

# পদার্থবিজ্ঞান (১ম ও ২য় পত্র)

পদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র

অধ্যায় ১

## ভৌত জগৎ ও পরিমাপ

### Part ১

#### উন্নতপূর্ণ তথ্যাবলি

৫. পদার্থবিজ্ঞানের ক্ষেত্র ও উন্নতপূর্ণ বিষয় :

- ০ মিথস্ট্রিয়া : যে কোনো বস্তু মিথস্ট্রিয়া করে। আধুনিক তাত্ত্বিক পদার্থবিজ্ঞান অনুযায়ী মহাবিশ্বে চারটি পৃথক মৌলিক মিথস্ট্রিয়া ক্ষিয়াশীল। এরা তেল- মাত্রাকর্ম বল, দুর্বল মিথস্ট্রিয়া, তড়িৎ চৌম্বকীয় মিথস্ট্রিয়া ও শক্তিশালী মিথস্ট্রিয়া।
- ০ ধৰণ বা প্রত্যয় বা ভাবনা (Concept) : কোনো কিছু সম্পর্কে সঠিক উপলব্ধি বা বোধগ্যাত্মা হলো এই বিষয় সম্পর্কে স্পষ্ট দারণা। যেমন : দৈর্ঘ্য, কল্পনা, শক্তি ও পরমাণুর ব্যাসার্ধ পরিমাপের ধারণা।
- ০ নীতি (Principle) : একটি আদর্শ বা যুক্তিপূর্ণ আচরণ ভিত্তি করে যার সাপেক্ষে অন্যান্য বিষয় তুলনা, বিচার বিশ্লেষণ এবং পরিমাপ করাকে নীতি বলে। যেমন : হাইজেনবার্গের অনিচ্ছ্যতার নীতি, শক্তির সমবিভাজন নীতি, পূর্ণ অভ্যন্তরীণ প্রতিফলন, তরঙ্গের প্রতিপন্থি ও ফটোঅ্যান্ডিং ক্রিয়া।
- ০ ধীকার্য (Postulate) : যুক্তির খাতিরে দর্শন ও অনুমান মূলক সত্য প্রস্তাবনে ধীকার্য বলে। যেমন : সন্তানী ধীকার্য ও আধুনিক ধীকার্য।
- ০ সূত্র (Law) : যুক্তি ও পর্যবেক্ষণে তেরি তত্ত্ব পুনঃপুন পরীক্ষার সভ্যায়িত হলে সেই মতবাদ বা তত্ত্বকে সূত্র বলে। যেমন : নিউটনের গতির সূত্র।
- ০ অনুকরণ (Hypothesis) : যুক্তিনির্ভর ও সুচারূপে উপস্থাপিত কলনা, প্রস্তাব বা সিদ্ধান্তকে অনুকরণ বলে। যেমন : অ্যাভোগেন্টের অনুকরণ।
- ০ তত্ত্ব (Theory) : পরীক্ষাদ্বারা প্রমাণিত অনুকরণ হলো তত্ত্ব। যেমন : আইনস্টাইনের আপেক্ষিক তত্ত্ব ডারউইনের বিবরণ তত্ত্ব, তরঙ্গ তত্ত্ব ও প্রাক্তের কোয়ান্টাম তত্ত্ব।

৬. রাশি সংজ্ঞান :

- রাশি : ভৌত জগতে যা কিছু পরিমাপ করা যায় তাকে রাশি বলে। কোনো একটি রাশিকে পরিমাপ করতে হলে তার একটি নির্দিষ্ট অংশকে আদর্শ হিসেবে ধরে নিয়ে রাশিটি পরিমাপ করা হয়। পরিমাপের এই আদর্শকে একক বলা হয়। রাশি ২ প্রকার: মৌলিক রাশি : দৈর্ঘ্য, ভর, সময় ও তড়িৎ প্রবাহ মৌলিক বা লক্ষ রাশি : তুলন, শক্তি ও কল।
- মৌলিক রাশি : যে সকল রাশি মূল অর্থাৎ স্বাধীন বা নিরপেক্ষ, যেগুলো অন্য রাশির উপর নির্ভর করে না বরং অন্যান্য রাশি এদের উপর নির্ভর করে তাদেরকে মৌলিক রাশি বলে। যেমন : সূতার দৈর্ঘ্য।
- মৌলিক রাশির কয়েকটি উন্নতপূর্ণ এককের সংজ্ঞা :

  - কেলভিন : পানির ত্রৈধ বিদ্যুর তাপমাত্রার  $\frac{1}{273.16}$  ভাগকে এক কেলভিন বলে।
  - মিটার : 90 ভাগ প্রাচিনাম ও 10 ভাগ ইরিডিয়ামের সংকর নির্মিত দড়ের উপর দুইটি নির্দিষ্ট দাগের মধ্যবর্তী দূরত্বকে আন্তর্জাতিক মিটার (International proto-type Meter) বলে।
  - মোল : যে পরিমাণ পদার্থে C-12 পরমাণু 0.012 kg ভরের সমান পরমাণু থাকে তাকে এক মোল বলে।

■ একই মাত্রা সমীকৃত রাশি :

রাশি	মাত্রা	রাশি	মাত্রা
কাজ, শক্তি, গতিশালী, বিভবশক্তি, তাপ, টর্ক বা বলের ভারক	$[ML^2 T^{-2}]$	পীড়ন, চাপ ও ছিত্তিপূর্ণ শুণাক	$[ML^{-1} T^{-1}]$
কৌশিক ভরবেগ ও প্রাক্তের প্রবক	$[ML^2 T^{-1}]$	কল্পাঙ্ক, কৌণিক বেগ	$[T^{-1}]$
তুলন ও মহাকর্ষীয় প্রাবল্য	$[LT^{-2}]$	পৃষ্ঠাটান ও পৃষ্ঠাশক্তি	$[MT^{-2}]$

■ ক্ষেত্র মৌলিক রাশি ও তাদের আন্তর্জাতিক (S.I.) একক :

মৌলিক একক ৩টি (দৈর্ঘ্য, ভর, সময় এর একক) কিন্তু মৌলিক রাশি ৭টি বা ৭টি।

মৌলিক রাশি	এস.আই (S.I.) একক	এককের প্রতীক	মৌলিক রাশি	এস.আই (S.I.) একক	এককের প্রতীক
দৈর্ঘ্য	মিটার	m	দীপন ত্বরতা	ক্যান্ডেলা	cd
ভর	কিলোগ্রাম	kg	পদার্থের পরিমাণ	মোল	mol
সময়	সেকেন্ড	s	বি-মাত্রিক কোণ	রেডিয়ান	rad
তাপমাত্রা	কেলভিন	K	ত্রিমাত্রিক কোণ	স্টেরিওডিয়ান	sr
তড়িৎ প্রবাহ	অ্যাম্পিয়ার	A			

বিস্তৃত ইস্যাক স্যার  $\rightarrow$  ৭টি মৌলিক রাশি, তপন স্যার  $\rightarrow$  ৭টি মৌলিক রাশি।

■ সকল রাশি : যে সকল রাশি মৌলিক রাশি থেকে লাভ করা যায় বা এক বা একাধিক মৌলিক রাশির উণ্টফল বা ভাগফল থেকে প্রতিপাদন করা যায় তাদেরকে বলা হয় সকল রাশি বা মৌলিক রাশি।

৭. বিজ্ঞানে ব্যবহৃত বহু যোগাতি :

- ০ প্রাইভ ক্যালিপার : গোলকের ব্যাস পরিমাপ, মোটা তার, গোলক ইত্যাদির ব্যাস তথা ব্যাসার্ধ নির্ণয়ে।
- ০ ভার্নিয়ার প্রবক : প্রধান ক্ষেত্রের ক্ষুদ্রতম এক ঘর ও ভার্নিয়ার ক্ষেত্রের এক ঘরের দৈর্ঘ্যের পার্থক্যকে ভার্নিয়ার প্রবক বলে।
- ০ ঝুঁ-গজ : যে যন্ত্রের দ্বারা খুব ক্ষুদ্র দৈর্ঘ্য ও সূক্ষ্ম চোঙের তারের ব্যাস নির্ণয় করা যায় তাকে ঝুঁ-গজ বলে। যেমন- কোনো তারের ব্যাস, পাতলা পাতের বেধ ইত্যাদি পরিমাপের জন্য একটি সূক্ষ্ম পরিমাপ যন্ত্র। এতে একটি U-আকৃতির মোটা ধাতব নিরোট দণ্ড থাকে। এই ক্ষেত্রে 100টি বা 50টি সমদ্রবতী দাগ কাটা থাকে। এটি পরিমাপের জন্য একটি সূক্ষ্ম পরিমাপ যন্ত্র। এতে একটি U-আকৃতির মোটা ধাতব নিরোট দণ্ড থাকে। এই ক্ষেত্রে 100টি বা 50টি সমদ্রবতী দাগ কাটা থাকে। এটি রেইনভারে তৈরি করা হয় যেন এর একটি পূর্ণ আবর্তনে এটি রেইনভার ক্ষেত্রে 1 mm সরে যায়। একেই ঝুঁ পিচ (screw pitch) বলা হয়। মিটার ক্ষেত্রের লক্ষিত তণ্ডন 1 mm বা 0.1 cm

**Part 2 At a glance**

- পদার্থবিজ্ঞান কথাটি এসেছে- ট্রিক শব্দ 'fusis' থেকে
- অনুকরণ এবং নিয়মের সময়ে গঠিত হয়- তত্ত্ব
- যে সব সূত্র পদার্থবিজ্ঞানের ভিত্তি তাকে বলে- নীতি
- 'তেজচ্রিয়তা' সম্পর্কে গবেষণার জন্য নোবেল পুরস্কার পান- রাদারফোর্ড
- সোলার সিস্টেম এটর্ম মডেলের উজ্জ্বাল- আর্নেস্ট রাদারফোর্ড
- রাদারফোর্ডের নোবেল প্রাপ্তির সাল- 1908
- বিশ্বজগতে পরম ছির বলতে কিছুই নেই' উকিটি- নিউটনের 'The Law of Motion.' লেখা ছাইটি- গ্যালিলিও
- আধুনিক বৈজ্ঞানিক পদ্ধতির সূচনা করেন- গ্যালিলিও
- প্রথম ডায়নামো তৈরি করেন- মাইকেল ফ্যারাডে
- ঘর্ষণের ফলে তড়িৎ উৎপাদন হয়, তা বলেন- ডা. গিলবাট
- ছানের জ্যামিতিক ধারণা প্রথম উপস্থাপন করেন- ইউক্লিড
- প্রকৃতির ইতিহাস সম্পর্কে এনসাইক্লোপেডিয়া লিখেন- আল মাসুদী
- ধাতুর ভেজাল নির্মাণের কৌশল আবিক্ষার করেন- আকিমিডিস
- ভার্নিয়ার ক্ষেত্রে আবিক্ষার করেন- পিয়েরের ভার্নিয়ার
- অধিকতর সূচক পরিমাপের জন্য প্রয়োজন- ভার্নিয়ার ক্ষেত্রে মিটার, কিলোগ্রাম, সেকেন্ড ইত্যাদি- পরিমাপের এককের আঙুর্জাতিক পদ্ধতিতে মৌলিক একক- অ্যাস্পিয়ার
- দৈর্ঘ্যের একক নির্ধারণে ভূমিকা রয়েছে- আলোর দীপন ক্ষমতার একক নির্ধারণে ব্যবহৃত হয়েছে- প্লাটিনাম

**Part 3 প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি**

- ৬ পরিমাপের ভুল বা ত্রুটি :
- ◊ ভুলের শতকরা পরিমাপ =  $\frac{\text{প্রকৃত মান} - \text{পরীক্ষালক মান}}{\text{প্রকৃত মান}} \times 100\%$
- ◊ একটি রাশি p যদি x, y, z রাশিগুলোর সাথে,  $p = x^m \cdot y^n \cdot z^r$  সূত্র দ্বারা সম্পর্কিত হয় তবে তাদের আপেক্ষিক ত্রুটির মধ্যে সম্পর্ক হবে,
- $$\Delta p = m \frac{\Delta x}{x} + n \frac{\Delta y}{y} + r \frac{\Delta z}{z};$$
- এখানে, সর্বদা m, n ও r এর পরম মান নিতে হবে
- ◊ আয়তনের আনুপাতিক ত্রুটি,  $\frac{\Delta V}{V} = 3 \times \frac{\Delta R}{R}$
- ◊ শতকরা ত্রুটি বা ত্রুটির শতকরা হার =  $\frac{x-y}{x} \times 100\%$
- ◊ g-নির্ময়ে শতকরা ত্রুটির হার =  $\frac{\Delta g}{g} \times 100\%$

**Type 3**

গোলীয় তলের বক্রতার ব্যাসার্ধ ও উদ্বিত্তি নিকি\*

১. একটি ফেরোমিটারের যেকোনো দুই পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব  $3.5 \text{ cm}$ । এর সাহায্যে একটি উভল লেপের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর, যেখানে কেন্দ্রীয় তল উচ্চতা  $21.4 \text{ mm}$  পাওয়া যায়।

$$\text{Solve: } R = \frac{d^2}{6h} + \frac{h}{2} = \frac{(3.5)^2}{6 \times 2.14} + \frac{2.14}{2} = 2.02 \text{ cm Ans.}$$

**For Practice**

১. কোনো ফেরোমিটারের দুটি পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব  $4 \text{ cm}$ । যাজের শিচ  $1 \text{ mm}$  ও বৃত্তাকার ক্ষেলের ভাগসংখ্যা  $100$ । সমতলে পাঠ নির্ণয়ে রৈখিক ক্ষেল ও বৃত্তাকার ক্ষেলের গড়মান পাওয়া যায় যথাক্রমে  $1 \text{ mm}$  ও  $47$ । আবার বক্রতলে গড় মানগুলো হয় যথাক্রমে  $0 \text{ mm}$  ও  $62$ । পরিমাপ্য তলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।

Ans :  $39.84 \text{ cm}$ **Type 4****শতকরা হ্রাস**

১. কোনো বক্তর ভর ( $100 \text{ kg} \pm 2\%$ ) এবং আয়তন [ $100 \pm 3\% \text{ m}^3$ ] এর বক্তর ঘনত্বের শতকরা হ্রাস কত?

$$\text{Solve: } M = 100 \pm 2 \text{ kg}; V = 100 \pm 3 \text{ m}^3; \rho = \frac{M}{V}$$

$$\therefore \text{ঘনত্বের শতকরা হ্রাস} = \left( \frac{\Delta M}{M} + \frac{\Delta V}{V} \right) \times 100\% \\ = \left( \frac{2}{100} + \frac{3}{100} \right) \times 100\% = \left( \frac{5}{100} \right) \times 100\% = 5\% \text{ Ans.}$$

**For Practice**

১. একজন হাত  $760 \text{ mm Hg}$  চাপে ফুট্ট বিশুদ্ধ পানিতে একটি থার্মোমিটারের পাদ প্রাণ্ত অনেকক্ষণ ড্রবিয়ে রেখে দেখালো তাপমাত্রা  $99.5^\circ\text{C}$ । প্রাণ্ত পাঠের শতকরা হ্রাস হাতের হার নির্ণয় কর।

Ans :  $0.5\%$ **Part 5****জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর**

১. ফেরোমিটারের সাহায্যে একটি উভল লেপের উচ্চতা পরিমাপ করে গড় উচ্চতা  $5.21 \text{ cm}$  এবং সমতল কাচ প্লেটের উচ্চতা  $0.25 \text{ cm}$  পাওয়া গেল। ফেরোমিটারের তিন পায়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব যথাক্রমে  $6.3 \text{ cm}$ ,  $6.5 \text{ cm}$  ও  $6.4 \text{ cm}$ । উভল লেপটির গভীরতা ও কাচ প্লেটের উচ্চতা একই হলে উভল লেপটির বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর। [GST-A : 23-24]

(A)  $3.65 \text{ cm}$  (B)  $3.68 \text{ cm}$  (C)  $3.86 \text{ cm}$  (D)  $3.58 \text{ cm}$  Ans(C)

২. কোনটি মৌলিক এককের পরিমাপ নয়? [GST-A : 23-24]

(A) সময় (B) ভর (C) ভরবেগ (D) তাপমাত্রা Ans(C)

৩. একটি তারের ব্যাসার্ধ ( $3 \pm 0.06$ )  $\text{mm}$  হলে এর প্রচলের ক্ষেত্রফল নির্ণয়ে হ্রাস- [GST-A : 21-22]

(A)  $2\%$  (B)  $3\%$  (C)  $5\%$  (D)  $4\%$  Ans(D)

৪. একটি গোলকের ব্যাসার্ধ ( $2.0 \pm 0.1$ )  $\text{m}$  ধরে পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল হিসাব করলে শতকরা হ্রাস কত? [GST-A : 20-21]

(A)  $5$  (B)  $10$  (C)  $15$  (D)  $20$  Ans(B)

৫. একটি গোলকের পরিমাপ ব্যাসার্ধ ( $2.5 \pm 0.2$ )  $\text{cm}$  হলে, এর আয়তন পরিমাপে শতকরা হ্রাস কত? [KU-A : 19-20]

(A)  $8$  (B)  $11$  (C)  $24$  (D)  $32$  Ans(C)

৬. এককের সঠিক ত্রুটি কোনটি? [CoU-A : 19-20]

(A) পারসেক &gt; এ্যাংস্ট্রুম &gt; মেগামিটার &gt; আলোক বছর

(B) পারসেক &gt; আলোক বছর &gt; মেগামিটার &gt; এ্যাংস্ট্রুম

(C) আলোক বছর &gt; এ্যাংস্ট্রুম &gt; মেগামিটার &gt; পারসেক

(D) এ্যাংস্ট্রুম &gt; পারসেক &gt; আলোক বছর &gt; মেগামিটার Ans(B)

৭. মৌলিক একক - [IU-D : 19-20]

(A) Coulomb (B) Ampere (C) Volt (D) Ohm Ans(B)

৮. ১ ইমেট্রিমিটার = কত? [JKKNIU-B : 19-20]

(A)  $10^{13} \text{ m}$  (B)  $10^{18} \text{ m}$  (C)  $10^{20} \text{ m}$  (D)  $10^{24} \text{ m}$  Ans(D)**Part 6****সংক্ষিপ্ত MCQ**

১. পরমাণুর সমস্ত ধনাত্মক আধান এবং ভর এর কেন্দ্রে অবস্থিত-এই তত্ত্ব কে উপহাসন করেন?

(A) বাদারফোর্ড (B) গ্যালিলি (C) আইনস্টাইন (D) ম্যাজ্ন প্র্যাক Ans(A)

২. আমাদের পায়ে ইন্দ্রিয় পারিপার্শ্বিক পর্যবেক্ষণ ও উপলক্ষিত অনুভবে মন্তব্যে যে সত্ত্বের কাল্পনিক ছাঁচ আঁচ করে তাকে কী বলে?

(A) ধারণা (B) ধীকার্য (C) নীতি (D) সূত্র Ans(A)

৩. কোনো গোলকের ব্যাসার্ধের প্রকৃত মান  $3 \text{ cm}$  এবং পরিমাপ্য মান  $2.98 \text{ cm}$ । গোলকটির আয়তন পরিমাপে শতকরা হ্রাস কত?

(A)  $0.02\%$  (B)  $0.066\%$  (C)  $0.66\%$  (D)  $2\%$  Ans(D)

৪. লেভেল হ্রাস কোন যত্রের পরিমাপের জন্য অযোজ্য?

(A) ঝুঁগজ (B) মিটার ক্ষেল (C) উদ্বিত্তি নিকি (D) ফেরোমিটার Ans(C)

৫. অনুমিতির মাধ্যমে যে মৌলিক ব্যাখ্যা দেরিয়ে আসে, তাকে কী বলে?

(A) অনুকল্প (B) সূত্র (C) তত্ত্ব (D) নীতি Ans(A)

৬. এক ন্যানোমিটার সমান কত মিটার?

(A)  $10^{-8} \text{ m}$  (B)  $10^{-7} \text{ m}$  (C)  $10^{-14} \text{ m}$  (D)  $10^{-9} \text{ m}$  Ans(D)

৭. পি-এর মান কে সর্বাধিম নির্ণয় করেন?

(A) ইউক্রিন (B) ইবনে হাইয়ান (C) নিউটন (D) ভাক্সুরাচার্য Ans(D)

৮.  $10 \text{ m}$  দৈর্ঘ্য পরিমাপে হ্রাসের পরিমাণ  $10 \text{ cm}$  হলে হ্রাস কত?

(A)  $0.01\%$  (B)  $0.1\%$  (C)  $1\%$  (D)  $10\%$  Ans(C)

৯. নিচের বিষয়গুলোর মধ্যে কোনটি সবচেয়ে বেশি পদার্থবিদ্যা দ্বারা প্রভাবিত?

(A) সহিত্য-সংকৃতি (B) প্রাণবিদ্যা (C) দর্শন (D) রসায়ন Ans(D)

১০.  $1 \text{ মাইল}$  ও  $1 \text{ কিলোমিটার}$  দূরত্বের পার্থক্য মিটারে কত হবে

(A)  $0.609 \text{ m}$  (B)  $6.09 \text{ m}$  (C)  $60.9 \text{ m}$  (D)  $609 \text{ m}$  Ans(D)

১১. এক টেরা মিটার সমান কত?

(A)  $10^9 \text{ m}$  (B)  $10^{12} \text{ m}$  (C)  $10^{15} \text{ m}$  (D)  $10^{18} \text{ m}$  Ans(B)

১২. কোনো একটি দঙ্গের পরিমাপকৃত দৈর্ঘ্য  $20 \text{ cm}$  এবং প্রকৃতমান  $25 \text{ cm}$  হলে পরিমাপের শতকরা হ্রাস কত?

(A)  $20\%$  (B)  $15\%$  (C)  $25\%$  (D)  $10\%$  Ans(A)

১৩. কিউসেক পানি লিটার/ সে. এককে কত?

(A)  $28.517$  (B)  $28.317$  (C)  $28.717$  (D)  $28.917$  Ans(B)

১৪. সর্বাপেক্ষা ছোট একক কোনটি?

(A) মিলি মাইক্রোন (B) এ্যাটো-মিটার (C) এক্স-রে ইউনিট (D) আংস্ট্রুম Ans(C)

১৫. সূক্ষ্ম সময় মাপের জন্য কেন যত্ন ব্যবহৃত হয়?

(A) ব্যারোমিটার (B) গ্যালভানোমিটার (C) ক্রেনোমিটার (D) ষড়ি Ans(C)

১৬. “গুলোর গতিপথ উপবৃত্তাকার”-তত্ত্বটি কে আবিকার করেছেন?

(A) কেপলার (B) টলেমি (C) পিথাগোরাস (D) গ্যালিলি Ans(A)

১৭. ভূমিক্ষেপন মাপার যত্রের নাম কী?

(A) স্পিডোমিটার (B) হাইড্রোমিটার (C) থার্মোমিটার (D) সিসমোচার্ফ Ans(D)

১৮. সনাতনী বলবিদ্যায় কোন দুটিকে ক্রু ধরা হয়?

(A) ছান ও কাল (B) ছান ও দ্রুতি (C) দ্রুতি ও কাল (D) ছান ও তুরণ Ans(A)

১৯. ভার্নিয়ার ক্ষেল দিয়ে সর্বনিম্ন কত একক পর্যন্ত মাপা হয়?

(A) মিলিমিটার (B) ন্যানোমিটার (C) মাইক্রোমিটার (D) সেন্টিমিটার Ans(A)

২০. কোনো কিছু ব্যাখ্যার জন্য যে অনুষ্ঠানিক চিঙ্গাধাৰা তাকে বলে-

(A) ধীকার্য (B) তত্ত্ব (C) অনুকল্প (D) সূত্র Ans(B)

২১. তাড়িত চৌম্বক বল কোন ক্ষণার পারম্পরিক বিনিময়ের জন্য কার্যকর হয়?

(A) ফোটন (B) মেসন (C) প্রোটন (D) গ্রাভিটন Ans(A)

২২. একটি ফেরোমিটারের সংষিঠ ক্রুক্রের মান  $0.01 \text{ mm}$  হলে এর দ্বারা ক্ষুদ্রতম যে বেধ মাপা সম্ভব তা হল?

(A)  $0.1 \text{ mm}$  (B)  $0.01 \text{ mm}$  (C)  $1.0 \text{ mm}$  (D)  $0.05 \text{ mm}$  Ans(B)

২৩. পদার্থবিজ্ঞানের ভাষা কোনটি?

(A) ইংরেজি ভাষা (B) গণিত (C) রসায়ন (D) কম্পিউটার Ans(B)

২৪. নিচের কোনটি দ্বারা এক পিকো বোঝায়?

(A)  $10^{-12}$  (B)  $10^{-9}$  (C)  $10^9$  (D)  $10^{12}$  Ans(A)

২৫. “ভর ও শক্তি সমতুল্য”- কোন বিজ্ঞানীর অভিমত?

(A) নিউটন (B) গ্যালিলি (C) আইনস্টাইন (D) ফ্যারাডে Ans(C)

## ৫ বিভিন্ন ধরনের রাশি :

- ◇ ক্ষেলার রাশিসমূহ : তাপ, চাপ, ঘনত্ব, আয়তন, তাপমাত্রা, সময়, দৈর্ঘ্য, ভর, কাজ, ক্ষমতা, শক্তি, বিকৃতি, প্রতিসরাঙ্ক, ডাইভারজেন্স, তড়িৎ বিতরণ, বিতরণ, মহাকর্ষীয় বিতরণ, তড়িৎ প্রবাহ বা প্রবাহমাত্রা, গতি ও ছুতি, জড়তার আমক, চলাগতির ব্যাসার্থ, ধারকত্ব ও চার্জ।
- ◇ ভেক্টর রাশিসমূহ : ভরবেগ, বেগ, বল, সরণ, ত্বরণ, টর্ক, বিনতি কোণ, বলের ঘাত, কৌণিক ভরবেগ, কেন্দ্রস্থূলী ত্বরণ, পর্যটিং ভেক্টর, চৌমুক ছাল সমত্ব, তড়িৎ প্রাবল্য, তড়িৎ ও চৌমুক ফের্জ, কার্ড, প্রেডিমেন্ট, তড়িৎ ও চৌমুক আমক, চৌমুক ও শব্দের প্রাবল্য, পীড়ন, সামুদ্রিক বল, মহাকর্ষীয় প্রাবল্য, কৌণিক ত্বরণ ও বল, পৃষ্ঠাটান বা পৃষ্ঠাশক্তি ও প্রবাহ ঘনত্ব।
- ◇ বিশেষ তথ্য : জড়তার আমক ব্যতিত সকল ধরনের প্রাবল্য ও আমক ভেক্টর রাশি।

## ৬ ভেক্টর রাশির বিভিন্ন সূত্রসমূহ : সাধারণ সূত্র, ত্রিভুজ সূত্র, ভেক্টর যোগের সামান্যরিক সূত্র

## ৭ ভেক্টর রাশির গুণন : ভেক্টর রশ্মির গুণন দুই ধরনের। যেমন : 1. ক্ষেলার গুণন 2. ভেক্টর গুণন।

- ◇ ক্ষেলার গুণন বা ডট গুণন : দুটি ভেক্টর রাশির ক্ষেলার গুণফল একটি ক্ষেলার রাশি হবে যার মান রাশি দুটির মানের গুণফলের সাথে তাদের মধ্যবর্তী সেলের কোসাইনের গুণফলের সমান। ডট গুণন বর্ণন ও বিনিয়য় সূত্র মেনে চলে। ভেক্টরের ডট গুণন cosine এর সূত্র মেনে চলে।
- ◇ ভেক্টর বা ক্রস গুণন : দুটি ভেক্টর রাশির গুণফল যদি একটি ভেক্টর রাশি হয় তবে এ গুণনকে ভেক্টর গুণন বা ক্রস গুণন বলে। এ ভেক্টরের গুণফলের মান ভেক্টর রাশি দুটির মান এবং তাদের মধ্যবর্তী কোণের সাইন (sine)- এর গুণফলের সমান। ভেক্টর গুণফলের দিক ডানহাতি ক্লু নিয়মে নির্ণয় করা হয়। ক্রস গুণন বর্টন সূত্র মেনে চলে কিন্তু বিনিয়য় সূত্র মেনে চলে না। ভেক্টরের ক্রস গুণন sine এর সূত্র মেনে চলে।

## ৮ ভেক্টর রাশির অপারেটর :

- ◇ ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটর : ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটরটি স্যার হ্যামিল্টন প্রথম আবিকার করেন। গিবস একে 'ডেল' নামকরণ দেন। এর অপর নাম ন্যাবলা। ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটর নিম্নোক্তভাবে প্রকাশ করা হয়।  $\therefore \vec{\nabla} = \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k}$

- ◇ হেভিয়েন্ট : ভেক্টর অপারেটর  $\vec{\nabla}$  দ্বারা কোন একটি ক্ষেলার ফাংশন  $\phi$  ( $x, y, z$ )-কে অঙ্গীকৃত করলে পাওয়া যায়  $\vec{\nabla}\phi$ ,  $\vec{\nabla}\phi$ -কে ( $x, y, z$ ) অবস্থানে  $\phi$ -এর হেভিয়েন্ট বলে। অর্থাৎ,  $\text{grad } \phi = \left( \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right) \phi = \frac{\partial \phi}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial \phi}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial \phi}{\partial z} \hat{k}$

- ◇ বৈশিষ্ট্য : ◆ ক্ষেলার রাশির হেভিয়েন্ট একটি ভেক্টর ফের্জ। ◆ ক্ষেলার রাশির সর্বাধিক বৃদ্ধির হারই হলো উক্ত ভেক্টর ফের্জের মান। ◆ ক্ষেলার রাশির পরিবর্তন বিন্দুর ছানাঙ্ক এর পরিবর্তনের দিকের উপর নির্ভরশীল।

- ◇ ডাইভারজেন্স : ভেক্টর অপারেটর ন্যাবলা  $\vec{\nabla}$  এর সাথে কোন একটি ভেক্টর ফের্জের ক্ষেলার গুণনকে এ ফের্জের ডাইভারজেন্স বলে।

$$\text{ডাইভারজেন্সকে } \vec{\nabla} \cdot \vec{V} \text{ বা } \text{div. } \vec{V} \text{ লিখে প্রকাশ করা হয়। গাণিতিকভাবে লেখা যায়, } \vec{\nabla} \cdot \vec{V} = \frac{\partial V_1}{\partial x} + \frac{\partial V_2}{\partial y} + \frac{\partial V_3}{\partial z} \text{ এটি ক্ষেলার রাশি।}$$

- ◇ বৈশিষ্ট্য : ◆ মান ধনাত্মক হলে, তরল পদার্থের আয়তন বৃদ্ধি পায়, ঘনত্বের ত্বাস ঘটে। অর্থাৎ,  $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = '+' \text{ ve}$

- ◆ মান ঋগ্যাত্মক হলে, তরল পদার্থের আয়তন ত্বাস হয়, ঘনত্বের বৃদ্ধি ঘটে। অর্থাৎ,  $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = '-' \text{ ve}$

- ◆ মান শূন্য হলে, আগত ও নির্গত ফ্লাও সমান হয়।  $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$  হলে, কোনো ভেক্টর ফের্জের ডাইভারজেন্স শূন্য হলে, তা সলিনয়ডাল হয়।

- ◇ কার্ল : ভেক্টর অপারেটর  $\vec{\nabla}$  এর সাথে কোন একটি ভেক্টর ফের্জের ক্রস বা ভেক্টর গুণনকে এ ভেক্টর ফের্জের কার্ল বলে। কার্ল একটি ভেক্টর রাশি। কার্ল শূন্য হলে উক্ত ভেক্টরকে অব্যূর্ণনশীল ভেক্টর বলা হয়। একে  $\vec{\nabla} \times \vec{V}$  বা curl  $\vec{V}$  আকারে প্রকাশ করা হয়।  $\vec{\nabla} \times \vec{V} = 2\vec{\omega}$

## ৯ বৈশিষ্ট্য :

- ◆ কোনো ভেক্টর রাশির কার্ল শূন্য হলে,  $\vec{\nabla} \times \vec{F} = 0$  হলে  $\vec{F}$  সংরক্ষণশীল। আবার  $\vec{\nabla} \times \vec{F} \neq 0$  হলে  $\vec{F}$  অসংরক্ষণশীল হবে।

- ◆ কোনো দৃঢ় বস্তু  $\vec{v}$  রৈখিক বেগে গতিশীল হলে  $\text{curl } \vec{v}$  বন্ডিটির কৌণিক বেগের দ্বিগুণের সমান হবে। অর্থাৎ  $\text{curl } \vec{v} = \vec{\nabla} \times \vec{v} = 2\vec{\omega}$  হবে।

**Part 2 At a glance**

- কেন্দ্রীয়ের মান সূত্র হলো তাকে বলে- স্টিক টেক্সের  
প্রেরণ কেন্দ্রীয় হলো- কল, ধূরণ ও ভরণে  
হাতের এক ধরণের- কেন্দ্রীয় বালি  
কেন্দ্রীয়ের মান যদি একক হয় তবে তাকে বলে- একক টেক্সের  
সূত্র কেন্দ্রীয় হাতো অন্যান্য সরল কেন্দ্রীয়- স্টিক টেক্সের  
 $i + j$  এবং  $i - j$  এর ঘণ্টাবাটী কোণ-  $90^\circ$   
 $j$  এবং  $k$  একক টেক্সের ঘণ্টাবাটী কোণ-  $90^\circ$   
কোণীক ভরণের নিক ঘণ্টা-  $\vec{r} \times \vec{P}$  এর দিকে  
সরিয়ে সম্পূর্ণ স্টিক মান পাওয়া সহজ- স্বাক্ষরিত সূত্র  
সূত্র কেন্দ্রীয় গুণিত করে প্রেরণ সূত্র হলো তারা পরিপন্থ- সমাচারণ  
কেন্দ্রীয় বিজ্ঞানে ব্যবহৃত করা হয়- প্রিভেজের সাইন সূত্র  
কেন্দ্রীয় প্রিভেজ সূত্র মেনে চলে কিন্তু কেন্দ্রীয় প্রেরণ- মেনে চলে না  
বের্নোইট পদা ধূরণ পদা নিচে বাতাস লাগে- তার ঘাতি কৃত নিয়মে  
কেন্দ্রীয়কে কেন্দ্রীয় বালি হওয়া প্রেরণ করলে প্রেরণ একটি- কেন্দ্রীয় হয়  
সূত্র প্রেরণ করে কর্তৃপক্ষ প্রেরণ উপর সূত্রের প্রেরণ থেকে-  $2F \sin\theta$   
পরিপন্থ মেনে অনুচ্ছেত হয়
- কেন্দ্রীয়ের জন্য প্রেরণ মেনে যাব- sine এর সূত্র  
কেন্দ্রীয়ের উচ্চ প্রেরণ মেনে যাব- cosine এর সূত্র  
গান্ধি প্রক্রিয়া অবস্থা জানতে হলো বেগের মানের সাথে জানতে হবে- নিক  
প্রবাহী কর্তৃপক্ষের কৃতিক করা কর- ভাইভারজেনেসের  
কার্য নির্ভুল বা কার্যের ভাইভারজেন সূত্র-  $\vec{V} \cdot (\vec{V} \times \vec{V}) = 0$   
কিন্তু একটি কেন্দ্রীয়ের মোগুল একটি- একক কেন্দ্রীয়

