বলটি দায়ী?
- (A) শক্তিশালী
 - (B) মধ্যাকর্ষণ
 - (C) দূর্বল
 - (D) তড়িৎ চৌম্বকীয় Ans. B
31. ত্বরণের ফলে বস্তুর গতিশক্তি ও ভরবেগ-
- (A) হাস পায়
 - (B) বৃদ্ধি পায়
 - (C) অপরিবর্তনীয়
 - (D) দ্বিগুণ হয় Ans. C
32. বলের ঘাত বলতে কী বুঝায়?
- (A) বল \times দূরত্ব
 - (B) ভর \times বেগ
 - (C) ভরবেগের পরিবর্তনে
 - (D) ভরবেগের পরিবর্তন Ans. B
33. নিম্নের কোনটির উপর বস্তুর জড়তার ভাবক নির্ভর করে না?
- (A) ভর
 - (B) কৌণিক বেগ
 - (C) মাত্রা
 - (D) অঙ্গ Ans. C

কাজ, শক্তি ও ক্ষমতা

Part 1

গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

কাজ : কোনো বস্তুর উপর বল প্রয়োগে যদি বস্তুটির সরণ ঘটে, তাহলে বল ও বলের প্রয়োগ বিন্দুর দিকে সরণের উপাংশের শুণফলকে কাজ বলে।

$$\text{অর্থাৎ কাজ} = \text{বল} \times \text{সরণ} = F \times S$$

কাজের মাত্রা, $[ML^2T^2]$ এবং একক Nm বা J

শূন্য কাজ :

সংজ্ঞা	বল প্রয়োগে যদি কোনো বস্তুর সরণ বলের লম্ব বরাবর হয়, তবে ঐ বলের দ্বারা কোনো কাজ হয় না। এ ধরনের কাজকে শূন্য কাজ বলে।	
শর্তাবলী	• $F = 0$ (বস্তু বল প্রয়োগ নেই) • $S = 0$ (বল প্রয়োগ বস্তুর সরণ নেই) • $\theta = 90^\circ$ হলে, $\cos 90^\circ = 0$	
উদাহরণ	<ul style="list-style-type: none"> কেন্দ্রমুখী বল কর্তৃক কৃতকাজ অগ্রসারণশীল দড়িতে পাথর বেঁধে বৃত্তাকার পথে ঘূরানো আম ভর্তি বস্তা মাথায় নিয়ে দাঁড়িয়ে থাকা সমন্বিতভাবে ঘূরতে থাকা বস্তু অর্থাৎ পৃথিবীর ঘূর্ণন 	

সংরক্ষণশীল ও অসংরক্ষণশীল বল :

- সংরক্ষণশীল বল : যে বল কোনো বস্তুর উপর ক্রিয়া করলে তাকে যে কোনো পথে ঘূরিয়ে পুনরায় প্রাথমিক অবস্থানে আনলে বল কর্তৃক কৃতকাজ শূন্য হয়, তাকে সংরক্ষণশীল বল বলে। যেমন : অভিক্ষেপণ বল, বৈদ্যুতিক বল, তড়িৎ বল, চৌম্বক বল, মহাকর্ষ বল ও আদর্শ স্থিং এর বিকৃতি প্রতিরোধী বল ইত্যাদি।
- সংরক্ষণশীল বল দ্বারা কৃতকাজ পুনরুদ্ধার সম্ভব।
- অসংরক্ষণশীল বল : যদি কোনো বলের ক্রিয়া অভিমুখ যদি বস্তুর গতি অভিমুখের উপর নির্ভর না করে, তবে তা অসংরক্ষণশীল। যেমন : ঘর্ষণ বল, সান্দু বল, বায়ুর বাঁধা এবং সবল ও দুর্বল নিউক্লিয় বল। অসংরক্ষণশীল বল দ্বারা কৃতকাজ পুনরুদ্ধার করা সম্ভব নয়।

শক্তি ও ক্ষমতা :

- শক্তি : কোনো বস্তুর কাজ করার সামর্থ্যকে শক্তি বলে। শক্তি একটি ফেলার রাশি। বস্তু সর্বমোট যতটুকু কাজ করতে পারে তা দিয়েই বস্তুর শক্তির পরিমাপ করা হয়। এর একক জুল (J) ও মাত্রা : $[ML^2T^{-2}]$
- শক্তির নিয়ততা : শক্তির সৃষ্টি বা বিনাশ নেই। কেবল একরূপ থেকে অন্য রূপে পরিবর্তিত হতে পারে। এই মহাবিশ্বের মোট শক্তির পরিমাণ নির্দিষ্ট ও অপরিবর্তনীয়।
- এক ইলেক্ট্রন ভোল্ট : এক ভোল্ট বিভব পার্থক্যে একটি ইলেক্ট্রনের অর্জিত শক্তিই এক ইলেক্ট্রন ভোল্ট। অর্থাৎ, $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$
- ক্ষমতা : কাজ সম্পাদনকারী কোনো ব্যক্তি বা যন্ত্রে কাজ করার হার বা শক্তি সরবরাহের হারকে ক্ষমতা বলে। ক্ষমতা হলো বল ও বেগের শুণফলের সমান। ক্ষমতা একটি ক্ষেত্রালীকৃত রাশি। ক্ষমতার মাত্রা : $[P] = [ML^2 T^{-3}]$ । ক্ষমতার এস.আই একক জুল/সে. বা ওয়াট (W)।
- তাংক্ষণিক ক্ষমতা : কোন মুহূর্তকে ঘিরে অতি ক্ষুদ্র সময়ের ব্যবধানে সময়ের সাথে কাজ করার হারকে তাংক্ষণিক ক্ষমতা বলে।
- ওয়াট : 1 সেকেন্ডে 1 জুল (J) কাজ করার ক্ষমতাকে 1 ওয়াট বলে। $\therefore 1 \text{ W} = 1 \text{ Js}^{-1}$
- অশৃঙ্খক্ষমতা : প্রতি সেকেন্ডে 746 জুল কাজ করার ক্ষমতাকে এক অশৃঙ্খক্ষমতা বলে।
- $\therefore 1 \text{ H.P} = 746 \text{ J s}^{-1} = 746 \text{ W} = 550 \text{ ft/lbs}$ এককের আর্জোত্তর পক্ষত চালুর পূর্বে ক্ষমতার একটি ব্যবহারিক একক ছিল অশৃঙ্খক্ষমতা (Horse Power)।
- কর্মদক্ষতা : কোনো যন্ত্রে সরবরাহকৃত শক্তি এবং কাজে পরিণত হওয়ার শক্তির অনুপাতকে কর্মদক্ষতা বলে। কর্মদক্ষতা, $\eta = \text{কার্যকর শক্তি}/\text{মোট সরবরাহকৃত শক্তি}$ । কর্মদক্ষতাকে শতকরা হিসেবে প্রকাশ করা যায়। $\therefore \eta = \left(1 - \frac{E_2}{E_1}\right) \times 100\% = \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) \times 100\%$

Part 2

At a glance [Most Important Information]

- কোনো ব্যক্তিকে ক্লাসে দাঁড় করিয়ে রাখা এক ধরনের— শূন্য কাজ
- ছিত্রিপক বল দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির- সমানুপাতিক
- সংরক্ষণশীল বলের ক্ষেত্রে শুধু- বিভব শক্তি পাওয়া যায়
- সরণের উপর নির্ভরশীল বল- আদর্শ স্থিং এর বিকৃতি প্রতিরোধী বল
- একক কিলোজ্যাম পদার্থ রূপাত্তরে শক্তির পরিমাণ- $9 \times 10^{16} \text{ J}$
- কেন্দ্রমুখী বা অভিকেন্দ বল হল এক ধরনের- কার্যহীন বল
- কোনো বস্তুতে বেগ দেওয়ার জন্য কৃতকাজই হলো বস্তুর- গতিশক্তি
- বৈদ্যুতিক বাতিতে বিদ্যুৎ শক্তি- আলোক শক্তিতে রূপাত্তরিত হয়
- নির্দিষ্ট তরের কোনো বস্তুর গতিশক্তি বেগের- বর্ণের সমানুপাতিক
- অসংরক্ষণশীল বলের ক্ষেত্রে- যান্ত্রিক শক্তির নিয়ততা সূত্র প্রযোজ্য নয়

- অভিক্ষেপণ বিভব শক্তির মান নির্ভর করে না- বস্তুর ভরের উপর
- স্থিং প্রুবকের মান নির্ভর করে না- স্থিং এর দৈর্ঘ্যের উপর
- সম্পাদিত কাজের পরিমাণ শূন্য হয়- সংরক্ষণশীল বল দ্বারা
- অসংরক্ষণশীল বলের উদাহরণ- ঘর্ষণ বল
- একটি বই টেবিলের উপর থেকে নিচে পড়লে হবে- ঝণাত্মক কাজ
- প্রতি সেকেন্ডে 746 জুল কাজ করার ক্ষমতাকে- এক অশৃঙ্খক্ষমতা বলে
- এক (1) অশৃঙ্খক্ষমতা (Horse Power) সমান কত ওয়াট- 746 W
- 1 ক্যালরি/সেকেন্ড- $5.613 \times 10^{-3} \text{ H.P}$
- সাইফন কী- এক ধরনের প্রাকৃতিক পাস্প
- সমন্বিতভাবে ঘূরতে থাকা বস্তুর কাজ- শূন্য

Part 3**প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি**

৬. কৃতকাজ ও শক্তি সংক্রান্ত :

$$\text{বল দ্বারা কৃতকাজ}, W = \vec{F} \cdot \vec{s} = F \cdot s \cos\theta$$

$$\text{পরিবর্তনশীল বল দ্বারা কৃতকাজ}, W = \int \vec{F} \cdot d\vec{x} \quad [\text{একমাত্রিক}]$$

$$\text{পরিবর্তনশীল বল দ্বারা কৃতকাজ}, W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r} \quad [\text{দ্বি-মাত্রিক}]$$

$$\text{বস্তু দ্বারা কৃতকাজ}, W = \frac{1}{2} mv^2 - \frac{1}{2} mu^2 \quad [\text{শক্তি বৃদ্ধির ক্ষেত্রে}]$$

$$\text{বস্তু দ্বারা কৃতকাজ}, W = \frac{1}{2} mu^2 - \frac{1}{2} mv^2 \quad [\text{শক্তি হ্রাসের ক্ষেত্রে}]$$

৭. গতিশক্তি বা ছিতিশক্তি সংক্রান্ত :

$$\text{পিণ্ড এর ছিতিশক্তি}, E_p = \frac{1}{2} kx^2 \quad \text{গতিশক্তি}, E_k = mv^2/2 = \frac{P^2}{2m}$$

$$\text{ঘূর্ণযমান বস্তুর গতিশক্তি}, E_k = \frac{1}{2} I\omega^2$$

$$\text{ছিতিশাপক বিভব শক্তির ক্ষেত্রে}, U = \frac{1}{2} kx^2$$

$$\text{কাজ শক্তি উপপাদ্য}, \Delta W = E_2 - E_1 = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$$

৮. তড়া সংক্রান্ত :

$$\text{তড়াভেদের ক্ষেত্রে}, \frac{S_2}{S_1} = \frac{v_2^2}{v_1^2}$$

$$\text{তড়ার সংখ্যা } n = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

৯. ক্ষমতা ও কর্মদক্ষতা সংক্রান্ত :

$$\text{ক্ষমতা}, P = Fv = \frac{W}{t} = \frac{mgh}{t}$$

$$\text{কর্মদক্ষতা}, \eta = \left(1 - \frac{E_2}{E_1}\right) \times 100\% = \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) \times 100\%$$

Joykoly Short Technique:

$$\text{পানিপূর্ণ কুয়ার ক্ষেত্রে } h_c \text{ হবে} = \frac{h}{2} \quad \text{অর্ধপূর্ণ কুয়ার ক্ষেত্রে } h_c \text{ হবে} = \frac{3h}{4}$$

$$\text{ভূমি স্পর্শের সময় গতিশক্তি} = \text{সর্বোচ্চ উচ্চতায় বিভবশক্তি} = mgh$$

Part 4**প্রযোজনীয় সমস্যার সমাধান****Type: 1 (কৃতকাজ)**

01. 6 N বল কোনো নির্দিষ্ট ভরের বক্তুর উপর ক্রিয়া করায় বক্তুটি বলের দিকের সাথে 60° কেণ্ঠ উৎপন্ন করে 10 m দূরে সরে গেল। কাজের পরিমাণ কত?

$$\text{Solve: } W = Fs \cos 60^\circ = 6 \times 10 \times \cos 60^\circ = 30 \text{ J Ans.}$$

For Practice

01. 10 N বল কোনো নির্দিষ্ট ভরের বক্তুর উপর ক্রিয়া করায় বক্তুটি বলের দিকের সাথে 60° কেণ্ঠ উৎপন্ন করে 8 m দূরে সরে গেল। কাজের পরিমাণ নির্ণয় কর? Ans. 40 J

Type: 2 (পিণ্ড বল)

01. 80 N m^{-1} বল ধ্রুবকের একটি পিণ্ডকে 3 cm সংকুচিত করা হল। পূর্বের অবস্থায় আনতে পিণ্ড বল দ্বারা কৃতকাজ কত?

$$\text{Solve: } k = 80 \text{ N/m}; x_i = -3 \text{ cm} = -3 \times 10^{-2} \text{ m}, x_f = 0$$

$$W = \frac{1}{2} kx_f^2 - \frac{1}{2} kx_i^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 80 \times (-3 \times 10^{-2})^2 = 3.6 \times 10^{-2} \text{ J Ans.}$$

For Practice

01. 5 kg ভরের একটি বক্তু 5 m উচু থেকে একটি পেরেকের উপর পড়লে পেরেকটি গতির ভিতরে 10 cm চুকে যায়। মাটির গড় প্রতিরোধ বল কত? Ans. 2499 N

Type: 3 (গতিশক্তি ও ছিতিশক্তি)

01. 10 kg ভরের একটি কণার বেগ নির্দিষ্ট সময়ে $(7\hat{i} - 6\hat{j} + 5\hat{k}) \text{ ms}^{-1}$ হলে এর গতিশক্তি কত হবে?

$$\text{Solve: } \text{মনে করি, কণার বেগ} = v$$

$$\text{আমরা জানি, } v = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \Rightarrow v^2 = x^2 + y^2 + z^2 \\ = (7 \text{ ms}^{-1})^2 + (-6 \text{ ms}^{-1})^2 + (5 \text{ ms}^{-1})^2 = 110 \text{ m}^2 \text{ s}^{-2}$$

$$\text{এখন, আমরা জানি, } E_k = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} \times 10 \text{ kg} \times 110 \text{ m}^2 \text{ s}^{-2} \\ = 550 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 550 \text{ J Ans.}$$

For Practice

01. 2 Nm^{-1} পিণ্ড ধ্রুবকের একটি পিণ্ড এর দৈর্ঘ্য সাম্যাবস্থান থেকে 0.1 m বৃক্ষ করলে পিণ্ড এর বিভবশক্তি কত হবে? Ans. 0.01

02. 2 kg ভর বিশিষ্ট একটি বক্তুকে 0.5 m উচ্চতা থেকে ফেলা হলে তার মাধ্যাকর্ষ প্রতিশক্তি হবে? Ans. 9.8

Type: 4 (ক্ষমতা ও কর্মদক্ষতা)

01. একটি মোটর মিনিটে $5.5 \times 10^5 \text{ kg}$ পানি 100 m উপরে উঠাতে পারে মোটরটির দক্ষতা 70% হলে, এর ক্ষমতা কত?

$$\text{Solve: } P' = \frac{p}{70\%} = \frac{mgh}{t \times 0.7} = \frac{5.5 \times 10^5 \times 9.8 \times 100}{60 \times 0.7} \\ = 1.28 \times 10^7 \text{ W Ans.}$$

02. একটি কুয়া থেকে ইঞ্জিনের সাহায্যে প্রতি ষষ্ঠান্তর $25 \times 10^6 \text{ kg}$ পানি 50 m উচ্চতায় উঠানো হয়। 70% ক্ষমতা ক্ষম হলে এর অশুক্রমতা নির্ণয় করে? Ans. 9.8

$$\text{Solve: } P \times \frac{70}{100} = \frac{mgh}{t}$$

$$\Rightarrow P = \frac{mgh \times 100}{t \times 70}$$

$$= \frac{25 \times 10^6 \times 9.8 \times 50 \times 100}{3600 \times 70} = 6516 \text{ H.P. Ans.}$$

For Practice

01. একটি গাড়ির ইঞ্জিন 200 kN বল প্রয়োগ করে এবং গাড়িটি এক মিনিটে 21 m দ্রাঘাতি হয়। গাড়িটির ক্ষমতা? Ans. 70 kW

02. একটি পাস্প প্রতি মিনিটে 240 kg পানি 10 m উপরে তুলে 10 m.s^{-1} বেগে নিষেপ করে। পাস্পটির ক্ষমতা নির্ণয় করো। Ans: 592 W

Part 5

অধ্যায় অভিযন্তা প্রতিষ্ঠা MCO প্রয়োগ

01. একটি চলত বস্তু সমান ভরের অপর একটি বস্তুকে আঘাত করল। গতিশক্তির কৃত অশ্ব হ্রান্তিরিত হবে।
 (A) 0% (B) 1% (C) 50% (D) 100% **Ans(D)**
02. শ্রিষ্ঠিপক বলের বিকান্দে সরণের মান ঘিণে করলে ঘাজ কর্তৃক বৃদ্ধি পাবে?
 (A) 100% (B) 200% (C) 300% (D) 400% **Ans(C)**
03. 250 kg ভরের একটি বস্তু ক্রেনের সাহায্যে 0.1 ms^{-1} হ্রবেগে উঠানে হলো। ক্রেনের ক্ষমতা কত?
 (A) 24500 W (B) 2500 W (C) 245 W (D) 24.5 W **Ans(C)**
04. 1 kg ও 4 kg ভরের দুটি বস্তু একই গতিশক্তি নিয়ে চলছে। এদের বৈধিক ভরবেগের অনুপাত হবে?
 (A) 4:1 (B) $\sqrt{2}:1$ (C) 1:2 (D) 1:16 **Ans(C)**
05. শ্রিংকে প্রসারিত করলে এর মধ্যে কোন ধরনের শক্তি সঞ্চিত হবে?
 (A) বিভব শক্তি (B) গতিশক্তি (C) রাসায়নিক শক্তি (D) তাপশক্তি **Ans(A)**
06. বল হ্রবকের মাত্রা কোনটি?
 (A) $[ML^2T^{-2}]$ (B) $[MLT^{-2}]$ (C) $[MT^2]$ (D) $[MT^{-2}]$ **Ans(D)**
07. বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণ কত হলে কাজের পরিমাণ সর্বোচ্চ?
 (A) 0° (B) 45° (C) 90° (D) 180° **Ans(A)**
08. শক্তির অপচয়ের ধারণা দেন কে?
 (A) লর্ড কেলভিন (B) ওয়াটসন (C) মের্স্টোর্ন (D) প্লাক **Ans(A)**
09. নিচের কোনটি শক্তির মাত্রা?
 (A) $[ML T^{-2}]$ (B) $[ML^2T^{-2}]$ (C) $[ML^{-1}T^{-1}]$ (D) $[MLT^{-1}]$ **Ans(B)**
10. ভূমির সাথে 30° কোণে আনত 5 m দীর্ঘ একটি ঢালুপথে 100 g ভরবিষ্ট একটি বস্তু যে গতিশক্তি প্রাপ্ত হবে-
 (A) 0.49 J (B) 0.848 J (C) 1.225 J (D) 2.45 J **Ans(D)**
11. শ্রিংকে প্রসারিত করলে এর মধ্যে কোন ধরনের শক্তি সঞ্চিত হয়?
 (A) বিভব শক্তি (B) গতিশক্তি (C) রাসায়নিক শক্তি (D) তাপশক্তি **Ans(A)**
12. 6 ওয়াট ক্ষমতাসম্পন্ন একটি মোটর 1 মিনিটে কত জুল কাজ করবে?
 (A) 6 J (B) 360 J (C) 60 J (D) 3600 J **Ans(B)**
13. একটি 5 কিলোগ্রাম সচল বস্তুর সরণের শক্তিকে 10 নিউটন ও 5 নিউটন মানের দুটি বল ন্যাটুর উপর বিপরীত দিকে খিয়া করে। বল দুটি দ্বারা কৃতকাজের মান কত হবে?
 (A) 50 J (B) 25 J (C) 0 J (D) 15 J **Ans(C)**
14. k শ্রিং প্রযুক্তিপূর্ণ দুটি শ্রিংকে সমাজালে যুক্ত করলে তৃপ্য প্রযুক্তি প্রযুক্তি এর শ্রিং প্রযুক্তিকে সাপেক্ষে কত হবে?
 (A) k (B) 2k (C) $\frac{k}{2}$ (D) k^2 **Ans(B)**
15. 306 Nm^{-1} বল প্রযুক্তি সম্পন্ন একটি শ্রিংকে কর্তৃক সংকুচিত করলে 1.5 J কাজ করা হবে?
 (A) 0.1 m (B) 1.5 m (C) 3.01 m (D) 1.0 m **Ans(A)**
16. পানি মেঝে পরিণত হতে কৃতকাজ-
 (A) mgh (B) $Vpgh$ (C) $\Delta Vpgh$ (D) সংশঙ্গো **Ans(D)**
17. অযুক্ত বল এবং সরণের মধ্যে 180° কোণ হলে কাজ কেমন হবে?
 (A) ধনাত্মক (B) শূন্য (C) অসীম (D) ঋণাত্মক **Ans(D)**
18. শ্রিং প্রযুক্তি এর একক কোনটি?
 (A) Nm (B) Nm^2 (C) Nm^2 (D) Nm^{-1} **Ans(D)**
19. নিচের কোনটি সংরক্ষণশীল বলের উদাহরণ নয়?
 (A) আদর্শ শ্রিং এর বল (B) ধর্যণ বল
 (C) অভিক্ষয়িয়া বল (D) বৈদ্যুতিক বল **Ans(B)**
20. 100 kgm কে জুল এ প্রকাশ কর-
 (A) 764.00 J (B) 981 J (C) 98.1 J (D) 9.81 J **Ans(B)**
21. ক্ষমতা, বল ও বেগের মধ্যে সম্পর্ক হলো-
 (A) $F = Pv$ (B) $P = Fv$ (C) $v = Pf$ (D) $P = F/v$ **Ans(B)**
22. নিচের কোনো জোড়ায় মাত্রা সমান?
 (A) কাজ ও শক্তি (B) বল ও পৌঁছন (C) কাজ ও বল (D) বল ও শক্তি **Ans(A)**
23. 5 কিলোগ্রাম ভরের একটি বস্তুকে ভূগুঠ থেকে 40 মিটার উচ্চতায় তুললে এর বিভব শক্তি নিম্নের কত Joule?
 (A) 1470 (B) 1960 (C) 2000 (D) 1900 **Ans(B)**



মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ

প্রকৃতপূর্ণ তথ্যাবলি

প্রশ্ন 1

- কেপলারের সূত্রাবলি সংক্রান্ত :**
- প্রথম সূত্রের গতিগ্রাহ নিয়ে বিভিন্ন মতবাদ :
 - টলেমি : পৃথিবী মহাবিশ্বের কেন্দ্র এবং সূর্য ও অন্যান্য গ্রহ পৃথিবীকে কেন্দ্র করে আবর্তিত হয়।
 - কোপার্নিকাস : সূর্য মহাবিশ্বের কেন্দ্র ও ছির পৃথিবী একটি গ্রহ ও অন্যান্য গ্রহের মতই সূর্যকে কেন্দ্র করে আবর্তিত হয়।
 - টাইক্রোহে : জ্যোতির্বিদের পর্যবেক্ষণ সংকলিত করেন। - কেপলারের সূত্রাবলি : 1618 খ্রিস্টাব্দে ডেনমার্কের বিজ্ঞানী ও জ্যোতির্বিদ জোহান কেপলার সিদ্ধান্তে উপনীত হন যে, গ্রহগুলো কোনো এক বলের প্রভাবে সূর্যকে কেন্দ্র করে আবরাম ঘূরছে। এই সম্পর্কে তিনি তিনটি সূত্র প্রতিটি গ্রহ সূর্যকে উপবৃত্তের নাভিতে বা ফোকাসে রেখে একটি উপবৃত্তাকার পথে প্রদর্শিত করছে।
 - ১ম সূত্র বা উপবৃত্ত বা কক্ষের সূত্র: প্রতিটি গ্রহ সূর্যকে উপবৃত্তের নাভিতে বা ফোকাসে রেখে একটি উপবৃত্তাকার পথে প্রদর্শিত করে।
 - ২য় সূত্র বা ক্ষেত্রফলের সূত্র: এই এবং সূর্যের সংযোগকারী ব্যাসার্ধ রেখা সমান সময়ে সমান মেন্দ্রফল অতিক্রম করে।
 - ৩য় সূত্র বা পর্যায় কাল বা সময়ের সূত্র: প্রতিটি গ্রহের পর্যায়কালের বর্গ সূর্য হতে তার দূরত্বের ঘনফলের সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $T^2 \propto R^3$ । - কেপলারের সূত্রের সিদ্ধান্ত সমূহ :
 - গ্রহের আবর্তনকাল ভরের উপর নির্ভর করে না।
 - গ্রহের আবর্তনকাল ভরের উপর নির্ভর করে না।

বিজ্ঞানী ও আবিক্ষার :

নিউটন- মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ বল গ্রহ সমূহের আবর্তনের কারণ, পড়ত বস্তুর সূত্র সমূহের প্রমাণ
 টাইক্রোহে- মহল গ্রহের গতিবিধি লক্ষ্য করে গ্রহ নক্ষত্র সম্পর্কে তথ্য সংগ্রহ করেন
 প্রযোগিং ও ফিলিপস- G-এর মানের উপর তাপমাত্রার প্রভাব নেই প্রমাণ করেন

গ্যালিলিও- পড়ত বস্তুর সূত্র

কেপলার- গ্রহ সমূহ ঘূর্ণনের তিনটি সূত্র

ক্যার্ডিভিস- G-এর মান নির্ণয়

৫. মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ সূত্র সংক্রান্ত :

মহাকর্ষ বল	মহাবিশ্বে দুটি বস্তুকণা পরস্পরকে যে বলে আকর্ষণ করে তাকে মহাকর্ষ বল বলে।				
নিউটনের মহাকর্ষ সূত্র	মহাবিশ্বের যে কোনো দুটি বস্তুকণা পরস্পরকে আকর্ষণ করে। এই আকর্ষণ বল বস্তু দুটির ভরের গুণফলের সমানুপাতিক, তাদের মধ্যকার দূরত্বের বর্গের ব্যানুপাতিক এবং বস্তু দুটির সংযোগকারী সরলরেখা বরাবর ত্রিয়াশীল।				
মহাকর্ষীয় ধ্রুবক	একক ডর্বিশিষ্ট দুটি বস্তুকণা একক দূরত্বে থেকে যে পরিমাণ বল দ্বারা পরস্পরকে আকর্ষণ করে তার সংখ্যাগত মান হচ্ছে মহাকর্ষীয় ধ্রুবক। • 1798 সালে বিজনী ক্যানেভিস মহাকর্ষীয় ধ্রুবকের মান নির্ণয়ের জন্য "ব্যবর্ত তুলা" পদ্ধতি উন্নাবন করেন। • মান : $6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$				
মহাকর্ষ সূত্রের ব্যবহার :	• প্রাক্তিক সম্পদ অনুসন্ধান	• মাত্রা : $[G] = [L^3 M^{-1} T^{-2}]$	• কৃতিম উপগ্রহের মাধ্যমে যোগাযোগ	• ধ্রুবক: সর্বজনীন	• বস্তু গবেষণায়
মহাকর্ষীয় ধ্রুবক নির্ভর করে না	• প্রবেশ্যতা	• প্রবণতা	• দিক দর্শিতা	• ভৌত অবস্থা	• মাধ্যম
মহাকর্ষীয় ধ্রুবক G এর প্রয়োগ	• পৃথিবীর ভর নির্ণয়	• পৃথিবীর ঘনত্ব নির্ণয়	• সূর্যের ভর নির্ণয়	• গ্রহের পর্যায়কাল ও চক্রের ব্যাসার্দের মধ্যে সম্পর্ক	

৬. মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য সংক্রান্ত :

- ◇ মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র : কোনো বস্তুর আশেপাশে যে অঞ্চলব্যাপী এর মহাকর্ষীয় প্রভাব বজায় থাকে তাকে ঐ বস্তুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র বলে।
- ◇ মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য বা তীব্রতা : মহাকর্ষীয় ক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে একক ভরের একটি বস্তু ছাপন করলে তার উপর যে মহাকর্ষীয় বল প্রযুক্ত হয় তাকে ঐ বিন্দুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য বলে। এর একক ও মাত্রা $N\text{kg}^{-1}$, $[LT^{-2}]$; মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্যের রাশিমালা, $E_G = \frac{F}{m}$ ।
- ◇ মহাকর্ষীয় বিভব : অসীম দূরত্ব হতে একক ভরের কোনো বস্তুকে মহাকর্ষীয় ক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে আনতে যে নির্দিষ্ট কাজ সাধিত হয় তাকে ঐ বিন্দুর মহাকর্ষীয় বিভব বলে। একে ঝণরাশি দ্বারা প্রকাশ করা হয়। এর S.I একক J/kg এবং মাত্রা সমীকরণ $[L^2 T^{-2}]$ । এটি একটি ক্ষেত্রালোর রাশি। এর সর্বনিম্ন মান হবে অসীম এবং এই মান হবে (শূন্য)। অসীম থেকে ক্ষেত্র সৃষ্টিকারী বস্তুর দিকে আসতে থাকলে মান কমতে থাকে এবং ক্রমাগতে ঝণাঝক হয়।

৭. মুক্তিবেগ ও উপগ্রহ সংক্রান্ত :

- ◇ মুক্তিবেগ : সর্বাপেক্ষা কম যে বেগে কোনো বস্তুকে উপরের দিকে নিষ্কেপ করলে তা আর পৃথিবীতে ফিরে আসে না সেই বেগকে মুক্তিবেগ বলে।
- ◇ মুক্তিবেগের মান : ◆ পৃথিবীতে $\rightarrow 11.2 \text{ km/s}$ বা $7 \text{ মাইল/সে. বা } 25000 \text{ মাইল/ঘণ্টা}$ ◆ চাঁদ $\rightarrow 2.4 \text{ km/s}$ ◆ বুধ $\rightarrow 4.3 \text{ km/s}$
◆ শুক্র $\rightarrow 10.3 \text{ km/s}$ ◆ বৃহস্পতি $\rightarrow 59.5 \text{ km/s}$
- ◇ মুক্তিবেগ সংক্রান্ত কতিপয় তথ্য : কোন বস্তুকে ভূ-পৃষ্ঠ হতে V বেগে নিষ্কেপ করলে -
 - ◆ যদি $V^2 < \frac{V_E^2}{2}$ হয়। অর্থাৎ, উৎক্ষেপণ বেগ 7.88 kms^{-1} অপেক্ষা কম হয়, তবে তা উপবৃত্তাকার পথে পৃথিবী প্রদক্ষিণ করবে এবং অবশেষে পৃথিবীতে ফিরে আসবে।
 - ◆ যদি $V^2 = \frac{V_E^2}{2}$ হয়। অর্থাৎ, উৎক্ষেপণ বেগ 7.88 kms^{-1} হয়, তবে বস্তুটি বৃত্তাকার পথে পৃথিবীকে প্রদক্ষিণ করবে এবং চাঁদের মতো উপগ্রহে পরিণত হবে।
 - ◆ যদি $V^2 > \frac{V_E^2}{2}$ কিন্তু $< v_E^2$ হয়। অর্থাৎ, উৎক্ষেপণ বেগ 7.88 kms^{-1} হতে 11.2 kms^{-1} এর মধ্যে থাকে, তবে পৃথিবীকে একটি ফোকাসে রেখে তা উপবৃত্তাকার পথে পৃথিবী প্রদক্ষিণ করতে থাকবে।
- ◇ ভূ-ছির উপগ্রহ : কোনো কৃত্রিম উপগ্রহের আবর্তনকাল নিজ অক্ষের চারদিকে ঘূর্ণায়মান পৃথিবীর আবর্তনকালের সমান হলে পৃথিবীর সাপেক্ষে এটি ছির থাকবে। ধ্রুবনের উপগ্রহকে ভূ-ছির উপগ্রহ বলে। ভূ-ছির উপগ্রহের কক্ষপথকে পার্কিং কক্ষপথ বলে।
- ◇ স্বাভাবিক উপগ্রহ : যে উপগ্রহ প্রাকৃতিক কারণে সৃষ্টি তাদেরকে স্বাভাবিক উপগ্রহ বলে।
যেমন : চাঁদ। ভূ-ছির উপগ্রহের বা পার্কিং কক্ষপথের উচ্চতা, $h = 3.6 \times 10^4 \text{ km}$ । ভূ-ছির উপগ্রহের বেগ $v = 3.08 \text{ km s}^{-1}$

Part 2

At a glance [Most Important Information]

- পৃথিবী পৃষ্ঠ হতে উপরের দিকে গেলে- প্র এর মান কমে
- পৃথিবীর অভ্যন্তরে গেলে- প্র এর মান কমে
- বিশ্ব অঞ্চল হতে মেরু অঞ্চলে এর মান- বাড়ে
- পৃথিবীর কেন্দ্র হতে সূর্যের দূরত্ব- $1.5 \times 10^{11} \text{ m}$
- পৃথিবীর গড় ঘনত্ব $P = 5.5 \times 10^3 \text{ kgm}^{-3}$
- পৃথিবীর গড় ব্যাসার্ধ $R = 6400 \text{ km}$
- পৃথিবীর ভর- $5.96 \times 10^{24} \text{ kg}$
- তাত্ত্বিকভাবে কোনো বস্তুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র- অসীম পর্যন্ত বিস্তৃত
- সুব্রহ্মণ্য গোলকের ভিতরে অবস্থিত সকল বিন্দুতে শূন্য হয়- প্রাবল্য
- বস্তুকণা পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে আকৃষ্ট হয়- অভিকর্ষ বল দ্বারা
- মহাকর্ষীয় বিভব শক্তি ও উচ্চতার লেখচিত্রের ঢাল হল- অভিকর্ষীয় বল
- আবহাওয়ার পূর্বাভাস পাওয়া যায়- কৃত্রিম উপগ্রহ দিয়ে
- পৃথিবীর গড় দূরত্ব কমে গেলে কমে যাবে- বছরের দৈর্ঘ্য
- পৃথিবী 24 ঘণ্টায় নিজ অক্ষে আবর্তন করে- পক্ষিম থেকে পূর্ব দিকে
- তরল পদার্থের ভরকেন্দ্র নির্ভর করে- আধারের উপর
- খনিজ সম্পদ অব্যবেক্ষণে যে উপগ্রহ ব্যবহৃত হয়- পোলার উপগ্রহ
- আহিক গতির জন্য মেরু ও নিরক্ষীয় অঞ্চলে g এর পরিবর্তন- $\omega^2 R$
- বিষুবীয় অঞ্চলে g এর মান- $g' = g - \omega^2 R$
- ভারী বস্তু হতে অসীম দূরত্বে কোন বিন্দুতে মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য- শূন্য
- গ্রহ নক্ষত্রের গঠন সম্পর্কে গবেষণার কাজে ব্যবহৃত হয়- কৃত্রিম উপগ্রহ
- কৃত্রিম উপগ্রহের মাধ্যমে সর্বপ্রথম মহাশূন্যে বিচরণ করেন- ইউরি গ্যাগারিন
- প্রথম যোগাযোগ উপগ্রহ উৎক্ষেপণ হয়- 1962 সালে
- পৃথিবীর চারপাশে চাঁদের মতো দ্বুরতে থাকে- কৃত্রিম উপগ্রহ

Part 3

ধর্মোজনীয় সূত্রাবলী

মহাকর্ষ বল সংক্রান্ত :

মহাকর্ষ বল ক্ষেত্রে মধ্যে আকর্ষণ বল, $F = \frac{Gm_1 m_2}{r^2}$

সূর্যের ভর : $M = \frac{v^2 r}{G} = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$

অভিকর্জন ত্বরণ সংক্রান্ত :

পৃথিবীর ভর, $M = \frac{gR^2}{G} = \frac{4\pi R^3 \rho}{3}$

পৃথিবীর ওজন = $\frac{W_m}{W_e} = \frac{M_m}{M_e} \times \left(\frac{R_e}{R_m}\right)^2$

আহিক গতির জন্য :

$g' = g \left(1 - \frac{\omega^2 R \cos^2 \lambda}{g}\right)$ [λ = অক্ষাংশ]

নিরক্ষরেখায়, $g' = g \left(1 - \frac{\omega^2 R}{g}\right)$ [সর্বনিম্ন]

মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য সংক্রান্ত :

মহাকর্ষীয় বিভব, $V = -\frac{GM}{r}$ মহাকর্ষীয় প্রাবল্য, $E = \frac{GM}{r^2}$

কৃত্রিম উপগ্রহ সংক্রান্ত :

কৃত্রিম উপগ্রহের উচ্চতা, $h = \left(\frac{GMT^2}{4\pi^2}\right)^{1/3} - R$

কৃত্রিম উপগ্রহের পর্যায়কাল, $T = 2\pi \left[\frac{(R+h)^3}{GM}\right]^{1/2}$

কৃত্রিম উপগ্রহের বেগ, $v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$

মুক্তিবেগ সংক্রান্ত :

মুক্তিবেগ, $v_e = \sqrt{2gR} = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$

Part 4

গাণিতিক সময় ও সমাধান

Type: 1 (মহাকর্ষ বল)

দুটি কণার মধ্যে মহাকর্ষ বলের মান কেমন পরিবর্তন হবে যদি একটি কণার ভর পূর্বের দিশে, অন্য কণার ভর তিনগুণ করা হয় এবং একই সাথে তাদের মাঝের দূরত্ব দিশে করা হয়?

Solve: পূর্বের মহাকর্ষ বল, $F = \frac{G m_1 m_2}{r^2}$

পরিবর্তিত বল, $F' = \frac{G m'_1 m'_2}{r'^2}$
 $= \frac{G \times 2m_1 \times 3m_2}{2^2 \times r^2}$
 $= 1.5 F$ Ans.

For Practice

0.1 kg এবং 0.2 kg ভরের দুটি বস্তু বস্তু 1m দূরে অবস্থিত। বস্তু দুটি একে অপরকে কত বলে আকর্ষণ করবে? Ans. $13.32 \times 10^{-13} N$

Type: 2 (অভিকর্জন ত্বরণ)

পৃথিবী পৃষ্ঠে [$g_e = 9.8 \text{ m/s}^2$] একটি দোলক ঘড়ি সঠিক সময় দেয়। ঘড়িটি চন্দ্রগ্রহে [$g_m = 1.6 \text{ m/s}^2$] নেওয়া হলে, পৃথিবী পৃষ্ঠের 1 h সময় চন্দ্রগ্রহে হবে?

Solve: $T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}$

$\therefore \frac{T_m}{T_e} = \sqrt{\frac{g_e}{g_m}} = \sqrt{\frac{9.8}{1.6}}$

আবার, $\frac{T_m}{t_e} = \frac{T_m}{T_e}$

$\Rightarrow \frac{T_m}{1h} = \sqrt{\frac{9.8}{1.6}}$

$\Rightarrow T_m = \sqrt{\frac{9.8}{1.6}} \times 1h$ Ans.

For Practice

বৃহস্পতির ভর ও ব্যাসার্ধ যথাক্রমে $1.9 \times 10^{27} \text{ kg}$ ও $7 \times 10^7 \text{ m}$ হলে।
 বৃহস্পতি পৃষ্ঠে g এর মান কত? Ans. 25.86 m/s^2

Type: 3 (কৃত্রিম উপগ্রহ)

01. ভূ-পৃষ্ঠ হতে $3.596 \times 10^7 \text{ m}$ উচ্চতায় একটি কৃত্রিম উপগ্রহ স্থাপন করা হলো। যার বেগ $3.08 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$ । প্রমাণ কর যে, উপগ্রহটি ভূ-ত্রিক উপগ্রহ।

Solve: $T = \frac{2\pi}{v} (R+h)$

$\Rightarrow T = \frac{2 \times 3.14 \times (6400 \times 10^3 + 3.596 \times 10^7)}{3.08 \times 10^3}$
 $= 86370.389 \text{ sec} \approx 24 \text{ hours.}$

অর্থাৎ, প্রমাণ হল যে, উপগ্রহটি ভূ-ত্রিক উপগ্রহ। [Proved]

For Practice

01. ভূ-কেন্দ্র থেকে 8000 km দূরে অবস্থান করে একটি কৃত্রিম উপগ্রহকে পৃথিবীর চারদিকে কি বেগে ঘূরতে হবে? Ans. 7089 m s^{-1}

Type: 4 (মুক্তিবেগ)

01. নূনতম কত বেগে একটি বস্তুকে পৃথিবী থেকে নিষ্কেপ করলে বস্তুটি আর পৃথিবীতে ফিরে আসবে না।

Solve: ধরা যাক, v_e বেগে বস্তুটিকে নিষ্কেপ করতে হবে।

$\therefore v_e = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$

$\Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{2 \times 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{kg}^{-2} \times 6 \times 10^{24} \text{ kg}}{6.4 \times 10^6 \text{ m}}}$

$\therefore v_e = 11.2 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$ Ans.

For Practice

01. মঙ্গল গ্রহের ব্যাস 6000 km এবং এর পৃষ্ঠের অভিকর্ষীয় ত্বরণ 3.8 ms^{-2} মঙ্গল গ্রহের পৃষ্ঠ হতে একটি বস্তুর মুক্তিবেগ নির্ণয় কর। Ans. 4.77 kms^{-1}

Type: 5

(মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য)

R ব্যাসার্ধের পৃথিবীর পৃষ্ঠে অভিকর্ষ বিভব V হলে পৃষ্ঠ হতে R উচ্চতায় বিভবের মান কত?

$$\text{Solve: } V_2 = \int_{\infty}^{2R} EdR = \int_{\infty}^{2R} \frac{GM}{R^2} dR$$

$$\Rightarrow V_2 = -\left(\frac{GM}{2R}\right) \Rightarrow V_2 = V/2 \left[V = -\frac{GM}{R} \right] \text{Ans.}$$

For Practice

এক বাণিজ ওজন পৃথিবীর পৃষ্ঠে 785 N এবং মঙ্গলগ্রহ পৃষ্ঠে 298 N অভিকর্ষীয় ক্ষেত্রের তৈরিতা কত?

