

73. ${}^nC_5 = {}^nC_7$ হলে, ${}^nC_{11}$ এর মান কত?

- (A) 12 (B) 1 (C) 16 (D) 18

Solve ${}^nC_5 = {}^nC_7 \Rightarrow n = 5 + 7 = 12$
 $\therefore {}^nC_{11} = {}^{12}C_{11} = {}^{12}C_1 = 12$

74. যদি $f(x) = x + 4$ এবং $g(x) = 2x$ হয় তবে $(f \circ g^{-1})(4)$ এর মান কত?

- (A) 4 (B) 5 (C) 6 (D) 7

Solve $f(x) = x + 4$ এবং $g(x) = 2x \Rightarrow g^{-1}(x) = \frac{x}{2}$
 $\Rightarrow g^{-1}(4) = \frac{4}{2} = 2$, তাহলে, $(f \circ g^{-1})(4) = f(g^{-1}(4)) = f(2)$
 $= 2 + 4 = 6$

75. যদি $x^y = y^x$ হয়, তবে $\frac{dy}{dx}$ = কত?

- (A) $\frac{y(x \ln x - x)}{x(y \ln x - y)}$ (B) $\frac{y(x \ln y - y)}{x(y \ln x - x)}$
 (C) $\frac{x(x \ln y - y)}{y(y \ln x - x)}$ (D) $\frac{x(y \ln y - x)}{y(x - y \ln x)}$

Solve $x^y = y^x \Rightarrow \ln x^y = \ln y^x \Rightarrow y \ln x = x \ln y$
 অন্তরীকরণ করে পাই $\ln x \cdot \frac{dy}{dx} + y \cdot \frac{1}{x} = \ln y + x \cdot \frac{1}{y} \cdot \frac{dy}{dx}$
 $\Rightarrow \frac{dy}{dx} \left(\ln x - \frac{x}{y} \right) = \ln y - \frac{y}{x} \Rightarrow \frac{dy}{dx} = \frac{y(x \ln y - y)}{x(y \ln x - x)}$

76. $\int \frac{1}{x^2} \sin\left(\frac{1}{x}\right) dx$ এর মান কত

- (A) $\cos x + c$ (B) $\cos\left(\frac{1}{x}\right) + c$
 (C) $\sin\left(\frac{1}{x}\right) + c$ (D) $\sin x + c$

Solve $\int \frac{1}{x^2} \sin\left(\frac{1}{x}\right) dx = \int \sin\left(\frac{1}{x}\right) \cdot \frac{1}{x^2} dx$
 $= - \int \sin\left(\frac{1}{x}\right) \cdot d\left(\frac{1}{x}\right) = \cos\left(\frac{1}{x}\right) + c$

77. $x = -1 + 2i$ হলে, $x^3 + 3x^2 + 5x + 3$ এর মান কত?

- (A) $-4 + 4i$ (B) $12i$ (C) $-4i$ (D) $4i$

Solve $x = -1 + 2i \Rightarrow x + 1 = 2i \Rightarrow (x + 1)^2 = 4i^2$
 $\Rightarrow x^2 + 2x + 1 = -4 \Rightarrow x^2 + 2x + 5 = 0$
 এখন, $x^3 + 3x^2 + 5x + 3$
 $= x^3 + 2x^2 + 5x + x^2 + 2x + 5 + 5 - 2x - 2$
 $= x(x^2 + 2x + 5) + (x^2 + 2x + 5) - 2 - 2(-1 + 2i) = -4i$

78. $x^2 + x + 1 = 0$ সমীকরণের মূলগুলো α ও β হলে, α^2 ও β^2 মূলবিশিষ্ট সমীকরণ কোনটি?