**Part 3 অরোজনীয় সূত্রাবলী**

১. কেন্দ্রীয়ের শর্ক ও কেন্দ্রীয়ের প্রেরণ সমূহ:
- ১)  $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos\theta$        $\therefore \vec{A} \times \vec{B} = AB \sin\theta$
  - ২)  $\vec{A}$  এবং  $\vec{B}$  এর সম অভিযোগ,  $B \cos\theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{A}$
  - ৩)  $\vec{A}$  এবং  $\vec{B}$  এর সম অভিযোগ,  $A \cos\theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{B}$
  - ৪)  $R = \sqrt{P^2 + Q^2 + 2PQ \cos\alpha}$        $\therefore \tan\theta = \frac{Q \sin\alpha}{P + Q \cos\alpha}$
২. সিক ও কেন্দ্রীয় সমূহ:
- ১) উপরভাগ প্রচল কৃতির সাথে হাতো প্রচলে হয়ে উপরের সাথে বাত দেয়ে,  
 $\theta = 120^\circ \left( \frac{\text{প্রচল কৃতি}}{\text{বাত দেয়ে}} \right)$
  - ২) উপরভাগ প্রচল কৃতির সাথে হাতো প্রচলে হয়ে অনুভূমিকের সাথে বাত  
 $\theta = 120^\circ \left( \frac{\text{প্রচল কৃতি}}{\text{বাত দেয়ে}} \right)$
৩. অক্ষ কেন্দ্রীয় সমূহ:
- ১)  $\vec{A}$  এর সমান্তরাল অক্ষ কেন্দ্রীয়,  $\vec{i} = \frac{\vec{A}}{|A|}$

**৫. সূল-রোলার টেলা অপেক্ষা টানা সহজতর :**

- ১) রোলার টেলার ক্ষেত্রে মোট প্রেরণ =  $(W + F \sin\theta)$
- ২) রোলার টানার ক্ষেত্রে মোট প্রেরণ =  $(W - F \sin\theta)$

**৬. প্রেতিমেট, ভাইভারজেন ও কার্য সমূহ :**

- ১) প্রেতিমেট,  $\vec{\nabla} \phi = \frac{\partial \phi}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial \phi}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial \phi}{\partial z} \hat{k}$
- ২) ভাইভারজেন,  $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = \frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z}$
- ৩) কার্য,  $\vec{V} = \vec{\nabla} \times \vec{V} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ V_x & V_y & V_z \end{vmatrix}$

[Note:  $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$  হলো  $\vec{V}$  কেন্দ্রীয় স্লিনিয়াল বা চোঙাকৃতি।

$\vec{\nabla} \times \vec{V} = 0$  হলো  $\vec{V}$  কেন্দ্রীয় অর্থনৈতিক বা সরলকৃতি।]

**Part 4 গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type 1 কেন্দ্রীয়ের লক্ষণ মান ও দিক**

01. সূত্র কেন্দ্রীয়ের গুণিত অভ্যন্তরীন মান 5 একক। তারা একই বিলুপ্ত প্রশ্নের  
120° কোণে মিল করে। আবেদন লক্ষণ মান ও দিক নির্ণয় কর।

Solve: দরিদ্র লক্ষণ কেন্দ্রীয়  $R$  হত, তবে আবেদন আনি,

$$R = \sqrt{(5)^2 + (5)^2 + 2 \times 5 \times 5 \times \cos 120^\circ} = 5 \text{ একক Ans.}$$

$$\text{অবব, } \tan\theta = \frac{O \sin\alpha}{P + Q \cos\alpha} = \frac{5 \sin 120^\circ}{5 + 5 \cos 120^\circ} \Rightarrow \theta = 60^\circ \text{ Ans.}$$

**For Practice**

01. সূত্র কেন্দ্রীয়ের মান ব্যাক্তিগত 3 একক ও 4 একক। এদের কেন্দ্রীয়ের অনুভূমি  
মান 6 একক হলো, এসের ঘণ্টাবাটী কোণ কত হবে? Ans.  $\frac{\pi}{3}$

**Type 2 সূল রোলার টানা ও টেলা**

01. একটি সূল রোলার টানা ও টেলার জন্য অনুভূমিকের সাথে 30° কেনে 20 N  
কর প্রয়োগ করা হলো। টানার সময় প্রেরণ টেলা অপেক্ষা কর হত-

Solve: টানার প্রেরণ প্রেরণ =  $W - F \sin 30^\circ$

টেলার প্রেরণ প্রেরণ =  $W + F \sin 30^\circ$

$$\text{পারিস্কায় = } W + F \sin 30^\circ - (W - F \sin 30^\circ) = 20 \text{ N Ans.}$$

**For Practice**

01. একটি সূল রোলার টেলার জন্য অনুভূমিকের সাথে 60° কেনে 10 N কর প্রয়োগ করা  
হলো। রোলারটির প্রেরণ হিসেব করে আবেদন করে দেখি কত হবে? Ans. 8.66 N

**Type 3 কেন্দ্রীয় ও কেন্দ্রীয়ের প্রেরণ**

01.  $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$  এবং  $\vec{B} = m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}$ ;  $m$  এর মান কত হলো  
কেন্দ্রীয়ের প্রেরণের উপর কর হবে।

Solve: সূত্র কেন্দ্রীয়ের প্রেরণের সময় হলো উচ্চ প্রেরণ কৃত হত-

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos\theta \Rightarrow (2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}) \cdot (m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}) = 0$$

$$\Rightarrow 2m + 6 - 50 = 0 \Rightarrow m = \frac{44}{2} \therefore m = 22 \text{ Ans.}$$

02. একটি গিয়েজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর যার মূল সূর্য শাখা মন্ডলে

$$\vec{A} = \hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k} \text{ এবং } \vec{B} = \hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$$

Solve:  $\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 1 & 1 & -2 \\ 1 & -3 & 4 \end{vmatrix}$

$$= \hat{i}(4-6) - \hat{j}(12+2) + \hat{k}(-9-1) = -2\hat{i} - 14\hat{j} - 10\hat{k}$$

$$\therefore |\vec{A} \times \vec{B}| = \sqrt{2^2 + 14^2 + 10^2} = 10\sqrt{3}$$

$$\therefore \text{ক্ষেত্রফল} = \frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}| = 5\sqrt{3} \text{ বর্গ একক Ans.}$$

[For Practice]

01. যদি  $\vec{P} = 5\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$ ,  $\vec{Q} = \hat{i} - \hat{k}$  হয় তবে  $\vec{P} \times \vec{Q}$  কত? Ans.  $3\hat{i} + 9\hat{j} + 3\hat{k}$

Type 4

ডেক্টরের শব্দ অভিক্ষেপ



01.  $\vec{A} = \hat{i} - 4\hat{j} + 5\hat{k}$  ও  $\vec{B} = 6\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}$  হলে  $\vec{B}$  বরাবর  $\vec{A}$  এর শব্দ অভিক্ষেপ বা অশক নির্ণয় কর?

Solve:  $A \cos\theta = \frac{6 + 12 + 10}{\sqrt{36 + 9 + 4}} = 4$  Ans.

[For Practice]

01.  $\vec{A} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ ,  $\vec{B} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$ । ডেক্টরদের শব্দ ডেক্টরের উপর  $\vec{A}$  ডেক্টরের শব্দ অভিক্ষেপ নির্ণয় কর। Ans.  $\sqrt{3}$

Type 5

একক ডেক্টর



01.  $\vec{A} = 2\hat{i} - 6\hat{j} - 3\hat{k}$  ও  $\vec{B} = 4\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$  ধৰা গঠিত সমতলের উপর শব্দ একক ডেক্টর নির্ণয় কর?

Solve:  $\hat{n} = \frac{(\vec{A} \times \vec{B})}{|\vec{A} \times \vec{B}|} = \pm \frac{\hat{i}(6+9) + \hat{j}(-12+2) + \hat{k}(6+24)}{\sqrt{15^2 + 10^2 + 30^2}}$   
 $= \pm \frac{15\hat{i} - 10\hat{j} + 30\hat{k}}{\sqrt{1225}} = \pm \left( \frac{3}{7}\hat{i} - \frac{2}{7}\hat{j} + \frac{6}{7}\hat{k} \right)$  Ans.

[For Practice]

01.  $\vec{A} = 3\hat{i} - 2\hat{j} + 6\hat{k}$  - এর সমান্তরাল একক ডেক্টর নির্ণয় কর ?

$$\text{Ans. } (3\hat{i} - 2\hat{j} + 6\hat{k}) / 7$$

Type 6

ডেক্টর অপারেটর



01. অবস্থান ডেক্টর  $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$  হলে দেখাও যে,  $\vec{V} \cdot \vec{r} = 3$

Solve: এখানে,  $\vec{V} = (\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z})$

$$\text{আমরা জানি, } \vec{V} \cdot \vec{r} = (\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z}) \cdot (x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k})$$

$$= \frac{\partial x}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial y} + \frac{\partial z}{\partial z} = 1 + 1 + 1 = 3 \therefore \vec{V} \cdot \vec{r} = 3$$
 [Showed]

[For Practice]

01. দেওয়া আছে,  $\phi = 2xy^4 - x^2z$ ;  $(2, -1, -2)$  বিন্দুতে  $\phi$  এর প্রেভিয়েট ( $\vec{\nabla} \phi$ ) নির্ণয় কর? Ans.  $10\hat{i} - 16\hat{j} - 4\hat{k}$

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একটি পাখরকে  $4.9 \text{ ms}^{-1}$  বেগে আঞ্চ উপরের দিকে বিক্ষেপ করা হলো। কোনোভৰণে পাখরটি ঘূর্ণে আসবে? [NU-Science : 14-15]

- (A) 4.9 s      (B) 9.8 s      (C) 2 s      (D) 1 s      (Ans. D)

02. সৃষ্টি তেলের  $\vec{A} = 2\hat{i} + 2\hat{j}$  এবং  $\vec{B} = 6\hat{i} - 3\hat{j}$  হলে তাদের মধ্যবর্তী কোনোর মান হবে? [NU-Science : 14-15]

- (A)  $\sim 61^\circ$       (B)  $\sim 71^\circ$       (C)  $\sim 80^\circ$       (D)  $\sim 105^\circ$       (Ans. B)

03.  $a$ -এর মান কত হলে,  $\vec{A} = 2\hat{i} + a\hat{j} + \hat{k}$  এবং  $\vec{B} = 4\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$  তেলের পরাম্পর শব্দ হবে? [NU-Science : 12-13]

- (A) 1      (B) 2      (C) 3      (D) 4      (Ans. C)

04.  $[\vec{a} \times \vec{b}] = \vec{a} \cdot \vec{b}$  এলে,  $\vec{a}$  ও  $\vec{b}$  এর মধ্যবর্তী কোনোর মান কত? [NU-Science : 11-12]

- (A) 0      (B)  $\frac{\pi}{4}$       (C)  $\frac{\pi}{2}$       (D)  $\pi$       (Ans. D)

05. নিম্নলিখিত রাশিগুলার মধ্যে কোনটি ডেক্টর রাশি? [NU-Science : 10-11]

- (A) বৈদ্যুতিক বিভব      (B) কাজ  
(C) স্বনীয় আবেদন গুণাঙ্ক      (D) চৌম্বক প্রাবল্য      (Ans. D)

06.  $\vec{A} = -\vec{B}$  হলে,  $\vec{A} \times \vec{B}$  এর মান - [NU-Science : 10-11]

- (A)  $-\vec{A}^2$       (B) 0      (C)  $-\vec{B}^2$       (D) 1      (Ans. B)

07. 5 N ও 5 N বল দুইটির শক্তির মান 5 N হলে, তাদের মধ্যবর্তী কোন হবে? [NU-Science : 10-11]

- (A)  $0^\circ$       (B)  $60^\circ$       (C)  $90^\circ$       (D)  $120^\circ$       (Ans. B)

08.  $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + 5\hat{k}$  এবং  $\vec{B} = a\hat{i} + 2\hat{j}$ ;  $a$  এর মান কত হলে, ডেক্টরবর্ব পরাম্পর শব্দ হবে? [NU-Science : 09-10]

- (A) 20°      (B) 3      (C) 6      (D) -3      (Ans. D)

09. 5 N এবং 10 N মানের দুটি বল একটি কণার উপর আরোপিত হলে, নিম্নের কোন বলটি কণাটির উপর শক্তি বল হতে পারে না? [NU-Science : 08-09]

- (A) 5 N      (B) 10 N      (C) 15 N      (D) 20 N      (Ans. D)

10.  $\hat{i}, \hat{j}$  ও  $\hat{k}$  একক ডেক্টর হলে,  $\hat{i} \cdot (\hat{j} \times \hat{k}) = ?$  [NU-Science : 05-06]

- (A) 0      (B) 1      (C) -1      (D)  $\hat{k}$       (Ans. B)

11.  $\hat{k} \times \hat{j} = ?$  [NU-Science : 04-05]

- (A) 0      (B)  $\hat{i}$       (C) - $\hat{i}$       (D)  $\hat{j}\hat{k}$       (Ans. B)

12.  $\hat{i} = \hat{j} \times \hat{k}$  হলে,  $\hat{j}$  ও  $\hat{k}$  তলের সঙ্গে  $\hat{i}$  যে কোণ উৎপন্ন করবে- [NU-Science : 03-04]

- (A)  $0^\circ$       (B)  $30^\circ$       (C)  $90^\circ$       (D)  $60^\circ$       (Ans. C)

13. ডেক্টর  $\vec{a}$  ও  $\vec{b}$  একই দিক নির্দেশ করবে, যদি [NU-Science : 02-03]

- (A)  $\vec{a} \cdot \vec{b} \neq ab$       (B)  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$       (C)  $\vec{a} \times \vec{b} = 0$       (D)  $\vec{a} \times \vec{b} \neq 0$       (Ans. C)

Part 6

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন

বিশ্ববিদ্যালয়ের শুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01.  $\vec{A} = 3\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$  এবং  $\vec{B} = 2\hat{i} - 2\hat{j} + 4\hat{k}$ । উভয় ডেক্টরের ওপর অভিলম্ব ডেক্টর হলো-[GST-A : 23-24]

- (A)  $-8\hat{i} - 8\hat{j} + 8\hat{k}$       (B)  $8\hat{i} - 8\hat{j} - 8\hat{k}$

- (C)  $8\hat{i} - 8\hat{j} + 8\hat{k}$       (D)  $8\hat{i} + 8\hat{j} + 8\hat{k}$       (Ans. B)

02. XY সমতলে  $6\hat{i} + 8\hat{j} - 5\hat{k}$  ডেক্টরটির দৈর্ঘ্য কত একক? [GST-A : 21-22]

- (A) 6      (B) 10      (C) 8      (D)  $5\sqrt{5}$       (Ans. B)

03. ফেলার গুণনের উদাহরণ কোনটি?

- (A) কাজ      (B) বল      (C) টক      (D) কৌণিক ভরবেগ [Ans. A]

04. অবস্থান ডেক্টর  $\vec{r} = 3x\hat{i} + 2y\hat{j} + 4z\hat{k}$  এবং ডাইভারজেন্স কত? [CoU-A : 19-20]  
 ① 9  
 ② 5  
 ③ 9xyz  
 Ans A
05. নিচের কোনটি শক রাশি? [CoU-A : 19-20]  
 ① কম্পাক্ষ  
 ② সময়  
 ③ ভর  
 ④ তাপমাত্রা  
 Ans A
06.  $a$  এর মান কত হলে  $\vec{A} = 2\hat{i} - a\hat{j} + 3\hat{k}$  এবং  $\vec{B} = 3\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$  ডেক্টরব্যবহৃত পরম্পরার উপর লভ হবে? [CoU-A : 18-19]  
 ① 15  
 ② 22  
 ③ 3  
 ④ 9  
 Ans A
07. একটি শক রাশির টানা বা ঢেলার জন্য অনুমতিক্রমের সাথে  $30^{\circ}$  কোণে 19.6 N করা প্রয়োগ করা হলো। টানার সময় ওজন ঢেলা অপেক্ষা কত কম হবে? [CoU-A : 18-19]  
 ① 21.6 N  
 ② 19.6 N  
 ③ 18.6 N  
 ④ 17.6 N  
 Ans C
08. একই বিদ্যুতে জিম্বাল দুটি সমান মানের ডেক্টরের মধ্যবর্তী কেণ্ট কত করা হলে এদের শকের মান যে কোনো ডেক্টরের সমান হবে? [IU-D : 19-20]  
 ①  $0^{\circ}$   
 ②  $90^{\circ}$   
 ③  $120^{\circ}$   
 ④  $180^{\circ}$   
 Ans C
09.  $\vec{V} = 0$  হলে - [IU-D : 19-20]  
 ① আগত ও নির্গত ফ্লাই সমান হয়  
 ② তরঙ্গ অসংকোচনীয়  
 ③ ডেক্টর ক্ষেত্রে সলিনয়ডাল  
 ④ স্বাঙ্গলো  
 Ans D
10. দুটি বলের শকের মান 40 N। বল দুটির মধ্যে ছোট বলটির মান 30 N যা শক বলের সহ বরাবর ক্রিয়া করে। বড় বলটির মান - [BRUR-E : 19-20]  
 ① 40 N  
 ② 45 N  
 ③ 50 N  
 ④ 60 N  
 Ans C
11.  $m$  এর মান কত হলে  $\vec{P} = m\hat{i} + m\hat{j}$  এবং  $\vec{Q} = 8\hat{i} - 4\hat{j} + 9\hat{k}$  পরম্পরার লভ হবে? [JKKNIU-B : 19-20]  
 ① 8  
 ② 6  
 ③ 4  
 ④ -4  
 Ans A

## Part 7

### সম্ভাব্য MCQ

01.  $(\hat{i} \times \hat{k}) \times (\hat{j} \times \hat{k}) = ?$   
 ① 0  
 ②  $\hat{i}$   
 ③  $\hat{j}$   
 ④  $\hat{k}$   
 Ans D
02. প্রায়ুক্ত নদীতে সর্বনিম্ন সময়ে উপারে যেতে প্রাতের সাথে কীভাবে নৌকা চালনা করতে হবে?  
 ①  $45^{\circ}$   
 ②  $60^{\circ}$   
 ③  $90^{\circ}$   
 ④  $120^{\circ}$   
 Ans C
03. কোনো ডেক্টরের ডাইভারজেন্স হলো -  
 ① ডেক্টর ক্ষেত্র  
 ② ক্ষেত্রের নতিমাত্রা  
 ③ অঘূর্ণনশীল  
 Ans B
04.  $\vec{P} = \hat{i} - \hat{j} - \hat{k}$  হলে,  $\vec{P}$  - এর মান কত?  
 ① 3  
 ②  $\sqrt{3}$   
 ③ 1  
 ④ -1  
 Ans B
05. একটি ডেক্টরকে সর্বোচ্চ ক্যাটি উপাংশে ভাগ করা যায়?  
 ① দুটি  
 ② তিনটি  
 ③ ছয়টি  
 ④ অসংখ্য  
 Ans D
06. নিচের কোনটি ডেক্টর রাশির বিমোজনের সূত্র নয়?  
 ① সাধারণ  
 ② সামান্যরিক  
 ③ উপাংশ  
 Ans B
07. কোনো ডেক্টরের শীর্ষবিদ্যুৎ ও পাদবিদ্যুৎ একই হলে ডেক্টরটি হবে -  
 ① স্থায়ী ডেক্টর  
 ② সমরেখ ডেক্টর  
 ③ নাল ডেক্টর  
 Ans D
08. ক্ষেত্রের ফাংশনকে ডেক্টর রাশিতে রূপান্তর করে -  
 ① অস উণন  
 ② ডট উণন  
 ③ ডাইভারজেন্স  
 Ans C
09. 20 N এবং 60 N মানের দুটি ডেক্টর রাশির মধ্যকার কোণ  $30^{\circ}$ । রাশি দুটির শকের মান কত N হবে?  
 ① 69.77  
 ② 96.77  
 ③ 77.96  
 ④ 77.69  
 Ans C

10. যদি  $4\hat{i} - 4\hat{j} + \hat{k}$  এবং  $2\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k}$  ডেক্টরব্যবহৃত একটি সামান্যরিকের দুটি সরিষ্ঠিত বাহু নির্দেশ করে তবে উহার ক্ষেত্রফল হবে?  
 ①  $\sqrt{32}$  sq. unit  
 ②  $\sqrt{81}$  sq. unit  
 ③  $\sqrt{72}$  sq. unit  
 ④  $\sqrt{98}$  sq. unit  
 Ans C
11. নিচের কোনটি ডেক্টরের প্রকারভেদ নয়?  
 ① সমতোলীয় ডেক্টর  
 ② সমান ডেক্টর  
 ③ খণ ডেক্টর  
 ④ ধন ডেক্টর  
 Ans D
12. ডেক্টর  $\vec{A} = \hat{i} - 3\hat{j} + 5\hat{k}$  এবং  $\vec{B} = a\hat{i} + 6\hat{j} - 10\hat{k}$ ;  $a$ -এর মান কত হলে ডেক্টর দুটি সমান্তরাল হবে?  
 ① 0  
 ② -2  
 ③ -1  
 ④ 1  
 Ans B
13. দুটি ডেক্টর বিপরীত দিকে ক্রিয়ারত থাকলে তাদের শকের মান হবে?  
 ① সর্বোচ্চ  
 ② সর্বনিম্ন  
 ③ সমান  
 ④ কোনোটিই নয়  
 Ans B
14. নিচের কোনটি শক রাশি?  
 ① কম্পাক্ষ  
 ② তাপমাত্রা  
 ③ সময়  
 ④ ভর  
 Ans A
15.  $\vec{A} = 2\hat{i} + x\hat{j} - 4\hat{k}$  ও  $\vec{B} = y\hat{i} + 6\hat{j} - 8\hat{k}$ ।  $x$  ও  $y$ -এর মান কত হলে  $\vec{A}$  ও  $\vec{B}$  পরম্পরার সমান্তরাল হবে?  
 ①  $x = 3, y = 4$   
 ②  $x = 6, y = 2$   
 ③  $x = 12, y = 1$   
 Ans A
16. ক্ষেত্রের রাশির উদাহরণ কোনটি?  
 ① বল  
 ② চাপ  
 ③ ক্ষেত্রফল  
 ④ ত্বরণ  
 Ans B
17. ডেক্টর ক্ষেত্রে  $\vec{V}$  অঘূর্ণনশীল হলে নিচের কোনটি সঠিক?  
 ①  $\vec{V} \cdot \vec{V} = 0$   
 ②  $\vec{V} \times \vec{V} = 0$   
 ③  $\vec{V} \cdot \vec{V} \neq 0$   
 ④  $\vec{V} \times \vec{V} \neq 0$   
 Ans B
18. ডেক্টর রাশি প্রকাশের জন্য প্রয়োজন -  
 ① শুধু মান  
 ② শুধু নিক  
 ③ মান ও দিক উভয়ই  
 ④ যেকোনোটি  
 Ans C
19. সূর্যোদয়ের দিকে 12 মিটার যাওয়ার পরে, এক ব্যক্তি উভর দিকে 5 মিটার চলে গেল। তার ছানচাতি কি হবে?  
 ① 17 m  
 ② 17.67 m  
 ③ 16.67 m  
 ④ 13 m  
 Ans D
20. 20 N এবং 60 N মানের দুটি ডেক্টর রাশির মধ্যকার কোণ  $30^{\circ}$ । রাশি দুটির শকের মান কত N হবে?  
 ① 69.77  
 ② 96.77  
 ③ 77.96  
 ④ 77.69  
 Ans C
21.  $\vec{P} = 5\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}$ ;  $\vec{Q} = \hat{k}$  হলে,  $\vec{P} \times \vec{Q}$  = কত?  
 ①  $-\hat{i} - 5\hat{j}$   
 ②  $\hat{i} - 5\hat{j}$   
 ③  $\hat{i} + 5\hat{j}$   
 ④ 0  
 Ans A
22. P ও Q এর ছানচাত  $(3, -2, 1)$  এবং  $(3, -4, 5)$ , PQ এর মান কত?  
 ①  $\sqrt{20}$   
 ②  $\sqrt{29}$   
 ③  $\sqrt{56}$   
 ④  $6\sqrt{3}$   
 Ans A
23. A ও B কে সরিষ্ঠিত বাহু ধরে অফিত ত্বিজ্ঞের ক্ষেত্রফল -  
 ①  $\vec{A}, \vec{B}$   
 ②  $|\vec{A} \times \vec{B}|$   
 ③  $\frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}|$   
 ④  $\frac{1}{2} (\vec{A} \cdot \vec{B})$   
 Ans C
24. যদি  $\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$  এবং  $\vec{D} = \vec{B} \times \vec{A}$  হয় তবে  $\vec{C}$  এবং  $\vec{D}$ -এর মধ্যবর্তী কোণ কত?  
 ①  $90^{\circ}$   
 ②  $0^{\circ}$   
 ③  $180^{\circ}$   
 ④  $45^{\circ}$   
 Ans C
25. কোনো ডেক্টরের ডাইভারজেন্স হলো -  
 ① ডেক্টর ক্ষেত্র  
 ② ক্ষেত্রের নতিমাত্রা  
 ③ এ ডেক্টরের নতিমাত্রা  
 ④ অঘূর্ণনশীল  
 Ans B
26. যদি  $\vec{Q}(x, y) = 3x^2y$  হয়, তবে  $(1, -2)$  বিন্দুতে  $\nabla \vec{Q}$  নির্ণয় কর।  
 ①  $-6\hat{i} - 3\hat{j}$   
 ②  $-12\hat{i} + 3\hat{j}$   
 ③  $3\hat{i} + 6\hat{j}$   
 ④  $6\hat{i} + 12\hat{j}$   
 Ans B
27.  $\vec{A}, \vec{B}$  ও  $\vec{C}$  পরম্পরার লভ হলে,  $\vec{A} \cdot (\vec{B} + \vec{C})$  = কত?  
 ① 1  
 ② 0  
 ③ 2  
 ④ 4  
 Ans B
28. নিচের কোনটি অপারেটর নয়?  
 ①  $\sin \theta$   
 ②  $\sqrt{\quad}$   
 ③  $\log$   
 ④  $\frac{d}{dx}$   
 Ans A



**Part 2****At a glance**

বৃত্তির কেন্দ্র চলত গাড়ির সামনের কাঁচকে ডিজিয়ে দেয়, বিষ্ণু পেছনের কাঁচকে- ডিজায় না শব্দের গতি ও আলোর গতি- সূর্য গতি

জড় কঠামো নির্ভরশীল- বক্র অড়তা মীভির উপর

হাতড়ির সেকেন্ডের কাঁটার কৌণিক বেগ-  $\frac{\pi}{30} \text{ rad-s}^{-1}$

গতিশৈর্ষের সর্বাধিক বিস্তৃতে বেগ ও ত্বরণের মাধ্যমিক কোণ-  $90^\circ$

প্রক্ষিপ্ত বক্রকে কত ডিগ্রি কোণে নিষেধ করলে পাত্র সর্বোচ্চ হবে-  $45^\circ$

অসম ত্বরণে চলমান বক্র ক্ষেত্রে বেগ-সময় লেখচিটি- বক্ররেখা

কোন ঘড়ির কাঁটার প্রান্তের রৈখিক বেগ সর্বাধিক এবং কেন্দ্রে- শূন্য

গাড়ির গতি ছিঁড়ে হলে থামানোর দূরত্ব হবে- চারগুণ

সূর্য মূর্তীয় গতির বৈশিষ্ট্য- কৌণিক ত্বরণ শূন্য

বক্র সমকোণিক বেগে চললেও এর- রৈখিক ত্বরণ থাকে

বক্র অসমবেগে গতিশীল হলে সরণ সময় লেখচিটি- একটি বজ্ররেখা হয়।

যে কোন সময়ে বেগের মান হবে- ঐ বিস্তৃতে অকিত ঢালের মান

**Part 3****প্রয়োজনীয় সূত্রাবলী**

৫. বক্র বেগ ও দূরত্ব সংক্রান্ত :

$$\textcircled{1} \text{ দূরত্ব}, s = ut \pm \frac{1}{2} at^2 = ut \pm \frac{1}{2} gt^2$$

$$\textcircled{2} t_{th} \text{ সেকেন্ডে অতিক্রান্ত দূরত্ব}, s_{th} = u \pm \frac{1}{2} a (2t - 1)$$

৬. তক্তা সংক্রান্ত :

$$\textcircled{3} h' \text{ দূরত্ব প্রবেশের পর বেগ } \frac{1}{n} \text{ হলে আরও প্রবেশ করবে } h = \frac{h'}{n^2 - 1}$$

$$\textcircled{4} \text{ তক্তার সংখ্যা}, n = \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^2 \quad \textcircled{5} \text{ বেগ বৃদ্ধি} = \sqrt{\text{তক্তার সংখ্যা}}$$

$$\textcircled{6} \text{ যদি } \frac{1}{n} \text{ গুণ বেগ হারালে } x = \frac{s(n-1)^2}{2n-1}$$

৭. খাড়া উপরের দিকে নিষ্কিপ্ত বক্র সংক্রান্ত :

$$\textcircled{7} \text{ সর্বোচ্চ উচ্চতা}, H = u^2/2g \quad \textcircled{8} \text{ সর্বোচ্চ উচ্চতায় উঠার সময়}, t = \frac{u}{g}$$

$$\textcircled{9} \text{ হ্রমনকাল তথা উত্থান পতনের মোট সময়}, T = \frac{2u}{g}$$

৮. প্রাস বা প্রক্ষেপক সংক্রান্ত :

$$\textcircled{10} \text{ বেগের অনুভূমিক উপাংশ}, v_x = v_{x_0} + a_x t; v_{x_0} = v_0 \cos\theta$$

$$\textcircled{11} \text{ বেগের উলমুক্ত উপাংশ}, v_y = v_{y_0} - gt = v_0 \sin\theta - gt \quad \textcircled{12} \tan\alpha = \frac{4H}{R}$$

$$\textcircled{13} \text{ বিচরণকাল}, T = \frac{2us\sin\alpha}{g} \quad \textcircled{14} \text{ সর্বোচ্চ উচ্চতা}, H = \frac{u^2 \sin^2\alpha}{2g}$$

$$\textcircled{15} \text{ অনুভূমিক পাল্লা}, R = \frac{u^2 \sin 2\alpha}{g} \quad \textcircled{16} \text{ সর্বাধিক পাল্লা}, R_{max} = \frac{u^2}{g}$$

৯. বৃত্তাকার ও রৈখিক গতি সংক্রান্ত :

$$\textcircled{17} \text{ কৌণিক বেগ}, \omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi n = \frac{2\pi N}{t}$$

$$\textcircled{18} \text{ কৌণিক ত্বরণ}, \alpha = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t} = \frac{d\omega}{dt}$$

$$\textcircled{19} \text{ কেন্দ্রমুখী ত্বরণ}, a = \alpha r = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$

$$\textcircled{20} \text{ কেন্দ্রমুখী বল}, F = \frac{mv^2}{r} = m\omega^2 r$$

**Part 4****গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type 1****সরণ, বেগ ও ত্বরণ**

০১. একটি ফুটবল  $88 \text{ ms}^{-1}$  বেগে চলতে আരম্ভ করল। সেটি এর মধ্যে  $10 \text{ ms}^{-2}$  হয় তখে  $5 \text{ s}$  এ ক্ষমতি করে দূর যাবে এবং পামার পূর্বে করে দূরত্ব অতিক্রম করবে?

**Solve:** আমরা জানি,  $s = v_0 t - \frac{1}{2} at^2 = 88 \times 5 - \frac{1}{2} \times 10 \times 25 = 315 \text{ m}$

আবার,  $v^2 = v_0^2 - 2as \Rightarrow s' = \frac{v_0^2 - v^2}{2a} = \frac{88^2 - 0^2}{2 \times 10} = 387.2 \text{ m Ans.}$

**[For Practice]**

০১. একটি ট্রেন হির অবস্থান হতে  $10 \text{ ms}^{-1}$  ত্বরণে চলতে আরম্ভ করল। একই সময় একটি গাড়ি  $100 \text{ ms}^{-1}$  সমবেগে ট্রেনের সমান্তরালে চলা শুরু করল। ট্রেন গাড়িটিকে কখন পিছনে যেতেবে?

**Ans.**  $20 \text{ s}$

**Type 2****তক্তা ও বন্দকের গতি**

০১. কোনো তক্তার  $9 \text{ cm}$  তেজ করার পর তলির বেগ অর্দেক হলে তলি আর কতদূর গিয়ে থামবে?

**Solve:**  $h = \frac{h'}{2^2 - 1} = \frac{9}{4 - 1} = 3 \text{ cm Ans.}$

**[For Practice]**

০১.  $50 \text{ m/s}$  বেগে চলত একটি বৃক্ষটি একসত কাঠে  $25 \text{ cm}$  থেবেশ করতে পারে। একই বেগ সম্পর্ক বৃক্ষটি  $9 \text{ cm}$  পুরু অনুরূপ কাঠে লাগলে করে বেগে দেরিয়ে যাবে?

**Ans.**  $40 \text{ m/s}$

**Type 3****পড়ার গতি**

০১.  $98 \text{ m}$  উচ্চতা থেকে কোনো বক্রকে নিচের দিকে ফেলে দেওয়া হল এবং একই সময়ে  $49 \text{ m/s}$  বেগে উপরের দিকে অন্য একটি বক্রকে নিষেধ করা হল। এবা কখন পরস্পর মিলিত হবে এবং কোথায় মিলিত হবে?

**Solve:** ধরি, ভূমি হতে  $x$  উচুতে  $t$  সময় পর মিলিত হবে।

$t = \frac{h}{v} = \frac{98}{49} = 2 \therefore (h - x) = \frac{1}{2} gt^2 \Rightarrow x = 78.4 \text{ m Ans.}$

**[For Practice]**

০১. একটি ছেলে গলা বাড়িয়া তার ভবনের জানালা থেকে যা ভূমির উপরে  $10 \text{ m}$  উচ্চতায় উপরের দিকে একটি বল  $10 \text{ ms}^{-1}$  বেগে ছুঁড়ে দেয়। কলটি ভূমির উপর সর্বোচ্চ করে উচ্চতায় উঠবে?