Ans. 9.81 N/kg

Type: 6

(কেপলারের সূত্র)

01. সূর্য থেকে পৃথিবীর দূরত্ব যদি বর্তমান দূরত্বের অর্ধেক হয় তাহলে এক বছুদে দিনের সংখ্যা কত?

$$\text{Solve: } \frac{T_2^2}{T_1^2} = \frac{R_2^3}{R_1^3}$$

$$\Rightarrow T_2^2 = \frac{(R/2)^3}{R^3} \times T_1^2 = \frac{1}{8} \times (365)^2$$

$$\Rightarrow T_2 = 129.04 \text{ days Ans.}$$

For Practice

01. পৃথিবী থেকে সূর্যের দূরত্ব $150 \times 10^6 \text{ km}$ এবং অন্য কোনো এহ থেকে দূরত্ব $230 \times 10^6 \text{ km}$ । প্রাপ্তির পর্যায়কাল নির্ণয় কর।

Ans. 1.89 years

Part 6

প্রযোজ্যভাবিক প্রশ্নসংক্ষিপ্ত MCQ অন্তর্ভুক্ত

1. দুইটি বস্তুর মধ্যে দূরত্ব চারণ্ড বৃক্ষি পেলে অভিকর্ষ বল হবে-
- (A) চারণ্ডাগের একভাগ
 - (B) চারণ্ড
 - (C) ঘোলভাগের একভাগ
 - (D) ঘোলণ্ড
- Ans. C
2. বস্তুর ওজন কোথায় বেশি?
- (A) মেরু অঞ্চলে
 - (B) বিশুব অঞ্চলে
 - (C) কক্ষিক্রান্তিতে
 - (D) মকরক্রান্তিতে
- Ans. A
3. কোন বস্তুর ভর ভূপৃষ্ঠে 75 kg হলে চাঁদে এর ভর কত?
- (A) 70 kg
 - (B) 14 kg
 - (C) 75 kg
 - (D) 280 kg
- Ans. C
4. কোনটি মহাকর্ষীয় ফ্রিবকের মাত্রা সমীকরণ প্রকাশ করে?
- (A) $[MLT^{-1}]$
 - (B) $[ML^2T^{-2}]$
 - (C) $[M^{-1}L^3T^{-2}]$
 - (D) $[LT^{-2}]$
- Ans. C
5. কোন একটি উচ্চতা যেখানে অভিকর্ষজ ত্বরণের মান $g_h = 8 \text{ ms}^{-2}$ । সেখানে একটি উপগ্রহের বেগ 8 kms^{-1} । পৃথিবীর পৃষ্ঠ হতে কত উচ্চতায় উপগ্রহটি পৃথিবীকে প্রদক্ষিণ করছে? [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ $6.4 \times 10^6 \text{ m}$]
- (A) 6400 km
 - (B) 3200 km
 - (C) 1600 km
 - (D) 1000 km
- Ans. C
6. মেরু অপেক্ষা বিশুবীয় অঞ্চলে অভিকর্ষজ ত্বরণ কতটা কম?
- (A) $\omega^2 R$
 - (B) ωR
 - (C) $R \cos \theta$
 - (D) $\omega^2 R \cos \theta$
- Ans. A
7. কত অক্ষাংশে g এর মান সর্বাপেক্ষা বেশি?
- (A) 0°
 - (B) 45°
 - (C) 90°
 - (D) 180°
- Ans. C
8. পৃথিবী পৃষ্ঠে কোনো বস্তুর ভর 60 kg হলে চাঁদে ওই বস্তুর ভর কত? চাঁদের অভিকর্ষজ ত্বরণ পৃথিবীর $\frac{1}{6}$ গুণ?
- (A) 10 kg
 - (B) 20 kg
 - (C) 60 kg
 - (D) 360 kg
- Ans. C
9. "এই লোকের গতিপথ উপবৃত্তাকার"- তত্ত্বটি কে আবিষ্কার করেছেন?
- (A) কেপলার
 - (B) গ্যালিলিও
 - (C) টলেমি
 - (D) পিথাগোরাস
- Ans. A
10. সূর্য থেকে পৃথিবীর গড় দূরত্ব কমে গেলে বছুরের দৈর্ঘ্য
- (A) ছিল থাকবে
 - (B) কমে যাবে
 - (C) অসীম হবে
 - (D) বেড়ে যাবে
- Ans. B
11. খাড়া উপরের দিকে অভিকর্ষীয় ত্বরণের মান কত?
- (A) শূন্য
 - (B) 4.9 ms^{-2}
 - (C) 9.8 ms^{-2}
 - (D) -9.8 ms^{-2}
- Ans. D
12. ভূ-পৃষ্ঠে একজন লোকের ওজন 600 N তিনি চাঁদে গিয়ে কতটুকু ওজন হয়েবে? পৃথিবীর ভর ও ব্যাসার্ধ যথাক্রমে চাঁদের ভর ও ব্যাসার্ধের 81 ও 4 গুণ।
- (A) 500 N
 - (B) 481.5 N
 - (C) 470.7 N
 - (D) 490 N
- Ans. B
13. পৃথিবী সূর্যের চারদিকে 24 ঘণ্টায় এক বার ঘূর্ণন সম্পন্ন করে, তাহলে কৃতকাজ কত? [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ 6400 km]
- (A) 0 J
 - (B) 86.4 kJ
 - (C) 86.4 J
 - (D) 6400 J
- Ans. A
14. প্রথম যোগাযোগ উপগ্রহ উৎক্ষেপন হয় কত সালে?
- (A) 1950
 - (B) 1962
 - (C) 1978
 - (D) 1990
- Ans. B
15. চাঁদের মুক্তিবেগ কত?
- (A) 11.2 kms^{-1}
 - (B) 2.4 kms^{-1}
 - (C) 4.3 kms^{-1}
 - (D) 5.0 kms^{-1}
- Ans. B
16. মঙ্গল গ্রহের ব্যাস 6000 km , এর পৃষ্ঠে g এর মান 3.8 ms^{-2} হলে মঙ্গল গ্রহ থেকে কোনো বস্তুর মুক্তিবেগ কত?
- (A) 9.7 kms^{-1}
 - (B) 4.77 kms^{-1}
 - (C) 3.77 kms^{-1}
 - (D) 11.2 kms^{-1}
- Ans. B
17. পার্কিং কক্ষপথ কী?
- (A) যে পথে বিমান চলাচল করে
 - (B) পোলার উপগ্রহের কক্ষপথ
 - (C) ভূ-ছির উপগ্রহের কক্ষপথ
 - (D) পৃথিবীর কক্ষপথ
- Ans. C
18. ভূ-ছির উপগ্রহের কক্ষপথের আবর্তনকাল কত ঘণ্টা?
- (A) 12
 - (B) 24
 - (C) 36
 - (D) 48
- Ans. B
19. যদি পৃথিবীর ভরের হিণ্ডণ ভর ও 3 গুণ ব্যাসার্ধ বিপিষ্ঠ কোন এহ থাকে তাহলে উক্ত গ্রহের তলে 1 kg ভরের ওজন কত হবে?
- (A) 1.1 N
 - (B) 2.2 N
 - (C) 4.4 N
 - (D) None
- Ans. B
20. পৃথিবীর কোনো ছানের অভিকর্ষজ ত্বরণকে আদর্শমান ধরা হয়?
- (A) কেন্দ্রে
 - (B) 45° অক্ষাংশে
 - (C) মেরু অঞ্চলে
 - (D) বিশুবীয় অঞ্চলে
- Ans. B
21. কোনো বস্তুকে কত বেগে নিষ্কেপ করলে এটি কৃতিম উপগ্রহে পরিষ্ঠ হবে?
- (A) 11.2 kms^{-1}
 - (B) 7.9 kms^{-1}
 - (C) 11.2 ms^{-1}
 - (D) 7.9 ms^{-1}
- Ans. B
22. ভর ক্রম রেখে পৃথিবীর ব্যাসার্ধ অর্ধেক করা হলে তোমার ওজন কত হবে?
- (A) $1/4$ গুণ
 - (B) দ্বিগুণ
 - (C) 2 গুণ
 - (D) 4 গুণ
- Ans. D
23. পৃথিবীর পৃষ্ঠে অভিকর্ষজ ত্বরণ যদি একই থাকে এবং পৃথিবীর ব্যাসার্ধ 1% বৃক্ষি পেলে মুক্তিবেগের শতকরা পরিবর্তন-
- (A) 1% বাঢ়বে
 - (B) 1% কমবে
 - (C) 0.5% বাঢ়বে
 - (D) 0.5% কমবে
- Ans. C

পদাৰ্থেৰ গাঠনিক ধৰ্ম

জৈনত্বপূর্ণ তথ্যাবলী

৫ পদাৰ্থেৰ বৰ্দন : পৰমাণুগুলোৰ সংযোগেৰ ফলে যখন ব্যবহাৰ বিভব শক্তি হাস পায় পৰমাণুগুলোৰ মধ্যে তখন বৰ্দন গঠিত হয়।

৬ ছিত্তিজ্ঞাপকতা ও ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক সংক্রান্ত :

- ০ ছিত্তিজ্ঞাপকতা : বস্তুৰ উপৰ প্ৰযুক্ত বলেৰ ক্ৰিয়ায় তাৰ আকাৰ বা আয়তন বা উভয়েই পৱিবৰ্তনেৰ প্ৰচেষ্টাকে পদাৰ্থেৰ যে ধৰ্ম বাধা দেয় এবং প্ৰযুক্ত বল অপসাৰিত হলে পূৰ্বেৰ আকাৰ বা আয়তন ফিৰে পায়, তাকে ছিত্তিজ্ঞাপকতা বলে।
- ০ ছিত্তিজ্ঞাপক সীমা : প্ৰযুক্ত বাহ্যিক বলেৰ যে সৰ্বোচ্চ বা উত্তৰসীমা পৰ্যন্ত কোন বস্তু পূৰ্ণ ছিত্তিজ্ঞাপক থাকে, তাকে ঐ বস্তুৰ ছিত্তিজ্ঞাপক সীমা বলে।
- ০ ছিত্তিজ্ঞাপক ক্লান্তি : পৰীক্ষাৰ সাহায্যে দেখা গেছে যে, কোনো বস্তু বা তাৰেৰ উপৰ ক্ৰমাগত পীড়নেৰ হ্যাস-বৃদ্ধি কৰলে ছিত্তিজ্ঞাপক ধৰ্ম হাস পায়। এৰ ফলে বল অপসাৰণেৰ সাথে সাথে বস্তু আগেৰ অবস্থা ফিৰে পায় না, কিছুটা দেৱি হয়। বস্তুৰ এই অবস্থাকে ছিত্তিজ্ঞাপক ক্লান্তি বলে। বিজ্ঞানী কেলভিন একে ছিত্তিজ্ঞাপক ক্লান্তি বাখ্যা দেন।
- ০ পূৰ্ণ ছিত্তিজ্ঞাপক বস্তু : কোনো বস্তুৰ উপৰ প্ৰযুক্ত বল অপসাৰিত হলে যদি তা সম্পূৰ্ণৱপে পূৰ্বেৰ অবস্থায় ফিৰে পায় তবে সে সব বস্তুকে পূৰ্ণ ছিত্তিজ্ঞাপক বস্তু বলে।
- ০ পূৰ্ণ দৃঢ় বস্তু : যে কোনো মানেৰ বাহ্যিক বল প্ৰযোগে যদি কোনো বস্তুৰ আকাৰেৰ কোন পৱিবৰ্তন না হয় তবে ঐ বস্তুকে পূৰ্ণ দৃঢ় বস্তু বলে।
- ০ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে কোনো বস্তুৰ পীড়ন ও বিকৃতিৰ অনুপাত একটি ধ্ৰুব রাশি। এ ধ্ৰুব রাশিকে বস্তুৰ উপাদানেৰ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক বলে। ছিত্তিজ্ঞাপক পীড়ন

$E = \frac{\text{বিকৃতি}}{\text{বিকৃতি}}$ । যেহেতু, পীড়ন ও বিকৃতি একটি ক্ষেত্ৰী রাশি। তাই ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্কও একটি ক্ষেত্ৰী রাশি। এৰ মাত্ৰা = $[ML^{-1}T^{-2}]$ ও একক Nm^{-2} বা Pa ।

০ ইয়ং-এৰ গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে দৈৰ্ঘ্য পীড়ন ও দৈৰ্ঘ্য বিকৃতিৰ অনুপাত একটি ধ্ৰুব রাশি। এই ধ্ৰুবৱৰাশিকে ইয়ং-এৰ গুণাঙ্ক বলে।

০ দৃঢ়তাৰ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে আকাৰৰ পীড়ন ও আকাৰৰ বিকৃতিৰ অনুপাতকে দৃঢ়তাৰ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক বলে।

০ আয়তন গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে আয়তন পীড়ন ও আয়তন বিকৃতিৰ অনুপাতকে আয়তনেৰ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক (K) বলে।

০ সংন্ম্যতা : কোনো বস্তুৰ চাৰিদিক থেকে সমান চাপ প্ৰয়োগ কৰলে বস্তুটিৰ আয়তন কমে যায়। বস্তুৰ এই ধৰ্মকে সংন্ম্যতা বলে। আবাৰ আয়তন গুণাঙ্কেৰ বিপৰীত রাশিকে সংন্ম্যতা বলে। কঠিন এবং তৱল পদাৰ্থেৰ তুলনায় গ্যাসেৰ সংন্ম্যতা বেশি। ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে আয়তন বিকৃতি ও আয়তন পীড়নেৰ অনুপাতকে সংন্ম্যতা বলে। আয়তন গুণাঙ্ককে তাই কখনো কখনো অসংন্ম্যতা বলা হয়।

৬ হকেৰ সূত্ৰ সংক্রান্ত :

- ০ হকেৰ সূত্ৰ : বিখ্যাত বিজ্ঞানী রবাৰ্ট হকে পীড়ন ও বিকৃতিৰ মধ্যে নিবিড় সম্পর্ক লক্ষ কৰেন। এই সম্পর্কে তিনি 1678 খ্রিস্টাব্দে একটি সূত্ৰে আকাৰে প্ৰকাশ কৰেন এৰ নাম হকেৰ সূত্ৰ। সূত্ৰটি নিম্নে বিবৃত হলো: “ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে বস্তুৰ উপৰ প্ৰযুক্ত পীড়ন তাৰ বিকৃতিৰ সমানুপাতিক।” গাণিতিকভাৱে সেখা যায়, পীড়ন \propto বিকৃতি \Rightarrow পীড়ন = ধ্ৰুবক \times বিকৃতি \Rightarrow বিকৃতি = ধ্ৰুবক (constant) এই ধ্ৰুবককে বস্তুৰ উপাদানেৰ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক বা ছিত্তিজ্ঞাপক মানাঙ্ক বলে।

একে ছিত্তিজ্ঞাপক ধ্ৰুবকও বলা হয়।

৭ পীড়ন ও বিকৃতি সংক্রান্ত :

- ০ পীড়ন : কোনো একটি বস্তুৰ একক ক্ষেত্ৰফলেৰ উপৰ লম্বভাৱে ক্ৰিয়াত বিকৃতি সৃষ্টিকাৰী বল হচ্ছে পীড়ন। পীড়ন একটি ক্ষেত্ৰী রাশি। পীড়নেৰ মাত্ৰা সমীকৰণ = $[ML^{-1}T^{-2}]$ । পীড়নেৰ একক Nm^{-2} বা Pa ।
- ♦ দৈৰ্ঘ্য পীড়ন : দৈৰ্ঘ্য বিকৃতি ঘটাতে বস্তুৰ একক ক্ষেত্ৰফলেৰ উপৰ দৈৰ্ঘ্য বৰাবৰ যে স্পৰ্শকীয় বল প্ৰযুক্ত হয়, তাকে দৈৰ্ঘ্য পীড়ন বলে। একে টান পীড়নও বলে। অৰ্থাৎ, দৈৰ্ঘ্য পীড়ন = $\frac{F}{A} = \frac{Mg}{\pi r^2}$
- ♦ আয়তন পীড়ন : আয়তন বিকৃতি ঘটাতে বস্তুৰ একক ক্ষেত্ৰফলেৰ উপৰ আয়তন বৰাবৰ যে স্পৰ্শকীয় বল প্ৰযুক্ত হয়, তাকে আয়তন পীড়ন বলে। অৰ্থাৎ, আয়তন পীড়ন = $\frac{F}{A} = \frac{Mg}{\pi r^2}$
- ♦ আকাৰ পীড়ন : ব্যৰ্বতন বিকৃতি ঘটাতে বস্তুৰ একক ক্ষেত্ৰফলেৰ উপৰ আকাৰ বৰাবৰ যে স্পৰ্শকীয় বল প্ৰযুক্ত হয়, তাকে ব্যৰ্বতন পীড়ন বলে। একে আকাৰ বা মোচড় পীড়নও বলে। অৰ্থাৎ, ব্যৰ্বতন পীড়ন = $\frac{F}{A}$
- ♦ অসহ পীড়ন : কোনো একটি বস্তুৰ একক ক্ষেত্ৰফলেৰ উপৰ প্ৰযুক্ত অসহ ভাৱকে অসহ পীড়ন বলে। অসহ পীড়ন = $\frac{\text{অসহ ভাৱ বা বল}}{\text{ক্ষেত্ৰফল}}$
- ♦ অসহ বল বা ভাৱ : সৰ্বাপেক্ষা কম যে বলেৰ ক্ৰিয়ায় কোনো বস্তু ছিঁড়ে বা ভেঙে যায় তাকে অসহ বল বলে। অসহ বলকে অসহ ভাৱ বা ওজন ও বলা হয়।
- ০ বিকৃতি : বল প্ৰয়োগে কেৱল একটি বস্তুৰ প্ৰতি একক মাত্ৰায় যে পৱিবৰ্তন সাধিত হয় তাকে বিকৃতি বলে। এৰ কোনো মাত্ৰা ও একক নেই। বিকৃতি ৩ প্ৰকাৰ। যথা:

 - ♦ দৈৰ্ঘ্য বা টান বিকৃতি : দৈৰ্ঘ্যেৰ পৱিবৰ্তন ঘটে।
 - ♦ আয়তন বিকৃতি : আয়তন পৱিবৰ্তন ঘটে।
 - ♦ আকাৰ বিকৃতি : আকাৰ পৱিবৰ্তন ঘটে।

- ০ পীড়ন ও ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্কেৰ, একক ও মাত্ৰা সমীকৰণ :

 - ♦ F.P.S পদ্ধতিতে = পাউন্ডল/বৰ্গ ফুট
 - ♦ C.G.S পদ্ধতিতে = ডাইন/বৰ্গ সে.মি.
 - ♦ M.K.S পদ্ধতিতে = নিউটন/বৰ্গ মিটাৰ

- ০ পয়সন এৰ অনুপাত (G) : “ছিত্তিজ্ঞাপক সীমাৰ মধ্যে বস্তুৰ পাৰ্শ্ব বিকৃতি ও দৈৰ্ঘ্য বিকৃতিৰ অনুপাত একটি ধ্ৰুব রাশি।” এই ধ্ৰুব সংখ্যাকে বস্তুৰ উপাদানেৰ পয়সনেৰ অনুপাত বলে। পয়সনেৰ অনুপাত-এৰ কোনো মাত্ৰা ও একক নেই। কোনো পদাৰ্থেৰ পয়সনেৰ অনুপাত -1 হতে $\frac{1}{2}$ এৰ মধ্যবতী। অৰ্থাৎ $-1 < G < \frac{1}{2}$ । অধিকাংশ ধাতব পদাৰ্থেৰ ক্ষেত্ৰে পয়সনেৰ অনুপাত 0.3 (প্রায়)।

৫ প্রবাহীর প্রবাহ ও সংকট বেগ সংক্রান্ত :

- ❖ প্রবাহীর প্রবাহ : প্রবাহীর একক্ষান থেকে অন্যথানে গমন করাকে প্রবাহীর প্রবাহ বলে। তরল ও গ্যাসকে মিলিতভাবে প্রবাহী বলে।
- ❖ প্রবাহীর একারণে : প্রবাহীর প্রবাহ বিভিন্ন প্রকার হতে পারে— সম প্রবাহ, অসম প্রবাহ, হিঁর প্রবাহ ও অস্থির প্রবাহ।
- ❖ সংকট বেগ : প্রবাহীর সর্বাধিক বেগ যা অতিক্রম করলে সময়েখ প্রবাহ বিশিষ্ট প্রবাহে পরিণত হয়, তাকে সংকট বা প্রাতিক বা সন্দি বেগ বলে।
- ❖ সংকট তাপমাত্রা : যে তাপমাত্রায় কোনো একটি তরলের পৃষ্ঠাটান শুন্য হয়, তাকে সংকট তাপমাত্রা বলে।

৬ সান্দ্রতা সংক্রান্ত :

- ❖ সান্দ্রতা : সান্দ্রতা পদার্থের একটি বিশেষ ধর্ম। যে ধর্মের দরজন কোনো প্রবাহীর বিভিন্ন স্তরের আপেক্ষিক গতিতে বাঁধার সৃষ্টি হয় তাকে ঐ প্রবাহীর সান্দ্রতা বলে। বিভিন্ন প্রবাহীর সান্দ্রতা বিভিন্ন। তাছাড়া সান্দ্রতাকে কখনও কখনও প্রবাহীর আঠাও বলা হয়। যেমন : দুধ, তেল এবং আলকাতরার সান্দ্রতা এক নয়। এদের মধ্যে আলকাতরার সান্দ্রতা সর্বাপেক্ষা বেশি, তারপর তেল এবং সর্বাপেক্ষা কম দূরে। অর্থাৎ, আলকাতরা > তেল > দুধ > পানির সান্দ্রতা।
- ❖ সান্দ্রতা গুণাঙ্ক : একক বেগ অবদ্বয়ে কোন একটি প্রবাহীর একক ফেন্ড্রফলের উপর যে পরিমাণ সান্দ্রতা বল দিয়া করে, তাকে ঐ প্রবাহীর সান্দ্রতা গুণাঙ্ক বলে।
সান্দ্রতা গুণাঙ্কের মাত্রা সমীকরণ = $[ML^{-1}T^{-1}]$ । সান্দ্রতা গুণাঙ্কের একক Nsm⁻² বা Pas⁻¹; অনেক ক্ষেত্রে পয়েজ ব্যবহার করা হয়। অর্থাৎ, $1 \text{ kgm}^{-1}\text{s}^{-1} = 1 \text{ Poise} = 1 \text{ N sec/m}^2$

৭ পৃষ্ঠাটান ও পৃষ্ঠশক্তি সংক্রান্ত :