- (A) $x^2 - x + 1 = 0$ (B) $x^2 + x - 1 = 0$
 (C) $x^2 + x + 1 = 0$ (D) $2x^2 + x + 1 = 0$

Solve $x^2 + x + 1 = 0$ এর মূলদ্বয় α, β
 $\Rightarrow \alpha + \beta = -\frac{1}{1} = -1, \alpha\beta = \frac{1}{1} = 1$

তাহলে, $\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = (-1)^2 - 2 \cdot 1 = 1 - 2 = -1$
 $\alpha^2 \cdot \beta^2 = (\alpha\beta)^2 = (1)^2 = 1$

$\therefore$ নির্ণেয় সমীকরণ, $x^2 - (-1)x + 1 = 0 \Rightarrow x^2 + x + 1 = 0$

Shortcut: $x^2 + x + 1 = 0$ এর মূলদ্বয় ω, ω^2

$\alpha = \omega, \beta = \omega^2 \Rightarrow \beta^2 = \omega^4 = \omega = \alpha$ অনুরূপে $\alpha^2 = \beta$

$\therefore$ সমীকরণ অভিন্ন হবে। অর্থাৎ, $x^2 + x + 1 = 0$

79. $\left(x^2 - 2 + \frac{1}{x^2}\right)^6$ এর সম্প্রসারণে x বর্জিত পদটির মান কত?

- (A) 294 (B) 942 (C) 702 (D) 924

Solve $\left(x^2 - 2 + \frac{1}{x^2}\right)^6 = \left(x - \frac{1}{x}\right)^{12}$

x বর্জিত পদের জন্য, $r = \frac{1 \times 12 - 0}{1 - (-1)} = 6$

$\therefore x$ বর্জিত পদের মান $= {}^{12}C_6 = 924$

80. একটি বস্তু 196 ms^{-1} বেগে অনুভূমিক তলের সাথে 30° কোণে প্রক্ষেপ করা হলে, এর ভ্রমণকাল কত?

- (A) 10 sec (B) 15 sec (C) 18 sec (D) 20 sec

Solve ভ্রমণ কাল $= \frac{2u \sin \alpha}{g}$

$= \frac{2 \times 196 \sin 30^\circ}{9.8} = \frac{2 \times 196 \times \frac{1}{2}}{9.8} = 20 \text{ sec.}$

জীববিদ্যা

56. রেটিয়া মিরাবিলিয়া কই মাছের কোথায় পাওয়া যায়?

- (A) রেটিয়ায় (B) পাকস্থলীতে (C) ডিম্বাশয়ে (D) বায়ুথলিতে

Solve গ্যাস গ্রন্থিতে ঘনসন্নিবিষ্ট অসংখ্য কৈশিকনালি দেখা যায় যাদের রেটিয়া মিরাবিলিয়া বলে। সামনের প্রকোষ্ঠে এ গ্রন্থি থেকে নিঃসৃত গ্যাস দ্বারা বায়ুথলি পূর্ণ থাকে। [Ref: মাজেদা]

57. বাতাসে অক্সিজেনের ঘনত্ব যদি 20% থেকে 5% এ নেমে আসে, তাহলে মানুষের শ্বসনের হার কত হবে?

- (A) একই (B) দ্বিগুণ (C) তিনগুণ (D) চারগুণ (Ans =)

58. ইনসুলিনে কয়টি অ্যামিনো অ্যাসিড থাকে?

- (A) 41 টি (B) 51 টি (C) 61 টি (D) 71 টি

Solve ইনসুলিন একটি হরমোন যা মানুষসহ সকল উন্মাপ্য প্রাণীর অগ্ন্যাশয়ের আইলেটস অব ল্যাঙ্গারহ্যান্স এর β (বিটা) কোষ থেকে নিঃসৃত হয়। দুটি পলিপেপটাইড চেইন (A-চেইন ও B চেইন) দুটি ডাইসালফাইড বন্ডের মাধ্যমে সংযুক্ত হয়ে একটি ইনসুলিন অণু গঠন করে। [Ref: মাজেদা]

59. বুদ্ধিবৃত্তি, স্মৃতিশক্তি, ইচ্ছাশক্তি ইত্যাদির কেন্দ্র হিসেবে কাজ করে মস্তিষ্কের-