**Ans.**  $15.1 \text{ m}$

**Type 4****প্রক্ষেপক বা প্রাস**

০১. এক খন্ড পাথরকে  $115 \text{ m}$  উচু পাহাড়ের ছাড়া থেকে আনুভূমিকের সমান্তরালে ছুঁড়ে দেওয়া হলো। পাথরটি পাহাড়ের পাদদেশ থেকে  $92.5 \text{ m}$  দূরে শিরে ভূমিতে পড়ল। পাথরটি করে দ্রুতিতে ছোঁড়া হয়েছিল?

**Solve:**  $x^2 = \frac{2u^2}{g} y \Rightarrow 92.5^2 = \frac{2u^2}{9.8} 115 \Rightarrow u = 19.1 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$

**[For Practice]**

০১. একটি প্রক্ষেপকের আনুভূমিক পাল্লা  $79.53 \text{ m}$  এবং বিচরণকাল  $5.3 \text{ sec}$ । নিষেধপণ বেগ ও নিষেধপণ কোণ কত?

**Ans.**  $30 \text{ ms}^{-1}, 60^\circ$

**Type 5****কৌণিক গতি ও কেন্দ্রমুখী ত্বরণ**

০১. মিনিটের কাঁটার কৌণিক বেগ কত?

**Solve:** মিনিটের কাঁটার পর্যায়কাল  $T = 1 \text{ h} = 3600 \text{ sec}$

$\omega = \frac{2\pi}{T} \text{ rad/s} = \frac{2 \times 3.14}{3600} \text{ rad/s} = 1.74 \times 10^{-3} \text{ rad/s Ans.}$

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS
- Part 5** / জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর
১. একটি তলা  $3.0 \text{ m}$  দূরত্বের পথে এটি বিনিটে  $30$  বার আবর্তন করে। এর প্রৈরিক লেব কত? [NU-Science : 14-15]
    - (A)  $\pi \text{ ms}^{-1}$
    - (B)  $3 \pi \text{ ms}^{-1}$
    - (C)  $4 \pi \text{ ms}^{-1}$
    - (D)  $0.5 \pi \text{ ms}^{-1}$  **Ans(B)**
  ২. একটি খাড়া পাহাড়ের উপর থেকে একটি পাথর নিচের দিকে ছেড়ে দেওয়ার পথ  $30 \text{ m}$  দূরত্বে এর পথিকো হলো- [NU-Science : 13-14]
    - (A)  $16 \text{ m/s}$
    - (B)  $24 \text{ m/s}$
    - (C)  $588 \text{ m/s}$
    - (D)  $44 \text{ m/s}$  **Ans(B)**
  ৩.  $9.8 \text{ ms}^{-2}$  বেগে একটি পাথর উপরে নিকেপ করা হল, এটি কত সময় পরে হৃপৃষ্ঠ কিন্তু আলবে [NU-Science : 12-13]
    - (A)  $5 \text{ s}$
    - (B)  $2 \text{ s}$
    - (C)  $3 \text{ s}$
    - (D)  $10 \text{ s}$  **Ans(B)**
  ৪. প্রেসি  $\oplus$  সমন্বয় সরবারে দৃঢ় রোধে তুল্যরোধ ব্যবস্থামে  $25 \Omega$  ও  $4 \Omega$ । গ্রেড দুটির মান কত? [NU-Science : 12-13]
    - (A)  $12 \Omega$  এবং  $13 \Omega$
    - (B)  $20 \Omega$  এবং  $5 \Omega$
    - (C)  $10 \Omega$  এবং  $15 \Omega$
    - (D)  $22 \Omega$  এবং  $5\Omega$  **Ans(B)**
  ৫. হির অবস্থা হতে স্বত্ত্বালে চলান কর্তৃ নিশ্চিট সময়ে অতিক্রম দূরত্ব প্রাপ্ত হোলো- [NU-Science : 10-11]
    - (A) সমন্বয়িক
    - (B) বর্তের সমন্বয়িক
    - (C) বর্তন্বয়িক
    - (D) বর্তের বর্তন্বয়িক **Ans(B)**
  ৬. হির অবস্থা থেকে দেখ বাহ্যের সময়ে  $2 \text{ s}$  স্থানে পথে তার বেগ  $8 \text{ m/s}$  হলো। ঐ ব্যক্তি উভ সময়ে মূলত অতিক্রম করে তা হলো- [NU-Science : 10-11]
    - (A)  $16 \text{ m}$
    - (B)  $8 \text{ m}$
    - (C)  $32 \text{ m}$
    - (D)  $19 \text{ m}$  **Ans(B)**
  ৭.  $20 \text{ meter}$  হৃত থেকে একটি বৃত্ত পৃষ্ঠাতে পতিত হো। অভিকর্ষ ত্বরণ,  $g = 10 \text{ ms}^{-2}$  হল, তুল্য সরবর মূলত এর হো- [NU-Science : 09-10]
    - (A)  $12 \text{ ms}^{-1}$
    - (B)  $20 \text{ ms}^{-1}$
    - (C)  $22 \text{ ms}^{-1}$
    - (D)  $2 \text{ ms}^{-1}$  **Ans(B)**
  ৮. হির অবস্থা থেকে পর্যবেক্ষণ কর্তৃ নিচের সমন্বয়িক? [NU-Science : 08-09]
    - (A) দূরত্বাল
    - (B) দূরত্বাল বর্তের
    - (C) সমন্বয়
    - (D) সমন্বয়ের বর্তের **Ans(C)**
  ৯. একটি বৃত্ত উপর হতে হৃতভাবে  $4 \text{ s}$  সেকেতে পৃষ্ঠাতে পতিত হো। এটি শেষের  $2 \text{ s}$  সেকেতে কত দূরত পতিত হো? [NU-Science : 02-03]
    - (A)  $64 \text{ ফুট}$
    - (B)  $192 \text{ ফুট}$
    - (C)  $128 \text{ ফুট}$
    - (D)  $96 \text{ ফুট}$  **Ans(B)**
  ১০. একটি কর অবস্থা উপরে ছোঁড়া হল। যা ক্রম ধারকে তা- [NU-Science : 01-02]
    - (A) দ্রুতি
    - (B) স্থান
    - (C) বেগ
    - (D) ত্বরণ **Ans(D)**

**Part 6** / জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উদ্যোগী বিজ্ঞান বিশ্ববিদ্যালয়ের অন্তর্বৃত্ত বিগত প্রশ্নোত্তর

১. যেমন একটি দুরুত্ব নিশ্চিট পৃষ্ঠাতের একটি তলা তে দে করতে পারে। যেমন একটি তলা তে দে করতে তলা ঐ বুলটের বেগ কত হতে হবে?
  - (A)  $2 \text{ m/s}$
  - (B)  $4 \text{ m/s}$
  - (C)  $5 \text{ m/s}$
  - (D)  $3 \text{ m/s}$  **Ans(D)**
২. একটি সূর্যসময়ে লিক  $4 \text{ m}$  বাজের পথে দর্শক দিকে  $3 \text{ m}$  দূর। তার অতিক্রম দূরত্ব ও সময় পর্যবেক্ষণ কত  $\text{m}^2$ ? [GST-A : 21-22]
  - (A)  $2$
  - (B)  $4$
  - (C)  $1$
  - (D)  $7$  **Ans(A)**
৩. কত  $\text{ms}^{-2}$  দেয় একটি বৃত্ত উপরে নিকেপ করলে কোটি  $1 \text{ s}$  পর হৃপৃষ্ঠ কিন্তু আলবে? [GST-A : 20-21]
  - (A)  $2.45$
  - (B)  $3.8$
  - (C)  $4.9$
  - (D)  $9.8$  **Ans(C)**
৪. সূচি সময়ে দেখ সীমান্ত সীমা কোণ [CoU-A : 19-20]
  - (A)  $v = v_0 + at$
  - (B)  $v^2 = v_0^2 + 2as$
  - (C)  $s = \frac{v_0 + v}{2} t$
  - (D)  $s = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$  **Ans(B)**
৫. একটি হৃত  $20 \text{ ms}^{-1}$  পথিকো  $5 \text{ ms}^{-1}$  সময়ের সময়ে। একটি মধ্য  $50 \text{ m}$  পথ পর্যবেক্ষণ করে তাকে এই দেখ কর মুখ্য। [CoU-A : 19-20]
  - (A)  $20 \text{ ms}^{-1}$
  - (B)  $30 \text{ ms}^{-1}$
  - (C)  $40 \text{ ms}^{-1}$
  - (D)  $50 \text{ ms}^{-1}$  **Ans(B)**
৬. একটি বৃত্তে  $5 \text{ s}$  দেখ পর্যবেক্ষণ উপরে নিকেপ করে হো। এটি সর্বাধিক কত তেজের প্রৈরিক? [CoU-A : 13-15]
  - (A)  $40 \text{ m/s}$
  - (B)  $500 \text{ m/s}$
  - (C)  $9.8 \text{ m/s}$
  - (D)  $9.8 \text{ m}$  **Ans(A)**

৭. একটি থাসের তাঙ্কপিক বেগের অভিন্ন পথিকো পদ্ধতি-বৰ্তনে- [IU-D : 19-20]
  - (A) উলৱ বৰাবৰ
  - (B) সমান্বয় বৰাবৰ
  - (C) অনুভূমিক বৰাবৰ
  - (D) সমান্বয়ীল বৰাবৰ **Ans(B)**
৮. একটি বোমার বিমান হৃতি হতে  $1.96 \text{ km}$  উচ্চতায় তুমির সময়েরালে  $120 \text{ ms}^{-1}$  দেগে দোয়া দেলালে, দোয়াটি কতক্ষণ পথ মাটিতে আসত হোবে? [IU-D : 19-20]
  - (A)  $14 \text{ sec.}$
  - (B)  $17 \text{ sec.}$
  - (C)  $20 \text{ sec.}$
  - (D)  $23 \text{ sec.}$  **Ans(C)**
৯.  $14 \text{ m/s}$  দেগে একটি পাথরকে উপরের দিক হৃতে দেওয়া হলো। পাথরটি মাটিতে দিবে আসতে কত সময় লাগবে? [BRUR-E : 19-20]
  - (A)  $1.83 \text{ s}$
  - (B)  $2.3 \text{ s}$
  - (C)  $1.43 \text{ s}$
  - (D)  $2.86 \text{ s}$  **Ans(D)**
১০. আনুভূমিক পথে সমগ্রতিতে উচ্চয়নশীল একটি বোমার বিমানের স্থানে থেকে একটি বোমার বাঁধন আলগা করে হৃতে দেওয়া হলো। এটির পথিকো আকার কি হবে? [BU-A : 19-20]
  - (A) Circular
  - (B) Straight
  - (C) Hyperbolic
  - (D) Parabolic **Ans(D)**

**Part 7**

স্থান্য MCQ

১. বেগ বনাম সময় লেখচিত্রের চাল নির্দেশ করে-
  - (A) সূরণ
  - (B) দ্রুতি
  - (C) হৃৎ
  - (D) বল **Ans(C)**
২. সময়ের ব্যবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে সময়ের সাথে বন্ধন স্থানের দ্রুতি-
  - (A) তাঙ্কপিক দ্রুণ
  - (B) তাঙ্কপিক বেগ
  - (C) দ্রুণ
  - (D) গড় দূরত্ব **Ans(B)**
৩. সর্বোচ্চ উচ্চতার পূর্বে বা পরের কোন বিন্দুতে আসের গতি-
  - (A) দ্বি-মাত্রিক
  - (B) একমাত্রিক
  - (C) দ্বি-মাত্রিক
  - (D) সঠিক উভয় নেই **Ans(A)**
৪. অনুভূমিকের সাথে কত কোণে নিকেপ করলে এটি সর্বাধিক দূরত্ব অতিক্রম করবে?
  - (A)  $45^\circ$
  - (B)  $0^\circ$
  - (C)  $90^\circ$
  - (D)  $60^\circ$  **Ans(A)**
৫. দূরত্বাকার গতির উদাহরণ নয় কোনটি?
  - (A) গাড়ির চাকার গতি
  - (B) পাখার গতি
  - (C) ধানোকেন রেকর্ড
  - (D) টেনের গতি **Ans(D)**
৬.  $t$  সময় পথে  $x = 6t$  এবং  $y = 8t - 5t^2$  হলে ঐ মুহূর্তে আসের নিকেপ কে হবে?
  - (A)  $10 \text{ ms}^{-1}$
  - (B)  $5 \text{ ms}^{-1}$
  - (C)  $6 \text{ ms}^{-1}$
  - (D)  $8 \text{ ms}^{-1}$  **Ans(A)**
৭. আসের গতিপথের সর্বোচ্চ বিন্দুতে দ্রুতি-
  - (A) সর্বোচ্চ হবে
  - (B) সর্বন্মোচ হবে
  - (C) শূন্য হবে
  - (D)  $-g$  হবে **Ans(D)**
৮. একটি পাথরভকে হৃ-পৃষ্ঠ থেকে খাড়া উপরের দিকে তুলতে থাকলে এর উপর কয়তি কল কিয়া করে?
  - (A) ১
  - (B) ২
  - (C) ৩
  - (D) ৪ **Ans(B)**
৯. হির অবস্থা থেকে খাড়া করে একটি বৃত্ত পথে দেখে কেতে  $2 \text{ m}$  দূরত্ব অতিক্রম করে, পরবর্তী  $2 \text{ m}$  দূরত্ব অতিক্রম করতে কত সময় লাগবে?
  - (A)  $0.41 \text{ sec}$
  - (B)  $1.0 \text{ sec}$
  - (C)  $1.41 \text{ sec}$
  - (D)  $2.0 \text{ sec}$  **Ans(A)**
১০. আলিক বেগের কেতে নীট দ্রুতি?
  - (A) সর্বাধিক
  - (B) সর্বন্মোচ
  - (C) বাধাত্মক
  - (D) শূন্য **Ans(D)**
১১. দ্বিমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামোর উদাহরণ কোনটি?
  - (A) পাতলা কাগজ
  - (B) সিলিন্ডার
  - (C) ঝুলত সূতা
  - (D) ঝুলত লাঠি **Ans(B)**
১২. একটি আল বেগ গতিপথের সর্বোচ্চ বিন্দুতে আসে, তখন এর গতিকে এবং দ্রুতির দিক প্রস্পরের -
  - (A) সমান্বয়
  - (B) বিপরীতমুখী
  - (C)  $45^\circ$  কোণে আনত
  - (D) সমকোণে **Ans(D)**
১৩. একটি আসকে হৃ-পৃষ্ঠ থেকে উচ্চক্ষেপণ করা হলে কোন রাশিটি প্রুক থাকে?
  - (A) দেগের অনুভূমিক উপাংশ
  - (B) ভরবেগ
  - (C) দেগের উলৱ উপাংশ
  - (D) গতিশক্তি **Ans(A)**
১৪.  $s = s_0 + vt$ , এখানে,  $s$  বনাম  $t$  লেখ একটি-
  - (A) বৃত্ত
  - (B) সরলরেখা
  - (C) উপবৃত্ত
  - (D) পরাবৃত্ত **Ans(B)**
১৫. একটি প্রুককে সময়ের সাপেক্ষে সমাকলন করলে কি পাওয়া যায়?
  - (A) সরলরেখা
  - (B) বক্ররেখা
  - (C) বৃত্ত
  - (D) কোনোটি নয় **Ans(A)**
১৬. গতি এবং দ্রুতি দুটোর জন্যই প্রয়োজন হয়-
  - (A) কল
  - (B) শক্তি
  - (C) ক্ষমতা
  - (D) কাজ **Ans(A)**
১৭. নিচের কোনটি গতির প্রকারভেদ নয়?
  - (A) দেগের গতি
  - (B) উর্ধ্ব গতি
  - (C) চলন গতি
  - (D) ঘূর্ণন গতি **Ans(B)**
১৮. অতি অল্প সময়ে বন্ধনকে ঐ সময় দিয়ে ভাগ করে যেটি পাওয়া যায় সেটি হলো-
  - (A) তাঙ্কপিক বেগ
  - (B) গড় বেগ
  - (C) প্রকৃত বেগ
  - (D) প্রকৃত দ্রুতি **Ans(C)**

## অধ্যায় ৮

## নিউটনিয়ান বলবিদ্যা

## Part 1

## গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

## ৫ বল ও বলের প্রকারভেদ সংক্ষিপ্ত :

- ❖ বল : যা হির বন্ধন উপর ক্রিয়া করে তাকে গতিশীল করে বা করতে চায় বা গতিশীল বন্ধন উপর ক্রিয়া করে তার গতির পরিবর্তন করে বা করতে চায় তাকে বল বলে।
- ❖ বলের বৈশিষ্ট্য : বল তৃপণ সৃষ্টি করতে পারে, বল বন্ধন বিকৃতি বা আকারের পরিবর্তন ঘটাতে পারে, গতির দিক পরিবর্তন করতে পারে।
- ❖ মনে রাখতে হবে : ১ নিউটন =  $10^5$  ডাইন, ১ পাউন্ড = 13825.7 ডাইন, ১ নিউটন = 7.23 পাউন্ড ও ১ পাউন্ড = 32 পাউন্ড।
- ❖ ঘাত বল : খুব সীমিত সময়ের জন্য যে বৃহৎ মানের বল প্রযুক্ত হয় তাকে ঘাত বল বলে। ঘাত বলের মাত্রা = [MLT<sup>-2</sup>] ও একক = N
- ❖ বলের ঘাত : কোনো বল ও বলের ক্রিয়ার গুণফলকে ঐ বলের ঘাত বলে। বলের ঘাত বা ভরবেগের মাত্রা = [MLT<sup>-1</sup>] ও একক = kgms<sup>-1</sup>

## ৬ মৌলিক বল সংক্ষিপ্ত :

- মৌলিক বল : যে সকল বল অন্য কোনো বল থেকে উৎপন্ন হয় না বরং অন্যান্য বলে এ সকল বলের প্রকাশ ঘটে তাকে মৌলিক বল বলে।
- মৌলিক বলের প্রকারভেদ : ১. সবল নিউটনিয় বল ২. তড়িৎ চুম্বকীয় বল ৩. দূর্বল নিউটনিয় বল ৪. মহাকর্ম বল
- মৌলিক বলগুলোর মধ্যেকার তুলনা :

বিষয়	সবল নিউটনিয় বল	তড়িৎ চুম্বকীয় বল	দূর্বল নিউটনিয় বল	মহাকর্ম বল
বৈশিষ্ট্য	প্রোটন ও নিউট্রনকে একত্রে আবদ্ধ করে নিউক্লিয়াস গঠন করে	ইলেক্ট্রনকে নিউক্লিয়াসের সাথে আবদ্ধ করে পরমাণু গঠন করে	নিউটনিয় বিটাক্যুরের জন্য দায়ী	নক্ষত্রগুলোকে একত্রিত করে গ্যালাক্সি গঠন করে
পার্সা	$10^{-15}$ m	অসীম	$10^{-16}$ m	অসীম
আপেক্ষিক সবলতা (সবল নিউটনিয় বলের সাপেক্ষে)	1	$10^{-2}$	$10^{-11}$	$10^{-41}$
আপেক্ষিক সবলতা (মহাকর্ম বলের সাপেক্ষে)	$10^{41}$	$10^{39}$	$10^{30}$	1
বাহক কণা	গুরু, মেসন	ফোটন	W ও Z বোসন	গ্রাভিটন

## ৭ নিউটনের গতিসূত্র ও বন্ধন জড়তা সংক্ষিপ্ত :

- ❖ জড়তা : একটি বন্ধন যেমন আছে ঠিক তেমন থাকতে চাওয়ার যে ধর্ম তাকে জড়তা বলে। জড়তা 2 প্রকার -
  - ছিতি জড়তা : হির বন্ধন চিরকাল হির থাকার প্রবণতাকে ছিতি জড়তা বলে। যেমন: মুদ্রা ও কাপের পরীক্ষা, চলমান গাড়ীতে আরোহী পিছনের দিকে হেলে পড়া, ঘোড়া হাঁচাই চলনে আরোহী পেছনে হেলে পড়া, কাঁচের জানলায় বুলেট লাগলে কাঁচ না ভাঙা।
  - গতি জড়তা : যে ধর্মের জন্য গতিশীল বন্ধন চিরকাল গতিশীল থাকতে চায় তাকে গতি জড়তা বলে। যেমন: চলমান গাড়ীতে আরোহী সামনের দিকে ঝুকে পড়া, ধাবমান ঘোড়ার পিঠ হতে লাফ দিয়ে পুনরায় ফিরে আসা, লংজাম্প প্রতিযোগীতায় প্রতিযোগীরা কিছু দূর দৌড়ে তারপর লাফ দেন।
- ❖ নিউটনের গতিসূত্র : 1687 সালে স্যার আইজ্যাক নিউটন তার বিখ্যাত গ্রন্থ "ন্যাচারালিস ফিলোসোফিয়া প্রিসিপিয়া ম্যাথেমেটিকা" তে বন্ধন ভর, গতি ও বলের মধ্যে সম্পর্ক ছাপন করে তিনটি সূত্র প্রকাশ করেন।
  - ১ম সূত্র : বাহ্যিক বল প্রয়োগে বন্ধন অবস্থার পরিবর্তন করতে বাধ্য না করলে হির বন্ধন চিরকাল হিরই থাকবে এবং গতিশীল বন্ধন সমবেগে চলতে থাকবে।
  - ২য় সূত্র : বন্ধন ভরবেগের পরিবর্তনের হার তার উপর প্রযুক্ত বলের সমানুপাতিক এবং বল যেদিকে ক্রিয়া করে বন্ধন ভরবেগের পরিবর্তনও সেদিকে ঘটে।
  - ৩য় সূত্র : প্রত্যেক ক্রিয়ার একটা সমান ও বিপরীত প্রতিক্রিয়া আছে।

## ৮ ভরবেগ, ঘর্ষণ ও সংঘর্ষ সংক্ষিপ্ত :

- ❖ ঘর্ষণ : একটি বন্ধনে যখন অন্য একটি বন্ধন উপর দিয়ে গড়িয়ে বা টেনে নিলে বন্ধন দুটির সংযোগস্থলে উচুনিচু বা খাঁজ থাকায় বন্ধন দুটি পরম্পরারের সাথে আটকে যায়, ফলে গতি বাধ্যাত্মক হয়, ইহাই ঘর্ষণ, যে কল দ্বারা গতি বাধ্যাত্মক হয় তাকে ঘর্ষণ কল বলে। ঘর্ষণ সাধারণত ৪ প্রকার। যথা: ছিতি ঘর্ষণ, গাটীয় বা কিস্প ঘর্ষণ, আবর্ত ঘর্ষণ ও প্রবাহ্য ঘর্ষণ।
- ❖ ছিতি ঘর্ষণ : কোনো তল ও এই তলের উপর অবস্থিত কোনো বন্ধনে আপেক্ষিক গতি সৃষ্টি না হওয়া পর্যন্ত যে ঘর্ষণ বল কাজ করে তাকে ছিতি ঘর্ষণ বলে।
- ❖ ছিতি ঘর্ষণ গুণাক : ছিতি ঘর্ষণের সীমান্তিক মান  $f_s$  এবং অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া R হলে, ছিতি ঘর্ষণ গুণাক,  $\mu_s = \frac{f_s}{R}$ । ছিতি ঘর্ষণ গুণাকে কোনো এক মেই, এর মান সর্বদা 1 অপেক্ষ ছেত হয়।
- ❖ ঘর্ষণ কোণ : সীমান্তিক ঘর্ষণের ক্ষেত্রে অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া (R) এবং ঘর্ষণ বলের ( $f_s$ ) লকি প্রতিক্রিয়া (S) বলে। এই লকি প্রতিক্রিয়া অভিলম্ব প্রতিক্রিয়ার সাথে যে কোন উৎপন্ন করে তাকে ঘর্ষণ কোণ ( $\lambda$ ) বলে।  $\therefore \mu_s = \tan \lambda$
- ❖ ছিতি বা নিশ্চল কোণ : অনুভূমিকের সাথে কোনো তল যে কোণ সৃষ্টি করলে আনত তলের উপরস্থ কোনো বন্ধন গতিশীল হওয়ার উপক্রম হয় সেই কোণকে এই তলে বন্ধনের ছিতি বা নিশ্চল কোণ বলে।  $\theta = \lambda$  অর্থাৎ, ঘর্ষণ কোণ ও ছিতি কোণ পরম্পর সমান।
- ❖ গতীয় ঘর্ষণ : একটি বন্ধন যখন অন্য একটি তল বা বন্ধন উপর গতিশীল হয় অর্থাৎ দুটি স্পর্শস্থলের মধ্যে যখন আপেক্ষিক গতি বিদ্যমান তাকে তখন তাদের মধ্যে যে ঘর্ষণ ক্রিয়া করে তাকে গতীয় ঘর্ষণ বলে। গতীয় ঘর্ষণ বলের মান ছিতি ঘর্ষণ বলের সীমান্তিক মানের চেয়ে কম হয়।
- ❖ সংঘর্ষ : দুটি বন্ধন যদি একটা খুব বড় মানের বলে খুব অল্প সময়ের জন্যে পরম্পরকে আঘাত করে তাহলে তাকে বলা হয় সংঘর্ষ। সংঘর্ষ 2 প্রকার।
- ❖ ছিতিঘাপক সংঘর্ষ : দুটি বন্ধন মধ্যে সংঘর্ষ হলে যদি মোট গতি শক্তি সংরক্ষিত থাকে তাহলে তাকে ছিতিঘাপক সংঘর্ষ বলে। যেমন : পরমাণু, ইলেক্ট্রন ইত্যাদির মধ্যে সংঘর্ষ। উদাহরণ : দুটি ইলেক্ট্রন বা কানেক্টর বলের মধ্যে সংঘর্ষ, দুটি ধাতব বলের মধ্যে সংঘর্ষ ও দুটি মার্বেলের মধ্যে সংঘর্ষ।
- ❖ অঞ্চিতিঘাপক সংঘর্ষ : দুটি বন্ধন মধ্যে ধাতব লাগলে বা সংঘর্ষ হলে যদি বন্ধনগুলোর মোট গতিশক্তি সংরক্ষিত না হয় তাহলে তাকে অঞ্চিতিঘাপক সংঘর্ষ বলে। উদাহরণ : বন্দুকের গুলি যখন লক্ষ্যবন্ধনে যুক্ত হয়, দুটি কানামাটির বলের মধ্যে সংঘর্ষ, গাছ থেকে পড়ত ফল কাদার মধ্যে আঘাতে যাওয়া ও গতিশীল মার্বেলের কাদার মধ্যে আঘাতে যাওয়া।

## ৫ বল ও বলের প্রকারভেদ সংক্ষিপ্ত :

- বল : যা ছির বস্তুর উপর দিয়া করে তাকে গতিশীল করে বা করতে চায় বা গতিশীল বস্তুর উপর দিয়া করে তার গতির পরিবর্তন করে বা করতে চায় তাকে বল বলে।
- বলের বৈশিষ্ট্য : বল ত্বরণ সৃষ্টি করতে পারে, বল বস্তুর বিকৃতি বা আকারের পরিবর্তন ঘটাতে পারে, গতির দিক পরিবর্তন করতে পারে।
- মনে রাখতে হবে : ১ নিউটন =  $10^5$  ডাইন, ১ পাউন্ড = 13825.7 ডাইন, ১ নিউটন = 7.23 পাউন্ড ও ১ পাউন্ড - ওজন = 32 পাউন্ড।
- ঘাত বল : খুব সীমিত সময়ের জন্য যে বৃহৎ মানের বল প্রযুক্ত হয় তাকে ঘাত বল বলে। ঘাত বলের মাত্রা = [MLT<sup>-2</sup>] ও একক = N
- বলের ঘাত : কোনো বল ও বলের দ্রিয়ার গুণফলকে ঐ বলের ঘাত বলে। বলের ঘাত বা ভরবেগের মাত্রা = [MLT<sup>-1</sup>] ও একক = kgms<sup>-1</sup>

## ৬ মৌলিক বল সংক্ষিপ্ত :

- মৌলিক বল : যে সকল বল অন্য কোনো বল থেকে উৎপন্ন হয় না বরং অন্যান্য বলে এ সকল বলের প্রকাশ ঘটে তাকে মৌলিক বল বলে।
- মৌলিক বলের প্রকারভেদ : ১. সবল নিউক্লিয় বল ২. তড়িৎ চুম্বকীয় বল ৩. দূর্বল নিউক্লিয় বল ৪. মহাকর্ষ বল
- মৌলিক বলগুলোর মধ্যেকার তুলনা :

বিষয়	সবল নিউক্লিয় বল	তড়িৎ চুম্বকীয় বল	দূর্বল নিউক্লিয় বল	মহাকর্ষ বল
বৈশিষ্ট্য	প্রোটন ও নিউটনকে একত্রে আবদ্ধ করে নিউক্লিয়াস গঠন করে	ইলেক্ট্রনকে নিউক্লিয়াসের সাথে আবদ্ধ করে পরমাণু গঠন করে	নিউক্লিয় বিটাক্ষয়ের জন্য দায়ী	নক্ষত্রগুলোকে একত্রিত করে গ্যালাক্সি গঠন করে
পাত্রা	$10^{-15}$ m	অসীম	$10^{-16}$ m	অসীম
আপেক্ষিক সবলতা (সবল নিউক্লিয় বলের সাপেক্ষে)	1	$10^{-2}$	$10^{-11}$	$10^{-41}$
আপেক্ষিক সবলতা (মহাকর্ষ বলের সাপেক্ষে)	$10^{41}$	$10^{39}$	$10^{30}$	1
বাহক কণা	গুরু, মেসন	ফোটন	W ও Z বোসন	আভিটন

## ৭ নিউটনের গতিসূত্র ও বস্তুর জড়তা সংক্ষিপ্ত :

- জড়তা : একটি বস্তু যেমন আছে ঠিক তেমন থাকতে চাওয়ার যে ধর্ম তাকে জড়তা বলে। জড়তা ২ প্রকার -
  - ছিতি জড়তা : ছির বস্তুর চিরকাল ছির থাকার প্রবণতাকে ছিতি জড়তা বলে। যেমন: মুদ্রা ও কাপের পরীক্ষা, চলমান গাড়ীতে আরোহী পিছনের দিকে হেলে পড়া, ঘোড়া হঠাতে চললে আরোহী পেছনে হেলে পড়া, কাঁচের জানলায় বুলেট লাগলে কাঁচ না ভঙ্গ।
  - গতি জড়তা : যে ধর্মের জন্য গতিশীল বস্তু চিরকাল গতিশীল থাকতে চায় তাকে গতি জড়তা বলে। যেমন: চলমান গাড়ীতে আরোহী সামনের দিকে ঝুকে পড়া, ধাবমান ঘোড়ার পিঠ হতে লাফ দিয়ে পুনরায় ফিরে আসা, লংজাস্প প্রতিযোগীতায় প্রতিযোগীরা কিছু দূর দৌড়ে তারপর লাফ দেন।
- নিউটনের গতিসূত্র : 1687 সালে স্যার আইজ্যাক নিউটন তার বিখ্যাত গ্রন্থ "ন্যাচারালিস ফিলোসোফিয়া প্রিসিপিয়া ম্যাথেমেটিকা" তে বস্তুর ভর, গতি ও বলের মধ্যে সম্পর্ক হাপন করে তিনটি সূত্র প্রকাশ করেন।
  - ১ম সূত্র : বাহ্যিক বল প্রয়োগে বস্তুর অবস্থার পরিবর্তন করতে বাধ্য না করলে ছির বস্তু চিরকাল ছিরই থাকবে এবং গতিশীল বস্তু সমবেগে চলতে থাকবে।
  - ২য় সূত্র : বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তনের হার তার উপর প্রযুক্ত বলের সমানুপাতিক এবং বল যেদিকে দিয়া করে বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তনও সেদিকে ঘটে।
  - ৩য় সূত্র : প্রত্যেক দ্রিয়ারই একটা সমান ও বিপরীত প্রতিক্রিয়া আছে।

## ৮ ভরবেগ, ঘর্ষণ ও সংঘর্ষ সংক্ষিপ্ত :

- ঘর্ষণ : একটি বস্তুকে যখন অন্য একটি বস্তুর উপর দিয়ে গড়িয়ে বা টেনে নিলে বস্তু দুটির সংযোগস্থলে উচুনিচু বা খাঁজ থাকায় বস্তু দুটি পরম্পরের সাথে আটকে যায়, ফলে গতি বাধ্যাত্মক হয়, ইহাই ঘর্ষণ, যে বল দ্বারা গতি বাধ্যাত্মক হয় তাকে ঘর্ষণ বল বলে। ঘর্ষণ সাধারণত ৪ প্রকার। যথা : ছিতি ঘর্ষণ, গতীয় বা বিসর্প ঘর্ষণ, আবর্ত ঘর্ষণ ও প্রবাহী ঘর্ষণ।
- ছিতি ঘর্ষণ : কোনো তল ও এই তলের উপর অবস্থিত কোনো বস্তুর মধ্যে আপেক্ষিক গতি সৃষ্টি না হওয়া পর্যন্ত যে ঘর্ষণ বল কাজ করে তাকে ছিতি ঘর্ষণ বলে।
- ছিতি ঘর্ষণ গুণাঙ্ক : ছিতি ঘর্ষণের সীমান্তিক মান  $f_s$  এবং অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া R হলে, ছিতি ঘর্ষণ গুণাঙ্ক,  $\mu_s = \frac{f_s}{R}$ । ছিতি ঘর্ষণ গুণাঙ্কের কোনো একক নেই, এর মান সর্বদা । অপেক্ষা ছেট হয়।
- ঘর্ষণ কোণ : সীমান্তিক ঘর্ষণের ক্ষেত্রে অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া (R) এবং ঘর্ষণ বলের ( $f_s$ ) লকিকে লকি প্রতিক্রিয়া (S) বলে। এই লকি প্রতিক্রিয়া অভিলম্ব প্রতিক্রিয়ার সাথে যে কোন উৎপন্ন করে তাকে ঘর্ষণ কোণ ( $\lambda$ ) বলে।  $\therefore \mu_s = \tan \lambda$
- ছিতি বা নিশ্চল কোণ : অনুভূমিকের সাথে কোনো তল যে কোণ সৃষ্টি করলে আনত তলের উপরস্থ কোনো বস্তু গতিশীল হওয়ার উপক্রম হয় সেই কোণকে ঐ তলে বস্তুটির ছিতি বা নিশ্চল কোণ বলে।  $\theta = \lambda$  অর্থাৎ, ঘর্ষণ কোণ ও ছিতি কোণ পরম্পর সমান।
- গতীয় ঘর্ষণ : একটি বস্তু যখন অন্য একটি তল বা বস্তুর উপর গতিশীল হয় অর্থাৎ দুটি স্পর্শস্থলের মধ্যে যখন আপেক্ষিক গতি বিদ্যমান তাকে তখন তাদের মধ্যে যে ঘর্ষণ দ্রিয়া করে তাকে গতীয় ঘর্ষণ বলে। গতীয় ঘর্ষণ বলের মান ছিতি ঘর্ষণ বলের সীমান্তিক মানের চেয়ে কম হয়।
- সংঘর্ষ : দুটি বস্তু যদি একটা খুব বড় মানের বলে খুব অল্প সময়ের জন্যে পরম্পরাকে আঘাত করে তাহলে তাকে বল কাজ করে যাওয়া হয় সংঘর্ষ। সংঘর্ষ ২ প্রকার।
- ছিতিঘাপক সংঘর্ষ : দুটি বস্তুর মধ্যে সংঘর্ষ হলে যদি মোট গতি শক্তি সংরক্ষিত থাকে তাহলে তাকে ছিতিঘাপক সংঘর্ষ বলে। যেমন : পরমাণু, ইলেক্ট্রন ইত্যাদির মধ্যে সংঘর্ষ। উদাহরণ : দুটি ইলেক্ট্রন বা কাচের বলের মধ্যে সংঘর্ষ, দুটি ধাতব বলের মধ্যে সংঘর্ষ ও দুটি মার্বেলের মধ্যে সংঘর্ষ।
- অছিতিঘাপক সংঘর্ষ : দুটি বস্তুর মধ্যে ধাতব লাগলে বা সংঘর্ষ হলে যদি বস্তুগুলোর মোট গতিশক্তি সংরক্ষিত না হয় তাহলে তাকে অছিতিঘাপক সংঘর্ষ বলে। উদাহরণ : বন্দুকের গুলি যখন লক্ষ্যবস্তুতে যুক্ত হয়, দুটি কাদামাটির বলের মধ্যে সংঘর্ষ, গাছ থেকে পড়স্ত ফল কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া ও গতিশীল মার্বেলের কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া।