- পৃষ্ঠাটান : তরলের পৃষ্ঠে একটি সরলরেখা কল্পনা করলে উক্ত রেখার প্রতি একক দৈর্ঘ্যে ঐ রেখার দুই পার্শ্বে তরলের পৃষ্ঠাটলে এক অংশ অন্য অংশের উপরে স্পর্শক বল প্রয়োগ করে তাকে পৃষ্ঠাটান বলে। পৃষ্ঠাটান তরলে আছে কিন্তু যেখানে শেষ হয় সেখানেই পৃষ্ঠের সীমারেখায় পৃষ্ঠাটান ক্রিয়া করে।
- পৃষ্ঠশক্তি : কোনো একটি তরল তলের ফেন্ড্রফল এক একক বৃদ্ধি করতে যে পরিমাণ কাজ সাধিত হয় তাকে ঐ তরলের পৃষ্ঠশক্তি বলে। পানির পৃষ্ঠশক্তি E = $72 \times 10^{-3} \text{ Jm}^{-2}$ বা, Nm^{-1} । পৃষ্ঠাটান ও পৃষ্ঠশক্তি উভয়ের মাত্রা সমীকরণ $[MT^{-2}]$ । কোনো তরলের পৃষ্ঠশক্তি সংখ্যাগতভাবে তরলের পৃষ্ঠাটানের সমান E = T।

মনে রেখো : কাজ বা শক্তির মাত্রা $[ML^2T^{-2}]$ যা পৃষ্ঠশক্তির মাত্রা $[MT^{-2}]$ হতে ভিন্ন।

পৃষ্ঠাটানের বৈশিষ্ট্য :

- i. পৃষ্ঠাটান তরল তলকে সংকুচিত করার চেষ্টা করে।
- ii. তরল তলের ফেন্ড্রফল বাড়াবার চেষ্টা করলে পৃষ্ঠাটান তা প্রতিরোধ করার চেষ্টা করে।
- iii. এই বৈশিষ্ট্যের কারণে তরল পদার্থের বিভাজন সম্ভব।
- পৃষ্ঠাটান ঘটিত কিছু ঘটনা : পানির তলে পোকামাকড়ের চলাচল, সাবানের ফেনা, কৈশিকতা, তরলের পৃষ্ঠে ঝেড়ের ভেসে থাকা, কর্পুরের প্রানিতে নাচা, গাছে পানির পরিবহন, ইঞ্জিন বিহীন খেলনা লক্ষণের পানিতে চলা, তেল ঢেলে সমুদ্রের পানিকে শান্ত করা, কলমের নিবে কালির প্রবাহ, পানির পৃষ্ঠে তেলের ছড়িয়ে পড়ে তোয়ালে দিয়ে গা মোছা, ছাতার কাপড়ে বৃষ্টি পড়া।
- তরলের পৃষ্ঠে সুই ভেসে থাকার কারণ : কোনো সুইকে একটি টিস্যু পেপারের উপরে রেখে পানির মুক্ততলে রাখলে টিস্যু পেপার ভিজে ডুবে যায় কিন্তু সুইটি ভাসে থাকে। এর কারণ হলো পানিতে যেখানে সুইটি রয়েছে তার নিচে পানির পৃষ্ঠ কিছুটা অবনমিত হচ্ছে। ফলে পৃষ্ঠের ঐ ছানটা অনুভূমিক থাকে না বরং পৃষ্ঠাটানে জন্য এ বল অবনমিত পানি পৃষ্ঠের সাথে ত্বরিকভাবে স্পর্শক বরাবর ত্রিয়া করে। পৃষ্ঠাটানজনিত এ ত্বরিকভাবে ক্রিয়াশীল বলের উল্লম্ব উপাংশ সুই-এর ওজনে প্রশমিত করে, ফলে সুইটি না ডুবে সাম্যাবস্থায় ভেসে থাকে।
- আণবিক তত্ত্বের আলোকে পৃষ্ঠাটান : বিজ্ঞানী ল্যাপ্লাস সর্বপ্রথম আণবিক তথ্যের আলোকে তরলের পৃষ্ঠাটান ব্যাখ্যা করেন। আণবিক বল .2 রকম। যথা: সংশক্তি বল, আসঞ্জন বল
- ❖ সংশক্তি বল : একই পদার্থের বিভিন্ন অণুর মধ্যে পারস্পারিক আকর্ষণ বলকে সংশক্তি বল বলে। যেমন : পানির অণুসমূহের মধ্যকার আকর্ষণ।
- ◆ সংশক্তি বল = $\sqrt{2} \times \text{আসঞ্জন বল কৈশিক নলে তরলের অবিক্ষেপ হয় না}, \text{তরলের মুক্ততল আনুভূমিক ও স্পর্শকোণ শূন্য। অর্থাৎ } \theta = 0^\circ \text{ হয়।}$
- ◆ সংশক্তি বল > $\sqrt{2} \times \text{আসঞ্জন বল কৈশিক নলে তরলের অবিক্ষেপ হয়}, \text{তরলের মুক্ততল উক্তল হয় ও স্পর্শকোণ স্থুলকোণ। অর্থাৎ } \theta > 90^\circ \text{ হয়।}$
- ◆ সংশক্তি বল < $\sqrt{2} \times \text{আসঞ্জন বল হলে তরলের অধিক্ষেপ হয়}, \text{তরলের মুক্ততল অবতল হয় ও স্পর্শকোণ সূক্ষ্মকোণ। অর্থাৎ } \theta < 90^\circ \text{ হয়।}$
- ❖ আসঞ্জন বল : বিভিন্ন পদার্থের অণুর মধ্যে পারস্পারিক আকর্ষণ বলকে আসঞ্জন বল বলে। যেমন : পানির ও কাঁচ অণুর পারস্পারিক আকর্ষণ।
- ◆ আসঞ্জন বল যত বেশি হবে স্পর্শকোণ তত সূক্ষ্ম কোণ হবে ও তরল পদার্থ কোনো কঠিন পদার্থকে ভিজাবে।
- ◆ সংশক্তি বল যত বেশি হবে স্পর্শকোণ তত বেশি হবে ও তরল পদার্থ কোনো কঠিন পদার্থকে ভিজাবে না।

৮ কৈশিকতা ও কৈশিক নল সংক্রান্ত :

- ❖ কৈশিক নল : অতি সূক্ষ্ম ও সুষম ছিদ্রযুক্ত নলকে কৈশিক নল বলে। ল্যাটিন শব্দ Capillus -এর অর্থ কেশ বা চুল। কেশের মতো সরু সুষম ছিদ্রযুক্ত নলকে কৈশিক নল বলে। কৈশিক নল পদ্ধতিতে তরলের পৃষ্ঠাটান নির্ণয় করা যায়। কৈশিক নলে কোনো তরলের অধিক্ষেপ অথবা অবক্ষেপ নলের ব্যাসায় ব্যাত্তাপাতিক। এটি জুরিনের সূত্র (Jurin's Law) নামে পরিচিত।
- ❖ কৈশিকতা : কৈশিক নলের ভিতরে তরলের উঠা বা নামাকে কৈশিকতা বলে।
- ❖ স্পর্শকোণ যে সকল বিষয়গুলোর উপর নির্ভর করে : কঠিন ও তরলের প্রকৃতির উপর, তরলের মুক্ততলের উপরিস্থিত মাধ্যমের উপর ও কঠিন ও তরল পদার্থের মাধ্যমের উপর।
- ❖ স্পর্শকোণের মান :

 - ◆ পারদ ও কাঁচের ভিতরকার স্পর্শকোণ = 140°
 - ◆ স্পর্শকোণের সর্বনিম্ন মান 0° সর্বোচ্চ মান = 80°
 - ◆ বিশুদ্ধ পানি ও পরিষ্কার কাঁচের স্পর্শকোণ প্রায় = 0°
 - ◆ রুপা ও পানির ভেতরকার স্পর্শকোণ = 90°
 - ◆ সাধারণ পানি ও কাঁচের ভেতরকার স্পর্শকোণ = 8°
 - ◆ পানির ঘনত্ব কাঁচের ঘনত্ব অপেক্ষা কম বলে পানি কাঁচকে ভিজায়।

Part 2**At a glance [Most Important Information]**

- ইল্পাত ও হীরার ছিত্তিশাপক সীমা- খুব বেশি
- অস্ত্রাগবিক ঘানের দূরত্বের পরিমাণ- 10^{-6} mm ~ 10^{-16} mm
- অগ্নি সৃষ্টিকারী চার্জিত মৌলিক কণাসমূহের মিথ্যামার ফল- চৌম্বক বল
- বাইরে থেকে বল প্রয়োগের কোনো বলুর একক মাত্রায় পরিবর্তন- বিকৃতি
- কঠিন বলুর একক ক্ষেত্রফলের উপর প্রযুক্ত বলকে বলা হয়- পীড়ন
- কোনো বিন্দুতে পীড়নের মান শূন্য হলে বিকৃতির মান হবে- শূন্য
- পীড়ন ও বিকৃতির সমীকরণটি হক ব্যাখ্যা দেন- 1678 প্রিস্টান্ডে
- পানির ফোঁটা গোলাকার হয়- পৃষ্ঠান্তের কারণে
- তুলির সাথে রং লেগে থাকে- সংশক্তি বলের কারণে
- প্রবাহীর বিভিন্ন ঘনের আপেক্ষিক গতিতে বাধার সৃষ্টি করে- সান্দ্রতা
- সান্দ্রতা ও গোক্ষের এককসমূহ- $\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-1}$, Nsm^{-2} , poise
- সান্দ্রতাকে প্রবাহীর ক্ষেত্রে বলা যায়- অভ্যন্তরীণ ঘৰণ

- কাঁচ ও পারদের স্পৰ্শকোণ θ হবে- $90^\circ < \theta < 180^\circ$
- বেনজিনের সান্দ্রতা গুণাঙ্ক- 0.7×10^{-3}
- একই পদাৰ্থের বিভিন্ন অণুর আকৰ্ষণ বল- সংশক্তি বল
- বিভিন্ন পদাৰ্থের অণুগুলোর মধ্যে আকৰ্ষণ বল- আস্তন্ত বল
- $0^\circ < \theta < 90^\circ$ হলে তুল পদাৰ্থ কোনো কঠিন পদাৰ্থকে- ভিজাবে
- তুল কঠিনকে না ভিজালে স্পৰ্শকোণ- তুলকোণ হয়
- পানির তলে পোকামাকড়ের চলাচলে ব্যবহার রয়েছে- পৃষ্ঠান্তের
- কৈশিক নলে পানির উর্ধ্বারোহণের কারণ- তুলনের পৃষ্ঠাটান
- কৈশিক নলে তুলনের মুক্ত তল অনুভূমিক থাকে যখন স্পৰ্শকোণ- 90°
- পানির আয়তন ছিত্তিশাপক গুণাঙ্ক সর্বাধিক- 50°C তাপমাত্রায়
- কক্ষ তাপমাত্রায় গ্রিসারিনের সান্দ্রতা সহগ পানির তুলনায়- 10^3 গুণ
- মাছের দেহের গাঠনিক প্রবাহ- ধারাবেৰ

Part 3**প্রয়োজনীয় পুন্ত্রাবলি**

৬ ছিত্তিশাপক গুণাঙ্ক ও শক্তি সংক্রান্ত :

$$\diamond Y = \frac{FL}{AI} = \frac{mgL}{\pi r^2 l}$$

$$\diamond \eta = \frac{F}{A\theta}$$

$$\diamond \text{পীড়ন} = \frac{F}{A}$$

$$\diamond \text{বিকৃতি} = \frac{l}{L} = \frac{d}{D} = \frac{v}{V}$$

$$\diamond Y = 3K(1 - 2\sigma)$$

$$\diamond Y = 2n(1 + \sigma)$$

$$\diamond \text{ছিত্তিশাপক শক্তি : কৃতকাজ, } W = \frac{1}{2} \frac{YAI^2}{L}$$

$$\diamond \text{একক আয়তন ছিত্তিশক্তি : } E = \frac{1}{2} \times \text{পীড়ন} \times \text{বিকৃতি}$$

৭ পয়সনের অনুপাত ও ক্রান্তি বেগ সংক্রান্ত :

$$\diamond \sigma = \frac{Ld}{ID}$$

$$\diamond v_c = \frac{\eta}{\rho r} \Rightarrow v_c = R_c \frac{\eta}{\rho r}$$

৮ পৃষ্ঠান্ত বা পৃষ্ঠাশক্তি সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{পৃষ্ঠান্ত, } T = \frac{F}{L}$$

$$\diamond \text{পৃষ্ঠাশক্তি, } E = \frac{W}{\Delta A}$$

৯ সান্দ্রতা, সান্দ্রতাঙ্ক ও প্রাণীয় বেগ সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{সান্দ্র বল, } F = \eta A \frac{dv}{dy}$$

$$\diamond \text{স্টোকসের সমীকরণ, } F = 6\pi\eta rv$$

Part 4**গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type: 1**

(পীড়ন, বিকৃতি ও পয়সনের অনুপাত)

01. $3 \times 10^7 \text{ Nm}^{-2}$ আয়তন পীড়নে একটি পদাৰ্থের আয়তন বিকৃতি 1.5×10^{-4} হলে, পদাৰ্থটির আয়তনের ছিত্তিশাপক গুণাঙ্ক কত?

$$\text{Solve: } K = \frac{\text{পীড়ন}}{\text{বিকৃতি}} = \frac{3 \times 10^7}{1.5 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. একটি তারের উপাদানের ইয়ং এর গুণাঙ্ক $2 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$ । যদি তারটির দৈর্ঘ্য 25% বাড়াতে প্রযুক্ত পীড়ন নির্ণয় কর। Ans. $5 \times 10^{10} \text{ N/m}^2$ **Type: 2**

(ইয়ং-এর গুণাঙ্ক)

01. একটি তারের উপাদানের ইয়ং এর গুণাঙ্ক $2 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$ এবং তারটির ব্যাস 0.4 mm । তারটির দৈর্ঘ্য 25% বৃদ্ধি করতে কত বল প্রয়োজন?**Solve:**

$$F = \frac{YAI}{L} = \frac{Y\pi^2 l}{L} = \frac{2 \times 10^{11} \times 3.14 \times (0.2 \times 10^{-3})^2 \times 0.25 L}{L} = 6283.2 \text{ N} = 62.8 \times 10^2 \text{ N Ans.}$$

For Practice

01. $5 \times 10^7 \text{ Nm}^{-2}$ চাপে 1000 cc পারদ কতটুকু সংকুচিত হবে? পারদের আয়তনের ছিত্তিশাপক গুণাঙ্ক, $B = 2.5 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$ । Ans. 2 cc**Type: 3**

(স্টোকসের সমীকরণ)

01. 200 mm ব্যাসার্কে একটি ধাতব গোলক একটি তুলনের মধ্যে $2.1 \times 10^{-2} \text{ ms}^{-1}$ প্রয়োজন করে পড়ছে। তুলনের সান্দ্রতা $0.003 \text{ kgm}^{-1}\text{s}^{-1}$ । তুলনের সান্দ্রতা নির্ণয় কর।**Solve:**

$$F = 6\pi\eta v = 6 \times 3.1416 \times 0.2 \times 0.003 \times 2.1 \times 10^{-2} = 2.37 \times 10^{-4} \text{ N. Ans.}$$

For Practice

01. 100 g ভরের একটি বস্তু পানির মধ্যে পড়ায় তার উপর ক্রিয়ারত প্রবত্তা 0.981 N হলে সন্দৰ্ভ বল হবে? Ans. 0 N

Type: 4

(পৃষ্ঠাটান)

01. 30 mm ব্যাসের একটি গোলাকার সাবান বুদবুদ অভ্যন্তরীণ অভিরিজ্জ চাপ নির্ণয় কর। সাবান পানির পৃষ্ঠাটান $25 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$

$$\begin{aligned} \text{Solve: } P &= \frac{4T}{r} \\ &= \frac{4 \times 25 \times 10^{-3}}{3 \times 10^{-2}} \\ &= \frac{2}{3 \times 10^{-2}} \\ &= 6.67 \text{ Nm}^{-2} \text{ Ans.} \end{aligned}$$

For Practice

01. 0.01 m ব্যাসার্ধের একটি সাবান বুদবুদ ধীরে ধীরে বৃদ্ধি পেয়ে 0.1 m ব্যাসার্ধের বুদবুদে পরিণত হলো। এ প্রক্রিয়ায় কি পরিমাণ কাজ হলো? [পৃষ্ঠাটান = $26 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$] Ans. $6.471 \times 10^{-3} \text{ J}$

Part 5

অধ্যায়ভিত্তিক প্রশ্ন প্রয়োগ MCQ অন্তর্ভুক্ত

01. ছিত্রিপাক সীমার মধ্যে পদার্থের দৈর্ঘ্য পীড়ন এবং দৈর্ঘ্য বিকৃতির অনুপাতের ফ্রে সংখ্যা নিম্নের কোন গুণাঙ্ক দ্বারা প্রকাশিত?
Ⓐ আয়তন Ⓑ ইয়ং Ⓒ ছিত্রিপাক Ⓓ দৃঢ়তার Ans. B
02. পীড়নের মাত্রা সমীকরণ-
Ⓐ $[ML^{-1}T^2]$ Ⓑ $[MLT^{-2}]$ Ⓒ $[ML^{-1}T^2]$ Ⓓ $[ML^{-2}T^{-2}]$ Ans. A
03. চক ও বোর্ডের অগুর মধ্যে আকর্ষণ বল-
Ⓐ সংশক্তি বল Ⓑ আসঞ্জন বল Ⓒ অভিকর্ষ বল Ⓓ সান্দু বল Ans. B
04. একটি নিখুঁত অসম্ময় বস্তুর পয়সনের অনুপাত-
Ⓐ -1 Ⓑ -0.5 Ⓒ 0 Ⓓ 0.25 Ans. C
05. বস্তুর কোন ধর্মের জন্য কাঁচের গায়ে পানি লেগে থাকে-
Ⓐ পৃষ্ঠাটান Ⓑ আসঞ্জন বল Ⓒ সংনম্যতা Ⓓ সান্দুতা Ans. B
06. পয়েজ (Poise) কিসের একক?
Ⓐ ইয়ং এর গুণাঙ্ক Ⓑ পৃষ্ঠাটান Ⓒ সান্দুতার গুণাঙ্ক Ⓓ সংনম্যতা Ans. C
07. যে সব বস্তু হতে প্রযুক্ত বল অপসারণ করলে এদের বিকৃত অবস্থার পরিবর্তন হয় না তাদের কি বস্তু বলে?
Ⓐ সমদিকবর্মী বস্তু Ⓑ অসমদিকবর্মী বস্তু Ⓒ পূর্ণ দৃঢ় বস্তু Ⓓ নমনীয় বস্তু Ans. D
08. 2 m লম্বা ও 2 mm ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটি তারের দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি 0.25 mm হলে তারটির ব্যাসার্ধ কত হ্রাস পাবে? [$\gamma = 0.2$]
Ⓐ $5 \times 10^{-3} \text{ m}$ Ⓑ $2.5 \times 10^{-3} \text{ m}$ Ⓒ $5 \times 10^{-8} \text{ m}$ Ⓓ $2.5 \times 10^{-8} \text{ m}$ Ans. C
09. নিচের কোন বলটি বিপরীত বর্গীয় সূত্র মেনে চলে না?
Ⓐ মহাকর্ষ বল Ⓑ তড়িৎ বল Ⓒ চৌম্বক বল Ⓓ সংশক্তি বল Ans. D
10. কোন অবস্থায় অগুম্যহের মধ্যে আঞ্জেলাপিক আকর্ষণ বল সর্বনিম্ন হয়?
Ⓐ তরল Ⓑ পাইজা Ⓒ কঠিন Ⓓ বায়বীয় Ans. B
11. কোনো পদার্থের অগুম্যলোর মধ্যে নীটবল শূন্য হয় যথন-
Ⓐ $r = r_0$ Ⓑ $r < r_0$ Ⓒ $r > r_0$ Ⓓ $r \gg r_0$ Ans. A
12. 1 m দীর্ঘ একটি তারে 10^5 Nm^{-2} বল প্রযোগ এর দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পেল 0.001 m । তারটির ইয়ং গুণাঙ্ক কত?
Ⓐ 10^{-7} Nm^{-2} Ⓑ 10^{-3} Nm^{-2} Ⓒ 10^7 Nm^{-2} Ⓓ 10^8 Nm^{-2} Ans. D
13. পানির পৃষ্ঠাটান 0.06 N/m হলে তার পৃষ্ঠাপত্তি-
Ⓐ 60 N/m Ⓑ 6 N/m Ⓒ 0.6 N/m Ⓓ 0.06 N/m Ans. D

Type: 5 (কেশিকতা ও তরল ফোটা)

01. একটি কেশিক নলের ব্যাসার্ধ 0.1 mm । একে $60 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$ পৃষ্ঠাটান এবং 800 kg m^{-3} ঘনত্বের তেলে ডুবালে কেশিক নলে কত উচ্চতার ফলে উঠবে। স্পর্শকোণ 20° ।

Solve: এখানে, $T = 60 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$
কেশিক নলের ব্যাসার্ধ, $r = 0.1 \text{ mm} = 10^{-4} \text{ m}$
আমরা জানি, $T = \frac{hp gr}{2 \cos\theta} \Rightarrow h = \frac{2T \cos\theta}{\rho gr} \Rightarrow h = \frac{2 \times 60 \times 10^{-3} \times \cos 20^\circ}{800 \times 9.8 \times 10^{-4}}$
 $= 0.1438 \text{ m}$ Ans.

02. প্রতিটি 10^{-4} m ব্যাস বিশিষ্ট পানির 1000 কুন্দ ফোটা মিলে একটি বহুৎ ফোটা তৈরি করল। বহুৎ ফোটা ব্যাসার্ধ কত?

Solve: $r = \frac{10^{-4}}{2} = 5 \times 10^{-5} \text{ m}$ এখন, $R = \sqrt[3]{\pi r} = \sqrt[3]{10^3 \times 5 \times 10^{-5}}$
 $= 5 \times 10^{-4} \text{ m}$ Ans.