- (A) সেরিব্রাম (B) থ্যালামাস (C) সেরিবেলাম (D) পনস

Solve অগ্রমস্তিষ্ক থেকে সেরিব্রাম উৎপত্তি লাভ করে। যার কাজ হলো দৃষ্টি, শ্রবণ, ঘ্রাণ, কথন, স্পর্শানুভূতি, বুদ্ধিবৃত্তি, স্মৃতিশক্তি, বিচারবুদ্ধি, ইচ্ছাশক্তি, কর্মপ্রেরণা ইত্যাদির কেন্দ্র হিসেবে কাজ করে। [Ref: আজমল]

60. ভাইরাসজনিত রোগ নয় কোনটি?

- (A) হাম (B) ডেঙ্গু (C) জলবসন্ত (D) টাইফয়েড

Solve ভাইরাস দ্বারা মানুষের দেহে বিভিন্ন মারাত্মক রোগ সৃষ্টি করে। যেমন- গুটিবসন্ত, জলবসন্ত, হাম, জার্মান হাম, পোলিও, ইনফ্লুয়েঞ্জা, ডেঙ্গুজ্বর, চিকুনগুনিয়া, ভাইরাল হেপাটাইটিস, হার্পিস, AIDS, ইবোলা, সোয়াইন ফ্লু ইত্যাদি। [Ref: মাজেদা]

61. উচ্চশ্রেণির উদ্ভিদ কোষে কোনটি থাকে না?

- (A) সেন্ট্রোজোম (B) সেন্ট্রিওল (C) টনোপ্লাস্ট (D) সেন্ট্রোমিয়ার

Solve প্রধানত প্রাণিকোষ ও কিছু সংখ্যক উদ্ভিদকোষে যে অঙ্গাণু নিউক্লিয়াসের কাছে অবস্থিত, স্বপ্রজননক্ষমতা সম্পন্ন এবং একটি গহ্বরকে ঘিরে ৯টি গুচ্ছ প্রান্তীয় উপনালিকা নির্মিত খাতো নলে গঠিত তাকে সেন্ট্রিওল বলে। [Ref: হাসান]

70. $i^2 = -1$ হলে, $(i-1)^{10} =$ কত?

- Ⓐ 32 Ⓑ $32(-1 + i)$ Ⓒ $32(1 - i)$ Ⓓ $-32i$

Solve $(i-1)^{10} = \{(i-1)^2\}^5 = (i^2 - 2i + 1)^5$
 $= (-1 - 2i + 1)^5 = (-2i)^5 = -2i(-2i)^4 = -2i \times 16 = -32i$

71. $2 + \sqrt{3}i$ মূলবিশিষ্ট দ্বিঘাত সমীকরণ হবে-

Ⓐ $x^2 - 4x + 7 = 0$ Ⓑ $x^2 + 4x + 7 = 0$

Ⓒ $x^2 - 8x + 7 = 0$ Ⓓ $x^2 - 4x = 0$

Solve $\therefore$ একটি মূল $= 2 + \sqrt{3}i$, অপর মূলটি $= 2 - \sqrt{3}i$

∴ নির্ণেয় সমীকরণ,

- $$x^2 - (2 + \sqrt{3}i + 2 - \sqrt{3}i)x + (2 + \sqrt{3}i)(2 - \sqrt{3}i) = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + 4 + 3 = 0 \Rightarrow x^2 - 4x + 7 = 0$$

72. $\left(1 - \frac{3}{2}x\right)^p$ এর বিস্তৃতিতে x এর সহগ -24 হলে, p এর মান কত?