## ৫ কৌণিক গতি সংক্রান্ত কয়েকটি রাশি :

- ◇ কৌণিক সরণ : বৃত্তীয় গতিতে সচল কণার ব্যাসার্ধ ডেক্টের কোনো নির্দিষ্ট সময়ের অবকাশে যে কোণে সরে যায়, তাকে এই কণাটির কৌণিক সরণ বলে। একে  $\theta$  দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- ◇ কৌণিক বেগ : কৌণিক গতি অসম হলে কৌণিক সরণ এবং অতিক্রান্ত সময়ের অনুপাতকে কণার কৌণিক বেগ বলে। একে  $\omega$  দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- ◇ কৌণিক ত্বরণ : সময় ব্যাবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে সময়ের সাথে বস্তুর কৌণিক বেগের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক ত্বরণ বলে। একে  $\alpha$  দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- ◇ কৌণিক ভরবেগ : ঘূর্ণনরত কোনো বস্তুকণার ব্যাসার্ধ ডেক্টের ও রৈখিক ভরবেগের ডেক্টের গুণফলকে কৌণিক ভরবেগ বলে। বস্তুর উপর ক্রিয়ার ত্বরণ উপর কৌণিক ভরবেগের লক্ষ

শূন্য হলে, ঘূর্ণায়মান বস্তুর কৌণিক ভরবেগের পরিবর্তন হবে না। একে  $L$  দ্বারা প্রকাশ করা হয়।  $L = r \times P$

কৌণিক ভরবেগের মাত্রা:  $[ML^2 T^{-1}]$  ও এর একক  $kg \cdot m^2 s^{-1}$

- ◇ কৌণিক ভরবেগের সংরক্ষণ সূত্র : কোনো বস্তুর উপর টর্কের লক্ষ শূন্য হলে বস্তুটির কৌণিক ভরবেগ সংরক্ষিত থাকে। কৌণিক ভরবেগ,  $L = I\omega$

## ৬ জড়তার আমক ও চক্রগতির ব্যাসার্ধ সংক্রান্ত :

- ◇ জড়তার আমক : কোনো অক্ষের সাপেক্ষে ঘূর্ণনরত কোনো দৃঢ় বস্তুর প্রতিটি কণার ভর এবং অক্ষ হতে তাদের প্রত্যেকের লম্ব দূরত্বের বর্গের গুণফলের সমষ্টিকে জড়তার আমক বলে।  $I = mr^2$ । জড়তার মোমেন্ট হ্যাস করার জন্যই দোড়ে চলার সময় হাত গুটিয়ে রাখা হয়। একই জায়গায় চক্রকারে মোরার সময় হাত প্রসারিত করা হয় জড়তার আমক বাড়ানোর জন্য।
- ◇ জড়তার আমকের নির্ভরশীলতা : বস্তুটি যে অক্ষের সাপেক্ষে ঘূরছে তার অবস্থানের উপর। অর্থাৎ, দূরত্বের উপর জড়তার আমক নির্ভর করে, বস্তুর আকৃতির উপরও।
- ◇ চক্রগতির ব্যাসার্ধ : বস্তুর ভিতরে কণা বিবেচনা করে নির্ণয় জড়তার আমক কণার পরিবর্তে যদি সমষ্টি ভর বিবেচনা করে নির্ণয় জড়তার আমকের সমান হয় তাহলে

$$\text{বস্তুর ভার কেন্দ্র থেকে অক্ষের দূরত্বকে চক্রগতির ব্যাসার্ধ বলে}, K = \sqrt{\frac{I}{M}}$$

- ◇ টর্ক বা বলের আমক বা দ্বন্দ্বের আমক : কোনো নির্দিষ্ট অক্ষের চারদিকে ঘূর্ণায়মান কোনো বস্তুতে ত্বরণ সৃষ্টির জন্য প্রযুক্ত দ্বন্দ্বের আমককে বা বলের আমককে টর্ক বলে। বলের মোমেন্ট বা আমক বা টর্ক সাধারণত  $C$  দ্বারা প্রকাশ করা হয়। দ্বন্দ্বের আমক ঘূর্ণন অক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভরশীল নয়। এর একক  $N \cdot m$  ও মাত্রা  $[ML^2 T^{-2}]$
- ◇ জড়তার আমক সংক্রান্ত উপপাদ্য :

- লম্ব অক্ষ উপপাদ্য : কোনো পাতলা সমতল পাতের তলে অবস্থিত দুটি পরস্পর লম্ব অক্ষের সাপেক্ষে পাতটির জড়তার আমকের সমষ্টি এই পাতে অবস্থিত দুই অক্ষের দ্বন্দ্বে অঙ্কিত লম্ব অক্ষ সাপেক্ষে পাতটির জড়তার আমকের সমান হবে।  $\therefore I_z = I_x + I_y$
- সমান্তরাল অক্ষ উপপাদ্য : যে কোনো অক্ষের সাপেক্ষে কোন সমতল পাতলা পাতের জড়তার আমক পাতটির ভারকেন্দ্রগামী তার সমান্তরাল অক্ষের সাপেক্ষে জড়তার আমক এবং পাতের ভর ও ঐ দুই অক্ষের মধ্যবর্তী দূরত্বের বর্গের গুণফলের সমষ্টির সমান।  $\therefore I = I_G + Mh^2$

## ৭ কেন্দ্রমুখী ও কেন্দ্রবিমুখী বল সংক্রান্ত :

- ◇ কেন্দ্রমুখী বল : কোনো বস্তু বৃত্তাকার পথে ঘূরতে থাকলে এই বৃত্তের কেন্দ্র অভিমুখে যে লক্ষ বল ক্রিয়া করে বস্তুটিকে বৃত্তাকার পথে গতিশীল রাখে তাকে কেন্দ্রমুখী বা অভিকেন্দ্র বল এবং ত্বরণকে অভিলম্ব ত্বরণ বা ব্যাসার্ধমুখী ত্বরণ বলে। এ বল দ্বারা কৃতকাজ শূন্য। উদাহরণ : মাধ্যাকর্ষণজনিত মহাকর্ষ বল, পরমাণুর নিউক্লিয়াসের চারপাশে ইলেক্ট্রনের ঘূর্ণন। এখানে ইলেক্ট্রন প্রয়োজনীয় বল, ইলেক্ট্রন ও নিউক্লিয়াসের মধ্যকার আকর্ষণ বল হতে পেরে থাকে।
- ◇ কেন্দ্রবিমুখী বল : কেন্দ্রমুখী বলের প্রতিক্রিয়াকরণ যে বল বৃত্তের কেন্দ্রের উপর ব্যাসার্ধ বরাবর কেন্দ্রের বাইরের দিকে ক্রিয়া করে তাকে কেন্দ্রবিমুখী বা অপকেন্দ্র বল বলে। কেন্দ্রবিমুখী বলের সমান ও বিপরীতমুখী।
- ◇ উদাহরণ : ন্যূট্য শিল্পীরা দুহাত প্রসারিত করে যখন বৃত্তাকার পথে পরিভ্রমণ শেষে সামনে দুহাত বাড়িয়ে দেয় কেন্দ্রবিমুখী বলের কারণে।
- ◇ রাস্তার ব্যাংকিং : রাস্তায় বাঁক ঘূরবার সময় দুর্ঘটনা থেকে রক্ষা পাবার জন্য বাঁকের ভিতরের দিকে একটু ঢালু করে রাস্তার বাঁকগুলো তৈরী করা হয় যাতে বাঁক নেয়ার জন্য প্রয়োজনীয় কেন্দ্রমুখী বল সরবরাহ করা যায়। একে রাস্তার ব্যাংকিং বলে। ব্যাংকিং কোণ  $\theta$  হলে,  $\tan\theta = \left(\frac{v}{rg}\right)$ . Road Banking গাড়ীর দ্রুতি ও বাঁকের ব্যাসার্ধের উপর নির্ভর করে গাড়ীর ভরের উপর নয়।

## Part 2

### At a glance

- ঘর্ষণ বল ও বস্তুর বেগের মধ্যকার কোণ-  $\mu$
- বৃত্তাকার গতির ক্ষেত্রে  $\omega$  এর দিক হলো- ঘূর্ণন অক্ষ বরাবর
- ধান মাড়াইয়ের চাতালে দূরবর্তী গরুকে সবচেয়ে- বেশি বেগে হাঁটতে হয়
- কণার উপর প্রযুক্ত নিট/টর্ক শূন্য হলে কৌণিক ভরবেগ- সংরক্ষিত থাকে
- এহসয়হের পৃথিবীর চারদিকে ঘোরা- মহাকর্ষ বলের জন্য
- ঘোড়া হঠাৎ চললে আরোহী পেছনে হেলে পড়ার কারণ- ছিতি জড়তা
- বল পরিমাপের ও প্রক্রিয়া নির্দেশের সূত্র বলা হয়- নিউটনের ২য় সূত্র
- প্রবাহীর ক্ষেত্রে প্রযোজ্য হবে না- নিউটনের গতি সূত্রাবলী
- গতিশীল মার্বেলের কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া- অস্থিতিহাসিক সংবর্ধ
- মহাশূন্যচারীর নিজেকে ওজনহীন মনে করার কারণ- কেন্দ্রবিমুখী বল
- পাখির আকাশে উড়তে পারে- গতির তৃতীয় সূত্রের কারণ
- রকেটে জ্বালানি হিসেবে থাকে- তরল হাইড্রোজেন

**Part 3****প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি**

৫. বল সংক্রান্ত :

$$\textcircled{1} \text{ বল, } \bar{F} = m\bar{a} = m(\bar{v} - \bar{u})/t = d\bar{p}/dt$$

$$\textcircled{2} \text{ বলের ঘাত, } \bar{J} = \bar{F} \times t = m\bar{v} - m\bar{u}$$

৬. ঘর্ষণ ও ভরবেগ সংক্রান্ত :

$$\textcircled{3} \text{ হিতি ঘর্ষণ গুণাত, } \mu_s = \frac{F_s}{R}$$

$$\textcircled{4} \text{ চল ঘর্ষণ গুণাত, } \mu_k = \frac{F_k}{R}$$

$$\textcircled{5} \text{ নতি কোণ, } \alpha = \tan^{-1}(\mu_s) = \frac{P - f_k}{m} = \frac{P - \mu_k \times R}{m}$$

$$\textcircled{6} \text{ ভরবেগের সংরক্ষণ সূত্র: } m_1 u_1 + m_2 u_2 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

৭. টর্ক, জড়তার আমক ও চক্রগতির ব্যাসার্থ সংক্রান্ত :

$$\textcircled{7} \text{ টর্ক, } \tau = I \frac{d\omega}{dt} \quad \textcircled{8} \text{ টর্ক, } \bar{\tau} = \bar{r} \times \bar{F} \quad \textcircled{9} \text{ টর্ক, } \alpha = I \alpha$$

$$\textcircled{10} \text{ জড়তার আমক, } I = Mk^2 = \sum m_i r_i^2$$

$$\textcircled{11} \text{ বৃত্তাকার চাকতির ক্ষেত্রে, } I = \frac{1}{2} mr^2; k = \frac{r}{\sqrt{2}}$$

$$\textcircled{12} \text{ নিরেট গোলকের ক্ষেত্রে, } I = \frac{2}{5} mr^2; k = \sqrt{\frac{2}{5}} r$$

$$\textcircled{13} \text{ কাঁপা গোলকের ক্ষেত্রে, } I = \frac{2}{3} mr^2; k = \sqrt{\frac{2}{3}} r$$

$$\textcircled{14} \text{ নিরেট চোঙের ক্ষেত্রে, } I = \frac{1}{2} mr^2; k = \frac{r}{\sqrt{2}}$$

$$\textcircled{15} \text{ সমন্বয় অক্ষ উপগান্ত, } I_z = I_x + Md^2 \quad \textcircled{16} \text{ অভিসার অক্ষ উপগান্ত, } I_z = I_x + I_y$$

৮. কৌণিক গতিবিদ্যা ও রাজ্যাল ব্যাখ্যিক কোণ সংক্রান্ত :

$$\textcircled{17} \text{ কৌণিক ভরবেগ, } L = rp = rmv = mr^2 \omega = I\omega$$

$$\textcircled{18} \text{ কেন্দ্রুরী বল, } F = \frac{mv^2}{r} = m\omega^2 r \quad \textcircled{19} \text{ কেন্দ্রুরী ভূমণ্ডল, } \alpha = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$

$$\textcircled{20} \text{ কৌণিক গতিশক্তি, } K = \frac{1}{2} I\omega^2$$

$$\textcircled{21} \text{ লব তলের সাথে রাজ্যাল বাঁকে সাইকেল চালানোর সময় আরোহীর নতি কোণ, } \tan \theta = \frac{v^2}{rg}$$

**Part 4****গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type 1****বল ও বলের ঘাত**

01. 0.05 kg ভরের একটি বল  $0.2 \text{ ms}^{-1}$  আনুভূমিক বেগে একটি খাড়া দেয়ালে ধাক্কা দিয়ে  $0.1 \text{ ms}^{-1}$  বেগে বিপরীত দিকে ফিরে গেল। বলের ঘাত কত?

$$\text{Solve: } J = m(v - v_0) = 0.05 (-0.1 - 0.2) = -0.015 \text{ kgms}^{-1} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. 16 N এর একটি বল 4 kg ভরের উপর 4 s ক্রিয়া করে। বন্ধনের বেগের পরিবর্তন কত? Ans.  $16 \text{ ms}^{-1}$

**Type 2****লিফট**

01. কোনো লিফট উপরের দিকে  $1.2 \text{ ms}^{-1}$  ত্বরণে উঠছে, লিফটের ভেতর কোন ঘণ্টি একটি  $2 \text{ kg}$  ভরের বল ধরে রাখলে বলের আগত ঘৰন কত? যদি কোন লিফটের তলা হতে  $1.5 \text{ m}$  উপর হতে ছেড়ে দেওয়া হয় তবে কাটি পড়তে কত সময় লাগবে?

$$\text{Solve: } a = g + f = 9.8 + 1.2 = 11 \text{ ms}^{-2}$$

$$\text{এবং } W = ma = 2 \times 11 = 22 \text{ N Ans.}$$

$$\text{এখন, } t = \sqrt{\frac{2h}{g+f}} = \sqrt{\frac{1.5 \times 2}{9.8+1.2}} = 0.522 \text{ s Ans.}$$

For Practice

01. একটি লিফট  $3 \text{ m/s}^2$  ত্বরণে উপরে উঠছে। লিফটের মেঝের  $2 \text{ m}$  উপর হতে একটি বলকে ছির অবস্থা থেকে ছেড়ে দেওয়া হল।  $g = 9.81 \text{ m/s}^2$ । লিফটের মেঝে স্পর্শ করতে কলাটির কত সময় লাগবে? Ans.  $0.5588 \text{ sec}$

**Type 3****ভরবেগ ও কেন্দ্রুরী ভূমণ্ডল**

01.  $6 \text{ kg}$  ভরের একটি বলুক হতে  $0.04 \text{ kg}$  ভরের একটি তলি  $600 \text{ ms}^{-1}$  বেগে বের হয়ে গেল। বন্দুকের পচাং বেগ কত?

$$\text{Solve: } m_1 u_1 + m_2 u_2 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

$$\Rightarrow 0 = 6 \times v_1 + 0.04 \times 600$$

$$\Rightarrow v_1 = -4 \text{ ms}^{-1}$$

$$\therefore \text{পচাং বেগ} = 4 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

02.  $0.15 \text{ kg}$  ভরের একটি পাথর খনকে  $0.75 \text{ m}$  দূর্বা একটি সূতার একপাশে বেঁধে বৃত্তাকার পথে প্রতি মিনিটে 90 বার ঘুরালে সূতার উপর টান কত?

$$\text{Solve: } F = m\omega^2 r$$

$$\Rightarrow F = m \left( \frac{2\pi N}{t} \right)^2 r = m \left( \frac{2\pi \times 90}{60} \right)^2 r$$

$$\Rightarrow F = 0.15 \times (3\pi)^2 \times 0.75$$

$$\Rightarrow F = 9.99 \text{ N Ans.}$$

For Practice

01.  $100 \text{ gm}$  ভরের একটি বস্তুকে  $40 \text{ cm}$  দীর্ঘ একটি সূতার এক পাশে বেঁধে বৃত্তাকার পথে  $10 \text{ m/sec}$  সমন্বয়তে ঘুরালো হলে, কেন্দ্রুরী বল কত? Ans.  $25 \text{ N}$

**Type 4****টর্ক, জড়তার আমক ও ব্যাখ্যিক কোণ**

01. একটি রাস্তা  $65.31 \text{ m}$  ব্যাসার্থ বাঁক নিয়েছে। ঐ হালে রাজ্যাল  $5.0 \text{ m}$  চওড়া এবং এর ভিতরের কিনারা হতে বাইরের কিনারা  $0.5 \text{ m}$  উচু। সর্বোচ্চ কত  $\text{ms}^{-1}$  বেগে ঐ হালে নিরাপদে বাঁক দেওয়া সত্য?

$$\text{Solve: } v = \sqrt{\frac{hrg}{x}}$$

$$= \sqrt{\frac{0.5 \times 65.31 \times 9.81}{5.0}} \\ = 8 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. একটি ঘূর্ণায়মান পিতলের গোলকের ভর  $0.02 \text{ kg}$ । ঘূর্ণ-অক্ষ হতে এর ভরকেন্দ্রে দূরত্ব  $1 \text{ m}$ । অক্ষ সাপেক্ষে জড়তার আমক নির্ণয় কর? Ans.  $0.02 \text{ kg-m}^2$

**Part 5**

## জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. নিচের কোনটি টকের মাঝা সমীকরণ? [NU-Science : 14-15]  
 ④  $[ML^{-1}T]$  ⑧  $[ML^2T^{-2}]$  ⑥  $[ML^{-1}T^2]$  ⑦  $[ML^2T^1]$  **Ans(B)**
02. একটি চাকার ভর  $10.0 \text{ kg}$  এবং চাকার ব্যাসার্ধ  $0.5 \text{ m}$  এর জড়তার আমর্ক কত? [NU-Science : 14-15]  
 ④  $3.0 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$  ⑧  $5.0 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$  ⑥  $2.5 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$  ⑦  $4.0 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$  **Ans(C)**
03. বলের আমর্কের মাঝা সমীকরণ হলো- [NU-Science : 13-14]  
 ④  $[ML^2T^{-1}]$  ⑧  $[ML^2T^{-2}]$   
 ⑥  $[MLT^{-1}]$  ⑦  $[ML^{-1}T^{-1}]$  **Ans(B)**
04. কৌণিক ভরবেগের মাঝা সমীকরণ কোনটি? [NU-Science : 12-13]  
 ④  $[ML^2T^{-1}]$  ⑧  $[ML^2T^{-2}]$   
 ⑥  $[MLT^{-2}]$  ⑦  $[ML^{-1}T^{-2}]$  **Ans(A)**
05.  $5 \text{ cm}$  ব্যাসার্ধের একটি চাকতির জড়তার্মার্ক  $0.02 \text{ kgm}^2$ । চাকতিটির পরিধিতে  $20 \text{ N}$  স্পর্শিয় বল প্রয়োগ করা হলে, তার রৈখিক ভরণ কত হবে? [NU-Science : 10-11]  
 ④  $2.5$  ⑧  $10$  ⑥  $20$  ⑦  $50$  **Ans(A)**
06. দুর্বলতম বল কোনটি? [NU-Science : 09-10]  
 ④ মহাকর্ষ ⑧ চৌম্বক  
 ⑥ তড়িৎ চৌম্বক বল ⑦ নিউক্লিয় বল **Ans(A)**
07. সবচেয়ে বড় বল হল- [NU-Science : 08-09]  
 ④ মধ্যাকর্ষ ⑧ চৌম্বক বল  
 ⑥ তড়িৎ বল ⑦ সবল নিউক্লিয় বল **Ans(D)**
08. কোনটি সবচেয়ে দুর্বল বল? [NU-Science : 06-07]  
 ④ দুর্বল নিউক্লিয় বল ⑧ সবল নিউক্লিয় বল  
 ⑥ তড়িৎ চৌম্বক বল ⑦ মহাকর্ষ বল **Ans(D)**
09.  $200 \text{ gm}$  ভরের একটি বস্তুকে  $50 \text{ cm}$  দীর্ঘ একটি সূতার একপাশে বেঁধে বৃত্ত পথে  $40 \text{ ms}^{-1}$  বেগে ঘূরন্তে হচ্ছে। কেন্দ্রুয়ী ভরণ কত? [NU-Science : 05-06]  
 ④  $3200 \text{ ms}^{-2}$  ⑧  $2000 \text{ ms}^{-2}$   
 ⑥  $1600 \text{ ms}^{-2}$  ⑦  $4000 \text{ ms}^{-2}$  **Ans(A)**
10.  $4 \text{ kg}$  ভরের একটি বন্দুক থেকে  $5 \text{ g}$  ভরের শলি  $400 \text{ ms}^{-1}$  বেগে বেরিয়ে গেল। বন্দুকের পক্ষাং বেগ কত? [NU-Science : 04-05]  
 ④  $0.5 \text{ ms}^{-1}$  ⑧  $20 \text{ ms}^{-1}$  ⑥  $8 \text{ ms}^{-1}$  ⑦  $10 \text{ ms}^{-1}$  **Ans(A)**
11.  $m$  ভরবিশিষ্ট একটি বস্তু  $r$  ব্যাসার্ধিষিষ্ট বৃত্তাকার পথে  $v$  বেগে ঘূরলে কেন্দ্রুয়ী ভরণ হবে? [NU-Science : 04-05]  
 ④  $mr$  ⑧  $\frac{mv}{r}$  ⑥  $\frac{v^2}{r}$  ⑦  $\frac{v}{r}$  **Ans(C)**

05. একজন ফুটবলার  $0.4 \text{ kg}$  ভরের এবং  $12 \text{ ms}^{-1}$  বেগে আগত একটি ফুটবলকে কিন্তু মাঝার ফলে সোজা বিপরীত দিকে  $5 \text{ ms}^{-1}$  কে গ্রাহণ হলো। কিন্তু মাঝার সময়কালে  $0.02 \text{ s}$  হলে ফুটবলার কর্তৃক বলটির উপর প্রযুক্ত বল কত  $N$ ? [GST-A : 22-23]  
 ④ 340 ⑧ 300  
 ⑥ 240 ⑦ 140 **Ans(A)**
06. কেন্দ্রীয় বল  $F$  এর প্রভাবে  $r$  ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে ঘূরন্তর একটি কণার উপর কিয়াশীল টকের মান-[GST-A : 21-22]  
 ④  $rF$  ⑧  $-rF$   
 ⑥ 0 ⑦  $\infty$  **Ans(C)**
07. কোন বস্তুর উপর  $15 \text{ N}$  বল  $3 \text{ s}$  ধরে কিয়া করলে বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তন কত  $\text{kgms}^{-1}$ ? [GST-A : 21-22]  
 ④ 25 ⑧ 30  
 ⑥ 45 ⑦ 50 **Ans(C)**
08. একটি চাকার ব্যাসার্ধ  $1 \text{ m}$ । এটি মিনিটে 15 বার ঘূরলে এর ধারের রৈখিক বেগ কত  $\text{ms}^{-1}$ ? [GST-A : 21-22]  
 ④  $\pi$  ⑧  $\frac{\pi}{2}$  ⑥  $2\pi$  ⑦  $\frac{\pi}{3}$  **Ans(B)**
09. গাছ থেকে  $0.5 \text{ kg}$  ভরের একটি আম খাড়া নিচের দিকে পড়ছে। বাতাসের বাধা যদি  $2.4 \text{ N}$  হয়, তাহলে আমটির ভরণ কত  $\text{ms}^{-2}$ ? [GST-A : 21-22]  
 ④ 5.0 ⑧ 5.5 ⑥ 6.0 ⑦ 6.5 **Ans(A)**
10. ভূ-সমতলের সাথে  $30^\circ$  কোণে আনত পথে একটি  $2 \text{ kg}$  ভরের বস্তুকে  $3 \text{ ms}^{-2}$  ভরণে উঠাতে হলে বস্তুটির উপর কত নিউটন (N) বল প্রয়োগ করতে হবে? [GST-A : 20-21]  
 ④ 6.8 ⑧ 11.8  
 ⑥ 12.8 ⑦ 15.8 **Ans(D)**
11.  $5 \text{ kg}$  ভরের একটি বস্তু  $1.2 \text{ ms}^{-1}$  বেগে একটি দেয়ালে লম্বভাবে ধাক্কা দেয়ে  $0.8 \text{ ms}^{-1}$  বেগে বিপরীত দিকে ফিরে আসলে বলের ঘাত কত  $\text{Ns}$  হবে? [GST-A : 20-21]  
 ④ 4 ⑧ 5 ⑥ 6 ⑦ 10 **Ans(D)**
12. নিউটনের গতির তৃতীয় সূত্রানুসারে তিম্বা- প্রতিক্রিয়ার মধ্যবর্তী কোণ কত তিম্বি? [KU-A : 19-20]  
 ④  $0^\circ$  ⑧  $90^\circ$  ⑥  $180^\circ$  ⑦  $360^\circ$  **Ans(C)**
13.  $6 \text{ kg}$  ভরের একটি বন্দুক হতে  $0.01 \text{ kg}$  ভরের একটি শলি  $600 \text{ ms}^{-1}$  বেগে বের হয়ে গেল। বন্দুকের পক্ষাং বেগ কত? [CoU-A : 18-19]  
 ④  $1 \text{ ms}^{-1}$  ⑧  $1.2 \text{ ms}^{-1}$   
 ⑥  $0.5 \text{ ms}^{-1}$  ⑦  $0.6 \text{ ms}^{-1}$  **Ans(A)**
14. নিউটনিয় বা চিরায়িত বলবিদ্যার মৌলিক রাশি নয় কোনটি? [CoU-A : 18-19]  
 ④ ছান ⑧ সময় বা কাল  
 ⑥ বেগ ⑦ ভর **Ans(C)**
15.  $19.6 \text{ m}$  ব্যাসের বৃত্তাকার পথে কোন মোটর সাইকেল আরোহী কত বেগে ছুল্টে উল্লম্ব তলের সাথে  $45^\circ$  কোণে আনত ধাক্কে? [IU-D : 19-20]  
 ④  $11.88 \text{ ms}^{-1}$  ⑧  $9.67 \text{ ms}^{-1}$   
 ⑥  $10.58 \times 10^{-4} \text{ ms}^{-1}$  ⑦  $9.8 \text{ ms}^{-1}$  **Ans(D)**
16. একটি চাকার জড়তার আমর্ক  $2 \text{ kgm}^2$ । চাকাটি মিনিটে 30 বার ঘূরছে। এর কৌণিক ভরবেগ কত? [JKKNIU-B : 19-20]  
 ④  $\pi \text{ kgm}^2\text{s}^{-1}$  ⑧  $\frac{\pi}{2} \text{ kgm}^2\text{s}^{-1}$   
 ⑥  $\frac{2\pi}{3} \text{ kgm}^2\text{s}^{-1}$  ⑦  $2\pi \text{ kgm}^2\text{s}^{-1}$  **Ans(D)**
17. একটি কাঠের খণ্ডকে অনুভূমিকের সাথে  $60^\circ$  কোণে  $200 \text{ N}$  বল দ্বারা টানা হচ্ছে। বস্তুটির ওপর অনুভূমিকের দিকে কার্যকরী বল কত? [JKKNIU-B : 19-20]  
 ④ 200 N ⑧ 100 N  
 ⑥ 174 N ⑦ 0 N **Ans(B)**
18. টকের মাঝা সমীকরণ কোনটি? [JKKNIU-B : 19-20]  
 ④  $[ML^2T^2]$  ⑧  $[ML^2T^{-2}]$   
 ⑥  $[M^2LT^{-2}]$  ⑦  $[ML^{-2}T^2]$  **Ans(B)**

**Part 6**

## জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের ওপরত্পূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একটি দেয়াল ঘড়ির মিনিটের কেঁটার দৈর্ঘ্য  $18 \text{ cm}$  হলে এর কৌণিক বেগ কত? [GST-A : 23-24]  
 ④  $1.74 \times 10^{-3} \text{ rad/s}$  ⑧  $2.74 \times 10^{-3} \text{ rad/s}$   
 ⑥  $1.47 \times 10^{-3} \text{ rad/s}$  ⑦  $2.47 \times 10^{-3} \text{ rad/s}$  **Ans(A)**
02. গাছ থেকে  $2 \text{ kg}$  ভরের একটি নারিকেল সোজা নিচের দিকে পড়ছে। বাতাসের বাধা  $8.6 \text{ N}$  হলে নারিকেলটির ভরণ কত? [GST-A : 23-24]  
 ④  $5.5 \text{ ms}^{-2}$  ⑧  $4.5 \text{ ms}^{-2}$   
 ⑥  $14.5 \text{ ms}^{-2}$  ⑦  $-14.5 \text{ ms}^{-2}$  **Ans(A)**
03. একজন সাইকেল আরোহী ঘট্টায়  $24 \text{ km}$  বেগে  $30 \text{ m}$  ব্যাসার্ধের একটি বৃত্তাকার পথে মোড় নিচ্ছে। তাকে উল্লম্বের সাথে কত কোণে হেলে থাকতে হবে? [GST-A : 23-24]  
 ④  $\tan^{-1}(0.015)$  ⑧  $\tan^{-1}(0.115)$   
 ⑥  $\tan^{-1}(0.15)$  ⑦  $\tan^{-1}(0.215)$  **Ans(C)**
04. সমাঞ্জস্য সমবায়ে যুক্ত চারটি তামার তারের সাহায্যে  $6 \text{ kg}$  ভরের একটি বস্তুকে খাড়া উপরের দিকে  $2 \text{ ms}^{-1}$  সমবেগে টানা হলে এতিটি তারে কত  $N$  টান পড়বে? [GST-A : 22-23]  
 ④ 10.7 ⑧ 12.7  
 ⑥ 17.8 ⑦ 18.8 **Ans(C)**



## Part 7

## সম্ভাব্য MCQ

01. একটি বালকের ঘূর্ণনরত রাখতে যে বলের দরকার হয় তাকে বলা হচ্ছে-  
 ① কৌণিক ভরবেগ  
 ② জড়তার ভাসক  
 ③ কেন্দ্রীয় বল  
 ④ কেন্দ্রীয়ভূতী বল  
 02. একটি দেঙ্গুল ঘড়ির মিনিটের কাঁটার দৈর্ঘ্য  $18\text{ cm}$  এর প্রাচীরের বৈধিক দেগ কত?  
 ①  $1.88 \times 10^{-4}\text{ ms}^{-1}$   
 ②  $3.14 \times 10^{-4}\text{ ms}^{-1}$   
 ③  $9.67 \times 10^{-3}\text{ ms}^{-1}$   
 ④  $0.58\text{ ms}^{-1}$   
 03. কৌণিক ভরবেগের পরিবর্তনের হার-  
 ① কৌণিক ভরবেগের সমান  
 ② জড়তার ভাসকের সমান  
 ③ টর্কের সমান  
 04. বলের ঘাতের একক হলো-  
 ①  $\text{kg m}^2\text{s}^{-2}$   
 ②  $\text{kgm}^2\text{s}^{-1}$   
 ③  $\text{kg ms}^{-2}$   
 ④  $\text{kg ms}^{-1}$   
 05. খুব অল্প সময়ের জন্য খুব বড় মানের বল প্রযুক্ত হলে তাকে বলা?  
 ① সংশ্লিষ্ট বল  
 ② ঘূর্ণন বল  
 ③ তড়িৎ বল  
 ④ ঘাত বল  
 06. নিচের বলগুলোর মধ্যে কোনটি সবচেয়ে শক্তিশালী বল?  
 ① দুর্বল নিউক্লিয় বল  
 ② সবল নিউক্লিয় বল  
 ③ মহাকর্ষ বল  
 ④ তড়িৎ চুম্বকীয় বল  
 07. ঘর্ষণ বল ও বক্তুর বেগের মধ্যকার কোণ কত?  
 ①  $\pi$   
 ②  $\frac{\pi}{2}$   
 ③  $\frac{\pi}{4}$   
 ④  $0^\circ$   
 08. কোনটি জড়তার ভাসক সংক্রান্ত সমান্তরাল অক্ষ উপপাদ্য?  
 ①  $I_z = I_x + I_y$   
 ②  $I = I_G + MK^2$   
 ③  $I = I_G + MK$   
 ④  $I = I_G + Mh^2$   
 09. নিম্নিট ভরের কোনো চাকতির ব্যাসার্ধ অর্ধেক করা হলে কেন্দ্রগামী অক্ষের সাপেক্ষে জড়তার ভাসক কর্তৃণ হবে?  
 ① এক চতুর্থাংশ  
 ② অর্ধেক  
 ③ দ্বিতীয়  
 ④ চারগুণ  
 10. একটি ঘড়ির সেকেন্ড, মিনিট ও ঘটার কাঁটার কৌণিক বেগের অনুপাত-  
 ①  $720 : 60 : 1$   
 ②  $1 : 60 : 720$   
 ③  $1 : 12 : 720$   
 ④  $720 : 12 : 1$   
 11. কোনো বক্তুর উপর প্রযুক্ত নীট বল শূন্য হলে বক্তুটি সরল পথে-  
 ① সমত্বপূর্ণ চলে  
 ② সমমন্দনে চলে  
 ③ অসমন্দুরিতে চলে  
 ④ সমবেগে চলে  
 12. কোনটি ক্রিয়া ও প্রতিক্রিয়ার প্রকারভেদ নয়?  
 ① টান  
 ② টেনসন  
 ③ সরণ  
 ④ ঘর্ষণ  
 13.  $M$  ভরের একটি বক্তুর বেগে  $X$ -অক্ষের সমান্তরালে গতিশীল। মূলবিন্দুর সাপেক্ষে এর কৌণিক ভরবেগে-  
 ① শূন্য  
 ② ফ্রে থাকে  
 ③ বেড়ে যায়  
 ④ কমে যায়  
 14. একটি আমোকেন রেকর্ড চক্রাকারে প্রতি মিনিটে 78 বার ছির গতিতে ঘূরে।  
 সূচিত বক্তুর  $30\text{ s}$  পর রেকর্ডটি বন্ধ হয়ে যায়। রেকর্ডটি ছিরাবছায় আসার আগে কতবার ঘূরেছিল?  
 ①  $19.5$   
 ②  $20$   
 ③  $22.5$   
 ④  $39$   
 15. একটি কণা  $2\text{ m}$  ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে প্রতি মিনিটে 60 বার ঘূরে, কণাটির বৈধিক বেগ হবে?  
 ①  $12.56\text{ m/s}$   
 ②  $2\text{ m/s}$   
 ③  $120\text{ m/s}$   
 ④  $60\text{ m/s}$   
 16. একটি বক্তু  $\pi\text{ m}$  ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে  $4.0\text{ m/s}$  সমন্দুরিতে ঘূরছে। একবার ঘূরে আসতে বক্তুটির কত সময় লাগবে?  
 ①  $2/\pi^2\text{ s}$   
 ②  $\pi^2/2\text{ s}$   
 ③  $\pi/2\text{ s}$   
 ④  $\pi^2/4\text{ s}$