For Practice

01. $5 \times 10^{-2} \text{ m}$ ব্যাসার্ধের সাবান পানির একটি বুদবুদ তৈরি করতে কৃতকাজের পরিমাণ নির্ণয় কর। [সাবান পানির পৃষ্ঠাটান = $2.6 \times 10^{-2} \text{ Nm}^{-1}$] Ans. $1.63 \times 10^{-3} \text{ J}$

14. কোন পদার্থটির ইয়ং এর গুণাঙ্ক সবচেয়ে বেশি?
Ⓐ তামা Ⓑ রাবার Ⓒ ইস্পাত Ⓓ সোনা Ans. C
15. আঞ্জেলাপিক বল সবচেয়ে বেশি-
Ⓐ তরলের অগুর মধ্যে Ⓑ গ্যাসের অগুর মধ্যে Ⓒ কঠিন পদার্থের অগুর মধ্যে Ⓓ কোনোটি নয় Ans. C
16. কোনো পদার্থের অসহপীড়ন $4.9 \times 10^8 \text{ Nm}^{-2}$ । এই পদার্থের তৈরি একটি তারের প্রচলনের ক্ষেত্রফল 1 mm^2 হলে তারটির সর্বনিম্ন কত ভর বুলাবে?
Ⓐ 0.5 kg Ⓑ 5 kg Ⓒ 10 kg Ⓓ 50 kg Ans. D
17. কোনটি পৃষ্ঠাটান সম্পর্কিত ঘটনা নয়?
Ⓐ বল পেনে লেখা হয় Ⓑ সূচ পানিতে ভাসা Ⓒ কর্পুরের পানিতে নাচা Ⓓ ছাতার কাপড় Ans. A
18. পৃষ্ঠাটানের মাত্রা সমীকরণ হলো?
Ⓐ $[M^0 L^0 T^{-1}]$ Ⓑ $[M^0 L^0 T^{-3}]$ Ⓒ $[M L^0 T^{-2}]$ Ⓓ $[M^0 L^1 T^{-1}]$ Ans. C
19. কোনটি পৃষ্ঠাটানের উপর প্রভাব বিভাগ করে না?
Ⓐ দূষিতকরণ Ⓑ চৌক্ষিকতা Ⓒ ডিভিহিতকরণ Ⓓ তাপমাত্রা Ans. B
20. পানির উপরিতলে রাখা একটি সূচকে টেনে সর্বাধিক $7.2 \times 10^{-3} \text{ N}$ করে যোজন হলে সূচকের দৈর্ঘ্য কত? [পানির পৃষ্ঠাটান $7.2 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$]
Ⓐ 4 cm Ⓑ 2 cm Ⓒ 50 cm Ⓓ 3 cm Ans. C
21. একটি কাঁচ পৃষ্ঠের উপর পানি ঢাললে তা যতটা ছড়ায় দুধ ততটা ছড়ায় না। এর কারণ?
Ⓐ সান্দুতা Ⓑ পৃষ্ঠাটান Ⓒ উভয় Ⓓ কোনোটি নয় Ans. C
22. তরলের পৃষ্ঠে কোনো তেল বা চর্বি জাতীয় পদার্থ ভাসমান থাকলে তরলে পৃষ্ঠাটান কী হয়?
Ⓐ বেড়ে যায় Ⓑ কমে যায় Ⓒ সমান থাকে Ⓓ শূন্য হয় Ans. B
23. যদি স্পর্শকোণ 90° এর কম হয়, তবে তরলের পৃষ্ঠ কেমন হবে?
Ⓐ সমতলোভল Ⓑ অবতল Ⓒ সমতলাভতল Ⓓ উত্তল Ans. B
24. একটি গোলক কোনো তরলের ভেতর দিয়ে অস্তিবেগে পড়ে। গোলকটির উপর ক্রিয়ালীল নীট বল কত?
Ⓐ তরলের প্রবত্তা Ⓑ গোলকের ওজন Ⓒ শূন্য Ⓓ সান্দু বল Ans. C
25. প্রভাব গোলকের ব্যাসার্ধ কোনটি?
Ⓐ 10^{-15} m Ⓑ 10^{-10} m Ⓒ 10^{-9} m Ⓓ 10^{-8} m Ans. B
26. কোন পদার্থের সান্দুতা সবচেয়ে বেশি?
Ⓐ তেল Ⓑ দুধ Ⓒ মধু Ⓓ পানি Ans. C

পর্যাবৃত্তিক গতি

গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

৫. পর্যাবৃত্ত গতি সংক্রান্ত :

- ০ পর্যাবৃত্ত গতি : নির্দিষ্ট সময় পরপর দুটি গতির পুনরাবৃত্তি ঘটে। এ ধরনের গতি হলো পর্যাবৃত্ত গতি। যেমন : পৃষ্ঠিবীর গতি, শিশু এবং এর গতি, পিপড়ার গতি, বায়ুমণ্ডলের গতি, ঘড়ির কাঁটার গতি, বাস্প বা পেট্রোল ইঞ্জিনের সিলিন্ডারের মধ্যে পিস্টনের গতি, কঠিন বস্তুতে পরমাণুর স্পন্দনের গতি ইত্যাদি। পর্যাবৃত্ত গতি ২ ধরনের। যথা : ছানিক ও কালিক পর্যাবৃত্ত গতি।

- ০ পর্যাবৃত্ত গতির বৈশিষ্ট্য :

- ◆ পর্যাবৃত্ত গতি সরল, বক্র বা বদ্ধ পথে হতে পারে।
- ◆ পর্যাবৃত্ত গতির ক্ষেত্রে বস্তুর উপর প্রযুক্ত বল সর্বদা একটি নির্দিষ্ট বিন্দু অভিযুক্ত।

৬. সরল ছন্দিত স্পন্দন সংক্রান্ত :

সরল ছন্দিত স্পন্দন	কোনো পর্যায় গতিসম্পন্ন বস্তুর উপর কার্যকর ত্বরণ যদি তার গতিপথের একটি নির্দিষ্ট বিন্দু অভিযুক্ত এমনভাবে ক্রিয়া করে যেন তার মান এই বিন্দু হতে বস্তুর সরণের মানের সমানুপাতিক হয়, তবে বস্তুর এই গতিকে সরল ছন্দিত স্পন্দন বলে।		
উদাহরণ	• কম বিত্তারের সরল দোলকের গতি	• সুরশলাকার বাহুর কম্পন	• শিশু এর উলম্ব কম্পন
সরল ছন্দিত স্পন্দনের বৈশিষ্ট্য	• এটি পর্যাবৃত্তিক গতি। • ত্বরণ বস্তুর সরণের সমানুপাতিক।	• একটি নির্দিষ্ট সময় অন্তর অন্তর এই গতি বিপরীতমুখী হয়। • ত্বরণ বস্তুর সরণের বিপরীতমুখী।	• ত্বরণ বস্তু কণাটির মধ্য অবস্থান অভিযুক্ত।

৭. সরল দোলক ও এর রাশি সংক্রান্ত :

- ০ সরল দোলক : একটি শুন্দি ভারী বস্তুকে একটি ওজনহীন, অপ্রসারণীয় এবং নমনীয় সুতার সাহায্যে একটি দৃঢ় অবলম্বন হতে ঝুলিয়ে দিলে বস্তুটি যদি বিনা বাধায় অন্তর্ভুক্ত এর পর্যায়কাল T হলে, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$; অতএব, $T \propto \sqrt{\frac{L}{g}}$; যেখানে, $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$

- ০ সরল দোলকের কয়েকটি বৈশিষ্ট্য : ◆ সুতা ওজনহীন হবে ও অপ্রসারণীয় হবে। ◆ সুতা নমনীয় হবে। ◆ শিশু শুন্দি ও ভারি হবে ও বিনা বাধায় দুলবে।

- ০ সরল দোলকের ব্যবহার : ◆ অভিকর্ষজ ত্বরণ g নির্ণয়ে। ◆ পাহাড়ের উচ্চতা নির্ণয়ে। ◆ সময় নির্ণয়ে।

- ০ সেকেন্ড দোলক : যে সরল দোলকের দোলনকাল 2 সেকেন্ড, তাকে সেকেন্ড দোলক বলে। সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য L হলে $L = g/\pi^2$ । সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য অভিকর্ষজ ত্বরণের সমানুপাতিক।

৮. সরল দোলক সম্পর্কিত সূত্রাবলি : কৌণিক বিত্তার 45° এর বেশি না হলে সরল দোলকের ক্ষেত্রে নিম্নোক্ত সূত্র চারটি প্রযোজ্য।

- ০ প্রথম সূত্র : সমকাল সূত্র : কৌণিক বিত্তার শুন্দি হলে এবং দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত থাকলে কোনো নির্দিষ্ট স্থানে একটি সরল দোলকের প্রতিটি দোলনের জন্য সমান সময় লাগে। দোলনকাল কৌণিক বিত্তারের উপর নির্ভর করে না।

- ০ দ্বিতীয় সূত্র : দৈর্ঘ্যের সূত্র : কৌণিক বিত্তার শুন্দি হলে কোনো নির্দিষ্ট স্থানে সরল দোলকের দোলনকাল (T) -এর কার্যকরী দৈর্ঘ্য (L) -এর বর্গমূলের সমানুপাতিক পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ, $T \propto \sqrt{L}$ যখন g ধ্রুব।

- ০ তৃতীয় সূত্র : ত্বরণের সূত্র : কৌণিক বিত্তার শুন্দি হলে এবং সরল দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য (L) অপরিবর্তিত থাকলে এর দোলনকাল (T) অভিকর্ষজ ত্বরণ (g) এর বর্গমূলের ব্যানুপাতে পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ $T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}$ যখন L ধ্রুব।

- ০ চতুর্থ সূত্র : ভরের সূত্র : কৌণিক বিত্তার শুন্দি হলে এবং কার্যকরী দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত থাকলে কোনো নির্দিষ্ট স্থানে সরল দোলকের দোলনকাল ববের ভর, আয়তন, উপাদান ইত্যাদির উপর নির্ভর করে না। ভিন্ন ভর, আয়তন বা উপাদানের ববের জন্য দোলকের দোলনকাল একই হয়।

৯. সরল দোলকের দোলনকাল কখন বাড়বে ও কখন কমবে :

- ০ দোলনকাল বাড়বে বা সরল দোলক ধীরে চলবে যখন :

- ◆ কার্যকরী দৈর্ঘ্য বাড়ে।
- ◆ তাপমাত্রা বৃদ্ধি পেলে L বাড়ে, তাই T বাড়ে।
- ◆ দোলক ঘড়ি শ্রীমত্বকালে ধীরে চলে কারণ L বাড়ে।
- ◆ দোলক ঘড়িকে মেরু অঞ্চল থেকে বিষুবীয় অঞ্চলে নিলে g কমে, তাই T বাড়ে।

- ◆ দোলক চন্দ্র পৃষ্ঠে নিলে g কমে।

- ◆ দোলক পিণ্ড খনিতে বা পাহাড়ের উপর নিলে।

- ◆ সমত্বরণে লিফট নিচের দিকে নামলে।

- ০ দোলনকাল কমবে বা দোলক দ্রুত চলবে :

- ◆ দোলক বিষুবীয় অঞ্চল হতে মেরু অঞ্চলে নিলে g বাড়ে তাই T কমে।
- ◆ সমত্বরণে উপরের দিকে চলত লিফটে দোলক নিলে।

- ◆ শীতকালে বা তাপমাত্রা কমলে L কমে।

- ◆ কার্যকরী দৈর্ঘ্য কমালে।

- ০ দোলনকাল অসীম ও অপরিবর্তিত থাকবে :

- ◆ দোলককে পৃষ্ঠিবীর কেন্দ্রে নিলে দোলনকাল অসীম হবে। কারণ $g = 0$
- ◆ দোলক ফাঁপা না হয়ে নিরেট হলে দোলনকাল অপরিবর্তিত থাকবে।

- ◆ ঘূর্ণযামান কৃত্রিম উপগ্রহের মধ্যে নিলে দোলনকাল অসীম হবে। কারণ $g = 0$

- ◆ দোলককে সমবেগে চলত লিফটে নিলে দোলনকাল অপরিবর্তিত থাকবে।

At a glance [Most Important Information]

Part 2

- কোনো রাশি মদি বারবার পুনরাবৃত্তি ঘটে তাকে বলে - পর্যাবৃত্তি
- সাময়িকভাবে কণার বিভবশক্তি সবচেয়ে কম, গতিশক্তি - সবচেয়ে বেশি
- ডিজেল ইঞ্জিনের সিলিন্ডারের মধ্যে পিস্টনের গতি - পর্যাবৃত্তি গতি
- সরল ছন্দিত গতি সম্পন্ন কণার বল - একটি নির্দিষ্ট বিন্দু অভিযুক্তি
- সরল ছন্দিত স্পন্দন - যানবেগের হ্রস্ফিলের স্পন্দন
- প্রিংকে বল প্রয়োগ করে প্রসারিত করলে হয় - প্রত্যায়নী বল
- একটি পেঙ্গুলার ঘড়ির সূতার দৈর্ঘ্য বাড়লে - ঘড়ি থারে চলবে
- সরল দোলকের ফাঁপা গোলক পানি দ্বারা পূর্ণ হলে পর্যায়কাল - বাঢ়বে
- মহাকাশে নভোচারীর কাছে সরল দোলকের দোলনকাল - অসীম
- সরল দোলক পৃথিবীর কেন্দ্রে নিলে ইহার দোলনকাল হবে - অসীম
- সরলদোলক ঘড়িকে পাহাড়ের চূড়ায় নিয়ে গেলে - সময় হ্যারাবে
- একটি সরলদোলককে চন্দ্রপৃষ্ঠে নিলে দোলনকাল - বৃদ্ধি পাবে

- বিষুব থেকে মেরু অঞ্চলে নিলে - ঘড়ি দ্রুত চলবে
- গতিপথের সাম্যাবস্থার বেগ - সর্বাধিক
- গতিপথের শেষ বিন্দুতে বেগ - শূন্য
- গতিপথের চরম অবস্থানের ত্বরণ - সর্বাধিক
- একটি সরল দোলক প্রতি দোলনকালে - দুই বার টিক করে
- চন্দ্রপৃষ্ঠে g এর মান পৃথিবীপৃষ্ঠে g এর মানের - $1/6$ অংশ।
- g এর মান, পার্হাড়ের উচ্চতা ও সময় নির্ণয়ে ব্যবহার হয় - সরল দোলক
- সরল দোলকের দৈর্ঘ্য অর্ধেক করলে দোলনকাল - $\sqrt{2}$ গুণায়ক হ্রাস পায়
- একটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য অভিকর্ষজ ত্বরণের - সমানুপাতিক
- সেকেন্ড দোলক নির্ভর করে - অভিকর্ষজ ত্বরণের উপর
- গ্রানিক পর্যাবৃত্তি - ঘড়ির কাটার গতি, ঝুঁতু পরিবর্তন ও জোয়ার ভাঁটা
- সরল দোলক প্রতি দোলনকালে টিক দেয় - দুই বার

Part 3

প্রযোজনীয় সূত্রাবলী

৬ পর্যায়কাল ও কম্পাক্ষ সংক্রান্ত :

$$\begin{aligned} \diamond \text{কম্পাক্ষ}, f &= \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} & \diamond \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \\ \diamond T &= \frac{1}{n} & \diamond \text{দোলনকাল } T = \frac{t}{N} \\ \diamond \text{কম্পাক্ষ}, n &= \frac{N}{t} & \diamond \text{কার্যকরী দৈর্ঘ্য}, L = \frac{T^2 g}{4\pi^2} \\ \diamond \text{প্রিং এর বল ক্রিবক}, k &= \frac{mg}{l} \end{aligned}$$

$$\diamond \text{প্রিং এর দোলনকাল}, T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}}$$

৭ সরল দোলন গতির শক্তি ও সর্বোচ্চ মান সংক্রান্ত :

$$\begin{aligned} \diamond \text{যে কোনো অবস্থানে মোট শক্তি } E &= (E_p) + (E_k) = \frac{1}{2} K A^2 \\ \diamond E_p = E_k \text{ হয় যখন } x &= \frac{1}{\sqrt{2}} A & \diamond \text{সর্বোচ্চ সরণ } x_{\max} = A \\ \diamond \text{সর্বোচ্চ বেগ } v_{\max} &= \omega A & \diamond \text{সর্বোচ্চ ত্বরণ } a_{\max} = -\omega^2 A \end{aligned}$$

৮ সরল ছন্দিত স্পন্দন সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{ছিতিশক্তি}, U = \frac{1}{2} kx^2 \quad \diamond \text{গতিশক্তি}, E_k = \frac{1}{2} k(A^2 - x^2)$$

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type: 1

সরল ছন্দিত স্পন্দন

01. সরল ছন্দিত গতিতে চলমান একটি বস্তুর বিভাগ 0.01 m ও কম্পাক্ষ 12 Hz। বস্তুটির 0.005 m সরলে বেগ কত?

$$\text{Solve: } v = \omega A \sqrt{1 - \frac{x^2}{A^2}}$$

$$\text{আবার, } \omega = 2\pi f = 2 \times 3.1416 \times 12 = 75.36 \text{ rads}^{-1}$$

$$\therefore v = 75.36 \times 0.01 \times \sqrt{1 - \frac{(0.005)^2}{(0.01)^2}} = 0.65 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. একটি সরল ছন্দিত স্পন্দনে গতিশীল কণার সমীকরণ $x = 10 \cos(6\pi t + \pi/3)$ । $t = 3 \text{ sec}$ পরে কণার সরণ, বেগ ও ত্বরণ কত হবে?

$$\text{Ans. } 5 \text{ m}; -163.15 \text{ m/s}; -1776.6 \text{ m/s}^2$$

Type: 2

প্রিং এর দোলন

01. একটি হালকা প্রিংয়ে $50 \times 10^{-3} \text{ kg}$ ঝুলানো হলে, $10 \times 10^{-2} \text{ m}$ দৈর্ঘ্য ঘটে। দোলনের পর্যায়কাল নির্ণয় করো?

$$\text{Solve: } k = \frac{mg}{l}$$

$$= \frac{50 \times 10^{-3} \times 9.8}{10 \times 10^{-2}} = 4.9$$

$$\therefore T = 2 \times 3.14 \sqrt{\frac{50 \times 10^{-3}}{4.9}} = 0.634 \text{ sec Ans.}$$

For Practice

01. 4 kg ভরের একটি বস্তু 0.8 m উচু হতে একটি উলম্ব প্রিং এর উপর ফেলা হলে প্রিংক্রিবক 1960 Nm^{-1} হলে প্রিংটি কতটুকু সংকুচিত হবে? Ans. 0.1789 m

Type: 3

(সৱল ছন্দিত স্পন্দনেৰ শক্তি)

01. সৱল ছন্দিত স্পন্দনৰ একটি বস্তুকণার গতিপথেৰ কোথায় এৱ গতিশক্তি বিভব শক্তিৰ দিণগণ হবে?

Solve: আমৱা জানি, গতিশক্তি, $E_k = \frac{1}{2} k (A^2 - x^2)$.

এবং বিভবশক্তি, $E_p = \frac{1}{2} kx^2$

$$\text{প্ৰশ্নমতে}, \frac{1}{2} k (A^2 - x^2) = \frac{1}{2} kx^2 \times 3 \Rightarrow A^2 - x^2 = 3x^2$$

$$\Rightarrow 4x^2 = A^2 \therefore x = \pm \frac{A}{2} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. যদি 60 kg ওজনেৰ একটি লোক 4 m দৈৰ্ঘ্যেৰ একটি দোলনায় বসে 3 m বিভাবে দুলতে থাকে, তাহলে লোকটিৰ সৰোচ গতিশক্তি কত হবে? Ans. 660 J

Type: 4

(সৱল দোলক)

01. কোনো ব্যক্তি একটি ছিৱ লিফটেৰ ভিতৰে একটি সৱল দোলকেৰ পৰ্যায়কাল পান T . যদি লিফটটি $g/3$, তুলনে উপৰে উঠতে থাকে তাহলে পৰ্যায়কাল হবে?

Solve: $\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g_2}{g_1}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g + \frac{g}{3}}{g}} = \sqrt{\frac{\frac{4}{3}g}{g}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$
 $\therefore T_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} T_1 \Rightarrow T_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} T \text{ Ans.}$

For Practice

01. পৃথিবীপৃষ্ঠে ও চন্দ্ৰপৃষ্ঠে দুইটি সেকেন্ড দোলকেৰ দৈৰ্ঘ্যেৰ অনুপাত $81:16$ ।
 পৃথিবীপৃষ্ঠে 'g' এৱ মান 9.81 ms^{-2} হলে চন্দ্ৰপৃষ্ঠে 'g' এৱ মান কত?

Ans. 1.94 ms^{-2} **Type: 5**

(দোলনকালেৰ হাস-বৃদ্ধি)

01. হিমালয়েৰ পাদদেশে একটি সেকেন্ড দোলক সঠিক সময় দেয়। এটিকে হিমালয়েৰ সৰোচ শৃঙ্খ ভাৱে আভাৱেস্টে নিয়ে গেলে দৈনিক 5 মিনিট সময় হাবাব।
 আভাৱেস্টেৰ উচ্চতা নিৰ্ণয় কৰ। [পৃথিবীৰ ব্যাসাৰ্ধ, $R = 6400 \text{ km}$]

Solve: পাহাড়েৰ উপৰ দোলনকাল,

$$T_2 = \frac{86400 \times 2}{86400 - n}$$

$$= \frac{86400 \times 2}{86400 - 300} = 2.00697 \text{ s}$$

$$\text{আবাৰ, } h = R \left(\frac{T_2}{T_1} - 1 \right)$$

$$= 6400 \times \left(\frac{2.00697}{2} - 1 \right)$$

= 22.30 km Ans.

For Practice

01. অভিকৰ্ষজ তুলনেৰ মান ঢাকায় 9.79 m.s^{-2} এবং চট্টহামে 9.8 m.s^{-2} । একটি দোলক ঘড়ি ঢাকায় সঠিক সময় দেয়। ঘড়িটিকে চট্টহামে নেওয়া হলে তা প্ৰতিদিন কত সময় এগিয়ে যাবে বা পিছিয়ে পড়বে?