① 15 ② 12 ③ 10 ④ 16

Solve $\left(1 - \frac{3}{2}x\right)^p$ এর x এর জন্য $r = \frac{p \times 0 - 1}{0 - 1} = 1$

$$(r+1)\text{তম পদ} = 2\text{তম পদ} = {}^pC_1 \left(-\frac{3}{2}x\right)^1 = -{}^pC_1 \frac{3}{2}x.$$

প্রশ্নমতে, $-{}^pC_1 \times \frac{3}{2} = -24 \Rightarrow p = \frac{24 \times 2}{3} = 16$

73. $|x| < 1$ শর্তে $\frac{1+3x}{1-x}$ এর বিস্তৃতিতে x^8 এর সহগ-

Ⓐ 5 Ⓑ 4 Ⓒ 3 Ⓓ 2

Solve $\frac{1+3x}{1-x} = (1+3x)(1-x)^{-1}$
 $= (1+3x)(1+x+x^2+x^3+x^4+x^5+x^7+x^8+\dots)$ এর বিস্তৃতিতে x^8 এর সহগ $1+3=4$

Shortcut : পদের লবে $x = 1$ ধরে পাব $= 1 + 3 = 4$ (by technique)

74. $x^2 + 4x + 4y = 0$ পরাবৃত্তটির শীর্ষবিন্দু কোনটি?

Ⓐ (2,1) Ⓑ (-2,1) Ⓒ (2,-1) Ⓓ (-2,-1)

- Solve** $x^2 + 4x + 4y = 0 \Rightarrow x^2 + 4x + 4 = -4y + 4$
 $\Rightarrow (x + 2)^2 = -4(y - 1) \therefore$ শীর্ষবিন্দু $(-2, 1)$

75. $x = 2\cos\phi + 1, 2y = \sin\phi + 2$ উপবৃত্তের কেন্দ্রফল কত বর্গ একক?

☐ A π
☐ B $-\pi$
☐ C 3π
☐ D 4π

(A) $\frac{\pi}{4}$ (B) π (C) 2π (D) 4π

Ans B Solve $x = 2\cos\phi + 1 \Rightarrow x - 1 = 2\cos\phi$

$$\Rightarrow \frac{x-1}{2} = \cos\phi \dots\dots\dots (i)$$

$$2y = \sin\phi + 2 \Rightarrow y = \frac{1}{2} \sin\phi + 1 \Rightarrow y - 1 = \frac{1}{2} \sin\phi$$

$$\Rightarrow \frac{y-1}{\frac{1}{2}} = \sin \phi \dots\dots (ii)$$

$$(i)^2 + (ii)^2 \Rightarrow \frac{(x-1)^2}{2^2} + \frac{(y-1)^2}{\left(\frac{1}{2}\right)^2} = \cos^2 \phi + \sin^2 \phi = 1$$

$$\Rightarrow a = 2, b = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \text{ক্ষেত্রফল} = \pi \cdot ab = \pi \cdot 2 \cdot \frac{1}{2} = \pi \text{ বর্গএকক।}$$

76. $9x^2 - 4y^2 + 36 = 0$ অধিবৃত্তের উৎকেন্দ্রিকতা কত?

Ⓐ $\frac{3}{\sqrt{13}}$

Ⓑ $\frac{\sqrt{13}}{3}$

Ⓒ $\frac{\sqrt{10}}{4}$

Ⓓ $\frac{4}{\sqrt{10}}$

Solve $9x^2 - 4y^2 = -36$

$$\Rightarrow \frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{4} = 1 \quad a^2 = 4, b^2 = 9$$

উৎকেন্দ্রিকতা, $e = \sqrt{1 + \frac{a^2}{b^2}} = \sqrt{1 + \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{13}}{3}$

77. $\sec^2(\tan^{-1} 5) + \tan^2(\sec^{-1} 2)$ এর মান কত?

Ⓐ 29

Ⓑ 14

Ⓒ 32

Ⓓ 20

Solve $\sec^2(\tan^{-1} 5) + \tan^2(\sec^{-1} 2)$

$$= 1 + \tan^2(\tan^{-1} 5) + \sec^2(\sec^{-1} 2) - 1$$

$$= 1 + 5^2 + 2^2 - 1 = 25 + 4 = 29$$

78. দুইটি বল একটি বিন্দুতে পরস্পর লম্বভাবে ক্রিয়াশীল থাকলে তাদের লব্ধির মান 12, যদি ঐ বলদ্বয়ের লব্ধির ক্ষুদ্রতম মান 4 হয় তবে এদের লব্ধির বৃহত্তম মান কত হবে?