17. বেগ পাসের অপেক্ষিক দেগ দেলি হলে, তা পাসের কৃত্যের অন্তর কী পরিবর্তন হবে?  
 ① তুলন শূন্য হবে  
 ② তুলন প্রবর্বতিত হাকবে  
 ③ তুলন বৃক্ষ পাবে  
 ④ তুলন হাস পাবে  
 18. কোন পদবীর বৈধিক তুলন পরিমাপের কালু নিচের কোন মুটির সাহায্য নিতে হবে?  
 ① দেগ ও দমন্ত  
 ② ভর ও বল  
 ③ দূরত্ব ও বল  
 ④ ভর ও দেগ  
 19. পিচিল বক্তুর উপর  $1\text{ kg}$  ভরের একটি পার্শ্ব  $2\text{ ms}^{-1}$  দেগে চলার  $10\text{ s}$  পর পরিপনের ফলে কোনে পর্যবেক্ষণ করা হচ্ছে?  
 ①  $20\text{ N}$   
 ②  $2\text{ N}$   
 ③  $0.2\text{ N}$   
 ④ কোনোটিই নয়  
 20. বল ও বলের ক্রিয়াকালের ক্ষমতাকে কী বলে?  
 ① বলের দাত  
 ② দাত বল  
 ③ ভাসক  
 ④ শক্তি  
 21.  $10\text{ g}$  ভরের একটি মুটে  $4\text{ kg}$  ভরের একটি মন্দুক সেকে 200  $\text{ms}^{-1}$  দেগে নিকিপ্ত হল। মন্দুকটির পক্ষাং বেগ কত হবে?  
 ①  $0.7\text{ ms}^{-1}$   
 ②  $0.6\text{ mms}^{-1}$   
 ③  $0.5\text{ ms}^{-1}$   
 ④  $0.5\text{ kms}^{-1}$   
 22. সাইকেলের বেগ ও চাকার সর্বোবেগের মধ্যবর্তী কোণ কত?  
 ①  $0^\circ$   
 ②  $90^\circ$   
 ③  $180^\circ$   
 ④  $360^\circ$   
 23. অক্ষিত্বাপক সহস্রৰ সংরক্ষিত হয়-  
 ① গতিশক্তি  
 ② বিত্তিশক্তি  
 ③ কৌণিক ভরবেগ  
 ④ ভরবেগ  
 24. রকেট কোন নীতির উপর ভিত্তি করে কাজ করে?  
 ① ভর  
 ② শক্তি  
 ③ বৈধিক ভরবেগ  
 ④ কৌণিক ভরবেগ  
 25. একটি বক্তুর ভর  $10\text{ g}$  এবং ঘূর্ণন অক্ষ হতে উহার দূরত্ব  $5\text{ ফুট}$ । উহার জড়তার মৌমেট কত?  
 ①  $50\text{ পাউন্ড ফুট}^2$   
 ②  $200\text{ পাউন্ড ফুট}^2$   
 ③  $250\text{ পাউন্ড ফুট}^2$   
 ④  $500\text{ পাউন্ড ফুট}^2$   
 26. বৈধিক বেগ ও কৌণিক বেগের মধ্যে সম্পর্ক কোনটি?  
 ①  $\theta = d\omega$   
 ②  $v = \omega r$   
 ③  $\omega = d\theta$   
 ④  $\omega = r\theta$   
 27.  $5\text{ kg}$  ভর ও  $0.25\text{ m}$  ব্যাসার্ধে বিশিষ্ট একটি বেলন  $50\text{ rad/sec}$  কৌণিক বেগে গড়াতে ধাকলে তার গতিশক্তি কত?  
 ①  $0.078\text{ J}$   
 ②  $390.63\text{ J}$   
 ③  $0.73\text{ J}$   
 ④  $585.94\text{ J}$   
 28. ভরকেন্দ্রগামী এবং ভলের সহিত লব বাকার অক্ষ সাপেক্ষে একটি আয়তাকার পাতের জড়তার ভাসক  $5\text{ kgm}^2$ । পাতটির প্রয়  $1\text{ m}$  এবং ভর  $12\text{ kg}$  হলে দৈর্ঘ্য কত?  
 ①  $5\text{ m}$   
 ②  $2.5\text{ m}$   
 ③  $2\text{ m}$   
 ④  $60\text{ m}$   
 29. প্রোটন ও ইলেক্ট্রনের মধ্যে আকর্ষণের জন্য কোন মৌলিক বলটি দায়ী?  
 ① শক্তিশালী  
 ② মধ্যাকর্ষণ  
 ③ দূর্বল  
 ④ তড়িৎ চৌম্বকীয়  
 30. ভরবেগের ফলে বক্তুর গতিশক্তি ও ভরবেগ-  
 ① হাস পায়  
 ② বৃক্ষ পায়  
 ③ অপরিবর্তনীয়  
 ④ দ্বিতীয় হয়  
 31. বলের ঘাত বলতে কী বুঝায়?  
 ① বল  $\times$  দূরত্ব  
 ② ভর  $\times$  বেগ  
 ③ ভরবেগের পরিবর্তনের হার  
 ④ ভরবেগের পরিবর্তন  
 32. নিউটন/বগমিটার কিসের একক?  
 ① শক্তি  
 ② ভরবেগ  
 ③ চাপ  
 ④ বল  
 33. 'জড়তার সূত্র' হল-  
 ① নিউটনের তৃতীয় গতি সূত্র  
 ② নিউটনের প্রথম গতি সূত্র  
 ③ বয়েলের সূত্র  
 ④ কোনোটিই নয়

## Part 1

ଶୁଣ୍ଡପର୍ଣ୍ଣ ତଥ୍ୟାବଲି

- কাজ :** কোনো বস্তুর উপর বল প্রয়োগে যদি বস্তুটির সরণ ঘটে, তাহলে বল ও বলের প্রয়োগ বিন্দুর দিকে সরাগের উপাংশের শৃঙ্খলকে কাজ বলে।  
**অর্থাৎ কাজ = বল × সরণ =  $F \times S$ ; কাজের মাত্রা =  $[ML^2T^{-2}]$  এবং একটি Nm বা J**

$$\text{অধিক কাজ} = \text{বল} \times \text{সরণ} = F \times S; \quad \text{কাজের মাত্রা} = [ML^2T^{-1}] \text{ এবং একক Nm বা J}$$

शून्य काज़ :

সংজ্ঞা	বল প্রযোগে যদি কোনো বস্তুর সরণ বলের শব্দ বরাবর হয়, তবে এই বলের দ্বারা কোনো কাজ হচ্ছে না। এই বলের কাজের মূল্য $F \cdot 0 = 0$
শর্তবিশী	$\bullet F = 0$ (বক্ষত বল প্রযোগ নেই) $\bullet s = 0$ (বল প্রযোগ বক্ষত সরণ নেই) $\bullet \theta = 90^\circ$ হলে, $\cos 90^\circ = 0$
উদাহরণ	<ul style="list-style-type: none"> <li>• কেন্দ্ৰীয় বল কৃতৃক কৃতকাজ</li> <li>• আম ভৱিত বস্তা মাথায় নিয়ে দাঁড়িয়ে থাকা</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>• অপসারণশীল দড়িতে পাথর দেওয়ে বৃত্তাকার পথে দুৱানো</li> <li>• সমন্বিতভে ঘূরতে থাকা বস্তু অর্ধাং পৃষ্ঠীৰ ঘূৰন</li> </ul>

৫. সারক্ষণশীল ও অসারক্ষণশীল বল :

- ❖ **সংরক্ষণশীল বল :** যে বল কোনো বাত্রে উপর ত্রিয়া করলে তাকে যে কোনো পথে ঘুরিয়ে পুনরায় প্রাথমিক অবস্থানে আনলে বল কতৃক কৃতকাজ কুণ্ডল হয়, তাকে সংরক্ষণশীল বল বলে। যেমন : অভিক্ষীয় বল, বৈদ্যুতিক বল, ডিই বল, চৌম্বক বল, মহাকর্ম বল ও আদর্শ স্প্রিং এর বিকৃতি প্রতিরোধী বল ইত্যাদি।
  - ❖ **সংরক্ষণশীল বল দ্বারা কৃতকাজ পুনরুদ্ধার সম্ভব।**
  - ❖ **অসংরক্ষণশীল বল :** যদি কোনো বলের ত্রিয়া অভিযুক্ত যদি বজ্রে গতি অভিযুক্তের উপর নির্ভর না করে, তবে তা অসংরক্ষণশীল। যেমন : ঘর্ষণ বল, সান্দু বল, বায়ুর ঝাঁঁপ কেবল এ দৰ্ত্তল নিউক্লিয় বল। অসংরক্ষণশীল বল দ্বারা কৃতকাজ পুনরুদ্ধার করা সম্ভব নয়।

୫. ଶକ୍ତି ଓ ଶଫ୍ତା : ◊ ଶକ୍ତି : କୋଣେ ବୃତ୍ତ କାଜ କରାର ସାମର୍ଥ୍ୟକେ ଶଫ୍ତା  
ଶଫ୍ତିର ପରିମାପ କରାଯାଇଛି । ଏହା ଏକ ଡଲ (J) ଓ ମାତ୍ରା :  $[ML^2T^{-2}]$

- শাস্তির প্রয়োগ করা হব। এর অনেক জুল (J) উন্নয়ন।

  - ❖ **শক্তির নিয়তা :** শক্তির সৃষ্টি বা বিনাশ নেই। কেবল এককপথেকে অন্য কল্পে পরিবর্তিত হতে পারে। এই মহাবিশ্বের মোট শক্তির পরিমাণ নিয়ন্ত্রণ ও অপারেটন্যায়।
  - ❖ **এক ইলেক্ট্রন ভোল্ট :** এক ভোল্ট বিভব পার্থক্যে একটি ইলেক্ট্রনের অর্জিত শক্তিই এক ইলেক্ট্রন ভোল্ট। অর্থাৎ,  $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$
  - ❖ **ক্ষমতা :** কাজ সম্পাদনকারী কোনো ব্যক্তি বা যন্ত্রের কাজ করার হার বা শক্তি সরবরাহের হারকে ক্ষমতা বলে। ক্ষমতা হলো বল ও বেগের গুণফলের সমান। ক্ষমতা একটি ক্ষেত্রের রাশি। ক্ষমতার মাত্রা :  $[P] = [ML^2 T^{-3}]$ । ক্ষমতার এস.আই একক জুল/সে. বা ওয়াট (W)।
  - ❖ **তাৎক্ষণিক ক্ষমতা :** কোন মুহূর্তকে ধিরে অতি সুন্দর সময়ের ব্যবধানে সময়ের সাথে কাজ করার হারকে তাৎক্ষণিক ক্ষমতা বলে।
  - ❖ **ওয়াট :** 1 সেকেন্ডে 1 জুল (J) কাজ করার ক্ষমতাকে 1 ওয়াট বলে।  $\therefore 1 \text{ W} = 1 \text{ Js}^{-1}$  ❖ **অশুক্রক্ষমতা :** প্রতি সেকেন্ডে 746 জুল কাজ করার ক্ষমতাকে এক অশুক্রক্ষমতা বলে।  $\therefore 1 \text{ H.P} = 746 \text{ Js}^{-1} = 746 \text{ W} = 550 \text{ ft/lbs}$  এককের আন্তর্জাতিক পদ্ধতি চালুর পূর্বে ক্ষমতার একটি ব্যবহারিক একক ছিল অশুক্রক্ষমতা (Horse Power)।
  - ❖ **কর্মদক্ষতা :** কোনো যন্ত্রে কাজে পরিণত হওয়ার শক্তির এবং সরবরাহকৃত শক্তি অনুপাতকে কর্মদক্ষতা বলে। কর্মদক্ষতা,  $\eta$  = কার্যকর শক্তি/মোট সরবরাহকৃত শক্তি। কর্মদক্ষতাকে শতকরা হিসেবে প্রকাশ করা যায়।  $\therefore \eta = \left(1 - \frac{E_2}{E_1}\right) \times 100\% = \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) \times 100\%$

Part 2

## **At a glance**

- কোনো ব্যক্তিকে কুসে দাঢ় করিয়ে রাখা এক ধরনের- শূন্য কাজ
  - ছিত্তাপক বল দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির- সমানুপাতিক
  - সংরক্ষণশীল বলের ফ্রেন্টেই শূণ্য- বিভব শক্তি পাওয়া যায়
  - সরণের উপর নির্ভরশীল বল- আদর্শ স্প্রিং এর বিকৃতি প্রতিরোধী বল
  - একক কিলোহার্ম পদার্থ রূপাল্যের শক্তির পরিমাণ-  $9 \times 10^{16}$  J
  - বেদনশূন্যী বা অভিকেন্দ্র বল হল এক ধরনের- কার্যকীর্তন বল
  - কোনো বস্তুত বেগ দেয়ার জন্য কৃতকাজই হলো বস্তু- গতিশক্তি
  - বৈদ্যুতিক বাতিতে বিদ্যুৎ শক্তি- আলোক শক্তিতে রূপাল্যাত হয়
  - নির্দিষ্ট ভরের কোনো বস্তুর গতিশক্তি বেগের- বর্ণের সমানুপাতিক
  - অসংরক্ষণশীল বলের ফ্রেন্টে- যান্ত্রিক শক্তির নিয়তা সূচী প্রযোজ্য নয়
  - অভিকর্তীয় বিভব শক্তির মান নির্ভর করে না- বস্তুর ভরের উপর
  - স্প্রিং প্রবক্রের মান নির্ভর করে না- স্প্রিং এর দৈর্ঘ্যের উপর
  - সম্পাদিত কাজের পরিমাণ শূন্য হয়- সংরক্ষণশীল বল ধারা
  - অসংরক্ষণশীল বলের উদাহরণ- ঘর্ষণ বল
  - একটি বই টেবিলের উপর থেকে নিচে পড়লে হনে- ধনাত্মক কাজ
  - প্রতি সেকেন্ড 746 জুল কাজ করার ক্ষমতাকে- এক অশু ক্ষমতা বলে
  - এক (1) হোর্সপাউর (Horse Power) সমান কত ওয়াট- 746 W
  - (ক্ষেত্রফল/কেন্দ্র)  $5.613 \times 10^{-3}$  H.P
  - সাইফন কী- এক ধরনের প্রাকৃতিক পান্থ

**Samsung Quad Camera**

## Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

৫. কৃতকাজ ও শক্তি সংরক্ষণ :  $\diamond$  ট্রিল বল দ্বারা কৃতকাজ,  $W = \vec{F} \cdot \vec{s} = F.s \cos\theta$

❖ পরিবর্তনশীল বল দ্বারা কৃতকাজ,  $W = \int \vec{F} \cdot d\vec{x}$  [একমাত্রিক]

৩) পরিবর্তনশীল বল ঘংতা কৃতকাজ,  $W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$  [বি-মাত্রিক]

◇ বন্ধ দ্বারা কৃতকাজ,  $W = \frac{1}{2} mv^2 - \frac{1}{2} mu^2$  [শক্তি বৃদ্ধির ফলে]

◇ বন্ধু ঘারা কৃতকাজ,  $W = \frac{1}{2} mu^2 - \frac{1}{2} mv^2$  [শক্তি হ্রাসের ক্ষেত্রে]

## ୫ ଗତିଶ୍ରଦ୍ଧି ବା ହିତିଶ୍ରଦ୍ଧି ସଂକ୍ରାନ୍ତ :

$$\diamond \text{পিপ্রৎ এর ছিতোষ্টি, } E_p = \frac{1}{2} kx^2 \quad \diamond \text{গতিষ্ঠি, } E_k = mv^2/2 = \frac{p^2}{2m}$$

◇ ঘূর্ণায়ান বন্ধন গতিশক্তি,  $E_k = \frac{1}{2} I\omega^2$  ◇ হিস্থাপক বিভব শক্তি,  $U = \frac{1}{2} kx^2$

$$\diamond \text{কাজ শক্তি উপরাদ্য}, \Delta W = E_2 - E_1 = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$$

৬ তত্ত্ব সংক্ষেপ:  $\diamond$  তত্ত্বাদের ফলে,  $\frac{S_2}{S_1} = \frac{V^2}{V_1^2}$   $\diamond$  তত্ত্বাদ সংখ্যা  $n = \left(\frac{V}{V_1}\right)^2$

৭ ক্ষমতা ও কর্মদক্ষতা সংক্ষেপ:  $\diamond$  ক্ষমতা,  $P = FV = \frac{W}{t} = \frac{mgh}{t}$

$$\diamond \text{কর্মদক্ষতা, } \eta = \left(1 - \frac{E_2}{E_1}\right) \times 100\% = \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) \times 100\%$$

#### Joykoly Short Technique:

$$\diamond \text{পানিপূর্ণ কুমার ফলে } h_c \text{ হবে} = \frac{h}{2} \quad \diamond \text{অর্ধপূর্ণ কুমার ফলে } h_c \text{ হবে} = \frac{3h}{4}$$

$$\diamond \text{ভূমি শ্পর্শের সময় গতিশক্তি} = \text{সর্বোচ্চ উচ্চতায় বিদ্বশক্তি} = mgh$$

### Part 4

### গণিতিক সমস্যা ও সমাধান

#### Type 1

#### কৃতকাজ

01. 6 N বল কোনো নির্দিষ্ট ভরের বক্তুর উপর ক্রিয়া করায় বক্তুটি বলের দিকের সাথে  $60^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে  $10 \text{ m}$  দূরে সরে গেল। কাজের পরিমাণ কত?

$$\text{Solve: } W = Fs \cos 60^\circ = 6 \times 10 \times \cos 60^\circ = 30 \text{ J Ans.}$$

#### For Practice

01. 10 N বল কোনো নির্দিষ্ট ভরের বক্তুর উপর ক্রিয়া করায় বক্তুটি বলের দিকের সাথে  $60^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে  $8 \text{ m}$  দূরে সরে গেল। কাজের পরিমাণ নির্ণয় কর? Ans. 40 J

#### Type 2

#### শিংহ বল

01.  $80 \text{ N m}^{-1}$  বল শ্রবকের একটি শিংহকে  $3 \text{ cm}$  সংকুচিত করা হল। পূর্বের অবস্থায় আনতে শিংহ বল দ্বারা কৃতকাজ কত?

$$\text{Solve: } k = 80 \text{ N/m}; x_i = -3 \text{ cm} = -3 \times 10^{-2} \text{ m}, x_f = 0$$

$$W = \frac{1}{2} kx_f^2 - \frac{1}{2} kx_i^2 = \frac{1}{2} \times 80 \times (-3 \times 10^{-2})^2 = 3.6 \times 10^{-2} \text{ J Ans.}$$

#### For Practice

01. 5 kg ভরের একটি বক্তু  $5 \text{ m}$  উচু থেকে একটি পেরেকের উপর পড়লে পেরেকটি মাটির ভিতরে  $10 \text{ cm}$  চুকে যায়। মাটির গড় প্রতিরোধ বল কত? Ans. 2499 N

#### Type 3

#### গতিশক্তি ও ট্রিতিশক্তি

01.  $10 \text{ kg}$  ভরের একটি কণার বেগ নির্দিষ্ট সময়ে  $(7\hat{i} - 6\hat{j} + 5\hat{k}) \text{ ms}^{-1}$  হলে গতিশক্তি কত হবে?

$$\text{Solve: } \text{মনে করি, কণার বেগ} = v$$

$$\text{আমরা জানি, } v = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \Rightarrow v^2 = x^2 + y^2 + z^2 \\ = (7 \text{ ms}^{-1})^2 + (-6 \text{ ms}^{-1})^2 + (5 \text{ ms}^{-1})^2 = 110 \text{ m s}^{-2}$$

$$\text{এখন, আমরা জানি, } E_k = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 110$$

$$= 550 \text{ kg m}^2 \text{s}^{-2} = 550 \text{ J Ans.}$$

#### For Practice

01.  $2 \text{ Nm}^{-1}$  শিংহ শ্রবকের একটি শিংহ এর দৈর্ঘ্য সাম্যাবস্থান থেকে  $0.1 \text{ m}$  বৃদ্ধি করলে শিংহ এর বিভবশক্তি কত হবে? Ans. 0.01 J

02.  $2 \text{ kg}$  ভরবিশিষ্ট একটি বক্তুকে  $0.5 \text{ m}$  উচ্চতা থেকে ফেলা হলে তার মাধ্যাকর্ষণ ট্রিতিশক্তি হবে? Ans. 9.8 J

#### Type 4

#### ক্ষমতা ও কর্মদক্ষতা

01. একটি মোটর মিনিটে  $5.5 \times 10^5 \text{ kg}$  পানি  $100 \text{ m}$  উপরে উঠাতে পারে। মোটরটির দক্ষতা  $70\%$  হলে, এর ক্ষমতা কত?

$$\text{Solve: } P' = \frac{P}{70\%} = \frac{mgh}{t \times 0.7} = \frac{5.5 \times 10^5 \times 9.8 \times 100}{60 \times 0.7} \\ = 1.28 \times 10^7 \text{ W Ans.}$$



02. একটি কুমা থেকে ইঞ্জিনের সাহায্যে প্রতি ঘণ্টায়  $25 \times 10^6 \text{ kg}$  পানি  $50 \text{ m}$  উচ্চতায় উঠানো হয়।  $70\%$  ক্ষমতা ক্ষয় হলে এর অশুরুমতা নির্ণয় করো।

$$\text{Solve: } P \times \frac{70}{100} = \frac{mgh}{t}$$

$$\Rightarrow P = \frac{mgh \times 100}{t \times 70} = \frac{25 \times 10^6 \times 9.8 \times 50 \times 100}{3600 \times 70} = 6516 \text{ H.P. Ans.}$$

#### For Practice

01. একটি গাড়ির ইঞ্জিন  $200 \text{ kW}$  রল প্রয়োগ করে এবং গাড়িটি এক মিনিটে  $21 \text{ m}$  ছান্দুত্তি হয়। গাড়িটির ক্ষমতা। Ans.  $70 \text{ kW}$

02. একটি পাম্প প্রতি মিনিটে  $240 \text{ kg}$  পানি  $10 \text{ m}$  উপরে তুলে  $10 \text{ m.s}^{-1}$  বেগে নিষেপ করে। পাম্পটির ক্ষমতা নির্ণয় করো। Ans:  $592 \text{ W}$

### Part 5

### জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. ক্ষমতার মাত্রা হলো- [NU-Science : 10-11, 04-05]

- Ⓐ  $[ML^2T^2]$  Ⓑ  $[ML^3T^{-2}]$  Ⓒ  $[ML^2T^{-3}]$  Ⓓ  $[ML^2T^{-1}]$  Ⓔ C

02. কাজের পরিমাণ সবচেয়ে বেশী হয় যখন প্রযুক্ত বল ও সরণের মধ্যে কেবের মান হয়- Ⓐ  $45^\circ$  Ⓑ  $90^\circ$  Ⓒ  $30^\circ$  Ⓓ 0 Ⓔ D

03.  $2 \text{ N}$  বল কোন নির্দিষ্ট ভরের বক্তুর উপর ক্রিয়া করায় বক্তুটি বলের দিকের সাথে  $60^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে  $5 \text{ m}$  দূরে সরে গেলে কাজের পরিমাণ- [NU-Science : 09-10]

- Ⓐ 5 J Ⓑ 13 J Ⓒ 5 N Ⓓ 10 J Ⓔ A

04.  $200 \text{ N}$  বল প্রয়োগ করে কোন বক্তুকে বলের অভিযুক্ত  $300 \text{ m}$  সরানো হলে, কাজের পরিমাণ- [NU-Science : 08-09]

- Ⓐ  $6.0 \times 10^4 \text{ J}$  Ⓑ  $3.0 \times 10^4 \text{ J}$  Ⓒ  $4.0 \times 10^5 \text{ J}$  Ⓓ  $5.0 \times 10^5 \text{ J}$  Ⓔ A

05.  $60 \text{ kg}$  ভরের এক ব্যক্তি  $10 \text{ s}$  সময়ে  $10 \text{ m}$  উচু সিঁড়ি অতিক্রম করলে তার ক্ষমতা হবে- [NU-Science : 07-08]

- Ⓐ  $5880 \text{ W}$  Ⓑ  $5880 \text{ J}$  Ⓒ  $588 \text{ J}$  Ⓓ  $588 \text{ W}$  Ⓔ D

06.  $1 \text{ kg}$  ভরের একটি বক্তু হির অবস্থান থেকে  $1 \text{ m/sec}^2$  ত্বরণে চলতে ভর করল।  $5 \text{ sec}$  পরে বক্তুটির গতিশক্তি হবে- [NU-Science : 05-06]

- Ⓐ 25 Joule Ⓑ 20 Joule Ⓒ 12.5 Joule Ⓓ 10.5 Joule Ⓔ C

07. কাজ সর্বাধিক হয় যখন বল ও সরণের মধ্যে কোণ হয়- [NU-Science : 04-05]

- Ⓐ 90 Ⓑ 45 Ⓒ 30 Ⓓ 0 Ⓔ D

08.  $v$  বেগে চলমান একটি বক্তুকে খামাতে যে পরিমাণ কাজ করতে হবে- [NU-Science : 03-04]

- Ⓐ  $mv^2$  Ⓑ  $\frac{1}{2} mv^2$  Ⓒ  $mv$  Ⓓ  $\frac{1}{2} mv$  Ⓔ B

09. বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণের মান কত হলে, কাজের পরিমাণ শূন্য হবে? [NU-Science : 03-04]

- Ⓐ  $0^\circ$  Ⓑ  $180^\circ$  Ⓒ  $360^\circ$  Ⓓ  $90^\circ$  Ⓔ D

### Part 6

### জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের উরুবৃপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01.  $250 \text{ m}$  উচু একটি বরনা থেকে পানি মাটিতে পড়ে অনুচূমিকভাবে নির্দিষ্ট গতিবেগে গড়িয়ে যাচ্ছে। শক্তির অপচয় অর্থাৎ করলে পানির বেগ কত? [GST-A : 23-24]

- Ⓐ  $100 \text{ ms}^{-1}$  Ⓑ  $90 \text{ ms}^{-1}$  Ⓒ  $80 \text{ ms}^{-1}$  Ⓓ  $70 \text{ ms}^{-1}$  Ⓔ D

02. প্রতি সেকেন্ডে  $10 \text{ l}$  পি. পানি  $10 \text{ m}$  ওপরে তোলার জন্য কত ক্ষমতার পাম্প প্রয়োজন হবে? [GST-A : 23-24]

- Ⓐ 980 J Ⓑ 998 J Ⓒ 980 W Ⓓ 998 W Ⓔ C

03.  $200 \text{ g}$  ভরের একটি বক্তু  $20 \text{ m}$  ওপর থেকে পড়লে ভূমি শ্পর্শ করার পূর্ব মুহূর্তে গতিশক্তি কত হবে? [GST-A : 23-24]

- Ⓐ  $3.92 \text{ J}$  Ⓑ  $39.2 \text{ J}$  Ⓒ  $9.8 \text{ J}$  Ⓓ  $98 \text{ J}$  Ⓔ B

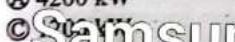
04.  $100 \text{ W}$ -এর ৫ টি বাতি দিনে ৮ ঘণ্টা জলে মে মাসে কত kWh বিদ্যুৎ ব্যবহৃত হবে? [GST-A : 22-23]

- Ⓐ 12 Ⓑ 24 Ⓒ 120 Ⓓ 124 Ⓔ D

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS
০৫. হিচাক্ষ থেকে  $20 \text{ kg}$  ভরের কেন্দ্রে বস্ত একটি নিম্নোক্ত বলের ক্রিয়ার ফলে  $3 \text{ s}$   
পর  $6 \text{ ms}^{-1}$  বেগ অর্জন করলে  $5 \text{ s}$  পর এর গতিশক্তি কত  $\text{kJ}$ ? [GST-A : 22-23]
- (A) ৩ (B) ২ (C) ১ (D) ০.৫ **Ans C**
০৬.  $500 \text{ g}$  ভরের একটি ক্রান্ত উপর  $(6x^2 - 4x)$  N বল ক্রিয়া করার বস্তু বলের  
দিকে  $x = 0$  অবস্থান হতে  $x = 2$  অবস্থানে সরে গেলে বলের ঘারা কৃত কাজের  
পরিমাণ কত J? [GST-A : 22-23]
- (A) ৪ (B) ৬ (C) ৪ (D) ২ **Ans A**
০৭. সরক্ষণশীল বল ঘারা  $1 \text{ kg}$  ভরের একটি বস্তুকে A থেকে B বিদ্যুতে নেয়া হলে  
এবং B থেকে A বিদ্যুতে ক্রিয়ে আনা হলো। বস্তুর উপর কত J কাজ করা হলো?  
[GST-A : 21-22]
- (A) ১ (B) ০ (C) ০.৫ (D) ২ **Ans B**
০৮. একটি দালানের ছানের সাথে লাগানো  $10 \text{ m}$  একটি মই ভূমির সাথে  $30^\circ$  কোণে  
অন্তর আছে।  $68 \text{ kg}$  ভরের এক বাতি  $12 \text{ kg}$  ভরের জিনিসহ  $19.6 \cdot \text{s}$  এ মই  
যেতে ছানে অঠে। ঐ বাতি কত Watt (W) ক্ষমতা প্রয়োগ করেছে? [GST-A : 20-21]
- (A) ২০০ (B) ৩০০ (C) ৪০০ (D) ৬০০ **Ans A**
০৯. একটি হাতির বেগ বিশেষ করা হলে এর গতিশক্তি কত বেগ হবে? [KU-A : 19-20]
- (A) ০.৫ (B) ২ (C) ৩ (D) ৪ **Ans D**
১০.  $100 \text{ kg}$  ভরের একটি বস্তুকে ছেনের সাথে  $10 \text{ cms}^{-1}$  বেগে ছানের উপর  
উঠালে ছেনের ক্ষমতা কত Watt? [KU-A : 19-20]
- (A) ০.৯৮ (B) ১০ (C) ৯৮ (D) ৯৮০০ **Ans C**
১১. কেনটি ঘূর্ণন বস্তুর গতিশক্তি? [CoU-A : 19-20]
- (A)  $KE = \frac{1}{2} Mv^2$  (B)  $KE = \frac{1}{2} I\omega^2$   
(C)  $KE = \frac{1}{2} I\omega^2$  (D)  $KE = \frac{1}{2} M\omega^2$  **Ans B**
১২. একটি ঘোঢ়া ভূমি করার  $60 \text{ N}$  বল প্রয়োগে একটি বস্তুকে টেনে  $2 \text{ ms}^{-1}$  সময়ে  
স্বাক্ষর পারে।  $3 \text{ min}$  এ ঘোঢ়াটি কী পরিমাণ কাজ করবে? [CoU-A : 18-19]
- (A)  $4.3 \times 10^4 \text{ J}$  (B)  $3 \times 10^4 \text{ J}$   
(C)  $2.2 \times 10^4 \text{ J}$  (D)  $6 \times 10^4 \text{ J}$  **Ans C**
১৩. কেন্দ্ৰুৰী বল ঘারা কৃতকাজ [CoU-A : 18-19]
- (A) অসূচি (B) ধনাত্মক  
(C) শূন্য (D) ঋণাত্মক **Ans C**
১৪. ধনাত্মক (Positive Work) কাজের ক্ষেত্রে বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণ θ  
এর ঘন - [JU-D : 19-20]
- (A)  $0^\circ \leq \theta < 90^\circ$  (B)  $90^\circ < \theta \leq 180^\circ$   
(C)  $0^\circ < \theta \leq 90^\circ$  (D)  $90^\circ \leq \theta < 180^\circ$  **Ans A**
১৫. ঘূর্ণন বস্তুর গতিশক্তির সমীকরণ - [JU-D : 19-20]
- (A)  $E_K = \frac{mv^2}{2}$  (B)  $E_K = \frac{I\omega^2}{2}$   
(C)  $E_K = \frac{mv^2}{2}$  (D)  $E_K = \frac{I\omega^2}{2}$  **Ans B**
১৬.  $100 \text{ kg}$  ভরের একটি বস্তুকে ছেনের সাথে  $10 \text{ cms}^{-1}$  বেগে ছানের উপর  
উঠালে ছেনের ক্ষমতা কত? [JKKNIU-B : 19-20]
- (A) ০.৯৮ W (B) ১০ W  
(C) ৯৮ W (D) ৯৮০০ W **Ans C**
১৭. একটি বুরু ভরলে 200% শূন্য ক্ষয়ের গতিশক্তি কেনেন পরিবর্তিত হবে?  
[JKKNIU-B : 19-20]
- (A) ২ গুণ বৃদ্ধি পাবে (B) ৪ গুণ বৃদ্ধি পাবে  
(C) ৬ গুণ বৃদ্ধি পাবে (D) ৮ গুণ বৃদ্ধি পাবে **Ans D**
১৮. একটি বুরু ভরলে  $200 \text{ kN}$  বল প্রয়োগ করে এবং গাড়িটি এক মিনিটে  $21 \text{ m}$   
ছানে উঠালে ক্ষমতা কত? [BU-A : 19-20]
- (A) 4200 kW (B) 70 kW **Ans D**