Ans: 43.22 s এগিয়ে যাবে।**Part 5****অধ্যায়ভিত্তিক প্ৰস্তুতিগুলি YCCO ধৰণেৰ**

01. সৱল দোল গতিতে নিন্দেৰ কোন বিষয়টি দোলনেৰ বিভাবেৰ উপৰ নিৰ্ভৱশীল নয়?

- (A) তুলন
 (B) মোট শক্তি
 (C) কম্পাক্ষ
 (D) বেগ Ans(C)

02. একটি সৱল দোলকেৰ বিভাব দিণগণ কৰা হলে এৱ পৰ্যায়কাল পূৰ্বেৰ পৰ্যায়কালেৰ-

- (A) দিণগণ হবে
 (B) অধৰেক হবে
 (C) সমান হবে
 (D) চাৰণগণ Ans(C)

03. কোন সৱল দোলকেৰ দোলক পিস্তোৱে ভৱ ক্ৰমাগত বাড়ানো হলে এৱ দোলনকাল-

- (A) ভৱেৰ বৃদ্ধি সমানুপাতিক হবে
 (B) কমবৈ
 (C) অপৰিবৰ্তিত থাকবে
 (D) বাড়বে Ans(C)

04. একটি সৱল দোলকেৰ দোলনকাল 'T', বিভাব 'A' এৱ সৰোচ বেগ কৰত?

- (A) $\frac{2\pi A}{T}$
 (B) $\frac{2\pi}{AT}$
 (C) $\frac{A}{2\pi T}$
 (D) AT Ans(A)

05. কোনো সেকেন্ড দোলকেৰ কাৰ্যকৰী দৈৰ্ঘ্য 1.96 শংগ কৰলে এৱ দোলনকাল কত হবে?

- (A) 3.92 s
 (B) 2.8 s
 (C) 3.44 s
 (D) 1.4 s Ans(B)

06. একটি পিস্তো এৱ সৱল যখন $x \text{ cm}$ তখন তাৰ বিভব শক্তি U । সৱল কত হলে

- বিভব শক্তি দিণগণ হবে?
- (A) x
 (B) $\sqrt{2}x$
 (C) $2x$
 (D) $4x$ Ans(B)

07. সেকেন্ড দোলকেৰ দৈৰ্ঘ্য 2.25 শংগ বৃদ্ধি কৰায় দোলনকাল হবে-

- (A) 2 sec
 (B) 1 sec
 (C) 3 sec
 (D) 4 sec Ans(C)

08. সকল ছন্দিত স্পন্দনেৰ বৈশিষ্ট্য-

- (A) গতি পৰ্যাবৃত্ত
 (B) গতি সৱলৱৈধিক
 (C) তুলন সৱনেৰ সমানুপাতিক
 (D) সবকয়াটি Ans(D)

09. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ দৈৰ্ঘ্য 25.6% বৃদ্ধি কৰা হল। এৱ দোলনকালেৰ বৃদ্ধি কত?

- (A) 12%
 (B) 24%
 (C) 5%
 (D) 50% Ans(A)

10. সৱল দোলকেৰ কাৰ্যকৰ দৈৰ্ঘ্য বনাম পৰ্যায়কাল লেখচিত্ৰিত কি প্ৰকৃতিৰ?

- (A) প্যারাবোলা
 (B) হাইপারবোলা
 (C) সৱলবেৰখা
 (D) বৃত্ত Ans(C)

11. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ কাৰ্যকৰ দৈৰ্ঘ্য কত?

- (A) 0.993 m
 (B) 0.997 m
 (C) 0.799 m
 (D) 0.731 m Ans(A)

12. দোলক ঘড়িৰ ক্ষেত্ৰে গ্ৰীষ্মকালেৰ জন্য সঠিক কোনটি?

- (A) তাৰেৰ দৈৰ্ঘ্য কমে যায়
 (B) ঘড়ি দ্ৰুত চলে
 (C) ঘড়ি ধীৰে চলে
 (D) অপৰিবৰ্তিত Ans(C)

13. একটি সৱল দোলকেৰ দৈৰ্ঘ্য 4 ফুট । কোন স্থানে অভিকৰ্ষজ তুলন $32 \text{ ফুট} / \text{সে}^2$ হলে ঐ স্থানে দোলনকাল হবে?

- (A) 2.22 s
 (B) 22.2 s
 (C) 222 s
 (D) 0.22 s Ans(A)

14. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ এক প্ৰাণ থেকে অন্য প্ৰাণে যেতে সময় লাগে-

- (A) 0.5 s
 (B) 1 s
 (C) 1.5 s
 (D) 2 s Ans(B)

15. দোলক পিস্তোৱে ব্যাস কমানো হলে-

- (A) দোলক দ্ৰুত চলবে
 (B) দোলক আল্টে চলবে
 (C) দোলন কাল বাড়বে
 (D) অপৰিবৰ্তিত Ans(A)

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS
16. সরল ছবিতে স্পন্দনশীল কোনো কণার দোলনকাল কল ফ্রাকের বর্ণনারে-
- (A) শমানুপাতিক
 - (B) বর্ণের শমানুপাতিক
 - (C) বর্ণের ব্যাঞ্জনুপাতিক
 - (D) ব্যাঞ্জনুপাতিক
17. কোনটি সরল ছবিতে স্পন্দনের বৈশিষ্ট্য নয়?
- (A) পর্যায়বৃত্ত গতি
 - (B) ঘূর্ণন গতি
 - (C) স্পন্দন গতি
 - (D) সরল বৈরিকগতি
18. দোলন সংখ্যা N সময় t এবং কম্পাক্ষ n-এর মধ্যে সম্পর্ক হলো-
- (A) $N = nt$
 - (B) $n = t/N$
 - (C) $n = N/t$
 - (D) $N = nt^2$
19. কোন সরল ছবিতে স্পন্দন গতিসম্পন্ন কণার বিজ্ঞার 3 cm ও সর্বোচ্চ বেগ 6.24 cms^{-1} হলে, কণাটির পর্যায়কাল নিম্নের কত সেকেণ্ট?
- (A) 2.03
 - (B) 3.02
 - (C) 4.03
 - (D) 4.02
20. সমতুরুষে লিফট যদি উপরের দিকে উঠতে থাকে, তবে দোলনকাল-
- (A) কমে যাবে
 - (B) বৃদ্ধি পাবে
 - (C) কোনো পরিবর্তন হবে না
 - (D) অসীম হবে
21. একটি কম্পা 0.02 m বিজ্ঞার 2.5 Hz কম্পাক্ষের সরল দোল গতিতে দূলছে। এর সর্বোচ্চ দ্রুতি কত?
- (A) 0.008 ms^{-1}
 - (B) 0.05 ms^{-1}
 - (C) 0.12 ms^{-1}
 - (D) 0.314 ms^{-1}
22. 0.3 m দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট একটি সরল দোলকের দোলনকাল 0.8 sec পাওয়া গেল। দোলনকাল 2.4 sec করতে হলে দোলকটির দৈর্ঘ্য কত হবে?
- (A) 1.8 m
 - (B) 2.4 m
 - (C) 2.7 m
 - (D) 3.6 m
23. অভিকর্ষ ত্বরণ $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ হলে সেকেণ্ট দোলকের দৈর্ঘ্য কত?
- (A) 99.29 cm
 - (B) 98.28 cm
 - (C) 100.00 cm
 - (D) 90.25 cm
24. একটি সরল দোলকের দোলনকাল 50% বৃদ্ধি করতে এর কার্যকর দৈর্ঘ্য
- (A) 2.00
 - (B) 1.50
 - (C) 1.25
 - (D) 2.50
25. একটি সরল দোলকের দৈর্ঘ্য কি পরিমাণ পরিবর্তন করলে তার দোলনকাল বিপন্ন হবে?
- (A) twice
 - (B) half
 - (C) 4 times
 - (D) $1/4$ times
26. কম্পাক্ষ (f) ও পর্যায়কাল (T) এর সম্পর্ক কোনটি?
- (A) $f = \frac{1}{T}$
 - (B) $f = T$
 - (C) $T = 2f$
 - (D) $f = 2T$
27. একটি দোলকের দোলনকাল 2 sec এর বেশি। ফলে তা দৈনিক 20 sec দৈর্ঘ্যে চলে। এর দৈর্ঘ্য কত পরিবর্তন করলে ঠিক 2 sec দোলনকালে দূলবে?
- (A) 20%
 - (B) 199%
 - (C) 0.046%
 - (D) 200%
28. একটি সেকেণ্ট দোলকের দৈর্ঘ্য তাপের ফলে এমনভাবে বৃদ্ধি পেল যে দোলনকাল পরিবর্তিত হয়ে 2.05 sec সেকেণ্ট হলো। পরিবর্তিত অবস্থায় দোলকটি ঘটায় কত মিনিট দেরীতে যাবে?
- (A) 1
 - (B) 1.5
 - (C) 2
 - (D) 2.5

সদৰ বিজ্ঞান ১ম পত্ৰ

অধ্যায়

৯

তরঙ্গ

ওৱা ত্ৰুটি পুঁজি তথ্যাবলি

৫. তরঙ্গ সংক্রান্ত :

	সংজ্ঞা	যে পর্যাপ্ত অন্তোলন কোনো জড় মাধ্যমের মধ্য দিয়ে অস্তসর হয়ে একস্থান থেকে অন্যস্থানে শক্তি সঞ্চালিত করে কিন্তু মাধ্যমের কণাগুলোকে শ্বায়ীভাবে ছানাত্তরিত করে না তাকে তরঙ্গ বলে।
তরঙ্গ	বৈশিষ্ট্য	<ul style="list-style-type: none"> • কোনো একটি মাধ্যমের বিভিন্ন কণার সম্মিলিত কম্পনের ফলক্ষণতই হল তরঙ্গ। • তরঙ্গের বিভাগ আছে। • তরঙ্গের দৈর্ঘ্য আছে। • তরঙ্গ আড় কিংবা লম্বিক হতে পারে। • তরঙ্গ এক ছান থেকে অন্যছানে শক্তি সঞ্চালন করে। • টমাস ইয়ং এর উপরিপাতন সূত্রের সাহায্যে শব্দের ব্যতিচার, ছির তরঙ্গ, ঘৰকম্প বা বীট ব্যাখ্যা করা যায়। • মাধ্যমের ছিতিছাপকতা ও জড়তা এ দুটি ধর্মের জন্মেই এর ভিতৰ দিয়ে যান্ত্রিক তরঙ্গের আকারে শক্তির বিভাগ সম্ভব হয়।

মনে রাখতে হবে

$$\bullet \text{ পরপর } n \text{ দুটি সুম্পন্ড বা } n \text{ দুটি নিম্পন্ড বিন্দুর দূরত্ব } = \frac{\lambda}{2}$$

$$\bullet \text{ পরপর } 1 \text{ টি সুম্পন্ড ও } 1 \text{ টি নিম্পন্ড বিন্দু দূরত্ব } = \frac{\lambda}{4}$$

৬. টানা তারের আড় কম্পন সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{ সমষ্টি সূত্র : } \text{টান করা তারের তির্যক কম্পনের কম্পাক্ষের সমীকৰণ, } f = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

$$\diamond \text{ দৈর্ঘ্যের সূত্র : } \text{কোনো কম্পমান তারের টান } (T) \text{ ও প্রতি একক দৈর্ঘ্যের ভর } (\mu) \text{ ছির থাকলে, তারের কম্পাক্ষ } (f) \text{ তারের } (l) \text{ ব্যাঞ্জনুপাতিক। অর্থাৎ, } f \propto \frac{1}{l}; \text{ যখন}$$

T ও μ ছির থাকে।

- ৫) টানের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের দৈর্ঘ্য (l) ও প্রতি একক দৈর্ঘ্যে ভর (μ) ছির থাকলে তারের কম্পাক্ষ (f) টানের (T) বর্গমূলের সমানুপাতিক হয়। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{\sqrt{\mu}}$
- ৬) ভরের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের টান (T) ও দৈর্ঘ্য (l) ছির থাকলে তারের কম্পাক্ষ (f) প্রতি একক দৈর্ঘ্যের ভরের (μ) বর্গমূলের ব্যাপ্তানুপাতিক। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{\sqrt{\mu}} \cdot l$; যথন l ও μ ছির থাকে।
- ৭) ঘনত্বের সূত্র : যদি কম্পনশীল তারের দৈর্ঘ্য (l), টান (T) এবং ব্যাসার্ধ (r) নির্দিষ্ট থাকে, তবে কম্পাক্ষ (f) তারের উপাদানের ঘনত্বের (p) বর্গমূলের ব্যাপ্তানুপাতিক হবে। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{\sqrt{p}} \cdot l \cdot T$; যথন l , T ও p ছির থাকে।
- ৮) ব্যাসার্ধের সূত্র : যদি কম্পনশীল তারের দৈর্ঘ্য (l), টান (T) এবং তারের উপাদানের ঘনত্ব (p) নির্দিষ্ট থাকে তবে কম্পাক্ষ (f) তারের ব্যাসার্ধের ব্যাপ্তানুপাতিক হবে। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{r} \cdot l \cdot T$; যথন l , T ও p ছির থাকে।

৫. শব্দ তরঙ্গ ও শব্দের বেগ সংক্ষেপ :

- ১) শব্দনোত্তর বা শব্দের ব্যবহারিক ধ্রয়োগ : জীবাণু ধারণে, যয়লা যুক্ত কাপড়, সূক্ষ্ম বৈদ্যুতিক যন্ত্র পরিষ্কারে ও সমুদ্রের গভীরতা নির্ণয়ে, বাদুড় ও চামচিকা রাতের অংককারে বাঁধার পাশ কাটিয়ে উড়ে চলতে ও চোর ধরতে ও পোতাশ্রয়ের মুখ হতে জাহাজকে পথ প্রদর্শনের কাজে।
- ২) সংগীতের ক্ষেত্রে ব্যবহৃত শুরুত্বপূর্ণ সুরসমূহ :
- ত্রিয় (Triad) : যখন তিনটি শব্দের কম্পাক্ষের অনুপাত $4 : 5 : 6$ হয় তখন তাদের ত্রিয় বলে।
 - স্বরসংগতি (Chord) : কম্পাক্ষের অনুপাত যদি $4 : 5 : 6 : 8$ হয় তাহলে এ সমন্বয়কে স্বরসংগতি বলে।
 - সমতান (Harmony) : কতগুলো শব্দ যদি এক সঙ্গে উৎপাদন হয়ে একতানের সৃষ্টি করে, তাবে তাকে সমতান বলে।
 - স্বরমাধুর্য বা মেলডি (Melody) : যদি কয়েকটি শব্দ একের পর এক উচ্চারিত হয়ে একটি সুরযুক্ত শব্দের সৃষ্টি করে তাকে স্বরমাধুর্য বলে।
 - সলো (Solo) : একটি মাত্র বাদ্যযন্ত্র বাজালে যে সুরের সৃষ্টি হয় তাকে সলো বা একক সঙ্গীত বলে।
 - অর্কেস্ট্রা (Orchestra) : যখন অনেকগুলো বাদ্যযন্ত্র একসঙ্গে বাজিয়ে একটি সমতান বা একটি মেলডি অথবা একটি সমতান ও মেলডি উভয়ই সৃষ্টি করা হয় তখন তাকে অর্কেস্ট্রা বলে।

৬. শব্দের বেগের উপর বিভিন্ন নিয়ামকের প্রভাব :

- ১) তাপমাত্রার প্রভাব : $v \propto \sqrt{T}$, $v_0 = 332 + (0.61 \text{ ms}^{-1}) \theta$; অর্থাৎ, প্রতি 1°C তাপমাত্রা বৃদ্ধির জন্য শব্দের বেগ 0.61 ms^{-1} বা 61 cms^{-1} বৃদ্ধি পায়।
- ২) চাপের প্রভাব : ছির তাপমাত্রায় শব্দের বেগের উপর চাপের কোনো প্রভাব নেই।
- ৩) আর্দ্রতার প্রভাব :
- জলীয় বাষ্প বাড়লে ঘনত্ব কমে যায়।
 - $\frac{V_m}{V_d} = \sqrt{\frac{\rho_d}{\rho_m}}$; শব্দের বেগ বাতাসের ঘনত্বের ব্যাপ্তানুপাতিক। জলীয় বাষ্প বাড়লে, ঘনত্ব কমে, শব্দের বেগ বাড়ে। তাই আর্দ্র বায়ুতে শব্দের বেগ বেশি।

৭. বীট সংক্ষেপ :

- বীট : একই ধরনের এবং প্রায় সমান কম্পাক্ষের দুটি শব্দ তরঙ্গের উপরিপাতনের ফলে শব্দের তীব্রতার যে পর্যায়ক্রমিক হ্রাস-বৃদ্ধি হয় তাকে বীট বলে।
- বীট উৎপন্নির শর্তসমূহ :
- বীট সৃষ্টিকারী শব্দ তরঙ্গ দুটি একই সময়ে উৎপন্ন হতে হবে।
 - তরঙ্গ দুটির কম্পাক্ষ ও তীব্রতা প্রায় সমান হতে হবে।
 - তরঙ্গ দুটির দুরণ মাধ্যমের কোনো একটি কণার সরণ একই রেখায় হতে হবে।
 - মাধ্যনের কোনো একটি কণার উপর তরঙ্গ দুটি মিলিত হবার পর তাদের মধ্যে দশাবৈবম্য সময়ের সাথে পরিবর্তিত হয়।
 - তরঙ্গ দুটির মিলিত ক্রিয়ার বিদ্যুর সময়ের সাথে পরিবর্তিত হয়।
- বীটের ধ্রয়োগ : • অজ্ঞানা কম্পাক্ষ নির্ণয় • খনিতে দূরিত গ্যাসের অস্তিত্ব নির্ণয় • বাদ্যযন্ত্রের সুর নির্ণয়।
- ১) প্রমাণ তীব্রতা : 1000 Hz কম্পাক্ষ বিশিষ্ট $10^{-12} \text{ W m}^{-2}$ তীব্রতাকে প্রমাণ তীব্রতা বলে।
- ২) প্রমাণ ক্ষমতা : 1000 Hz কম্পাক্ষ বিশিষ্ট 10^{-12} W ক্ষমতাকে প্রমাণ ক্ষমতা বলে।
- ৩) তরঙ্গের তীব্রতা : তরঙ্গ সঞ্চালনের অভিযুক্ত লম্বতাবে অবস্থিত কোনো বস্তুর একক ক্ষেত্রফলের মধ্য দিয়ে প্রতি সেকেন্ডে যে পরিমাণ শক্তি প্রবাহিত হয় তাকে তরঙ্গের তীব্রতা বলে।
- ৪) তীব্রতা লেভেল : কোনো শব্দের তীব্রতা ও প্রমাণ তীব্রতার অনুপাতের লগারিদমকে ঐ শব্দের তীব্রতা লেভেল বলে। একে B দ্বারা সূচিত করা হয়।
- ∴ তীব্রতার বৈশিষ্ট্য : $I = 2\pi^2 p n^2 a^2 v$

Part 2**At a glance [Most Important Information]**

- শব্দের বেগ নির্ভর করে- মাধ্যমের প্রকৃতির উপর
- আলোর সমবর্তন ঘটে কিন্তু ঘটে না- শব্দের
- নিউটনের মতে শব্দ বায়ু মাধ্যমে চলাচল করে- সমোক প্রক্রিয়ায়
- ন্যাপ্টেসের মতে শব্দ বায়ু মাধ্যমে চলাচল করে- ক্ষেত্রভাগীয় প্রক্রিয়ায়
- সবচেয়ে অনুমানী কম্পন এক ধরনের- পরবর্শ কম্পন
- দুই বা ততোধিক সুর মিলে শান্তিমধুরতার সৃষ্টি করলে- স্বরসংগত
- পুরুষের কষ্টস্বর তুলনায় জীবলোকের কষ্টস্বরের- তীক্ষ্ণতা বেশি
- একাধিক কম্পনের সুবযুক্ত শব্দের ক্ষেত্রে সর্বনিম্ন কম্পনের সুর- মূলসুর
- শব্দ মানুষের কানে যোগা ডর করে- 120 dB হলে
- ডপ্লার নীতির উপরে ভিত্তি করেই তৈরি হয়েছে- আল্ট্রাসনেমাম
- শব্দোচ্চতা বা প্রাবল্যের একক- ফন ও সোন
- দুই মুখ খোলা নলে পাওয়া যায়- মুগ্ধ ও অযুগ্ম উভয় উপসুর
- এক মুখ বন্ধ নলে মূল সুরের কেবল পাওয়া যায়- অযুগ্ম উপসুরগুলো

- বাতাবিক কথোপকথনের শব্দের তীব্রতা- 10^{-6} W/m^2
- পাঠগারের শব্দের তীব্রতা- 10^{-8} W/m^2
- শ্বাস্যতার ন্যূনতম সীমা- 10^{-12} W/m^2
- সহনীয় শব্দের জোরালো তীব্রতার বিস্তার- 10^{-5} m
- ক্ষণিতম শব্দের তীব্রতার বিস্তার- 10^{-11} m
- তীব্রতার কত পরিবর্তনে তীব্রতা লেভেল 1 dB পরিবর্তিত হয়- 26 %
- মানুষের কান কত শব্দোচ্চতার পার্থক্য বুঝে না- 1 dB
- সূচনা সুরের কম্পাক্ষ (ধৰা হয়)- 256 Hz
- তাপমাত্রা ও আর্দ্রতা বৃদ্ধি পেলে বাতাসে বৃদ্ধি পায়- শব্দের বেগ
- নিউটনের সূত্র হতে প্রাপ্ত শব্দের বেগের ক্ষমতা প্রাপ্তি- 16%
- 1°C উষ্ণতা বৃদ্ধি বাহাসের জন্য শব্দের বেগ বৃদ্ধি বাহাস পায়- 0.61 m/s
- কম্পাক্ষ 20 Hz এর কম- শব্দের
- কম্পাক্ষ 20000 Hz এর বেশি- শব্দোচ্চতার বা শব্দবোক্তর