Ⓐ $4\sqrt{17}$

Ⓑ $4\sqrt{13}$

Ⓒ $3\sqrt{13}$

Ⓓ $3\sqrt{17}$

Solve বলদ্বয় P, Q ($P > Q$) হলে

১ম ক্ষেত্রে, $P^2 + Q^2 = 12^2 \Rightarrow P^2 + Q^2 = 144$

আবার, $P - Q = 4 \Rightarrow (P - Q)^2 = 16$

$$\Rightarrow P^2 + Q^2 - 2PQ = 16 \Rightarrow 144 - 2PQ = 16$$

$$\Rightarrow 2PQ = 144 - 16 = 128 \therefore PQ = 64$$

$$(P + Q)^2 = (P - Q)^2 + 4PQ$$

$$= 4^2 + 4 \times 64 = 16 + 256 = 272$$

$$\therefore P + Q = \sqrt{272} = 4\sqrt{17} \text{ N}$$

79. 32 ft s^{-1} আদিবেগে ভূমির সাথে 30° কোণে প্রক্ষিপ্ত বস্তুর অনুভূমিক পাল্লা কত হবে?

Ⓐ $8\sqrt{3} \text{ ft}$

Ⓑ $16\sqrt{3} \text{ ft}$

Ⓒ 16 ft

Ⓓ $\frac{8}{\sqrt{3}} \text{ ft}$

Solve

অনুভূমিক পাল্লা = $\frac{u^2 \sin 2\alpha}{g} = \frac{32^2 \times \sin(2 \times 30^\circ)}{32}$

$$= \frac{32 \times \sqrt{3}}{2} = 16\sqrt{3} \text{ ft}$$

80. $P(A) = 0.7$, $P(A \cap B) = 0.1$, $P(A/B) = 0.5$ হলে, $P(\bar{A} \cap \bar{B})$ এর মান কত?

Ⓐ 0.1

Ⓑ 0.3

Ⓒ 0.2

Ⓓ 0.4

Solve $P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

$$\Rightarrow P(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A/B)} = \frac{0.1}{0.5} = \frac{1}{5}$$

আবার,

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 0.7 + \frac{1}{5} - 0.1 = 0.8$$

$$\therefore P(\bar{A} \cap \bar{B}) = P(\overline{A \cup B}) = 1 - P(A \cup B) = 1 - 0.8 = 0.2$$

রাজশাহী বিশ্ববিদ্যালয়

ভর্তি পরীক্ষা : ২০২০-২১; ইউনিট-C; গ্রুপ-২; সেট-৩ [মডার্ন]

ক- শাখা (আবশ্যিক)

01. একক চাপে কোন গ্যাসের এক মোলের আয়তন ও গ্যাসটির পরম তাপমাত্রার অনুপাত নিচের কোনটি নির্দেশ করে?

Ⓐ আনবিক ভর

Ⓑ সার্বজনীন গ্যাস ধ্রুবক

Ⓒ গ্যাস ধ্রুবক

Ⓓ কোনোটিই নয়

Solve $PV = nRT \Rightarrow 1.V = 1.RT \Rightarrow \frac{V}{T} = R$

02. একই ধাতুর এবং একই দৈর্ঘ্যের ফিলামেন্ট দ্বারা 100W ও 25W এর দুটি বৈদ্যুতিক বাল্ব 100V এর জন্য তৈরি করা হলো। 100W ও 25W বাল্বের ফিলামেন্টের ব্যাসের অনুপাত কত হবে?