**Part 7****সম্ভাব্য MCQ**

০১. একটি চলাত বস্ত সমান ভরের অপর একটি বস্তকে আঘাত করল। গতিশক্তির  
কত অংশ ছানাঞ্চারিত হবে।
- (A) ০% (B) ১% (C) ৫০% (D) ১০০% **Ans D**
০২. ছিতৃশাপক বলের বিরুদ্ধে সরণের মান বিশেষ করলে কাজ কর্তৃতু বৃদ্ধি পাবে?
- (A) ১০০% (B) ২০০% (C) ৩০০% (D) ৪০০% **Ans C**
০৩.  $250 \text{ kg}$  ভরের একটি বস্ত ছেনের সাথে  $0.1 \text{ ms}^{-1}$  প্রবেশে উপরে উঠানো  
হলো। ছেনের ক্ষমতা কত?
- (A) 24500 W (B) 2500 W (C) 245 W (D) 24.5 W **Ans C**
০৪.  $1 \text{ kg}$  ও  $4 \text{ kg}$  ভরের দুটি বস্ত একই গতিশক্তি নিয়ে চলছে। এদের বৈধিক  
ভরবেগের অনুপাত হবে?
- (A) ৪:১ (B)  $\sqrt{2}:1$  (C) ১:২ (D) ১:১৬ **Ans C**
০৫. প্রিংকে প্রসারিত করলে এর মধ্যে কোন ধরনের শক্তি সঞ্চিত হয়?
- (A) বিভব শক্তি (B) গতিশক্তি (C) রাসায়নিক শক্তি (D) তাপশক্তি **Ans A**
০৬. বল প্রবক্তৃর মাত্রা কোনটি?
- (A)  $[ML^2T^{-2}]$  (B)  $[MLT^{-2}]$  (C)  $[MT^2]$  (D)  $[MT^{-2}]$  **Ans D**
০৭. বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণ কত হলে কাজের পরিমাণ সর্বোচ্চ?
- (A)  $0^\circ$  (B)  $45^\circ$  (C)  $90^\circ$  (D)  $180^\circ$  **Ans A**
০৮. শক্তির অপচয়ের ধারণা দেন কেন?
- (A) নর্ত ক্লেভিন (B) ওয়াটসন (C) মের্কুরিল (D) প্রাক **Ans A**
০৯. নিচের কোনটি শক্তির মাত্রা?
- (A)  $[ML T^{-2}]$  (B)  $[ML^2T^{-2}]$  (C)  $[ML^{-1}T^{-1}]$  (D)  $[MLT^{-1}]$  **Ans B**
১০. ভূমির সাথে  $30^\circ$  কোণে আনত  $5 \text{ m}$  দীর্ঘ একটি ঢালুপথে  $100 \text{ g}$  ভরবিশিষ্ট  
একটি বস্তু যে গতিশক্তি প্রাপ্ত হবে?
- (A) ০.৪৯ J (B) ০.৮৪৮ J (C) ১.২২৫ J (D) ২.৪৫ J **Ans D**
১১. প্রিংকে প্রসারিত করলে এর মধ্যে কোন ধরনের শক্তি সঞ্চিত হয়?
- (A) বিভব শক্তি (B) গতিশক্তি  
(C) রাসায়নিক শক্তি (D) তাপশক্তি **Ans A**
১২. ৬ ওয়াট ক্ষমতাসম্পন্ন একটি মোটর ১ মিনিটে কত জুল কাজ করবে?
- (A) 6 J (B) 360 J (C) 60 J (D) 3600 J **Ans B**
১৩. একটি  $5 \text{ kN}$  কিলোগ্রাম সচল বস্তুর উপর বিপরীত দিকে ক্রিয়া করে। বল দুটি ঘারা  
কৃতকাজের মান কত হবে?
- (A) 50 J (B) 25 J (C) 0 J (D) 15 J **Ans C**
১৪.  $k$  প্রিং প্রবক্তৃসম্পন্ন দুটি প্রিংকে সমাঝৰালে যুক্ত করলে তুল্য প্রবক্তৃ প্রত্যেকটি  
প্রিং এর প্রিং প্রবক্তৃর সাপেক্ষে কত হবে?
- (A)  $k$  (B)  $2k$  (C)  $\frac{k}{2}$  (D)  $k^2$  **Ans B**
১৫.  $300 \text{ Nm}^{-1}$  বল প্রবক্তৃ সম্পন্ন একটি প্রিংকে কর্তৃতু সংকুচিত করলে  $1.5 \text{ J}$   
কাজ করা হবে?
- (A) 0.1 m (B) 1.5 m (C) 3.01 m (D) 1.0 m **Ans A**
১৬. পানি মেঘে পরিণত হতে কৃতকাজ-
- (A)  $mgh$  (B)  $V\rho gh$  (C)  $A/\rho gh$  (D) সবগুলো **Ans D**
১৭. প্রযুক্ত বল এবং সরণের মধ্যে  $180^\circ$  কোণ হলে, কাজ কেমন হবে?
- (A) ধনাত্মক (B) শূন্য (C) অসীম (D) ঋণাত্মক **Ans D**
১৮. প্রিং প্রবক্তৃ এর একক কোনটি?
- (A)  $Nm$  (B)  $Nm^{-2}$  (C)  $Nm^2$  (D)  $Nm^{-1}$  **Ans D**
১৯. নিচের কোনটি সংরক্ষণশীল বলের উদাহরণ নয়?
- (A) আদর্শ প্রিং এর বল (B) ঘর্ষণ বল  
(C) অভিকর্ষয় বল (D) বৈদ্যুতিক বল **Ans B**
২০.  $100 \text{ kgm}$  কে জুল এ প্রকাশ কর-
- (A) 764.00 J (B) 981 J (C) 98.1 J (D) 9.81 J **Ans B**



Samsung Quad Camera  
Shot with my Galaxy M31

## মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ

Part 1

উন্নতপূর্ণ তথ্যাবলি

## ৫. কেপলারের সূর্যাবলি সংক্রান্ত :

## • গ্রহসমূহের গতিপথ নিয়ে বিভিন্ন মতবাদ :

- টলেমি : পৃথিবী মহাবিশ্বের কেন্দ্র এবং সূর্য ও অন্যান্য গ্রহ পৃথিবীকে কেন্দ্র করে আবর্তিত হয়।
- কোপারিকাস : সূর্য মহাবিশ্বের কেন্দ্র ও হিরণ্যপুরুষ একটি গ্রহ ও অন্যান্য গ্রহের মতই সূর্যকে কেন্দ্র করে আবর্তিত হয়।
- টাইকেত্রাহে : জ্যোতির্বিদের পর্যবেক্ষণ সংকলিত করেন।
- কেপলার : এ সকল তথ্য বিশ্লেষণ করেন ও ব্যাখ্যা করে দেন।
- কেপলারের সূর্যাবলি : 1618 খ্রিস্টাব্দে ডেনমার্কের বিজ্ঞানী ও জ্যোতির্বিদ জোহান কেপলার সিঙ্ক্লাস্টে উপস্থীত হন যে, গ্রহসমূহে কোনো এক বলের প্রভাবে সূর্যকে কেন্দ্র করে অবিয়ন্ত ঘূরছে। এই সম্পর্কে তিনি তিনটি সূর্য প্রদান করেন। তাঁর নাম অনুসারে এই তিনটি সূর্যকে কেপলার গ্রহ সম্পর্কীয় গতিসূর্য বলে। সূর্য তিনটি নিম্নলিপি:
- ১ম সূর্য বা উপবৃত্ত বা কক্ষৈর সূর্য : প্রতিটি গ্রহ সূর্যকে উপবৃত্তের নাভিতে বা ঘোকাসে গ্রেগে একটি উপবৃত্তাকার পথে প্রদক্ষিণ করছে।
- ২য় সূর্য বা ক্ষেত্রফলের সূর্য : গ্রহ এবং সূর্যের সংযোগকারী ব্যাসার্দ্ধ রেখা সমান সময়ে সমান ক্ষেত্রফল অতিক্রম করে।
- ৩য় সূর্য বা পর্যায় কাল বা সময়ের সূর্য : প্রতিটি গ্রহের পর্যায়কালের বর্গ সূর্য হতে তাঁর দূরত্বের ঘনফলের সমানুপাতিক। অর্থাৎ,  $T^2 \propto R^3$ ।

## • কেপলারের সূর্যের সিঙ্ক্লাস্ট সমূহ :

- গ্রহের আবর্তনকাল ভরের উপর নির্ভর করে না।

- এই সূর্যের যত কাছে থাকে, আবর্তনকাল তত কম থাকে।

## ৬. বিজ্ঞানী ও আবিকার :

নিউটন- মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ বল গ্রহ সমূহের আবর্তনের কারণ, পড়ত বল গ্রহ সূর্য সমূহের থমাণ

টাইকেত্রাহে- মঙ্গল গ্রহের গতিবিধি লক্ষ্য করে গ্রহ ন্যস্ত সম্পর্কে তথ্য সংগ্রহ করেন

গ্যালিলো- পড়ত বলের সূত্র প্রদান করেন

কেপলার- এই সমূহ দূর্ঘনের তিনটি সূত্র প্রদান করেন

ক্যান্ডেলিস- G-এর মান নির্ণয় করেন

## ৭. মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ সূত্র সংক্রান্ত :

মহাকর্ষ বল	মহাবিশ্বে দুটি বস্তুকণা পরস্পরকে যে বলে আকর্ষণ করে তাকে মহাকর্ষ বল বলে।
নিউটনের মহাকর্ষ সূত্র	মহাবিশ্বের যে কোনো দুটি বস্তুকণা পরস্পরকে আকর্ষণ করে। এই আকর্ষণ বল বল দুটির ভরের ঘনফলের সমানুপাতিক, তাদের মধ্যকার দূরত্বের বর্গের ব্যানুপাতিক এবং বল দুটির সংযোগকারী সরলরেখা বরাবর ত্রিমাণীয়।
মহাকর্ষীয় ক্রিবক	একক ভরবিশিষ্ট দুটি বস্তুকণা একক দূরত্বে থেকে যে পরিমাণ বল দ্বারা পরস্পরকে আকর্ষণ করে তাঁর সংখ্যাগত মান হচ্ছে মহাকর্ষীয় ক্রিবক।
মহাকর্ষ সূত্রের ব্যবহার :	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 1798 সালে বিজ্ঞানী ক্যান্ডেলিস মহাকর্ষীয় ক্রিবকের মান নির্ণয়ের জন্য “ব্যবৃত্ত তুলা” পদ্ধতি উন্নীত করেন।</li> <li>• মান : <math>6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}</math></li> </ul>
মহাকর্ষীয় ক্রিবক নির্ভর করে না	<ul style="list-style-type: none"> <li>• প্রাকৃতিক সম্পদ অনুসন্ধান</li> <li>• প্রবেশ্যতা</li> <li>• প্রবণতা</li> <li>• দিক দর্শিতা</li> <li>• ভৌত অবস্থা</li> <li>• মাধ্যম</li> </ul>
মহাকর্ষীয় ক্রিবক নির্ভয় G এর প্রয়োগ	<ul style="list-style-type: none"> <li>• পৃথিবীর ভর নির্ণয়</li> <li>• পৃথিবীর ঘনত্ব নির্ণয়</li> <li>• সূর্যের ভর নির্ণয়</li> <li>• গ্রহের পর্যায়কাল ও চক্রের ব্যাসার্দ্ধের মধ্যে সম্পর্ক</li> </ul>

## ৮. মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য সংক্রান্ত :

১. মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র : কোনো বস্তুর আশেপাশে যে অঞ্চলব্যাপী এর মহাকর্ষীয় প্রভাব বজায় থাকে তাকে এই বস্তুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র বলে।

২. মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য বা তীব্রতা : মহাকর্ষীয় ক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে একক ভরের একটি বল স্থাপন করলে তাঁর উপর যে মহাকর্ষীয় বল প্রযুক্ত হয় তাকে এই বিন্দুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য বলে। এর একক ও মাত্রা  $N\text{kg}^{-1}$ ,  $[\text{LT}^{-2}]$ ; মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্যের রাশিমালা,  $E_G = \frac{F}{m}$ ৩. মহাকর্ষীয় বিভব : অসীম দূরত্বে একক ভরের কোনো বস্তুকে মহাকর্ষীয় ক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে আনতে যে নির্দিষ্ট কাজ সাধিত হয় তাকে এই বিন্দুর মহাকর্ষীয় বিভব বলে। একে অন্তর্বাস দ্বারা প্রকাশ করা হয়। এর S.I একক  $J/\text{kg}$  এবং মাত্রা সমীকরণ  $[L^2 T^{-2}]$ । এটি একটি ক্ষেত্রীয় রাশি। এর সর্বনিম্ন মান হবে অসীমে এবং এই মান হবে ( $\infty$ )। অসীম থেকে ক্ষেত্র সৃষ্টিকারী বস্তুর দিকে আসতে থাকলে মান কমতে থাকে এবং ক্রমান্বয়ে অগ্রসর হয়।

## ৯. মুক্তিবেগ ও উপগ্রহ সংক্রান্ত :

১. মুক্তিবেগ : সর্বপেক্ষা কম যে বেগে কোনো বস্তুকে উপরের দিকে নিষ্কেপ করলে তা আর পৃথিবীতে ফিরে আসে না সেই বেগকে মুক্তিবেগ বলে।

২. মুক্তিবেগ মান : • পৃথিবীতে  $\rightarrow 11.2 \text{ km/s}$  বা  $7 \text{ মাইল/সে. বা } 25000 \text{ মাইল/ঘণ্টা}$  • চাঁদ  $\rightarrow 2.4 \text{ km/s}$  • বৃথা  $\rightarrow 4.3 \text{ km/s}$   
• শুক্র  $\rightarrow 10.3 \text{ km/s}$  • বৃহস্পতি  $\rightarrow 59.5 \text{ km/s}$ Samsung Quad Camera  
Shot with my Galaxy M31

101.  $\text{جاذبية} = \frac{Gm}{r^2}$   $\Rightarrow m = \frac{r^2 G}{g}$   $\Rightarrow r = \sqrt{\frac{mg}{G}}$   
 $m = 1.9 \times 10^{27} \text{ kg}$   $\Rightarrow r = \sqrt{\frac{1.9 \times 10^{27} \times 9.8}{6.67 \times 10^{-11}}} \text{ m} = 7 \times 10^7 \text{ m}$

[For Practice]

$$\text{جاذبية} = \frac{Gm}{r^2} \Rightarrow T = \frac{2\pi r}{v^2} = \frac{2\pi r}{\frac{GM}{r^2}} = \frac{2\pi r^3}{GM} = \frac{2\pi r^3}{r^2 g} = \frac{2\pi r}{g}$$

101.  $v = \sqrt{gr} = \sqrt{9.8 \times 7 \times 10^7} \text{ m/s} = 9.8 \text{ m/s}$

[Type 2] **النحوين**

101.  $0.1 \text{ kg}$   $\times$   $0.2 \text{ kg}$   $\times$   $1 \text{ m}$   $\times$   $13.32 \times 10^{-13} \text{ N}$

[For Practice]

$$F = \frac{G m_1 m_2}{r^2} = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 0.1 \times 0.2}{(1)^2} = 1.32 \times 10^{-13} \text{ N}$$

Solve:  $F = \frac{G m_1 m_2}{r^2}$

101.  $r = \sqrt{\frac{GM}{g}}$   $\Rightarrow r = \sqrt{\frac{6.67 \times 10^{-11} \times 5.96 \times 10^{24}}{9.8}}$   $\Rightarrow r = 6.400 \text{ km}$

[Type 1] **النحوين**

**Part 4** **النحوين**

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$$

لذلك:

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R+h)^3}{GM}}$$

$$h = \left( \frac{GM^2}{4\pi^2} \right)^{1/3} - R$$

$$h = \frac{GM}{4\pi^2 (R+h)}$$

لذلك:

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$$

لذلك:

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{GMm}{R+h}$$

لذلك:

$$v = \sqrt{\frac{2GM}{R+h}}$$

Type 3

কৃতিম উপগ্রহ

01. পৃষ্ঠ হতে  $3.596 \times 10^7$  m উচ্চতায় একটি কৃতিম উপগ্রহ ছাপা করা হল।  
যার ক্ষেত্রে  $3.08 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$  বেগাল কর গে, উপগ্রহটি কৃতিম উপগ্রহ।

**Solve:**  $T = \frac{2\pi}{v} (R + h)$

$$\Rightarrow T = \frac{2 \times 3.14 \times (6400 \times 10^3 + 3.596 \times 10^7)}{3.08 \times 10^3} = 86370.389 \text{ sec} \approx 24 \text{ hours.}$$

অর্থাৎ, শমাখ দল মে, উপগ্রহটি কৃতিম উপগ্রহ। [Proved]

For Practice

01. ভূ-কেন্দ্র থেকে 8000 km দূরে অবস্থান করে একটি একটি কৃতিম উপগ্রহকে  
পৃথিবীর চারদিকে কি বেগে ঘূরতে হবে? Ans.  $7029 \text{ m s}^{-1}$

Type 4

মুক্তিবেগ

01. মূলত কত বেগে একটি বস্তুকে পৃথিবী থেকে নিষেপ করলে বস্তুটি আব  
পৃথিবীতে ফিরে আসবে না।

**Solve:** ধরা যাক,  $v_e$  বেগে বস্তুটিকে নিষেপ করতে হবে।

$$\therefore v_e = \sqrt{\frac{2GM}{R}} \Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{2 \times 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2} \times 6 \times 10^{24} \text{ kg}}{6.4 \times 10^6 \text{ m}}} = 11.2 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$$

Ans.  $11.2 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$

For Practice

01. মঙ্গল এছের বাস 6000 km এবং এর পৃষ্ঠের অভিকর্তীয় হ্রাস  $3.8 \text{ ms}^{-2}$  মঙ্গল  
এছের পৃষ্ঠ হতে একটি বস্তুর মুক্তিবেগ নির্ণয় কর। Ans.  $6.752 \text{ kms}^{-1}$

Type 5

মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য

01. R ব্যাসার্দের পৃথিবীর পৃষ্ঠে অভিকর্তীয় বিভব V হলে পৃষ্ঠ হতে R উচ্চতায়  
বিভবের মান কত?

**Solve:**  $V_2 = \int_{\infty}^{2R} EdR = \int_{\infty}^{2R} \frac{GM}{R^2} dR$

$$\Rightarrow V_2 = -\left(\frac{GM}{2R}\right) \Rightarrow V_2 = V/2 \text{ Ans. } \left[ V = -\frac{GM}{R} \right]$$

For Practice

01. এক ব্যক্তির ওজন পৃথিবী পৃষ্ঠে 785 N এবং মঙ্গলে পৃষ্ঠে 298 N অভিকর্তীয়  
ক্ষেত্রের তীব্রতা কত? Ans.  $9.81 \text{ N/kg}$

Type 6

কেপলারের সূত্র

01. সূর্য থেকে পৃথিবীর দূরত্ব যদি বর্তমান দূরত্বের অর্ধেক হয় তাহলে এক বছরে  
দিনের সংখ্যা কত?

**Solve:**  $\frac{T_2^2}{T_1^2} = \frac{R_2^3}{R_1^3} \Rightarrow T_2^2 = \frac{(R/2)^3}{R^3} \times T_1^2 = \frac{1}{8} \times (365)^2$   
 $\Rightarrow T_2 = 129.04 \text{ days Ans.}$

For Practice

01. পৃথিবী থেকে সূর্যের দূরত্ব  $150 \times 10^6 \text{ km}$  এবং অন্য কোনো এই থেকে দূরত্ব  
 $230 \times 10^6 \text{ km}$ । এইটির পর্যায়কাল নির্ণয় কর। Ans. 1.89 years

01. পৃথিবীর দূরত্বের সম পৃথিবী পৃষ্ঠ হতে পৃথিবীর উপগ্রহের দূরত্বের সম  
[NU-Science : 11-14]  
 ①  $1.9 \text{ m/s}^2$       ②  $1.1 \text{ m/s}^2$   
 ③  $4.9 \text{ m/s}^2$       ④  $2.5 \text{ m/s}^2$
02. পৃথিবীর ব্যাসার্দের কর্তৃতে মানের অর্ধেক হয়ে যাবে পৃথিবীর উপগ্রহের  
দূরত্বের সম কত হবে? [NU-Science : 12-13]  
 ① 6g      ② 2g  
 ③ 4g      ④ 2/2
03. মহাকর্ষীয় প্রয়োগ ও বিভবের সম্পর্ক- [NU-Science : 11-12]  
 ①  $E = \frac{dV}{dt}$       ②  $E = -\frac{dV}{dt}$   
 ③  $\frac{ds}{dt}$       ④ প্রেসিপিট সম
04. পৃষ্ঠ একটি উপগ্রহের অজ্ঞ 100%। যদি পৃথিবীর ব্যাসার্দের 5 গুণ অস  
পৃথিবীর দৈর্ঘ্য হতে কত দূরে উপগ্রহটির অজ্ঞ 25% হবে? [NU-Science : 12-13]  
 ①  $R/4$       ②  $R/2$   
 ③  $R$       ④  $2R$
05. পৃথিবীর বিভব কর ও বিভব ব্যাসার্দের একটি কর্তৃতে মানের অস অপরিবর্তন  
দৃশ্য হবে- [NU-Science : 02-03]  
 ①  $9.8 \text{ ms}^{-2}$       ②  $4.9 \text{ ms}^{-2}$   
 ③  $19.6 \text{ ms}^{-2}$       ④  $39.2 \text{ ms}^{-2}$
06. দুর পৃষ্ঠ একটি সম মেসুরের মেসুর করা পৃথিবী পৃষ্ঠ হতে দুর হবে, কত?  
[NU-Science : 02-03]  
 ① দুসে বাসাসের কাবা সেই  
 ② দুসের ব্যাসার্দে পৃথিবী থেকে কত  
 ③ দুসের পৃষ্ঠ দুবুরু পৃথিবী থেকে কত  
 ④ দুসের অভিকর্তীয় দুবুরু পৃথিবী থেকে কত
07. অবরুদ্ধ বস্তুর স্থৰকল্প হচ্ছে  $F = G \frac{mM}{r^2}$  এবং অবরুদ্ধ কর  $G = ?$   
একটি মান দেখাও? [NU-Science : 01-02]  
 ①  $\text{Nm}^2/\text{Kg}$       ②  $\text{Nm} \cdot \text{Kg}^2$   
 ③  $\text{Nm}^2/\text{Kg}^2$       ④  $\text{Nm}^2 \cdot \text{N}$

Part 6

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয়ের ভর্তি প্রোক্ষণের উপরের বিভিন্ন  
বিশ্ববিদ্যালয়ের সমন্বয় বিষয় প্রশ্নের

01. একটি উপগ্রহ নিজ অক্ষে 10 বর্তার অবরুদ্ধ করে। এর কর্তী  $14 \times 10^4 =$   
 $10^4 \text{ kg}$  ভার্টিপিটি একটি নভেলান উপগ্রহটিতে অবরুদ্ধ করার ক্ষেত্রে উপগ্রহের  
নিজ অক্ষের দূরত্বের করণে নভেলানের কর্তী কত হবে প্রয়োগ? [GST-A : 23-24]  
 ①  $21.44 \text{ N}$       ②  $24.21 \text{ N}$   
 ③  $21.24 \text{ N}$       ④  $24.44 \text{ N}$
02. দুরত্ব হেবে  $\frac{R}{2}$  ( $R =$  পৃথিবীর ব্যাসার্দে) উচ্চতার  $\epsilon$  এবং প্রতিকর্তীয় অভিকর্তীয়  
ক্ষেত্রের অনুপাত- [GST-A : 22-23]  
 ①  $1:9$       ②  $2:9$   
 ③  $4:9$       ④  $8:9$
03. মহাকর্ষীয় প্রয়োগের করা দেখাও? [GST-A : 21-22]  
 ①  $[\text{M}^1 \text{L}^1 \text{T}^{-2}]$       ②  $[\text{ML}^1 \text{T}^{-1}]$   
 ③  $[\text{M}^2 \text{L}^1 \text{T}^{-2}]$       ④  $[\text{ML}^1 \text{T}^{-1}]$
04. A ও B এছের অব কর্তীয়ে  $M = 2M$ , এবং কর্তীয় কর্তীয়ে  $R = 2R$   
যদি আদের অভিকর্তীয় দুরত্বের অনুপাত  $g_A : g_B$  করা [GST-A : 20-21]  
 ①  $1:1$       ②  $1:2$   
 ③  $2:1$       ④  $4:1$

## ০৫. পার্কিং কক্ষপথ কোনটি? [KU-A : 19-20]

- (A) যে পথে বিমান চলাচল করে      (B) পোলার উপগ্রহের কক্ষপথ  
 (C) ভূ-ছুরি উপগ্রহের কক্ষপথ      (D) পৃথিবীর কক্ষপথ      Ans(C)

০৬. গাছের একটি আপেল পৃথিবীকে  $F_1$  বলে আকর্ষণ করছে। পৃথিবী আপেলকে  $F_2$  বলে আকর্ষণ করেছে। সুতরাং-[CoU-A : 19-20]

- (A)  $F_2 > F_1$       (B)  $F_2 < F_1$   
 (C)  $F_2 = F_1$       (D)  $F_2 < F_1$       Ans(C)

০৭. কোনো ছানে g এর মান  $9.832 \text{ ms}^{-2}$  হলে, নিচের কোন উকিটি সঠিক? [CoU-A : 18-19]

- (A) ছানটি মেরু অঞ্চলে অবস্থিত      (B) ছানটি  $45^\circ$  অক্ষাংশে অবস্থিত  
 (C) ছানটি বিশুবীয় অঞ্চলে অবস্থিত      (D) ছানটি সমুদ্র পৃষ্ঠে অবস্থিত      Ans(A)

০৮. একটি ভূ-ছুরি উপগ্রহের আবর্তনকাল কত? [CoU-A : 18-19]

- (A) 12 ঘণ্টা      (B) 24 ঘণ্টা  
 (C) 1 মাস      (D) 12 মাস      Ans(B)

০৯. G-এর মাত্রা সমীকরণ - [IU-D : 19-20]

- (A)  $[G] = [M^{-1} L^3 T^{-2}]$       (B)  $[M^{-1} L^3 T^{-2}]$   
 (C)  $[M^{-1} L^2 T^{-2}]$       (D)  $[G] = [M^{-1} L^{-2} T^{-2}]$       Ans(A)

১০. পৃথিবীর সাপেক্ষে মুক্তিবেগ  $v_E$  এবং চাঁদের সাপেক্ষে মুক্তিবেগ  $v_M$  হলে, নিচের কোনটি সঠিক? [BRUR-E : 19-20]

- (A)  $v_E > v_M$       (B)  $v_E < v_M$   
 (C)  $v_E = \frac{1}{v_M}$       (D)  $v_E = v_M$       Ans(A)

১১. একটি ভূ-ছুরি উপগ্রহের পর্যায়কাল কত? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A) 12 ঘণ্টা      (B) 24 ঘণ্টা  
 (C) 30 ঘণ্টা      (D) 36.5 ঘণ্টা      Ans(B)

১২. কেপলারের সময়ের সূত্র নিচের কোনটি? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A)  $T \propto r^3$       (B)  $T \propto r^2$   
 (C)  $T^2 \propto r^3$       (D)  $T^3 \propto r^2$       Ans(C)

## Part 7

## সম্ভাব্য MCQ



০১. দুইটি বস্তুর মধ্যে দূরত্ত্ব চারণগ বৃক্ষি পেলে অভিকর্ষ বল হবে-

- (A) চারভাগের একভাগ      (B) চারণগ  
 (C) ষেলভাগের একভাগ      (D) ষেলণগ      Ans(C)

০২. বস্তুর ওজন কোথায় বেশি?

- (A) মেরু অঞ্চলে      (B) বিশুবীয় অঞ্চলে  
 (C) কর্টিজান্টিতে      (D) মকরক্রান্টিতে      Ans(A)

০৩. কোন বস্তুর ভর ভূপৃষ্ঠে 75 kg হলে চাঁদে এর ভর কত?

- (A) 70 kg      (B) 14 kg  
 (C) 75 kg      (D) 280 kg      Ans(C)

০৪. কোন একটি উচ্চতা যেখানে অভিকর্ষজ ত্বরণের মান  $g_h = 8 \text{ ms}^{-2}$ ? সেখানে একটি উপগ্রহের বেগ  $8 \text{ kms}^{-1}$ । পৃথিবী পৃষ্ঠ হতে কত উচ্চতায় উপগ্রহটি পৃথিবীকে প্রদক্ষিণ করছে? [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ  $6.4 \times 10^6 \text{ m}$ ]

- (A) 6400 km      (B) 3200 km  
 (C) 1600 km      (D) 1000 km      Ans(C)

০৫. মেরু অপেক্ষা বিশুবীয় অঞ্চলে অভিকর্ষজ ত্বরণ কতটা কম?

- (A)  $\omega^2 R$       (B)  $\omega R$   
 (C)  $R \cos \theta$       (D)  $\omega^2 R \cos \theta$       Ans(A)

০৬. বাঁচাইতে এবং তান সর্বাপেক্ষা বেশি?

- (A)  $0^\circ$       (B)  $45^\circ$   
 (C)  $90^\circ$       (D)  $135^\circ$       Ans(D)

০৭. পৃথিবী পৃষ্ঠে কোনো বস্তুর ভর 60 kg হলে চাঁদে ওই বস্তুর ভর কত? চাঁদের

- অভিকর্ষজ ত্বরণ পৃথিবীর  $\frac{1}{6}$  গুণ?      Ans(C)

- (A) 10 kg      (B) 20 kg  
 (C) 60 kg      (D) 360 kg      Ans(C)

০৮. "আহ তলোর গতিপথ উপবৃত্তাকার"- তত্ত্বটি কে আবিষ্কার করেছেন?

- (A) কেপলার      (B) গ্যালিলিও  
 (C) টলেমি      (D) পিথাগোরাস      Ans(A)

০৯. সূর্য থেকে পৃথিবীর গড় দূরত্ত্ব কমে গেলে বহরের দৈর্ঘ্য

- (A) ছিঁর থাকবে      (B) কমে যাবে  
 (C) অসীম হবে      (D) বেড়ে যাবে      Ans(B)

১০. খাড়া উপরের দিকে অভিকর্ষজ ত্বরণের মান কত?

- (A) শূন্য      (B)  $4.9 \text{ ms}^{-2}$   
 (C)  $9.8 \text{ ms}^{-2}$       (D)  $-9.8 \text{ ms}^{-2}$       Ans(D)

১১. ভূ-পৃষ্ঠে একজন লোকের ওজন 600 N তিনি চাঁদে পিয়ে কঠটুকু ওজন হারাবেন?

- (A) 500 N      (B) 481.5 N  
 (C) 470.7 N      (D) 490 N      Ans(B)

১২. পৃথিবী সূর্যের চারদিকে 24 ঘণ্টায় এক বার ঘূর্ণন সম্পন্ন করে, তাহলে কৃতকাজ কত? [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ 6400 km]

- (A) 0 J      (B) 86.4 kJ  
 (C) 864 J      (D) 6400 J      Ans(A)

১৩. প্রথম যোগাযোগ উপগ্রহ উৎক্ষেপন হয় কত সালে?

- (A) 1950      (B) 1962      (C) 1978      (D) 1990      Ans(B)

১৪. চাঁদের মুক্তিবেগ কত?

- (A)  $11.2 \text{ kms}^{-1}$       (B)  $2.4 \text{ kms}^{-1}$   
 (C)  $4.3 \text{ kms}^{-1}$       (D)  $5.0 \text{ kms}^{-1}$       Ans(B)

১৫. মঙ্গল গ্রহের ব্যাস 6000 km, এর পৃষ্ঠে g এর মান  $3.8 \text{ ms}^{-2}$  হলে মঙ্গল থেকে কোনো বস্তুর মুক্তিবেগ কত?

- (A)  $9.7 \text{ kms}^{-1}$       (B)  $4.77 \text{ kms}^{-1}$   
 (C)  $3.77 \text{ kms}^{-1}$       (D)  $11.2 \text{ kms}^{-1}$       Ans(B)

১৬. পার্কিং কক্ষপথ কী?

- (A) যে পথে বিমান চলাচল করে      (B) পোলার উপগ্রহের কক্ষপথ  
 (C) ভূ-ছুরি উপগ্রহের কক্ষপথ      (D) পৃথিবীর কক্ষপথ      Ans(C)

১৭. যদি পৃথিবীর ভরের হিঁতে ভর ৩ গুণ ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট কোন এই থাকে তাহলে উক্ত গ্রহের তলে 1 kg ভরের ওজন কত হবে?

- (A) 1.1 N      (B) 2.2 N  
 (C) 4.4 N      (D) None      Ans(B)

১৮. পৃথিবীর কোনো ছানের অভিকর্ষজ ত্বরণকে আদর্শমান ধরা হয়?

- (A) কেন্দ্রে      (B)  $45^\circ$  অক্ষাংশে  
 (C) মেরু অঞ্চলে      (D) বিশুবীয় অঞ্চলে      Ans(B)

১৯. কোনো বস্তুকে কত বেগে নিষ্কেপ করলে এটি কৃতিম উপগ্রহে পরিষ্ঠ হবে?

- (A)  $11.2 \text{ kms}^{-1}$       (B)  $7.9 \text{ kms}^{-1}$   
 (C)  $11.2 \text{ ms}^{-1}$       (D)  $7.9 \text{ ms}^{-1}$       Ans(B)

২০. ভর ক্রম রেখে পৃথিবীর ব্যাসার্ধ অর্দেক করা হলে তোমার ওজন কত হবে?