Part 3**প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি****৫ কম্পাক্ষ ও পর্যায়কাল সংক্রান্ত :**

$$\begin{aligned} & \diamond \text{কম্পাক্ষ}, f = \frac{1}{T} & \diamond \text{তরঙ্গ বেগ}, v = f\lambda \\ & \diamond \text{কৌণিক কম্পাক্ষ}, \omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f \\ & \diamond N \text{ বার কম্পনে তরঙ্গ কর্তৃক অতিক্রান্ত দূরত্ব}, s = N\lambda \\ & \diamond y = a \sin 2\pi ft & \diamond y = a \sin (\omega t \pm \delta) \\ & \diamond \text{অগ্রগামী তরঙ্গের সমীকরণ}, y = a \sin \frac{2\pi}{\lambda} (vt - x) \\ & \diamond \text{ছির তরঙ্গের সমীকরণ}, y = 2a \sin \left(\frac{2\pi}{\lambda} vt \right) \cos \left(\frac{2\pi}{\lambda} x \right) \\ & \diamond y = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda} \right) & \diamond y = a \sin (\omega t \pm \frac{2\pi}{\lambda} x) \end{aligned}$$

৬ টানা তার সংক্রান্ত :

$$\begin{aligned} & \diamond \text{টানাতারে অনুপ্রস্থ তরঙ্গের বেগ}, v = \sqrt{\frac{T}{\mu}} \\ & \diamond \text{টানা দেয়া তারে মূল সুরের কম্পাক্ষ}, f = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{T}{\mu}} \end{aligned}$$

৭ শব্দের বেগ ও তীব্রতা সংক্রান্ত :

$$\diamond v = \omega \sqrt{A^2 - x^2} \quad \diamond I = 2\pi^2 \rho n^2 a^2 v$$

Part 4**গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type: 1**

(শব্দ তরঙ্গ)

01. দুটি শব্দ তরঙ্গ 280 Hz ও 380 Hz এবং মাধ্যমে শব্দের বেগ 3192 m/s হলে, এদের মধ্যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য হবে?

$$\text{Solve: } \lambda = v \left(\frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2} \right) \Rightarrow \lambda = 3192 \left(\frac{1}{280} - \frac{1}{380} \right) = 3 \text{ m Ans.}$$

For Practice

01. একটি সরল স্পন্দক একটি অগভীর পুরুরে জলের তরঙ্গ সৃষ্টি করছে। তরঙ্গসমূহ 1.5 s সময়ে 33 cm দূরত্ব অতিক্রম করলে ও পর পর তরঙ্গ ছড়ার দূরত্ব 4.0 cm হলে স্পন্দকের ফ্রিকুয়েন্সি কত?

$$\text{Ans. } 5.5 \text{ Hz}$$

Type: 2

(তরঙ্গের সমীকরণ)

01. একটি দড়িতে চলমান তরঙ্গের সমীকরণ হলো $y(x, t) = y_m \sin(kx + \omega t)$ তরঙ্গের বেগ কত?

$$\text{Solve: } y = y_m \sin \left(\frac{2\pi}{\lambda} vt + \frac{2\pi}{\lambda} x \right)$$

$$\text{এখন, } \frac{2\pi vt}{\lambda} = \omega t \text{ ও } \frac{2\pi x}{\lambda} = kx \therefore \lambda = \frac{2\pi}{k}$$

$$\text{এখন, } v = \frac{\omega \lambda}{2\pi} \Rightarrow v = \frac{\omega}{2\pi} \frac{k}{\lambda} \therefore v = \omega/k \text{ Ans.}$$

For Practice

For Practice

- একটি অহামীয় তরঙ্গের সমীকরণ, $Y = 0.5 \sin \pi \left(100t - \frac{x}{3.4} \right)$, সকল রাশির মান S.I এককে প্রদত্ত। তরঙ্গটির (i) বিভার, (ii) কম্পাক্ষ, (iii) পর্যায়কাল হবে?
- (i) Ans. 0.5 m (ii) Ans. 50 Hz (iii) Ans. 0.0 2s

Type: 3 (দশা ও পথ-পার্থক্য)

- একটি তরঙ্গের দুটি বিন্দুর মধ্যে পথ পার্থক্য $5\lambda/4$ । বিন্দুয়ের মধ্যে দশা পার্থক্য কত?

$$\text{Solve: } \text{দশা পার্থক্য} = \frac{2\pi}{\lambda} \times \frac{5\lambda}{4} = \frac{5\pi}{2} = 2\pi + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} \text{ Ans.}$$

For Practice

1. 0.4 m ব্যবধান অবস্থিত দুটি কণার মধ্যবর্তী দশা পার্থক্য নির্ণয় কর। যেখানে উৎপন্ন তরঙ্গবেগ 325 m/s ও তরঙ্গের কম্পাক্ষ 300 Hz। Ans. 2.32 rad

Type: 4 (টানা তার)

1. একটি পিয়ানো তারের দৈর্ঘ্য L এর ভর M। যদি এর মূল কম্পাক্ষ f হয়, তবে তারে টান হলো?

$$\text{Solve: } f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{m}} \Rightarrow f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{M} \left[m = \frac{M}{L} \right]} \\ \Rightarrow f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{TL}{M}} \Rightarrow f^2 = \frac{1}{4L^2} \times \frac{TL}{M} \Rightarrow f^2 = \frac{T}{4LM} \Rightarrow T = 4MLf^2 \text{ Ans.}$$

For Practice

1. একটি সনেমিটারের তারাটিকে কোন বল দ্বারা টানা হল। যদি টানা বল 9 গুণ এবং একই সাথে তারের দৈর্ঘ্য দ্বিগুণ করা হয় তবে পরিবর্তনের পূর্বে ও পরের কম্পাক্ষের অনুপাত নির্ণয় কর। Ans. 2:3

Type: 5 (শব্দের তৈরিতা লেভেল)

1. একটি সুরশালাকার কম্পাক্ষ 256 Hz এবং বিভার 5×10^{-3} m। শব্দের বেগ 330 m/s হলে শব্দ তরঙ্গের তৈরিতা নির্ণয় কর। বায়ুর ঘনত্ব 1.29 kg/m^3

$$\text{Solve: } I = 2\pi^2 pa^2 v \\ = 2\pi^2 \times 1.29 \times (5 \times 10^{-3})^2 \times (256)^2 \times 330 \\ = 13767.44 \text{ Wm}^{-2} \text{ Ans.}$$

Part 5

অধ্যায়ভিত্তিক শুরুত্বপূর্ণ MCQ প্রশ্নোত্তর

1. শব্দের উপর সমদশা সম্পন্ন কণার গতিপথকে কী বলে?
 ① তরঙ্গদৈর্ঘ্য ② তরঙ্গ মুখ ③ কম্পাক্ষ ④ বিভার (Ans B)
2. টেপ রেকর্ডার আবিষ্কার করেন কে?
 ④ থম্সন ② হাইগেনস ③ বেকেরেল ① পলসন (Ans D)
3. অর্ধসূর এর সুরানুপাত কত?
 ④ 8 : 9 ② 10 : 9 ③ 6 : 5 ① 16 : 15 (Ans D)
4. হিসেবের পরপর দুটি নিষ্পন্দ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব কত?
 ④ $\lambda/4$ ② $\lambda/2$ ③ $3\lambda/4$ ① λ (Ans B)
5. 0°C তাপমাত্রায় বায়ুতে শব্দের বেগ কত হবে?
 ④ 320 ms^{-1} ② 332 ms^{-1} ③ 335 ms^{-1} ① 340 ms^{-1} (Ans B)
6. একটি নিষ্পন্দ বিন্দু ও এর সন্মিহিত সুস্পন্দ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব
 ④ $\lambda/2$ ② λ ③ $\lambda/4$ ① 2λ (Ans C)

7. বায়ু ও পানিতে 300 Hz কম্পাক্ষের একটি শব্দ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্যে 4.16 m ।
 বায়ুতে শব্দের বেগ 352 ms^{-1} হলে পানিতে শব্দের বেগ কত?
 ④ 200 ms^{-1} ② 300 ms^{-1}
 ③ 1600 ms^{-1} ① 1200 ms^{-1} (Ans C)
8. একটি রেডিও স্টেশন 90 MHz ব্যাটে অনুষ্ঠান প্রচার করে। এর তরঙ্গদৈর্ঘ্য কত?
 ④ 0.30 m ② 6.0 m ③ 9 m ① 3.3 m (Ans D)
9. তরঙ্গের দুটি কণার মধ্যে পথপার্থক্য 0.325 m এবং দশা পার্থক্য 3.14
 রেডিয়ান হলে, তরঙ্গের দৈর্ঘ্য কত?
 ④ 0.65 m ② 0.65 cm
 ③ 0.56 cm ① 0.56 m (Ans A)
10. কান তৈরিতা লেভেলকে কানের ঝুঁতির শুরু বলে?
 ④ 1 dB ② 0 dB ③ 10 dB ① 2 dB (Ans B)

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS
11. দুটি উৎসের কম্পাক্ষ যথাক্রমে f_1 ও f_2 এবং $f_1 > f_2$ হলে, এতি সেকেতে উৎপন্ন বীট সংখ্যা কত?
 (A) $f_1 f_2$ (B) f_1/f_2 (C) $f_1 + f_2$ (D) $f_1 - f_2$ **Ans (D)**
12. মানুষের শ্বেতসীমার দুই পাইজের তীব্রতার অনুপাত কোনটি?
 (A) 10^{-11} (B) 10^{11} (C) 10^{-12} (D) 10^{12} **Ans (D)**
13. টানাডারের দৈর্ঘ্য ও উহার একক দৈর্ঘ্যের ভর হিসেবে রাখিয়া টান ৪ টণ বাড়াইলে তারের কম্পাক্ষ হবেৰে?
 (A) চারগুণ (B) ষিঞ্চণ (C) এক চতুর্থাংশ (D) অর্ধেক **Ans (B)**
14. একটি হ্রদণে এতি মিনিটে ৪০ বার হ্রদক্ষণ হয়, তাহলে হ্রদচ্ছের ছায়াত্ত কত?
 (A) ০.৬০ সেকেড (B) ০.৭৫ সেকেড (C) ৭.৫০ সেকেড (D) ০.৮০ সেকেড **Ans (B)**
15. নিচের কোন ঘটনাটি অনন্যভাবে প্রমাণ করে যে, আলোক তরঙ্গ একটি আড় তরঙ্গ?
 (A) অপবর্তন (B) প্রতিসরণ (C) বাতিচার (D) সমবর্তন **Ans (D)**
16. উৎসের কম্পন পর্যাপ্ত হলে যে শব্দের সৃষ্টি হয় তাকে বলে.
 (A) কোলাহল (B) তীক্ষ্ণতা (C) সুশ্রাব্য শব্দ (D) কোনোটিই নয় **Ans (C)**
17. কোনটির সাহায্যে পরিবর্তী প্রবাহে বৃপ্তাজ্ঞিত শব্দ তরঙ্গকে পুনরায় শব্দ তরঙ্গে রূপান্তর করা হয়-
 (A) তবলা (B) লাউড স্পীকার (C) টেপ রেকর্ডার (D) ঢেল **Ans (B)**
18. হিসেবে ক্ষেত্রে একই সূপের অঙ্গীর্ণ প্রতিটি কণার ---- সমান
 (A) সরণ (B) বেগ (C) ত্বরণ (D) দশা **Ans (D)**
19. নিম্নোক্ত তরঙ্গের কোনটি অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ?
 (A) তাপ তরঙ্গ (B) বেতার তরঙ্গ (C) পানি তরঙ্গ (D) শব্দ তরঙ্গ
 20. সাধারণত শব্দের প্রতিসরণ ক্ষমতা হলে প্রোআ হতে প্রতিশব্দের ক্ষমতা দূরত্ত হত
 (A) ৪৫ ft (B) ৫৬ ft (C) ৬০ ft (D) ৫০ ft **Ans (B)**
21. বাতাসে শব্দের বেগ কি ঘারা প্রভাবিত হয় না?
 (A) চাপ (B) অর্দ্ধতা (C) তাপমাত্রা (D) বায়ুপ্রবাহ
22. শ্বেতগোপের শব্দের ব্যবহারিক প্রয়োগ নয় কোনটি?
 (A) জীবাণু ধংসে (B) দ্বাব্যাতা বাড়াতে (C) সমুদ্রের গভীরতা নির্ণয়ে (D) গতি বৃদ্ধিতে
23. শব্দের কোন নীতি সমুদ্রের গভীরতা মাপতে ব্যবহৃত হয়?
 (A) বীট (B) অনুনাদ (C) প্রতিফলন (D) ব্যতিচার
24. কোন মাধ্যমে শব্দের গতি সবচেয়ে বেশি?
 (A) বাতাস (B) পানি (C) লোহা (D) শূন্য
25. দর্শনানুভূতির ছায়িত্বকাল নিম্নে উল্লেখিত কত সেকেড?
 (A) ১ (B) ১/১০ (C) ১/২০ (D) ১/৫
26. উপসুরের কম্পাক্ষ মূলসুরের কম্পাক্ষের দ্বিগুণ হলে তাকে বলে-
 (A) মেলতি (B) সুর বিরাম (C) বরফাম (D) অষ্টক
27. শব্দের তীব্রতার ভরের ঝঁকনার সূচন সীমা-
 (A) 100 dB (B) 110 dB (C) 115 dB (D) 120 dB
28. একটি সেতারে কয়টি পর্দা থাকে ?
 (A) 17 বা 18টি (B) 18 বা 19টি (C) 17 বা 19টি (D) 19 বা 20টি

পদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র

অধ্যায় ১০

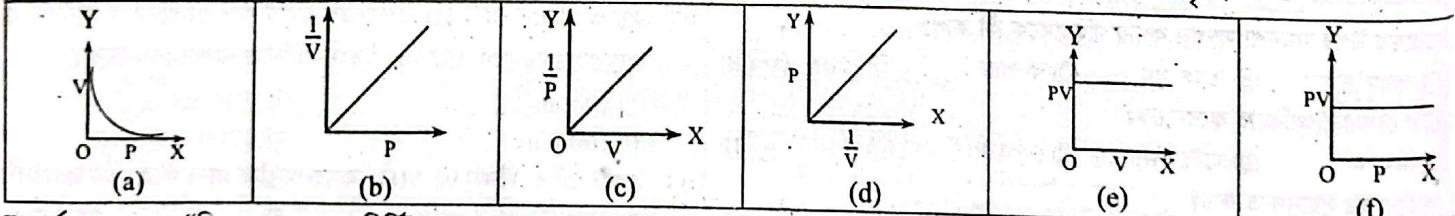
আদর্শ গ্যাস ও গ্যাসের গতিতত্ত্ব

Part ১

গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

গ্যাস সংক্রান্ত :

- গ্যাস :** সাধারণ তাপমাত্রা ও চাপে যে সব পদার্থ বায়বীয় অবস্থায় থাকে, তাদেরকে গ্যাস বলে। বর্তমান প্রচলিত মত অনুসারে, সংকট তাপমাত্রার উপরে গুরুত্বপূর্ণ পদার্থের বায়বীয় অবস্থার নাম গ্যাস। যেমন : H_2 , O_2 , N_2 ইত্যাদি গ্যাস। গ্যাসের ক্ষেত্রে তিনিটি চলরাশি চাপ, তাপমাত্রা ও আয়তন। এদের উপর কোনো গুরুত্ব নির্ভর করে বলে এগুলোকে গ্যাসের অবস্থার উপাদান বলা হয়। গ্যাসীয় সূত্র -৩টি যথা- বয়েলের সূত্র, চার্লসের সূত্র ও চাপের সূত্র।
- বয়েলের সূত্র :** “তাপমাত্রা হিসেবে থাকলে কোনো নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন তার চাপের ব্যাপ্তানুপাতিক”। অর্থাৎ, $V \propto \frac{1}{P}$ । 1662 খ্রিস্টাব্দে বিজ্ঞানী বয়েল এই সূত্র আবিষ্কার করেন। হিসেবে নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন (V) ও চাপ (P) এর লেখচিত্র আয়তাকার পরাবৃত্ত।



- চার্লস এর সূত্র :** “হিসেবে চাপে কোনো নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন 0°C থেকে এতি জ্যো সেলসিয়াস তাপমাত্রা পরিবর্তনের জন্য এর 0°C তাপমাত্রার আয়তনের নির্দিষ্ট ভগ্নাংশ $\frac{1}{273}$ অংশ পরিবর্তিত হয়। 1787 খ্রিস্টাব্দে ফরাসি বিজ্ঞানী চার্লস এই সূত্র আবিষ্কার করেন। হিসেবে নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন এর পরাবৃত্ত কেলভিন তাপমাত্রার সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $V \propto T$ ।

❖ **গ্যাস সূত্রসমূহের সময় :** n মোল গ্যাসের ক্ষেত্রে, $PV = nRT = \frac{m}{M} RT$ । সূত্রাং আদর্শ গ্যাস সমীকরণ, $PV = nRT$

❖ বয়েল ও চার্লসের সূত্রের সময়

❖ আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ

❖ মনে রাখি : একটি বৃদ্ধবৃদ্ধ ত্বরণের ত্বরণে হতে যতই উপরে উঠবে চাপ তত কমবে ও আয়তন ততই বাড়বে।

আদৰ্শ ও বাস্তব গ্যাস সংজ্ঞাণ :

০) আদৰ্শ গ্যাস : যে সকল গ্যাস সকল তাপমাত্রা ও চাপে বয়েল ও চার্লস এর সূত্র মেনে চলে, তাদেরকে আদৰ্শ গ্যাস বলে। আদৰ্শ গ্যাসের ছান্তিশক্তি = 0

০) আদৰ্শ গ্যাসের বৈশিষ্ট্যসমূহ :

- ◆ সকল তাপমাত্রা ও চাপে $PV = nRT$ সমীকৰণ মেনে চলে।
- ◆ আদৰ্শ গ্যাসের কণাগুলো ছিত্তিহ্লাপক। সংঘর্ষে কোনো আকৰ্ষণ বা বিকৰ্ষণ বল নেই। কণাগুলোর গতিশক্তি সমান ও ক্রম।
- ◆ আদৰ্শ গ্যাসের অণুসমূহের মোট আয়তন গ্যাস দ্বাৰা দখলকৃত আয়তনের তুলনায় নগণ্য।
- ◆ নিম্নচাপ ও উচ্চ তাপমাত্রায় বাস্তব গ্যাস আদৰ্শ গ্যাসের মত আচরণ কৰে।
- ◆ উচ্চ চাপ ও নিম্ন তাপমাত্রায় আদৰ্শ গ্যাস বাস্তব গ্যাস মত আচরণ কৰে।

০) বাস্তব গ্যাস : যে সকল গ্যাস সকল তাপমাত্রা ও চাপে গ্যাস স্থাবলি মেনে চলে না তাদেরকে বাস্তব গ্যাস বলে। প্রকৃতিতে প্রাণী সকল গ্যাসই বাস্তব গ্যাস। যেমন : H_2, O_2, N_2 প্রকৃতি বাস্তব গ্যাস।

০) বাস্তব গ্যাসের বৈশিষ্ট্যসমূহ :

- ◆ বাস্তব গ্যাসের অণুর নির্দিষ্ট আকার ও আয়তন আছে।
- ◆ অণুগুলোর মধ্যে এবং অণু ও পাত্রের দেয়ালের মধ্যে আকৰ্ষণ বল বিদ্যমান থাকে।
- ◆ বাস্তব গ্যাস পরমশূন্য তাপমাত্রায় নেওয়া সম্ভব নয়।
- ◆ বাস্তব গ্যাসের বিদ্যমান সংঘর্ষগুলো সম্পূর্ণ ছিত্তিহ্লাপক নয়।

০) গ্যাস ক্রমবক :

- ◆ সৰ্বজনীন গ্যাস ক্রমবক : এক মৌল আদৰ্শ গ্যাসের তাপমাত্রা এক ডিগ্রী বাড়লে তা যে পরিমাণ কাজ সম্পন্ন কৰে, তাকে সৰ্বজনীন গ্যাস ক্রমবক (R) বলে।

$$\text{অর্থাৎ, } R = \frac{PV}{nT}; \text{ একে } R \text{ দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়। \text{ এৰ একক : S.I পদ্ধতিতে} \rightarrow JK^{-1}mol^{-1}$$

- ◆ মান : • S.I পদ্ধতিতে $\rightarrow 8.314 JK^{-1}mol^{-1}$
- লিটার বায়ুমণ্ডলীয় এককে $\rightarrow 0.082 Latm K^{-1}mol^{-1}$
- C.G.S এককে $\rightarrow 8.32 JK^{-1}mol^{-1}$
- ক্যালৱি এককে $\rightarrow 1.987 cal K^{-1}mol^{-1}$

গড় বেগ (c_{av})	গ্যাস অণুগুলোৰ বেগেৰ গাণিতিক গড়কে তাদেৱ গড় বেগ বলে। একে \bar{c} দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়।
গড় বৰ্গ বেগ (c^2)	কোনো গ্যাসেৰ সকল অণুৰ বেগেৰ বৰ্গেৰ গড়কে গড় বৰ্গ বেগ বলে। একে \bar{c}^2 দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়।
মূল গড় বৰ্গ বেগ (c_{rms})	কোনো গ্যাসেৰ সকল অণুৰ বেগেৰ বৰ্গেৰ গড়মানেৰ বৰ্গমূলকে মূল গড় বৰ্গ বেগ বা গড় বৰ্গবেগেৰ বৰ্গমূল বলে। একে c_{rms} বা $\sqrt{\bar{c}^2}$ দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়। মূল গড় বৰ্গবেগ পৰম তাপমাত্রার বৰ্গমূলেৰ সমানুপাতিক। $r.m.s$ বেগ গড় গতিবেগ অপেক্ষা সামান্য বেশি হয়।
সৰ্বাধিক সম্ভাব্য বেগ (c_m)	কোনো গ্যাসেৰ বেশিৰভাগ অণুগুলোৰ যে বেগে গতিশীল থাকে তাকে সৰ্বাধিক সম্ভাব্য বেগ বলে। ($c_{rms} > c_{av} > c_m$)