Ⓐ 4:1

Ⓑ $\sqrt{2}:1$

Ⓒ 2:1

Ⓓ 1:2

Solve

আমরা জানি, $P = \frac{V^2}{R} \therefore \frac{P_1}{P_2} = \frac{R_2}{R_1} = \frac{\frac{\rho L}{A_1}}{\frac{\rho L}{A_2}} = \frac{A_2}{A_1} = \frac{r_1^2}{r_2^2}$

$$\Rightarrow \frac{r_1}{r_2} = \sqrt{\frac{P_1}{P_2}} = \sqrt{\frac{100}{25}} = \frac{2}{1}; \therefore r_1 : r_2 = 2:1$$

03. পাশাপাশি স্থাপিত দুটি পরিবাহী তারের মধ্যে ভিন্ন ভিন্ন উৎস হতে একই দিকে ভড়িৎ প্রবাহ পরিচালিত করলে সেগুলো -

Ⓐ পরস্পরকে আকর্ষণ করবে

Ⓑ পরস্পরকে বিকর্ষণ করবে

Ⓒ কোনো বল অনুভব করবে না

Ⓓ শীতল হয়ে যাবে

Solve সমমুখী প্রবাহ পরস্পরকে আকর্ষণ করে।

04. একটি গোলকের ব্যাসার্ধ R পরিমাপ করা হলো $R = (10 \pm 0.2)$ হলে, এর আয়তনের শতকরা ত্রুটি কত?

Ⓐ 1%

Ⓑ 2%

Ⓒ 4%

Ⓓ 6%

Solve $\frac{\Delta V}{V} = 3 \frac{\Delta R}{R} \left[\because V = \frac{4}{3} \pi R^3 \right]$

$$\Rightarrow \frac{\Delta V}{V} = 3 \times \frac{0.2}{10} = 0.06 = 6\%$$

05. যদি আলো এক মাধ্যম থেকে অন্য মাধ্যমে প্রবেশ করে তবে নিচের কোনটির পরিবর্তন হয় না?

Ⓐ কম্পাঙ্ক

Ⓑ প্রতিসরাঙ্ক

Ⓒ বেগ

Ⓓ তীব্রতা

Solve আলো এক মাধ্যম থেকে অন্য মাধ্যমে প্রবেশ করলে বেগ ও তরঙ্গদৈর্ঘ্য পরিবর্তিত হয় কিন্তু কম্পাঙ্ক পরিবর্তিত হয় না।

06. সমত্বরণে চলমান একটি বস্তুর শেষবেগ v এবং গড়বেগ $\bar{v}$ হলে, আদিবেগ u হবে-

Ⓐ $\bar{v} + v$

Ⓑ $\frac{v}{60}$

Ⓒ $\frac{1}{2}(v + \bar{v})$

Ⓓ $2\bar{v} - v$

Solve $\bar{v} = \frac{u + v}{2} \Rightarrow u = 2\bar{v} - v$

07. $10\mu\text{F}$ ধারকত্ব বিশিষ্ট একটি ধারকতে 200V ব্যাটারি দ্বারা পূর্ণ চার্জিত করা হলো। ধারকে সঞ্চিত শক্তির পরিমাণ কত?

Ⓐ 2J

Ⓑ 0.2J

Ⓒ 0.002J

Ⓓ 0.0002J

Solve $U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 10^{-6} \times (200)^2 = 0.2 \text{ J}$

[Ref.: মাজেদা]

66. যদি $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{bmatrix}$ হয়, তবে $A^2 + 3A - 10I$ হবে একটি-

- (A) অভেদক ম্যাট্রিক্স (B) প্রতিসম ম্যাট্রিক্স
 (C) শূন্য ম্যাট্রিক্স (D) কোনোটিই নয়

Ans C **Solve**

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1+6 & 2-8 \\ 3-12 & 6+16 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & -6 \\ -9 & 22 \end{bmatrix}$$

$$\therefore A^2 + 3A - 10I$$

$$x^3 \text{ এর সহগ} = -1 - 1 = -2$$