- (A)  $1/4$  গুণ      (B) দ্বিগুণ  
 (C) 2 গুণ      (D) 4 গুণ      Ans(D)

# পদার্থের গাঠনিক ধর্ম

## শুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

### Part 1

- ৫ পদার্থের বক্তৃ : পরমাণুগুলোর সংযোগের ফলে যখন ব্যবহার বিভব শক্তি হ্যাস পায় পরমাণুগুলোর মধ্যে তখন বক্তৃ গঠিত হয়।**
- ৬ ছিত্তিজ্ঞাপকতা ও ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক সংক্রান্ত :**
- ০ ছিত্তিজ্ঞাপকতা : বক্তৃ উপর প্রযুক্ত বলের ক্ষিয়ায় তার আকার বা আয়তন বা উভয়েরই পরিবর্তনের প্রচেষ্টাকে পদার্থের যে ধর্ম বাধা দেয় এবং প্রযুক্ত বল অপসারিত হলে পূর্বের আকার বা আয়তন ফিরে পায়, তাকে ছিত্তিজ্ঞাপকতা বলে।
  - ০ ছিত্তিজ্ঞাপক সীমা : প্রযুক্ত বাহ্যিক বলের যে সর্বোচ্চ বা উর্ধ্বসীমা পর্যন্ত কোন বক্তৃ পূর্ণ ছিত্তিজ্ঞাপক থাকে, তাকে এ বক্তৃ ছিত্তিজ্ঞাপক সীমা বলে।
  - ০ ছিত্তিজ্ঞাপক ক্রান্তি : পরীক্ষার সাহায্যে দেখা গেছে যে, কোনো বক্তৃ বা তারের উপর ক্রমাগত পীড়নের হ্যাস-বৃদ্ধি করলে ছিত্তিজ্ঞাপক ধর্ম-হ্যাস পায়। এর ফলে কল অপসারণের সাথে সাথে বক্তৃ আগের অবস্থা ফিরে পায় না, কিছুটা দেরি হয়। বক্তৃ এই অবস্থাকে ছিত্তিজ্ঞাপক ক্রান্তি বলে। বিজ্ঞানী ক্লেভিন একে ছিত্তিজ্ঞাপক ক্রান্তি ব্যাখ্যা দেন।
  - ০ পূর্ণ ছিত্তিজ্ঞাপক বক্তৃ : কোনো বক্তৃ উপর প্রযুক্ত বল অপসারিত হলে যদি তা সম্পূর্ণরূপে পূর্বের অবস্থায় ফিরে পায় তবে সে সব বক্তৃকে পূর্ণ ছিত্তিজ্ঞাপক বক্তৃ বলে।
  - ০ পূর্ণ নমনীয় বক্তৃ : কোনো বক্তৃ উপর প্রযুক্ত বল অপসারিত হলে যদি তার আকার পূর্ণরূপে বজায় থাকে তবে এ বক্তৃকে পূর্ণ নমনীয় বক্তৃ বলে।
  - ০ পূর্ণ দৃঢ় বক্তৃ : যে কোনো মানের বাহ্যিক বল প্রয়োগে যদি কোনো বক্তৃ আকারের কোন পরিবর্তন না হয় তবে এ বক্তৃকে পূর্ণ দৃঢ় বক্তৃ বলে।
  - ০ ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে কোনো বক্তৃ পীড়ন ও বিকৃতির অনুপাত একটি ক্রিব রাশি। একে ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক বলে। ছিত্তিজ্ঞাপক পীড়ন,  $E = \frac{\text{বিকৃতি}}{\text{বিকৃতি}}$ । যেহেতু, পীড়ন ও বিকৃতি একটি ক্ষেত্রের রাশি। তাই ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্কও একটি ক্ষেত্রের রাশি। এর মাত্রা  $[ML^{-1}T^2]$  ও একক  $Nm^{-2}$  বা  $Pa$ ।
  - ০ ইয়-এর গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে দৈর্ঘ্য পীড়ন ও দৈর্ঘ্য বিকৃতির অনুপাত একটি ক্রিব রাশি। এই ক্রিবরাশিকে ইয়-এর গুণাঙ্ক বলে।
  - ০ দৃঢ়তার ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে আকার পীড়ন ও আকার বিকৃতির অনুপাতকে দৃঢ়তার ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক বলে।
  - ০ আয়তন গুণাঙ্ক : ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে আয়তন পীড়ন ও আয়তন বিকৃতির অনুপাতকে আয়তনের ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক ( $K$ ) বলে।
  - ০ সংনম্যতা : কোনো বক্তৃ চারদিক থেকে সমান চাপ প্রয়োগ করলে বক্তৃটির আয়তন কমে যায়। বক্তৃর এ ধর্মকে সংনম্যতা বলে। আবার আয়তন গুণাঙ্কের বিপরীত রাশিকে সংনম্যতা বলে। কঠিন এবং তরল পদার্থের তুলনায় গ্যাসের সংনম্যতা বেশি। ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে আয়তন বিকৃতি ও আয়তন পীড়নের অনুপাতকে সংনম্যতা বলে। আয়তন গুণাঙ্ককে তাই কখনো কখনো অসংনম্যতা বলা হয়।

**৫ হক্কের সূত্র সংক্রান্ত :**

- ০ হক্কের সূত্র : বিখ্যাত বিজ্ঞানী রবার্ট হক পীড়ন ও বিকৃতির মধ্যে নিবিড় সম্পর্ক লক্ষ করেন। এই সম্পর্কে তিনি 1678 খ্রিস্টাব্দে একটি সূত্রের আকারে প্রকাশ করেন এর নাম হক্কের সূত্র। সূত্রটি নিম্নে বিবৃত হলো: “ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে বক্তৃ উপর প্রযুক্ত পীড়ন তার বিকৃতির সমানুপাতিক।” গাণিতিকভাবে লেখা যায়,

$$\text{পীড়ন} \propto \text{বিকৃতি} \Rightarrow \text{পীড়ন} = \text{ক্রিবক} \times \text{বিকৃতি} \Rightarrow \text{ক্রিবক} = \frac{\text{পীড়ন}}{\text{বিকৃতি}} = \text{ক্রিবক (constant)}$$

এই ক্রিবককে বক্তৃ উপাদানের ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্ক বা ছিত্তিজ্ঞাপক মানাঙ্ক বলে।

একে ছিত্তিজ্ঞাপক ক্রিবকও বলা হয়।

**৬ পীড়ন ও বিকৃতি সংক্রান্ত :**

- ০ পীড়ন : কোনো একটি বক্তৃর একক ক্ষেত্রফলের উপর লভভাবে ক্রিয়ারত বিকৃতি সৃষ্টিকারী বল হচ্ছে পীড়ন। পীড়ন একটি ক্ষেত্রের রাশি। পীড়নের মাত্রা সমীকরণ  $[ML^{-1}T^2]$ । পীড়নের একক  $Nm^{-2}$  বা  $Pa$ ।
- দৈর্ঘ্য পীড়ন : দৈর্ঘ্য বিকৃতি ঘটাতে বক্তৃর একক ক্ষেত্রফলের উপর দৈর্ঘ্য বরাবর যে বল প্রযুক্ত হয়, তাকে দৈর্ঘ্য পীড়ন বলে। একে টান পীড়নও বলে। অর্থাৎ,

$$\text{দৈর্ঘ্য পীড়ন} = \frac{F}{A}$$

- আয়তন পীড়ন : আয়তন বিকৃতি ঘটাতে বক্তৃর একক ক্ষেত্রফলের উপর আয়তন বরাবর যে স্পর্শকীয় বল প্রযুক্ত হয়, তাকে আয়তন পীড়ন বলে। অর্থাৎ,

$$\text{আয়তন পীড়ন} = \frac{F}{A} = \frac{Mg}{A} = \frac{Mg}{\pi r^2}$$

- আকার পীড়ন : বার্বতন বিকৃতি ঘটাতে বক্তৃর একক ক্ষেত্রফলের উপর আকার বরাবর যে স্পর্শকীয় বল প্রযুক্ত হয়, তাকে ব্যর্বতন পীড়ন বলে। একে আকার বা মোচড় পীড়নও বলে। অর্থাৎ, ব্যর্বতন পীড়ন =  $\frac{F}{A}$

- অসহ পীড়ন : কোনো একটি বক্তৃর একক ক্ষেত্রফলের উপর প্রযুক্ত অসহ ভারকে অসহ পীড়ন বলে। অসহ পীড়ন =  $\frac{\text{অসহ ভার বা বল}}{\text{ক্ষেত্রফল}}$

- অসহ বল বা ভর : সর্বাপেক্ষা কম যে বলের ক্ষিয়ায় কোনো বক্তৃ হিঁড়ে বা ডেঙে যায় তাকে অসহ বল বলে। অসহ বলকে অসহ ভার বা ওজন ও বলা হয়।

- ০ বিকৃতি : বল প্রয়োগে কোন একটি বক্তৃর প্রতি একক মাত্রায় যে পরিবর্তন সাধিত হয় তাকে বিকৃতি বলে। এর কোনো মাত্রা ও একক নেই। বিকৃতি 3 প্রকার। যথা :

- দৈর্ঘ্য বা টান বিকৃতি : দৈর্ঘ্যের পরিবর্তন ঘটে।
- আয়তন বিকৃতি : আয়তন পরিবর্তন ঘটে।
- আকার বিকৃতি : আকার পরিবর্তন ঘটে।

- ০ পীড়ন ও ছিত্তিজ্ঞাপক গুণাঙ্কের, একক ও মাত্রা সমীকরণ :

- $F.P.S$  পদ্ধতিতে = পাউন্ড/বর্গ ফুট
- $C.G.S$  পদ্ধতিতে = ডাইন/বর্গ সে.মি.
- $M.K.S$  পদ্ধতিতে = নিউটন/বর্গ মিটার

- ০ পয়সন এর অনুপাত ( $\sigma$ ) : “ছিত্তিজ্ঞাপক সীমার মধ্যে বক্তৃর পার্শ্ব বিকৃতি ও দৈর্ঘ্য বিকৃতির অনুপাত একটি ক্রিব রাশি।” এই ক্রিব সংখ্যাকে বক্তৃ উপাদানের পয়সনের

অধিকাংশ ধাতব পদার্থের ক্ষেত্রে পয়সনের অনুপাত  $0.3$  (প্রায়)।

**Samsung Quad Camera**  
Shot with my Galaxy M31

## ৫ প্রবাহীর প্রবাহ ও সংকট বেগ সংক্রান্ত :

- ❖ প্রবাহীর প্রবাহ : প্রবাহীর এককান থেকে অন্যানে গমন করাকে প্রবাহীর প্রবাহ বলে। তরল ও গ্যাসকে মিলিতভাবে প্রবাহী বলে।
- ❖ প্রবাহীর প্রকারভেদ : প্রবাহীর প্রবাহ বিভিন্ন প্রকার হতে পারে— সম প্রবাহ, অসম প্রবাহ, ছুরি প্রবাহ ও অষ্টির প্রবাহ।
- ❖ সংকট বেগ : প্রবাহীর সর্বাধিক বেগ যা অতিক্রম করলে সমরেহে প্রবাহ বিস্ফোরণ প্রবাহে পরিগত হয়, তাকে সংকট বা প্রাণিক বা সর্বিক বেগ বলে।
- ❖ সংকট তাপমাত্রা : যে তাপমাত্রায় কোনো একটি তরলের পৃষ্ঠাটান শূন্য হয়, তাকে সংকট তাপমাত্রা বলে।

## ৬ সান্দ্রতা সংক্রান্ত :

- ❖ সান্দ্রতা : সান্দ্রতা পদার্থের একটি বিশেষ ধর্ম। যে ধর্মের দরকান কোনো প্রবাহীর বিভিন্ন ভরের আপেক্ষিক গতিতে বাঁধার সৃষ্টি হয় তাকে ঐ প্রবাহীর সান্দ্রতা বলে। বিভিন্ন প্রবাহীর সান্দ্রতা বিভিন্ন। তাছাড়া সান্দ্রতাকে কখনও কখনও প্রবাহীর আঠাও বলা হয়। যেমন : দূধ, তেল এবং আলকাতরার সান্দ্রতা এক নয়। এদের মধ্যে আলকাতরার সান্দ্রতা সর্বাপেক্ষা বেশি, তারপর তেল এবং সর্বাপেক্ষা কম দূধের। অর্থাৎ, আলকাতরা > তেল > দূধ > পানির সান্দ্রতা।
- ❖ সান্দ্রতা গুণাঙ্ক : একক বেগ অবস্থায় কোন একটি প্রবাহীর একক ক্ষেত্রফলের উপর যে পরিমাণ সান্দ্রতা বল কিয়া করে, তাকে ঐ প্রবাহীর সান্দ্রতা গুণাঙ্ক বলে। সান্দ্রতা গুণাঙ্কের মাত্রা সমীকরণ =  $[ML^{-1}T^{-1}]$ । সান্দ্রতা গুণাঙ্কের একক  $Nsm^{-2}$  বা  $Pas^{-1}$ ; অনেক ক্ষেত্রে পয়েজ ব্যবহার করা হয়। অর্থাৎ,  $1 \text{ kgm}^{-1}s^{-1} = 10 \text{ Poise} = 1 \text{ N sec/m}^2$

## ৭ পৃষ্ঠাটান ও পৃষ্ঠশক্তি সংক্রান্ত :

- পৃষ্ঠাটান : তরলের পৃষ্ঠে একটি সরলরেখা কলনা করলে উক্ত রেখার প্রতি একক দৈর্ঘ্যে ঐ রেখার দুই পার্শ্বে তরলের পৃষ্ঠাটলে এক অংশ অন্য অংশের উপরে যে স্পর্শক বল প্রয়োগ করে তাকে পৃষ্ঠাটান বলে। পৃষ্ঠাটান তরলে আছে কিন্তু গ্যাসে নেই। তরল পৃষ্ঠ যেখানে শেষ হয় সেখানেই পৃষ্ঠের সীমারেখায় পৃষ্ঠাটান কিয়া করে।
- পৃষ্ঠশক্তি : কোনো একটি তরল তারের ক্ষেত্রফল এক একক বৃক্ষি করতে যে পরিমাণ কাজ সাধিত হয় তাকে ঐ তরলের পৃষ্ঠশক্তি বলে। পানির পৃষ্ঠশক্তি  $E = 72 \times 10^{-3} \text{ Jm}^{-2}$  বা,  $\text{Nm}^{-1}$ । পৃষ্ঠাটান ও পৃষ্ঠশক্তি উভয়ের মাত্রা সমীকরণ  $[MT^{-2}]$ । কোনো তরলের পৃষ্ঠশক্তি সংখ্যাগতভাবে তরলের পৃষ্ঠাটানের সমান  $E = T$ ।

মনে রেখো : কাজ বা শক্তির মাত্রা  $[ML^2T^{-2}]$  যা পৃষ্ঠশক্তির মাত্রা  $[MT^{-2}]$  হতে ভিন্ন।

- পৃষ্ঠাটানের বৈশিষ্ট্য :

  - i. পৃষ্ঠাটান তরল তলকে সংকুচিত করার চেষ্টা করে।
  - ii. তরল তারের ক্ষেত্রফল বাড়াবার চেষ্টা করলে পৃষ্ঠাটান তা প্রতিরোধ করার চেষ্টা করে।
  - iii. এই বৈশিষ্ট্যের কারণে তরল পদার্থের বিভাজন সম্ভব।

- পৃষ্ঠাটান ঘটিত কিছু ঘটনা : পানির তলে পোকামাকড়ের চলাচল, সাবানের ফেনা, কৈশিকতা, তরলের পৃষ্ঠে ভেড়ে ভেসে থাকা, কর্পুরের পানিতে নাচা, গাছে পানির পরিবহন, ইঞ্জিন বিহীন খেলনা লক্ষণের পানিতে চলা, তেল দেলে সমুদ্রের পানিকে শান্ত করা, কলমের নিবে কালির প্রবাহ, পানির পৃষ্ঠে তেলের ছড়িয়ে পড়া, তোয়ালে দিয়ে গা মোছা, ছাতার কাপড়ে বৃঢ়ি পড়া।
- তরলের পৃষ্ঠে সুই ভেসে থাকার কারণ : কোনো সুইকে একটি টিস্যু পেপারের উপরে রেখে পানির মুক্ততলে রাখলে টিস্যু পেপার ভিজে ডুবে যায় কিন্তু সুইটি তাসতে থাকে। এর কারণ হলো পানিতে যেখানে সুইটি রয়েছে তার নিচে পানির পৃষ্ঠে কিছুটা অবনমিত হচ্ছে। ফলে পৃষ্ঠের ঐ ছান্টা অনুভূমিক থাকে না বরং পৃষ্ঠাটানের জন্য এ বল অবনমিত পানি পৃষ্ঠের সাথে ত্বরিকভাবে স্পর্শক বরাবর ত্রিয়া করে। পৃষ্ঠানজনিত এ ত্বরিকভাবে ত্রিয়াশীল বলের উল্লম্ব উপাংশ সুই-এর ওজনকে প্রশ্রমিত করে, ফলে সুইটি না ডুবে সাম্যবস্থায় ভেসে থাকে।
- আণবিক তত্ত্বের আলোকে পৃষ্ঠাটান : বিজ্ঞানী ল্যাপ্লাস সর্বপ্রথম আণবিক তথ্যের আলোকে তরলের পৃষ্ঠাটান ব্যাখ্যা করেন। আঙ্গুলিআণবিক বল 2 রকম। যথা: সংশক্তি বল, আসঙ্গন বল।
- ❖ সংশক্তি বল : একই পদার্থের বিভিন্ন অণুর মধ্যে পারস্পারিক আকর্ষণ বলকে সংশক্তি বল বলে। যেমন : পানির অণুসমূহের মধ্যকার আকর্ষণ।
  - ◆ সংশক্তি বল =  $\sqrt{2} \times \text{আসঙ্গন বল কৈশিক নলে তরলের অবিক্ষেপ হয় না, তরলের মুক্ততল আনুভূমিক ও স্পর্শকোণ শূন্য। অর্থাৎ } \theta = 0^\circ \text{ হয়।}$
  - ◆ সংশক্তি বল >  $\sqrt{2} \times \text{আসঙ্গন বল কৈশিক নলে তরলের অবিক্ষেপ হয়, তরলের মুক্ততল উল্লম্ব হয় ও স্পর্শকোণ ঝুলকোণ। অর্থাৎ } \theta > 90^\circ \text{ হয়।}$
  - ◆ সংশক্তি বল <  $\sqrt{2} \times \text{আসঙ্গন বল হলে তরলের অধিক্ষেপ হয়, তরলের মুক্ততল অবতল হয় ও স্পর্শকোণ সূক্ষ্মকোণ। অর্থাৎ } \theta < 90^\circ \text{ হয়।}$
- ❖ আসঙ্গন বল : বিভিন্ন পদার্থের অণুর মধ্যে পারস্পারিক আকর্ষণ বলকে আসঙ্গন বল বলে। যেমন : পানির ও কাঁচ অণুর পারস্পারিক আকর্ষণ।
  - ◆ আসঙ্গন বল যত বেশি হবে স্পর্শকোণ তত সূক্ষ্ম কোণ হবে ও তরল পদার্থ কোনো কঠিন পদার্থকে ভিজাবে।
  - ◆ সংশক্তি বল যত বেশি হবে স্পর্শকোণ তত বেশি হবে ও তরল পদার্থ কোনো কঠিন পদার্থকে ভিজাবে না।

## ৮ কৈশিকতা ও কৈশিক নল সংক্রান্ত :

- ❖ কৈশিক নল : অতি সূক্ষ্ম ও সুষম ছিদ্রযুক্ত নলকে কৈশিক নল বলে। ল্যাটিন শব্দ Capillus -এর অর্থ কেশ বা চুল। কৈশিক নলের মতো সরু সুষম ছিদ্রযুক্ত নলকে কৈশিক নল বলে। কৈশিক নল পদ্ধতিতে তরলের পৃষ্ঠাটান নির্ণয় করা যায়। কৈশিক নলে কোনো তরলের অধিক্ষেপ অথবা অবক্ষেপ নলের ব্যাসার্থের ব্যতানুপাতিক। এটি জুরিনের সূত্র (Jurin's Law) নামে পরিচিত।
- ❖ কৈশিকতা : কৈশিক নলের ভিতরে তরলের উঠা বা নামাকে কৈশিকতা বলে।
- ❖ স্পর্শকোণ যে সকল বিষয়গুলোর উপর নির্ভর করে : কঠিন ও তরলের প্রকৃতির উপর, তরলের মুক্ততলের উপরিহিত মাধ্যমের উপর ও কঠিন ও তরল পদার্থের বিশেষতার উপর।
- ❖ স্পর্শকোণের মান :

  - ◆ পারদ ও কাঁচের ভিতরকার স্পর্শকোণ =  $140^\circ$
  - ◆ স্পর্শকোণের সর্বনিম্ন মান  $0^\circ$  সর্বোচ্চ মান =  $180^\circ$
  - ◆  পানির পৃষ্ঠাটানের কাঁচের স্পর্শকোণ প্রায় =  $0^\circ$
  - ◆ রূপা ও পানির ভেতরকার স্পর্শকোণ =  $90^\circ$
  - ◆ সাধারণ পানি ও কাঁচের ভেতরকার স্পর্শকোণ =  $8^\circ$
  - ◆ পানির ঘনত্ব কাঁচের ঘনত্ব অপেক্ষা কম বলে পানি কাঁচকে ভিজায়।

**Part 2****At a glance**

- ইংৰাজি ও ইংৰাজী হিতিহাসক সীমা- শুৰু কোণ  
অভিজ্ঞানীক হালে দূরবর্তু পরিমাণ-  $10^{-4}$  mm ~  $10^{-14}$  mm  
ড্ৰুস্টুকৰী চার্টেড মেণ্টিক কনসাল্টেন্ট বিভিন্ন বিষয়- মেণ্টিক কল  
বৈজ্ঞানিক কোণে কোনো কৃতি একটি বায়ান পরিবর্তন- বিকৃতি  
কৃতি কৃতি একটি ক্ষেত্ৰফলের উপর অনুভূত কৃতি কৃতি কৃতি- শীঘ্ৰ  
কোণে বিকৃতি শীঘ্ৰে বায়ান কৃতি হলো বিকৃতি বায়ান কৃতি- শীঘ্ৰ  
শীঘ্ৰ ও বিকৃতি সৰীকৰণী হক বায়ান সেন্স- 1678 প্ৰিস্টারে  
পৰিবেশো পোলিকোৱা হক- পৃষ্ঠানোৰ কোণ  
প্ৰথমৰ বিকল্প ইংৰাজী আপেক্ষিক গুণাত্মক বায়ান সূচী কৃতি- সামুদ্রা  
সামুদ্রা তাৰে এককসমূহ-  $\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-1}$ ,  $\text{Nsm}^{-1}$ , poise  
সামুদ্রাক প্ৰথমৰ কেন্দ্ৰীকৃত কৃতি কৃতি- অভিজ্ঞানীক কৃতি  
কৃতি ও পৰন্তৰে সৰ্পণকোণ  $\theta$  হকে-  $90^\circ < \theta < 180^\circ$   
কেজিনৰ সামুদ্রা পোক-  $0.7 \times 10^{-3}$   
প্ৰথমৰ পদাৰ্থৰ অনুভূলোৱা মাধ্যম আকৰ্ষণ কৃতি- আকৰ্ষণ কৃতি  
বিকল্প পদাৰ্থৰ অনুভূলোৱা মাধ্যম আকৰ্ষণ কৃতি- আকৰ্ষণ কৃতি  
 $0^\circ < \theta < 90^\circ$  হলো তৰল পদাৰ্থ কোণে কৃতি পদাৰ্থক ভিজাবে  
তৰল কৃতিক না ভিজাবে সৰ্পণকোণ- হৃদাকোণ হক  
পৰিবেশো তাম পোকমানকুড়োৰ চৰাচৰে কৃতি কৃতি- পৃষ্ঠানোৰ  
কৈকীক নল তাৰে উৰ্ধাৱেহণেৰ কৃতি- তাৰে পৃষ্ঠানোৰ  
কৈকীক নল তাৰে মুক্ত তল অনুভূমিক হাকে বহন সৰ্পণকোণ-  $90^\circ$   
পৰিবেশো আৰতন হিতিহাসক পোক সৰ্পণকোণ-  $50^\circ\text{C}$  তাৰমাত্রা  
কৃতি তাৰমাত্রা প্ৰিস্টারে সামুদ্রা সহগ পৰিবেশো তুলনাট-  $10^3$  জন  
মাছে দেহেৰ পাত্ৰিক প্ৰথমৰ ধৰাৰেৰ

**Part 3****প্ৰোজেক্টীয় সূত্ৰাবলি****৬ হিতিহাসক পোক ও শক্তি সংকোচন :**

$$\begin{aligned} \diamond Y = \frac{FL}{AI} = \frac{mgL}{\pi^2 l} & \quad \diamond \eta = \frac{F}{A\theta} \\ \diamond \text{শীঘ্ৰ} = \frac{F}{A} & \quad \diamond \text{বিকৃতি} = \frac{l}{L} = \frac{d}{D} = \frac{v}{V} \\ \diamond Y = 3K(1 - 2\sigma) & \quad \diamond Y = 2\eta(1 + \sigma) \\ \diamond \text{হিতিহাসক শক্তি} : \text{কৃতকাজ}, W = \frac{1}{2} \frac{YA^2}{L} & \end{aligned}$$

$$\diamond \text{একটি আৰতন হিতিহাসক} : E = \frac{1}{2} \times \text{শীঘ্ৰ} \times \text{বিকৃতি}$$

**৭ পৰন্তৰে অনুপাত ও ক্রান্তি বেগ সংকোচন :**

$$\diamond \sigma = \frac{Ld}{ID} \quad \diamond v_c = \frac{\eta}{\rho r} \Rightarrow v_c = R_c \frac{\eta}{\rho r}$$

**৮ পৃষ্ঠানোৰ বায়ান পৃষ্ঠানোৰ সংকোচন :**

$$\diamond \text{পৃষ্ঠানোৰ বায়ান পৃষ্ঠানোৰ সংকোচন}, E = \frac{W}{\Delta A}$$

**৯ সামুদ্রা, সামুদ্রাক ও প্ৰাণীয় বেগ সংকোচন :**

$$\begin{aligned} \diamond \text{সামুদ্রা কৃতি}, F = \eta A \frac{dv}{dy} & \quad \diamond \text{চৌকদেৰ সমীকৰণ}, F = 6\pi\eta rv \\ \diamond \text{তাৰমাত্রাৰ সাথে তাৰলেৰ সামুদ্রা সহগেৰ সম্পৰ্ক}, \log \eta = A + \frac{B}{T} & \\ \diamond \text{পতনশীল বহুল প্ৰাণীয় বেগ}, v = \frac{2}{9} \times \frac{r^2 (\rho - \sigma) g}{\eta} & \end{aligned}$$

**১০ বৃন্দবন ও তৰল মেণ্টে সংকোচন :**

- ০ বৃন্দবন ক্ষেত্ৰৰ ক্ষেত্ৰৰ  $\Delta A = 4\pi R^2$  ও সমৰ্পণ কৃতি  $W = E = \Delta AT$
- ০ বৃন্দবন ক্ষেত্ৰৰ ক্ষেত্ৰৰ পৰি  $\Delta A = 4\pi (N^2 - R^2)$
- ০ হোট মেণ্টে ক্ষেত্ৰৰ মুক্তি পৰি,  $\Delta A = 4\pi (R^2 - N^2)$
- ০  $N$  স্বৰূপ হোট মেণ্টে ক্ষেত্ৰৰ  $\Delta A = 4\pi N^2$
- ০ সৰল বৃন্দবন ভিতৰে অভিবিত চাপ,  $P = \frac{4T}{l}$  [বৃন্দবন মুক্ত বৃন্দবন]
- ০ তৰল মেণ্টে ভিতৰে অভিবিত চাপ,  $P = \frac{2T}{l}$  [কেজল মুক্ত বৃন্দবন]
- ০ বৃন্দবন আৰতন =  $N \times$  হোট মেণ্টে আৰতন  
 $\Rightarrow \frac{4}{3} \pi R^3 = N \times \frac{4}{3} \pi^3 \Rightarrow R = \sqrt[3]{N \times l}$

**১১ কৈলিক স্বৰূপ সংকোচন :**

$$\begin{aligned} \diamond \text{তৰলেৰ তৰলৰ কৈলিক স্বৰূপ}, T = & \frac{rpq \left( h + \frac{r}{3} \right)}{2 \cos \theta} \end{aligned}$$

**Part 4** **গাপিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type ?** **পীড়ন, বিকৃতি ও পৰন্তৰে অনুপাত**

01.  $3 \times 10^7 \text{ Nm}^{-2}$  আৰতন শীঘ্ৰনে একটি পদাৰ্থৰ আৰতন বিকৃতি  $1.5 \times 10^{-4}$  হলো, পদাৰ্থৰ আৰতনেৰ হিতিহাসক পৰামৰ্শ কৰ?

$$\text{Solve: } K = \frac{\text{শীঘ্ৰ}}{\text{বিকৃতি}} = \frac{3 \times 10^7}{1.5 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2} \text{ Ans.}$$

**For Practice**

01. একটি তাৰেৰ উপনামেৰ ইংৰ এৰ ত্বক  $2 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$ । এই তাৰটিৰ দৈৰ্ঘ্য 25% বাঢ়াতে অনুভূত শীঘ্ৰ নিৰ্দল কৰ।  $\text{Ans. } 5 \times 10^{10} \text{ N/m}^2$

**Type 2** **ইংৰ-এৰ ত্বাপ**

01. একটি তাৰেৰ উপনামেৰ ইংৰ এৰ ত্বাপ  $2 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$  এৰ তাৰটিৰ বায় 0.4 mm। তাৰটিৰ দৈৰ্ঘ্য 25% বৃদ্ধি কৰতে কৰ কৰ প্ৰয়োজন?

$$\text{Solve: } F = \frac{YAI}{L} = \frac{Y \pi^2 l}{L} = \frac{2 \times 10^{11} \times 3.14 \times (0.2 \times 10^{-3})^2 \times 0.25 L}{L} = 6283.2 \text{ N} = 62.8 \times 10^2 \text{ N Ans.}$$

**For Practice**

01.  $5 \times 10^7 \text{ Nm}^{-2}$  জাপে 1000 cc পৰন্তৰে কণ্ঠেক স্বৰূপ হব? পৰন্তৰে আৰতনেৰ হিতিহাসক ত্বাপ,  $B = 2.5 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$ ।  $\text{Ans. } 2 \text{ cc}$

**Type 3** **চৌকদেৰ সমীকৰণ**

01. 200 mm বায়ানৰ একটি ধৰত চৌকদেৰ একটি তাৰেৰ মতলিৰে  $2.1 \times 10^{-2} \text{ ms}^{-1}$  প্ৰয়োজন হৈ পৰচে। তাৰেৰ সামুদ্রা  $0.003 \text{ kgm}^{-1} \text{ s}^{-1}$ । তাৰেৰ সন্দৰ্ভে নিৰ্দল কৰ।

$$\text{Solve: } F = 6\pi\eta v = 6 \times 3.1416 \times 0.2 \times 0.003 \times 2.1 \times 10^{-2} = 2.37 \times 10^{-4} \text{ N. Ans.}$$

**For Practice**

01. 100 g ভাৱেৰ একটি বৃষ্টি পানিৰ মাধ্যে পত্ৰৰ তাৰেৰ উপৰ ক্ৰিয়াৰত পুৰণা 0.981 N হলো সামুদ্রা কৰ হবে?  $\text{Ans. } 0 \text{ N}$

## Part 4

## ପୃଷ୍ଠଟାନ

01. 30 mm ବାଲେର ଏକଟି ଖୋଲକାର ଲାବାନ ବୁଦ୍ଧୁଦ ଅକ୍ଷକ୍ରମ ଅକ୍ତିରିତ ଚାଲ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । ଲାବାନ ପାନିର ପୃଷ୍ଠଟାନ  $25 \times 10^{-3} \text{ Nm}^2$

$$[\text{Solve}] P = \frac{4T}{r} = \frac{4 \times 25 \times 10^{-3}}{3 \times 10^{-2}} = 6.67 \text{ Nm}^2 \text{ Ans.}$$

2

## [For Practice]

01. 0.01 m ବାସାରେ ଏକଟି ଲାବାନ ବୁଦ୍ଧୁଦ ଯିବେ ଥିଲେ ବୁଦ୍ଧି ଖୋଲକାର ଲାବାନ ପାନିର ପୃଷ୍ଠଟାନ  $26 \times 10^{-3} \text{ Nm}^2$  ] Ans.  $6.471 \times 10^{-1} \text{ J}$

## Part 5

## କୈଶିକତା ଓ ତରଳ ଫୋଟା



01. ଏକଟି କୈଶିକ ଘରର ବାସାର୍ 0.1 mm + ଏକେ  $60 \times 10^{-3} \text{ Nm}^2$  ପୃଷ୍ଠଟାନ ଏବଂ  $800 \text{ kg m}^{-3}$  ଘରରେ ତେଲେ ଛୁବାଳେ କୈଶିକ ଘର କରି ଉଚତାର ତେଲେ ଉଚିତ । ପ୍ରର୍କଳାପାଇଁ ପ୍ରାକଟିକ ପାନିର ବାସାର୍ ପୃଷ୍ଠଟାନ =  $26 \times 10^{-3} \text{ Nm}^2$

$$[\text{Solve}] \text{ ଆଖାନେ, } T = 60 \times 10^{-3} \text{ Nm}^2$$

କୈଶିକ ଘରର ବାସାର୍,  $r = 0.1 \text{ mm} = 10^{-4} \text{ m}$

$$\text{ଆଖାନେ } T = \frac{hp gr}{2 \cos \theta} \Rightarrow h = \frac{2T \cos \theta}{pg r} \Rightarrow h = \frac{2 \times 60 \times 10^{-3} \times \cos 20^\circ}{800 \times 9.8 \times 10^{-4}} \\ = 0.1438 \text{ m Ans.}$$

02. ଏକଟି  $10^{-4} \text{ m}$  ବାସ ବିଶିଷ୍ଟ ପାନିର 1000 ଜୁମ ଫୋଟା ଯିବେ ଏକଟି ବୃଦ୍ଧ ଫୋଟା ତେବେ କରନ । ବୃଦ୍ଧ ଫୋଟାର ବାସାର୍ କର ?

$$[\text{Solve}] r = \frac{10^{-4}}{2} = 5 \times 10^{-5} \text{ m ଏଖାନ, } R = \sqrt{n} r = \sqrt{10^3} \times 5 \times 10^{-5} \\ = 5 \times 10^{-4} \text{ m Ans.}$$

## [For Practice]

01. 2mm ବାଲେର ଏକଟି ପାନିର ଖୋଲକାରକେ 10 ଶକ୍ତି ହୋଟ ଛୋଟ ପାନିର ବିଶ୍ଵିତେ ଦ୍ରୋଷ କରନେ ସାଧିତ ଶକ୍ତି କର ? Ans.  $8.96 \times 10^{-5} \text{ J}$ .