- গড় মুক্তপথ : পৰপৱে ধাকাগুলোৰ ভিতৱ একটি অণু যে গড় দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰে তাকে গড় মুক্তপথ বলে। গড় মুক্তপথ তাপমাত্রার সমানুপাতিক, চাপ ও গ্যাসেৰ ঘনত্বেৰ ব্যান্তনুপাতিক এবং অণুৰ ব্যাসেৰ বৰ্গেৰ ব্যান্তনুপাতিক। বিজ্ঞানী কনিয়াস গড় মুক্তপথেৰ রাশিমালা বেৱ কৱেন। একে λ দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়।
- শীকাৰ্য : একটি মাত্র অণু ছুটছে এবং অবশিষ্ট অণুসমূহ ছিৱ অবহায় আছে। [Ref: ইসহাক স্যার]
- স্বাধীনতাৰ মাত্রা : কোনো গতিশীল সিস্টেমেৰ অবস্থান সম্পূৰ্ণভাৱে বোৰতে মোট যে সংখ্যক স্বাধীন রাশিৰ প্ৰযোজন হয় তাকে বা গতিশীল সিস্টেমেৰ মোট গতিশীল রাশিমালায় যে কয়টি স্বাধীন বৰ্গ রাশি পাওয়া যায় সেই সংখ্যাই স্বাধীনতাৰ মাত্রা।
- সমীকৰণ : কোনো সংস্থার স্বাধীন এক পৰমাণুৰ অণুৰ সংখ্যা n হলে স্বাধীনতাৰ মাত্রা হবে $3n$ [ত্ৰিমাত্ৰিক গতি বিবেচনায়]। কিন্তু অণুগুলোৰ পাৰম্পৰিক অবস্থান I সংখ্যক সমীকৰণ দিয়ে সম্পৰ্কযুক্ত হলে স্বাধীনতাৰ মাত্রা, $n' = (3n - I)$ ।

বিশেষ তথ্য

- | | |
|--|--|
| • এক পাৰমাণবিক গ্যাসেৰ অণুৰ স্বাধীনতাৰ মাত্রা $\rightarrow 3$ | • দ্বি- পাৰমাণবিক গ্যাসেৰ অণুৰ স্বাধীনতাৰ মাত্রা $\rightarrow 5$ |
| • আবৰ্তনৱত কণাৰ অণুৰ স্বাধীনতাৰ মাত্রা $\rightarrow 5$ | • আদৰ্শ গ্যাসেৰ প্ৰতিটি অণুৰ স্বাধীনতাৰ মাত্রা $\rightarrow 3$ |
| • রৈখিক গতিৰ স্বাধীনতাৰ মাত্রা $\rightarrow 3$ | |
| শক্তিৰ সমবিভাজন নীতি : কোনো গতীয় সংস্থার মোট শক্তি তাপীয় সাম্যবস্থায় প্ৰতিটি স্বাধীনতাৰ মাত্রাৰ মধ্যে সমভাৱে বণ্টিত হয় ও প্ৰতিটি স্বাধীনতাৰ মাত্রাৰ শক্তিৰ পৱিমাণ $\frac{1}{2} KT$ । একে শক্তিৰ সমবিভাজন নীতি বলে। যেখানে k হলো বোল্টজম্যান ক্রমবক এবং T হলো পৰম তাপমাত্রা এবং $\frac{1}{2} mc^2 = \frac{3}{2} KT$ | |

$$\therefore \frac{1}{2} mu^2 = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} mw^2 = \frac{1}{3} \times \frac{3}{2} kT = \frac{1}{2} kT$$

$$\therefore f \text{ স্বাধীনতাৰ মাত্রা সম্পন্ন কোনো অণুৰ মোট গতিশক্তি} = f \times \frac{1}{2} kT = \frac{f}{2} kT$$

৫ সম্পৃক্ত ও অসম্পৃক্ত বাস্পচাপ সংক্রান্ত :

- ❖ **সম্পৃক্ত বাস্পচাপ :** কোনো নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় কোনো আবদ্ধ স্থানের বাস্প সর্বাধিক যে চাপ প্রয়োগ করে তাকে সম্পৃক্ত বাস্পচাপ বলে।
- ❖ **সম্পৃক্ত বাস্প :** কোনো নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় কোনো আবদ্ধ স্থানে যে পরিমাণ বাস্প ধারণ করতে পারে, সে পরিমাণ বাস্প স্থানে থাকলে ঐ বাস্পকে সম্পৃক্ত বাস্প বলে।
- ❖ **বৈশিষ্ট্য :** এটি আবদ্ধ স্থানে তৈরি করা যায়, যদি কোনো আবদ্ধ স্থানে তরল পদার্থের সংস্পর্শে কিছু বাস্প থাকে তবে বুঝতে হবে যে, বাস্পটি সম্পৃক্ত বাস্প সম্পৃক্ত বাস্প বয়েল এবং চার্লস- এর সূত্র মানে না।
- ❖ **অসম্পৃক্ত বাস্পচাপ :** কোনো নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় কোনো আবদ্ধ স্থানের বাস্প সর্বনিম্ন যে চাপ প্রয়োগ করে তাকে অসম্পৃক্ত বাস্পচাপ বলে।
- ❖ **অসম্পৃক্ত বাস্প :** একটি নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় কোনো স্থানে বাস্পের পরিমাণ যদি এমন হয় যে তা আরও অতিরিক্ত বাস্প ধারণ করতে পারে, তবে ঐ বাস্পকে অসম্পৃক্ত বাস্প বলে। এই চাপ সম্পৃক্ত চাপের চেয়ে কম হয়।
- ❖ **বৈশিষ্ট্য :** এটি আবদ্ধ বা খোলা যে কোনো স্থানে তৈরি হতে পারে, অসম্পৃক্ত বাস্প বয়েল এবং চার্লস-এর সূত্র মেনে চলে ও তরলের প্রকৃতির উপর সম্পৃক্ত বাস্প নির্ভর করে। বিভিন্ন তরলের জন্য সম্পৃক্ত বাস্পচাপ ভিন্ন ভিন্ন হয়।

৬ শিশিরাঙ্ক ও বায়ুর আর্দ্রতা সংক্রান্ত :

- ❖ **শিশির :** শীতের সকালে ঘাসের উপর বিন্দু বিন্দু পানি জমে থাকে, সে গুলোকে শিশির বলে।
- ❖ **শিশিরাঙ্ক :** যে তাপমাত্রায় একটি নির্দিষ্ট আয়তনের বায়ু তার ভেতরের জলীয় বাস্প দ্বারা সম্পৃক্ত হয় তাকে সেই বায়ুর শিশিরাঙ্ক বলে।
- ❖ **শিশির জমার শর্তসমূহ :** মেঘমুক্ত পরিষ্কার আকাশ, ছির বায়ু, বায়ুমণ্ডলে জলীয় বাস্পের আধিক্য ও তাপের কৃপরিবাহী বন্ধন সামিধ্য।
- ❖ **আর্দ্রতা :** বায়ুতে জলীয় বাস্পের উপস্থিতিকে বায়ুর আর্দ্রতা বলে। বায়ুর আর্দ্রতাকে 2 ভাগে ভাগ করা যায়। যথা : পরম আর্দ্রতা ও আপেক্ষিক আর্দ্রতা।
- ❖ **পরম আর্দ্রতা :** কোনো সময় কোনো স্থানের একক আয়তনের বায়ুকে যে পরিমাণ জলীয় বাস্প থাকে তাকে ওই বায়ুর পরম আর্দ্রতা বলে।
- ❖ **আপেক্ষিক আর্দ্রতা :** কোনো নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় একটি নির্দিষ্ট আয়তনের বায়ুতে যে পরিমাণ জলীয় বাস্প থাকে ঐ তাপমাত্রায় এই আয়তনের বায়ুকে সম্পৃক্ত করে যে পরিমাণ জলীয় বাস্পের প্রয়োজন হয় তাদের অনুপাতকে আপেক্ষিক আর্দ্রতা বলে। আপেক্ষিক আর্দ্রতা বেশি হলে অস্তিত্ব ও কম হলে অস্তিত্ব বোধ হয়।
- ❖ **হাইগ্রোমিটার বা আর্দ্রতামাপক যন্ত্র :** বায়ুর আপেক্ষিক আর্দ্রতা নির্ণয়ের জন্য যে যন্ত্র ব্যবহৃত হয় তাকে আর্দ্রতামাপক যন্ত্র বা Hygrometer বলে।
- ❖ **আর্দ্রতামাপক যন্ত্রের শ্রেণিবিভাগ :** রাসায়নিক হাইগ্রোমিটার, শিশিরাঙ্ক হাইগ্রোমিটার, আর্দ্র বা সিক্ত ও শুক বালু হাইগ্রোমিটার ও ক্ষেল হাইগ্রোমিটার।

৭ বাস্পায়ন সংক্রান্ত :

- ❖ **সাধারণত বাস্পীভবন ২টি উপায়ে হয়ে থাকে। যথা :** i. স্থতঃবাস্পীভবন ii. বাস্পায়ন

৮ বাস্পায়নের নির্ভরশীলতা :

- ◆ **তরলের তাপমাত্রা :** তরল ও তরলের কাছাকাছি বাতাসের তাপমাত্রা বেশি হলে বাস্পায়ন বেশি হবে।
- ◆ **তরলের স্ফুটনাক্ষ :** তরলের স্ফুটনাক্ষ কম হলে বাস্পায়ন বেশি হবে। যেমন : উদাহারণ তরলের বাস্পায়ন স্বচচেয়ে বেশি।
- ◆ **তরলের উপরিভাগের ক্ষেত্রফল :** তরলের উপরিভাগের ক্ষেত্রফল যত বেশি হবে বাস্পায়ন তত বেশি হবে। এক গ্লাস পানি বাস্পীভূত হতে অনেক সময় তবে সেই পানিটা বড় পাত্রে নিলে অনেক তাড়াতাড়ি শুকিয়ে যায়।
- ◆ **বায়ুর আর্দ্রতা বা শুক্ততা :** বাতাস যত শুক্ত হবে তরল তত তাড়াতাড়ি বাস্পায়ন হবে।
- ◆ **বায়ুর চাপ :** বাতাসের চাপ যত কম হবে বাস্পায়নের হার তত বেশি। যেমন: শূন্যস্থানে বাস্পায়ন স্বচচেয়ে বেশি।
- ◆ **বায়ু প্রবাহ :** বাতাসের প্রবাহ বেশি হলে বাস্পায়ন বেশি হয়।
- ❖ **হাইগ্রোমিটারে দুটি থার্মোমিটার পাঠের পার্থক্য :**
 - ◆ কম হলে পূর্বাভাসে আর্দ্র আবহাওয়া উল্লেখ করা যায়।
 - ◆ ধীরে ধীরে কমতে থাকলে বলা যায় যে, বৃষ্টির সম্ভাবনা রয়েছে।
 - ◆ খুব বেশি হলে পূর্বাভাসে বলা হয় আবহাওয়া শুক।
 - ◆ হঠাৎহাস পেলে পূর্বাভাসে বড় হতে পারে উল্লেখ করা।

Part 2

At a glance [Most Important Information]

- | | |
|---|--|
| <ul style="list-style-type: none"> ■ সকল গ্যাস- অত্যন্ত স্কুদ্র, গোলাকার, ছিত্তিষাপক কণা দ্বারা গঠিত ■ গ্যাসের অণুগুলোর গতির উপর- অভিকর্ষ শক্তির কোনো প্রভাব নেই ■ গ্যাসের অণুগুলো দুটি সংঘর্ষের মধ্যবর্তী সময়ে- সরলরেখায় চলে ■ অণুগুলোর পর পর দুটি ধাক্কার মধ্যবর্তী পথকে বলে- গড় মুক্তপথ ■ বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের মতো আচরণ করে- উচ্চ তাপমাত্রা ও নিম্ন চাপে ■ বাতাসে জলীয় বাস্পের পরিমাণ বেশি হলে এটি হয়- বেশি আর্দ্র ■ শিশিরাঙ্ক বায়ুর তাপমাত্রা সমান হবে যখন আপেক্ষিক আর্দ্রতা- 100% ■ বাস্তব গ্যাস বয়েলের সূত্র মেনে চলে- খুব উচ্চ তাপমাত্রায় ■ হৃদের গভীরতা নির্ণয়ে ব্যবহৃত হয়- আদর্শ গ্যাস সমীকরণ ■ সম্পৃক্ত বাস্প অসম্পৃক্ত বাস্পে পরিণত হয়- তাপমাত্রার বৃদ্ধির কারণে ■ বায়ুতে জলীয় বাস্পের পরিমাণ ভিন্ন হয়ে থাকে- ঝুতু ও ছানডেদে ■ জলীয় বাস্পের সংকট তাপমাত্রা- 374°C ■ সংকট তাপমাত্রা সবচেয়ে বেশি- জলীয় বাস্পের | <ul style="list-style-type: none"> ■ তাপমাত্রা বাড়লে বায়ুর জলীয় বাস্প ধারণ ক্ষমতা- বেড়ে যায় ■ বোল্টজম্যান ত্রুবক $k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$ ■ S.T.P তে বায়ুর ঘনত্ব- 1.293 kgm^{-3} ■ S.T.P তে বায়ুর চাপ- $1.013 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$ ■ ছির চাপে গ্যাসের আয়তন প্রসারণ সহগ- $0.00366^\circ\text{C}^{-1}$ ■ সমোষ রেখা সম্পর্কে ধারণা পাওয়া যায়- বয়েলের সূত্র থেকে ■ বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের ন্যায় আচরণ করে- চার্লসের সূত্র ■ জলীয় বাস্পের ঘনত্বের সাথে চাপের সম্পর্ক হলো- $P \propto P$ ■ আদর্শ গ্যাস হল- এক ধরনের কাঞ্জিনিক ধারণা মাত্র ■ চাপ, আয়তন ও তাপমাত্রা এই তিনটি হল- চল রাশি ■ সাধারণ তাপমাত্রা ও চাপে পদার্থ বায়ীয় অবস্থায় থাকলে হয়- গ্যাস ■ সমোষ সমীকরণ বলা হয়- $PV = K$ ■ গ্যাসের গতিত্বের জনক- বিজ্ঞানী বার্নেলি ■ পরম শূন্য তাপমাত্রায় গ্যাসের অপুর বেগ- শূন্য |
|---|--|

Part 3**প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি**

গ্যাসীয় সূত্র সংক্ষেপ :

$$\diamond \text{বয়েলের সূত্র}, P_1 V_1 = P_2 V_2 \quad \diamond \text{চার্লসের সূত্র}, V_t = V_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right)$$

$$\diamond \text{চাপের সূত্র}, P_t = P_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right); \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$

$$\diamond \text{আদর্শ গ্যাস সমীকরণ}, PV = nRT = \frac{m}{M} RT$$

$$\diamond \text{লসমিডের সংখ্যা}, n' = \frac{n}{V}$$

জ্বাশয়ের গভীরতা ও বুদবুদ সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{হৃদের গভীরতা}, h = \frac{(n-1)P}{\rho g}$$

$$\diamond \text{হৃদের গভীরতা}, h = \frac{(n^3 - 1)P}{\rho g}; [n = \text{ব্যাসার্ধ বা ব্যাসের গুণ}]$$

হৃদের পৃষ্ঠদেশের চাপ বায়ুমভ্লীয় চাপের $[10^5 \text{ Nm}^{-2}]$ সমান।

গ্যাসের অগুর বেগ সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{মূল গড় বর্গবেগ বা গড় বর্গবেগের বর্গমূল}, \sqrt{c^2}$$

$$\text{বা } c_{r.m.s} = \sqrt{\frac{c_1^2 + c_2^2 + \dots + c_n^2}{n}}$$

$$\diamond \text{মূল গড় বর্গবেগ সাথে চাপের সম্পর্ক}, c_{r.m.s} = \sqrt{\frac{3P}{\rho}}$$

$$\diamond \text{মূল গড় বর্গবেগ সাথে তাপমাত্রার সম্পর্ক}, c_{r.m.s} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

গড় মুক্তপথ সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{গড় মুক্তপথ}, \lambda = \frac{1}{\pi \sigma^2 n} [\text{ক্রিসিয়াসের সূত্রানুসারে}]$$

$$\diamond \text{গড় মুক্তপথ}, \lambda = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2 n}} [\text{ম্যাক্সওয়েলের সূত্রানুসারে}]$$

গ্যাসের গতিতত্ত্ব সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{গতিশক্তি}, E = \frac{3}{2} nRT [\text{গ্রাম অণু বলা হলে } n = 1]$$

$$\diamond \text{প্রতি অণুর গ্যাসের গড় গতিশক্তি}, (1) E = \frac{3}{2} kT; (2) E = \frac{1}{2} Mc^2$$

$$\diamond \text{প্রতি একক আয়তনে গড় গতিশক্তি}, E = \frac{1}{3} \rho c^2$$

$$\diamond \text{একক আয়তনে অগুণলোর গ্যাসের চাপ}, P = \frac{2}{3} E$$

আদর্শ গ্যাসের সমীকরণের সাহায্যে চাপ-

$$\diamond P = \frac{1}{3} \rho c^2$$

$$\diamond PV = \frac{1}{3} mn \bar{c}^2$$

$$\diamond PV = \frac{2}{3} E$$

$$\diamond P = \frac{2}{3} mnc^2$$

বাধীনতার মাত্রা ও শক্তির সমবিভাজন নীতি সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{প্রত্যেক অণুর বাধীনতার মাত্রার মোট শক্তির পরিমাণ} = \frac{1}{2} KT$$

$$\diamond f \text{ বাধীনতার মাত্রা সম্পন্ন কোনো অণুর মোট শক্তি} = \frac{f \cdot KT}{2}$$

আপেক্ষিক অর্দ্ধতা ও প্রেইসারের সমীকরণ সংক্রান্ত :

$$\diamond R = \frac{f}{F} \times 100\% = \frac{P_f}{P_F} \times 100\% = \frac{m_f}{m_F} \times 100\%$$

$$\diamond (t_1 - t) = G(t_1 - t_2) \text{ or, } (\theta_1 - \theta) = G(\theta_1 - \theta_2)$$

Part 4**গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type: 1****আদর্শ গ্যাস**01. আদর্শ চাপে ও 27°C তাপমাত্রায় 20 gm অক্সিজেনের আয়তন বের কর।

$$\text{Solve: } \text{আমরা জানি, } PV = nRT = \frac{m}{M} RT \Rightarrow V = \frac{mRT}{PM}$$

$$\Rightarrow V = \frac{20 \times 10^{-3} \times 8.31 \times 300}{1.01325 \times 10^5 \times 32 \times 10^{-3}}$$

$$\therefore V = 0.01538 \text{ m}^3 \text{ Ans.}$$

02. একটি সিলিন্ডারে রাখিক্ত অক্সিজেন গ্যাসের আয়তন 1000 cm^3 এবং তাপমাত্রা 300 K এবং চাপ $2.5 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ । তাপমাত্রা ছির রেখে কিছু অক্সিজেন বের করে নেওয়ার পর চাপ কমে $1.3 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ হয় কী পরিমাণ অক্সিজেন ব্যবহৃত হয়েছে?

$$\text{Solve: } \text{ব্যবহৃত মোল সংখ্যা} = \frac{(P_1 - P_2)V}{RT}$$

$$= \frac{(2.5 - 1.3) \times 10^5 \times 1000 \times 10^{-6}}{(8.314 \times 300)} = 0.048$$

$$\therefore \text{ব্যবহৃত অক্সিজেন} = 0.048 \times 32 \times 10^{-3} \text{ kg} = 1.536 \times 10^{-3} \text{ kg Ans}$$

For Practice01. 72 cm পারদ চাপে 27°C তাপমাত্রায় 20 g অক্সিজেনের আয়তন $16.24 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ হলে অক্সিজেনের আণবিক তর বের কর। Ans. 32 gm 02. একটি সিলিন্ডারে 27°C তাপমাত্রায় $2 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ চাপে কিছু অক্সিজেন গ্যাস আছে। চাপ ছির রেখে কিছু গ্যাস বের করে দেওয়ার পর তাপমাত্রা 15°C হয় এবং 20 g গ্যাস অবশিষ্ট থাকে। সিলিন্ডারের আয়তন কত? Ans. $7.35 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ **Type: 2****হৃদ ও বুদবুদ**01. 50 m গভীর হৃদের তলদেশ থেকে V আয়তনের একটি বায়ুর বুদবুদ উপরিতলে বাতাসে উঠে এলে, তার আয়তনের কি পরিবর্তন হবে? [যখন 10^5 N/m^2]

$$\text{Solve: } V \times (10^5 + hpg) = V_2 \times 10^5$$

$$\Rightarrow \frac{10^5 + (50 \times 1000 \times 9.8)}{10^5} = \frac{V_2}{V}$$

$$\Rightarrow V_2 = 5.9 V \text{ Ans.}$$

02. একজন ডুরুই হৃদের তলদেশে কাজ করার সময় 2 cm^3 আয়তনের বুদবুদের উপরের দিকে প্রবাহিত হচ্ছে। পানির উপরিতলে বুদবুদের আয়তন 4 cm^3 হয়; কিন্তু তাপমাত্রা অপরিবর্তিত থাকে। যদি বায়ুমভ্লীয় চাপ 10 m পানির চাপের সমান হয়, হৃদের গভীরতা কত?

$$\text{Solve: } n = \frac{V_2}{V_1} = \frac{4 \text{ cm}^3}{2 \text{ cm}^3} = 2$$

$$\therefore h = \frac{(n-1)P}{\rho g}$$

$$= \frac{(2-1) 10 \times \rho \times g}{\rho g}$$

$$= 10 \text{ m Ans.}$$

For Practice01. কোনো হৃদের তলদেশ থেকে পানি উপরিতলে আসার একটি বায়ু বুদবুদের ব্যাস তিনগুণ হয়। হৃদের গভীরতা কত? Ans. 265.2 m