## Part 5

## ଆତୀୟ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟ ବିଗତ ପ୍ରମୋତ୍ସବ

01. ଏକଇ ପଦାର୍ଥର ବିଭିନ୍ନ ଅଧ୍ୟୁର ମଧ୍ୟେ ପାରାମ୍ପରିକ ଆକର୍ଷଣ ବଲକେ ବଲେ- [NU-Science : 12-13]

- (A) ସଂଶ୍ଲିଷ୍ଟ ବଲ (B) ଅସଞ୍ଜନ ବଲ (C) ପୃଷ୍ଠଟାନ (D) କୋନୋଡ଼ି ନୟ

02. ହିତିହାସକ ଶୀଘ୍ରାବର ମଧ୍ୟେ ବକ୍ତର ସ୍ବର୍ଗତନ ଶୀତଳ ଓ ସ୍ଵର୍ଗତନ ବିକ୍ରତିର ଅନୁପାତ ଏକଟି ଶ୍ରୀର ସଂଖ୍ୟା । ଏଇ ଶ୍ରୀର ସଂଖ୍ୟାକେ ବଲେ ବକ୍ତର ଉପାଦାନେ- [NU-Science : 12-13]

- (A) ଇୟୁ ତୁଳାକାର (B) ମୃତ୍ୟୁ ତୁଳାକାର (C) ଆୟତନ ତୁଳାକାର (D) ପ୍ରସାନେର ତୁଳାକାର

03. ସାମ୍ରତା ସହିତେ ମାତା କର ? [NU-Science : 11-12]

- (A)  $[ML^{-2} T^2]$  (B)  $[M^{-1} L^{-1} T^1]$  (C)  $[ML^{-1} T^2]$  (D)  $[ML^{-1} T^{-1}]$

04. ତାପମାତ୍ରା ବାଡାଳେ ତରଲେର ପୃଷ୍ଠଟାନ- [NU-Science : 08-09]

- (A) ବୁଦ୍ଧି ପାଯ (B) ହାତ ପାଯ (C) ଅପରିବାରିତ ଧାକେ (D) ଶୁଣ୍ୟ ହାତ

05. କାଚ ଓ ପାରଦେର ମଧ୍ୟକାର ପ୍ରର୍କଳାପ- [NU-Science : 06-07]

- (A)  $0^\circ$  (B) ସ୍କ୍ରେପ୍ରକୋଣ (C) ଛୁଳକୋଣ (D) ଶମକୋଣ

06. ତାପମାତ୍ରା ବୁଦ୍ଧି ପେଲେ ଗ୍ୟାନେର ସାମ୍ରତାକ- [NU-Science : 06-07]

- (A) କମେ ଯାଇ (B) ବେଢେ ଯାଇ (C) ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେବା ନା (D) ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେବା ନା

07. ଶୀତଳନେର ମାତା ଶୀଘ୍ରକରଣ ହେବା - [NU-Science : 05-06]

- (A)  $[ML^{-1} T^{-1}]$  (B)  $[ML^{-2} T^{-1}]$  (C)  $[ML^2 T^2]$  (D)  $[ML^{-1} T^{-2}]$

## Part 6

## ★

## ଆତୀୟ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟ କର୍ତ୍ତା ପରୀକ୍ଷାର ଉପନୋଦ୍ୟ ବିଭିନ୍ନ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟର ତାତ୍କାଳିକ ବିଗତ ପ୍ରମୋତ୍ସବ

01. L ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଓ r ବାଲୁରେ ଏକଟି ତାତ୍କାଳିକ ପାନିର ପୃଷ୍ଠଟାନ କର । ଲାବାନ ପାନିର ପୃଷ୍ଠଟାନ  $25 \times 10^{-3} \text{ Nm}^2$

02. ଯେତେ ତରଳ କାଟକେ ତେଜ୍ଜ୍ଞ ମାତାରେ ପ୍ରର୍କଳାପ କରି ଦିଲା ? [KU-A : 19-20]

- (A) 0 (B)  $< 90^\circ$  (C) 90 (D)  $> 90^\circ$

03. ଶୀଘ୍ରତାକେର ମାତା ଶୀଘ୍ରକରଣ କୋମ୍ପିଟ୍ [CoU-A : 19-20]

- (A)  $[MT^2]$  (B)  $[ML^{-1} T^1]$  (C)  $[ML^2 T^2]$  (D)  $[ML^2 T^{-1}]$

04. ଯେତେ ତରଳ କାଟକେ ତେଜ୍ଜ୍ଞ ମାତାରେ ପ୍ରର୍କଳାପ- [CoU-A : 18-19]

- (A) ପାନା ଶୂନ୍ୟ (B) ପାନା 90° (C) 90° ଏବଂ ଚେଯେ ଛୋଟ (D) 90° ଏବଂ ଚେଯେ ବଡ଼

05. ଧାତନ ପଦାର୍ଥେ କେମେ ପରାମର୍ଶ ଅନୁପାତ ମାତାରେ ଶୀଘ୍ରତା- [IU-D : 19-20]

- (A)  $-0.5 < \sigma < 1$  (B)  $-1 < \sigma < 0.5$  (C)  $0.5 < \sigma < 1$  (D)  $1 < \sigma < 2$

06. ଯାନମୁଦେହର ଶିରା-ଉପଶିରା ଦ୍ୱାରା ରଙ୍ଗ ଚାଲରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ ଅନ୍ୟ ଦାୟୀ- [IU-D : 19-20]

- (A) ପୃଷ୍ଠଟାନ (B) ସାମ୍ରତା (C) ଗ୍ରେଟିକ୍ (D) ଆସନ୍ତ ପାନି

07. ତରଲେର କେମେ ଶୀଘ୍ରତା ସହିତେ ମାତ୍ରେ ତାପମାତ୍ରାର ପ୍ରର୍କଳାପ- [BRUR-E : 19-20]

- (A)  $\eta \propto \sqrt{T}$  (B)  $\eta \propto T$  (C)  $\eta \propto \frac{1}{T}$  (D)  $\eta \propto T^2$

08. ଏକଟି କାଚ ପୃଷ୍ଠେ ଉପର ପାନି ଚାଲଲେ ତା ଯତ୍ତା ହ୍ୟାଙ୍ଗ ଦୂର ତତ୍ତା ହ୍ୟାଙ୍ଗ ନା ଦେଲେ- [BRUR-E : 19-20]

- (A) ସାମ୍ରତା (B) ପୃଷ୍ଠଟାନ (C) A ଓ B ଉଭୟ (D) କୋନୋଡ଼ି ନୟ

09. ଆକ୍ରମିନିଆମେ ଇୟୁ ଏବଂ ଗୁଣକ କର ? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A)  $7.0 \times 10^{10}$  (B)  $10.0 \times 10^{10}$  (C)  $1.6 \times 10^{10}$  (D) ନେଇ

10. ପାନି ଓ କୁଞ୍ଚାତାର ମଧ୍ୟକାର ପ୍ରର୍କଳାପ କର ହେବେ ପାନି କୁଞ୍ଚାତାକେ ଭିଜାଇ ପାରେ ନା ? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A)  $90^\circ$  ଏବଂ ଚେଯେ ଛୋଟ (B)  $90^\circ$  ଏବଂ ଚେଯେ ବଡ଼ (C)  $90^\circ$  ଏବଂ ଯମାନ (D) କୋନୋଡ଼ି ନୟ

11. ନିଚେର କୋନ ରାଶିଟିର କୋନ ମାତା ନେଇ ? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A) ଇୟୁ ଏବଂ ତୁଳାକାର (B) ଆୟତନ ତୁଳାକାର (C) ଦୂରତାର ତୁଳାକାର (D) ପ୍ରସାନେର ଅନୁପାତ

12. କୁଟିର ଏକଟି ବଡ଼ ଫୋଟା କେମେ ଅନେକତାଲୋ ହୋଟ ଫୋଟାଯା ପରିବତ ହେବେ, ଫୋଟାଲୋର ସର୍ବମୋଟ — [JKKNIU-B : 19-20]

- (A) କେନ୍ଦ୍ରମ୍ବ୍ୟାପ ପାଯ (B) କେନ୍ଦ୍ରମ୍ବ୍ୟାପ ବୁଦ୍ଧି ପାଯ (C) ଆୟତନ ହ୍ୟାତ୍ସ ପାଯ (D) କେନ୍ଦ୍ରମ୍ବ୍ୟାପ ଅପରିବାରିତ ଧାକେ

13. ଏକଟି କାଚ ପୃଷ୍ଠେ ଉପର ପାନି ଚାଲଲେ ତା ଯତ୍ତା ହ୍ୟାଙ୍ଗ ଦୂର ତତ୍ତା ହ୍ୟାଙ୍ଗ ନା ଏବଂ କାରଣ- [BU-A : 19-20]

- (A) ସାମ୍ରତା (B) ପୃଷ୍ଠଟାନ (C) ଉଭୟ (D) କୋନୋଡ଼ି ନୟ

14. ତାପର କାଠିନ୍ୟେର ଗୁଣ ନ = ? [SHUBD-Science : 19-20]

- (A)  $4 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$  (B)  $5 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$  (C)  $6 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$  (D)  $7 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$

- JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS

**Part 7**

**ପ୍ରାରମ୍ଭିକ MCQ**

୧. ପିତତୀଳକ ହିନ୍ଦୀ ଅଟ୍ରା ପରାମର୍ଶ କାର୍ଯ୍ୟ କୌଣସି କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) ଆହୁତି (B) ତ୍ୱରଣ (C) ପିତତୀଳକ (D) ପ୍ରାରମ୍ଭିକ

୨. ପିତତୀଳକ ହିନ୍ଦୀ ଅଟ୍ରା

- (A)  $[ML^{-1}T^2]$  (B)  $[MLT^2]$  (C)  $[ML^{-1}T^1]$  (D)  $[ML^{-2}T^2]$

୩. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ ଅଟ୍ରା ହିନ୍ଦୀ ଅଟ୍ରା ହିନ୍ଦୀ

- (A) ସମ୍ମାନ କାର୍ଯ୍ୟ (B) ଆହୁତି କାର୍ଯ୍ୟ (C) ଅଭିନର୍ଭ କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୪. ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିତ ଅଟ୍ରାରେ କୋଣ ପରାମର୍ଶ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) -1 (B) -0.5 (C) 0 (D) 0.25

୫. କୋଣ ଦେଖିବାରେ ଅଟ୍ରା ହିନ୍ଦୀ ଏବଂ ପରିଚିତ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) ପ୍ରାରମ୍ଭିକ (B) ଆହୁତି (C) ସମ୍ମାନ (D) ପିତତୀଳକ

୬. ପରିଚିତ (Pulse) ହିନ୍ଦୀ ଏବଂ

- (A) ତ୍ୱରଣ ଏ ହିନ୍ଦୀ (B) ପ୍ରାରମ୍ଭିକ (C) ସମ୍ମାନ ଏ ହିନ୍ଦୀ (D) ଆହୁତି ଏ ହିନ୍ଦୀ

୭. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ ଅଟ୍ରା ହିନ୍ଦୀ ଏବଂ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ ଅଟ୍ରା ହିନ୍ଦୀ ଏବଂ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ ଅଟ୍ରା ହିନ୍ଦୀ

- (A) ସମ୍ମାନକାରୀ କାର୍ଯ୍ୟ (B) ଆହୁତିକାରୀ କାର୍ଯ୍ୟ (C) ପ୍ରାରମ୍ଭିକ କାର୍ଯ୍ୟ (D) ପିତତୀଳକ କାର୍ଯ୍ୟ

୮. 2 m ଲାଗୁ ଏ 2 mm ପାରାମର୍ଶକାରୀ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A)  $5 \times 10^{-3} m$  (B)  $2.5 \times 10^{-3} m$  (C)  $5 \times 10^{-4} m$  (D)  $2.5 \times 10^{-4} m$

୯. କୋଣ ଦେଖିବାରେ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) ପିତତୀଳକ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) ଆହୁତି

୧୦. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ

- (A) ତ୍ୱରଣ (B) ପିତତୀଳକ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) ଆହୁତି

୧୧. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କୋଣ

- (A)  $t = t_0$  (B)  $t < t_0$  (C)  $t > t_0$  (D)  $t > t_0$

୧୨. 1 m ଦେଖିବାରେ  $10^5 Nm^{-2}$  ଏବଂ କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ  $0.001 m$  ଏବଂ କୋଣ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A)  $10^7 Nm^2$  (B)  $10^{-3} Nm^2$  (C)  $10^7 Nm^2$  (D)  $10^8 Nm^2$

୧୩. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ  $0.001 m$  ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A)  $10^6 N/m$  (B)  $6 \times 10^{-6} N/m$

୧୪. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୧୫. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) ଆହୁତି କାର୍ଯ୍ୟ (B) ଆହୁତି କାର୍ଯ୍ୟ

୧୬. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ  $4.5 \times 10^6 Nm^{-2}$  ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A)  $0.5 kg$  (B)  $5 kg$  (C)  $10 kg$  (D)  $50 kg$

୧୭. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ

୧୮. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A)  $ML^{-1}T^1$  (B)  $ML^{-1}T^2$  (C)  $ML^{-2}T^1$  (D)  $ML^{-2}T^2$

୧୯. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ ଉପରିବଳ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ

୨୦. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ  $7.2 \times 10^3 N$  ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ  $7.2 \times 10^3 Nm^{-2}$  ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A)  $4 cm$  (B)  $2 cm$  (C)  $50 cm$  (D)  $3 cm$

୨୧. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୨. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୩. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ  $0.001 m$  ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୪. କୋଣ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୫. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ  $0.001 m$  ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୬. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୭. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୮. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୨୯. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

୩୦. କାର୍ଯ୍ୟ ଏ ଦେଖିବାରେ କାର୍ଯ୍ୟ

- (A) କାର୍ଯ୍ୟ (B) କାର୍ଯ୍ୟ (C) କାର୍ଯ୍ୟ (D) କାର୍ଯ୍ୟ

## পর্যাবৃত্তির গতি

## গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

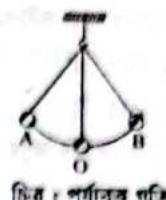
Part 1

## ৫. পর্যাবৃত্ত গতি সংক্ষেপ :

- ১) পর্যাবৃত্ত গতি : নির্দিষ্ট সময় পরপর দুটি গতির ঝুনোয়াড়ি ঘটে। এ ধরনের গতি হচ্ছে পর্যাবৃত্ত গতি। দেখো : পৃথিবীর গতি, স্থিং এবং গতি, শিল্পডার গতি, বায়ুমণ্ডলের গতি, ঘড়ির কাটার গতি, বাস্প বা পেট্রল ইত্যাদির মধ্যে পিস্টনের গতি, কঠিন বস্তুতে পরমাণুর স্পন্দনের গতি ইত্যাদি। পর্যাবৃত্ত গতি ২ ধরনের। যথা : ছানিক ও কলিক পর্যাবৃত্ত গতি।
- ২) পর্যাবৃত্ত গতির বৈশিষ্ট্য :
- পর্যাবৃত্ত গতি সরল, বক্তু বা বক্তু পথে হচ্ছে পারে।
  - পর্যাবৃত্ত গতির ক্ষেত্রে বক্তুর উপর গ্রহণ করা সর্বদা একটি নির্দিষ্ট বিস্তু অভিযুক্ত।

## ৬. সরল ছবিদিত স্পন্দন সংক্ষেপ :

সরল ছবিদিত স্পন্দন	কোনো পর্যায় গতিসম্পর্ক বক্তুর উপর কার্যকর ত্বরণ যদি তার গতিপথের একটি নির্দিষ্ট কিন্তু অভিযুক্ত ওমনতাবে কিম্বা করে যেন তার যান এই বিস্তু হচ্ছে বক্তুর সরণের মানের সমানুপাতিক হয়, তবে বক্তুর এই গতিকে সরল ছবিদিত স্পন্দন বলে।		
উদাহরণ	• কম বিস্তুরের সরল দোলকের গতি	• সুরক্ষাকার বক্তুর কম্পন	• স্থিং এবং উলুব কম্পন
সরল ছবিদিত স্পন্দনের বৈশিষ্ট্য	• এটি পর্যাবৃত্তিক গতি। • ত্বরণ বক্তুর সরণের সমানুপাতিক।	• একটি নির্দিষ্ট সময় অন্তর একই গতি বিপরীতমুক্তী হয়। • ত্বরণ বক্তুর সরণের বিপরীতমুক্তী।	• ত্বরণ বক্তুর কলাটির মধ্য অবস্থান অভিযুক্ত।



চিত্র : পর্যাবৃত্ত গতি

## ৭. সরল দোলক ও এর রাশি সংক্ষেপ :

- ১) সরল দোলক : একটি ক্ষুদ্র ভারী বক্তুকে একটি ওজনধীন, অপসারণীয় এবং নমনীয় সুতার সাহায্যে একটি দৃঢ় অবস্থান হচ্ছে কুলিয়ে দিলে বক্তুটি যদি বিনা বাধায় অন্তর্ভুক্ত। এর পর্যায়কাল  $T$  হলে,  $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ ; অতএব,  $T \propto \sqrt{\frac{L}{g}}$ ; যেখানে,  $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$

২) সরল দোলকের বৈশিষ্ট্য : • সুতা ওজনধীন হবে ও অপসারণীয় হবে। • সুতা নমনীয় হবে। • পিণ্ড ক্ষুদ্র ও ভারি হবে ও বিনা বাধায় দুলবে।

৩) সরল দোলকের ব্যবহার : • অভিকর্ষজ ত্বরণ  $g$  নির্ণয়ে। • পাহাড়ের উচ্চতা নির্ণয়ে। • সময় নির্ণয়ে।

৪) সেকেন্ড দোলক : যে সরল দোলকের দোলনকাল ২ সেকেন্ড, তাকে সেকেন্ড দোলক বলে। সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য  $L$  হলে  $L = g/\pi^2$ ; সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য অভিকর্ষজ ত্বরণের সমানুপাতিক।

৫. সরল দোলক সম্পর্কিত সূত্রাবলি : কৌণিক বিস্তার  $45^\circ$  এর বেশি না হলে সরল দোলকের ক্ষেত্রে নিম্নোক্ত সূত্র চারটি প্রযোজ্য।

১) অন্তর্ম সূত্র : সমকাল সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে এবং দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত থাকলে কোনো নির্দিষ্ট হানে একটি সরল দোলকের প্রতিটি দোলনের জন্য সমান সময় লাগে। দোলনকাল কৌণিক বিস্তারের উপর নির্ভর করে না।

২) দ্বিতীয় সূত্র : দৈর্ঘ্যের সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে কোনো নির্দিষ্ট হানে সরল দোলকের দোলনকাল ( $T$ )-এর কার্যকরী দৈর্ঘ্য ( $L$ ) -এর কার্যমূলের সমানুপাতিক পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ,  $T \propto \sqrt{L}$  যখন  $g$  ধ্রুব।

৩) তৃতীয় সূত্র : ত্বরণের সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে এবং সরল দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য ( $L$ ) অপরিবর্তিত থাকলে এর দোলনকাল ( $T$ ) অভিকর্ষজ ত্বরণ ( $g$ ) এর বর্গমূলের ব্যানুপাতে পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ  $T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}$  যখন  $L$  ধ্রুব।

৪) চতুর্থ সূত্র : ভৱের সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে এবং কার্যকরী দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত থাকলে কোনো নির্দিষ্ট হানে সরল দোলকের দোলনকাল ববের ভৱ, আয়তন, উপাদান ইত্যাদির উপর নির্ভর করে না। বিভিন্ন ভৱ, আয়তন বা উপাদানের ববের জন্য দোলকের দোলনকাল একই হয়।

## ৬. সরল দোলকের দোলনকাল কর্তৃ বাড়বে ও কর্তৃ কমবে :

## ১) দোলনকাল বাড়বে বা সরল দোলক ধীরে চলবে যখন :

- কার্যকরী দৈর্ঘ্য বাড়লে।
- তাপমাত্রা বৃদ্ধি পেলে  $L$  বাড়ে, তাই  $T$  বাড়ে।
- দোলক ঘড়ি ধীরে চলে কারণ  $L$  বাড়ে।
- দোলক ঘড়িকে মেরু অঞ্চল থেকে বিষুবীয় অঞ্চলে নিলে  $g$  কমে, তাই  $T$  বাড়ে।

## ২) দোলনকাল কমবে বা দোলক দ্রুত চলবে :

- দোলক বিষুবীয় অঞ্চল হচ্ছে মেরু অঞ্চলে নিলে  $g$  বাড়ে তাই  $T$  কমে।
- সমত্বরণে উপরের দিকে চলাতে দোলক নিলে।

## ৩) দোলনকাল অসীম ও অপরিবর্তিত থাকবে :

- দোলককে পৃথিবীর কেন্দ্রে নিলে দোলনকাল অসীম হবে। কারণ  $g = 0$
- দোলক ফাঁপা না হয়ে নিরেট হলে দোলনকাল অপরিবর্তিত থাকবে।
- ঘূর্ণায়মান কৃত্রিম উপরাহের মধ্যে নিলে দোলনকাল অসীম হবে। কারণ  $g = 0$
- দোলককে সমবেগে চলাতে নিলে দোলনকাল অপরিবর্তিত থাকবে।

## Part 2

### At a glance

- কোনো স্থান যদি বারবার পুনরাবৃত্তি ঘটে তাকে বলে - পর্যাপ্তি
- সাম্যবিদ্যুতে কণার বিভবশক্তি সবচেয়ে কম, গতিশক্তি সবচেয়ে শেষ
- ডিজেল ইঞ্জিনের বিস্তারের মধ্যে পিস্টনের গতি - পর্যাপ্ত পর্যাপ্ত
- সরল ছবিতে গতি সম্পর্ক কণার বল - একটি গতিশক্তি বিদ্যুৎ অভিযুক্ত
- সরল ছবিতে স্পন্দন - মানুষের হৃৎপিণ্ডের স্পন্দন
- পিস্টনের বল প্রয়োগ করে প্রসাৰিত করলে হয় - প্রত্যাঘাতী বল
- একটি পেতুলার ঘড়ির সূত্রার দৈর্ঘ্য বাঢ়লে - ঘড়ি দীরে চলবে
- সরল দোলকের ফালা গোলক পানি দ্বারা পূর্ণ হলে পর্যাপ্তকাল - বাঢ়লে
- মহাকাশে নঙ্গোচারীর কাছে সরল দোলকের দোলনকাল - অসীম
- সরল দোলক পৃথিবীর কেন্দ্রে নিম্নে ইতার দোলনকাল হচ্ছে - অসীম
- সরলদোলক ঘড়িকে পাঠাড়ের ছাড়ায় নিয়ে গেলে - সময় ঘারাবে
- একটি সরলদোলককে চন্দ্ৰগৃহে নিম্নে দোলনকাল - কৃত্তি পাবে
- বিশুব দেকে মেরে অক্ষলে নিম্নে - ঘড়ি প্রাপ্ত চলবে
- গতিপথের সাম্যাবস্থার বেগ - সর্বাধিক
- গতিপথের চৰম অবস্থার দূৰণ - সর্বাধিক
- একটি সরল দোলক প্রতি দোলনকালে - দুই বার টিক করে
- চন্দ্ৰগৃহে  $g$  এর মান পৃথিবীগৃহে  $g$  এর মানের -  $1/6$  অণ্টে।
- $g$  এর মান, পাঠাড়ের উচ্চতা ও সময় নির্ণয় কৰলে বারবার হয় - সরল দোলক
- সরল দোলকের দৈর্ঘ্য অর্ধেক করলে দোলনকাল -  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  হবে হয়
- একটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য অভিকৰ্মজ দূৰণের - সমানপাতিক
- সেকেন্ড দোলক নির্ভুল কৰে - অভিকৰ্মজ দূৰণের উপর
- হানিক পৰ্যাপ্তি - ঘড়ির কাঁটার গতি, ঘড়ি পরিবৰ্তন ও জোয়ার ভাটা
- সরল দোলক প্রতি দোলনকালে টিক দেয় - দুই বার

## Part 3

### অযোজনীয় সূত্রাবলি

- পর্যাপ্তকাল ও কম্পাক্ষ সংজ্ঞাট :

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \text{ কম্পাক্ষ}, f &= \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} & \textcircled{2} \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \\ \textcircled{3} T &= \frac{1}{n} & \textcircled{4} \text{ দোলনকাল } T = \frac{1}{N} \\ \textcircled{5} \text{ কম্পাক্ষ}, n &= \frac{N}{t} & \textcircled{6} \text{ কার্যকৰ্ত্তা দৈর্ঘ্য}, L = \frac{T^2 g}{4\pi^2} \\ \textcircled{7} \text{ পিস্টনের বল শ্রবক}, k &= \frac{mg}{l} \end{aligned}$$

$$\textcircled{8} \text{ পিস্টনের দোলনকাল}, T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}}$$

- সরল দোলন গতির শক্তি ও সর্বোচ্চ মান সংজ্ঞাট :

$$\begin{aligned} \textcircled{9} \text{ যে কোনো অবস্থানে মোট শক্তি } E &= (E_p) + (E_k) = \frac{1}{2} K A^2 \\ \textcircled{10} E_p = E_k \text{ হয় } \text{ যখন } x &= \frac{1}{\sqrt{2}} A & \textcircled{11} \text{ সর্বোচ্চ সরণ } x_{max} = A \\ \textcircled{12} \text{ সর্বোচ্চ বেগ } v_{max} &= \omega A & \textcircled{13} \text{ সর্বোচ্চ দূৰণ } a_{max} = -\omega^2 A \\ \textcircled{14} \text{ সরল ছবিতে স্পন্দন } & \text{ সংজ্ঞাট :} & \\ \textcircled{15} \text{ হিতিশক্তি, } U &= \frac{1}{2} kx^2 & \textcircled{16} \text{ গতিশক্তি, } E_k = \frac{1}{2} k(A^2 - x^2) \end{aligned}$$

- তরঙ্গের ও কৌপিক দোলন সংজ্ঞাট :

$$\textcircled{17} \frac{d^2x}{dt^2} + m^2 x = 0 \quad \textcircled{18} \text{ কৌপিক দোলন } x = \sqrt{\frac{k}{m}} \cos(\omega t)$$

$$\textcircled{19} \text{ দোলন, } v = \omega r \sqrt{A^2 - x^2} \quad \textcircled{20} v_{max} = \omega A \\ \textcircled{21} \text{ দূৰণ, } a = -\omega^2 x, \quad \textcircled{22} a_{max} = -\omega^2 A$$

- দোলনকালের দীরে বা দ্রুততা সংজ্ঞাট :

$$\textcircled{23} \text{ দীরে দোলন দোলনকাল} = \frac{2 \times 3.1416}{8.64(1) - n} \text{ sec}$$

- লিঙ্গটি সরল দোলকের আচলন সংজ্ঞাট :

$$\textcircled{24} \text{ লিঙ্গটি 'a' দূৰণের বিচে দোলন দোলনকাল হবে, } T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g-a}}$$

$$\textcircled{25} \text{ লিঙ্গটি 'a' দূৰণের উপরে উচ্চ বা নিচে নামে আস, } T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g+a}}$$

$$\textcircled{26} \text{ লিঙ্গটি সুমনদেশে উপরে উচ্চ বা নিচে নামে আস, } T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g-g}}$$

$$\textcircled{27} \text{ লিঙ্গটি অবাধে পড়ল দোলনকাল, } T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g-g}} = \infty \\ \text{অর্থাৎ, দোলনকালের পাতি অপৰ্যাপ্ত হবে।}$$

## Part 4

### গাপিতিক সমস্যা ও নমানান

#### Type 1

সরল ছবিতে স্পন্দন



- সরল ছবিতে গতিতে চলাস একটি কৱ পিতৃ  $0.01 \text{ m}$  ও কম্পাক্ষ  $12 \text{ Hz}$ । কৃতির  $0.005 \text{ m}$  দূৰণে দেখ কৰ।

$$\text{Solve: } v = \omega A \sqrt{1 - \frac{x^2}{A^2}}$$

$$\text{আবার, } \omega = 2\pi f = 2 \times 3.1416 \times 12 = 75.36 \text{ rad s}^{-1}$$

$$\therefore v = 75.36 \times 0.01 \times \sqrt{1 - \frac{(0.005)^2}{(0.01)^2}} = 0.65 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

For Practice

- একটি সরল ছবিতে স্পন্দনে গতিশক্তি ক্ষমতা সৰ্বোচ্চ  $x = 10 \cos(6\pi t + \pi/3)$ ।  $t = 3 \text{ sec}$  পৰে কৱ সরণ, দেখ ও দূৰণ কৰ হয়ে?

$$\text{Ans. } 5 \text{ m}; -163.15 \text{ m/s}; -1776.6 \text{ m/s}^2$$

#### Type 2

পিস্ট এর দোলন



- একটি ঘৰকা পিস্টে  $50 \times 10^{-3} \text{ kg}$  কুলাস হয়,  $10 \times 10^{-2} \text{ m}$  সৰ্ব দূৰণ ঘটে। দোলনের পর্যাপ্তকাল নির্ণয় কৰ।

$$\text{Solve: } k = \frac{mg}{l} = \frac{50 \times 10^{-3} \times 9.8}{10 \times 10^{-2}} = 4.9$$

$$\therefore T = 2 \times 3.14 \sqrt{\frac{50 \times 10^{-3}}{4.9}} = 0.634 \text{ sec Ans.}$$

For Practice

- ৪ kg ঘৰের একটি কৱ  $0.8 \text{ m}$  দূৰণে একটি পিস্ট পিস্ট এর উপর দোলন হয়। পিস্ট প্রদৰ  $1960 \text{ Nm}^{-1}$  দূৰণ পিস্টতি কৃষ্ণকৃত দূৰণ কৰ? Ans.  $0.1789 \text{ m}$

**Type 3****সরল ছবিতে স্পন্দনের শক্তি**

01. সরল ছবিতে স্পন্দনবর্ত একটি বন্ধকগুরু গতিপথের কোথায় এর গতিশক্তি বিভ্রান্তি হিসেবে দেখা যাবে?

**Solve:** আমরা জানি, গতিশক্তি,  $E_k = \frac{1}{2} k (A^2 - x^2)$

$$\text{এবং বিভ্রান্তি}, E_p = \frac{1}{2} kx^2$$

$$\text{প্রশ্নমতে}, \frac{1}{2} k (A^2 - x^2) = \frac{1}{2} kx^2 \times$$

$$\Rightarrow A^2 - x^2 = 3x^2$$

$$\Rightarrow 4x^2 = A^2 \therefore x = \pm \frac{A}{2} \text{ Ans.}$$

**For Practice**

01. যদি  $60 \text{ kg}$  ওজনের একটি শ্বেত 4 m দৈর্ঘ্যের একটি সোলনায় বসে 3 m বিছারে দূরতে থাকে, তাহলে শ্বেতের সর্বোচ্চ গতিশক্তি কত হবে? Ans. 796.3J

**Type 4****সরল দোলক**

01. কোনো ব্যক্তি একটি হির শিফটের ভিতরে একটি সরল দোলকের পর্যায়কাল পান T. যদি শিফটটি  $g/3$ , তবলে উপরে উঠতে থাকে তাহলে পর্যায়কাল হবে?

**Solve:**  $\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g_2}{g_1}}$

$$\Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g + \frac{g}{3}}{g}} = \sqrt{\frac{\frac{4}{3}g}{g}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

$$\therefore T_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} T_1 \Rightarrow T_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} T \text{ Ans.}$$

**For Practice**

01. পৃথিবীপৃষ্ঠে ও চন্দ্রপৃষ্ঠে দুইটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্যের অনুপাত  $81:16$ । পৃথিবীপৃষ্ঠে 'g' এর মান  $9.81 \text{ ms}^{-2}$  হলে চন্দ্রপৃষ্ঠে 'g' এর মান কত?

$$\text{Ans. } 1.94 \text{ ms}^{-2}$$

**Type 5****দোলনকালের ঝুঁতি-বৃক্ষি**

01. হিমালয়ের পাদদেশে একটি সেকেন্ড দোলক সঠিক সময় দেয়। এটিকে হিমালয়ের সর্বোচ্চ শূরু এভারেস্টে নিয়ে গোল দৈনিক 5 মিনিট সময় হারায়। এভারেস্টের উচ্চতা নির্ণয় কর। [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ,  $R = 6400 \text{ km}$ ]

**Solve:** পাহাড়ের উপর দোলনকাল,

$$T_2 = \frac{86400 \times 2}{86400 - n} = \frac{86400 \times 2}{86400 - 300} = 2.00697 \text{ s}$$

$$\text{আবার, } h = R \left( \frac{T_2}{T_1} - 1 \right) = 6400 \times \left( \frac{2.00697}{2} - 1 \right) \\ = 22.30 \text{ km Ans.}$$

**For Practice**

01. অভিকর্ষজ ত্বরণের মান ঢাকায়  $9.79 \text{ m.s}^{-2}$  এবং চাঁচায়  $9.8 \text{ m.s}^{-2}$ । একটি দোলক ঘড়ি ঢাকায় সঠিক সময় দেয়। ঘড়িটিকে চাঁচায় নেওয়া হলে তা প্রতিদিন কত সময় এগিয়ে যাবে বা পিছিয়ে পড়বে? Ans: 44.11 s এগিয়ে যাবে।

**Part 5****জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর**

01. একটি সরল দোলকের দৈর্ঘ্য L, তর M এবং কম্পাক্ষ F। এর কম্পাক্ষ 2F করতে হলে- [NU-Science : 13-14]

- (A) দৈর্ঘ্য বৃক্ষি করে 4L করতে হবে (B) দৈর্ঘ্য বৃক্ষি করে 2L করতে হবে (C) দৈর্ঘ্য হ্রাস করে L/2 করতে হবে (D) দৈর্ঘ্য হ্রাস করে L/4 করতে হবে

Ans. (D)

02. একটি ছিতোপক বস্তুকে দৈর্ঘ্য "x" পরিমাণ বৃক্ষি করলে অনুভূত বল নিয়ের কোনটির সমানুপাতিক? [NU-Science : 13-14]

- (A) x (B)  $\frac{1}{x}$  (C)  $\frac{1}{x^2}$  (D)  $x^2$  Ans. (A)

03. একটি সরল দোলকের দৈর্ঘ্য অপরাদির বিভিন্ন। বিভীত দোলকের দোলনকাল 3 সেকেন্ড হলে, প্রথমটির দোলনকাল কত? [NU-Science : 12-13]

- (A) 5.25 s (B) 4.24 s (C) 3.45 s (D) 6.20 s Ans. (B)

04. সরলছবিত স্পন্দনের স্পন্দনশীল কণার বেগ শূন্য হয়- [NU-Science : 11-12]

- (A) যখন সরণ সর্বোচ্চ হয় (B) যখন সরণ সর্বনিম্ন হয় (C) যখন দুরণ সর্বোচ্চ হয় (D) কোনটিই নয়

Ans. (A)

05. নীচের কোনটি সরলছবিত গতির বৈশিষ্ট্য নয়- [NU-Science : 09-10]

- (A) এর গতি পর্যায় গতি (B) এর গতি সরলরৈখিক গতি (C) দুরণ বন্ধন সরণের ব্যাপ্তিপূর্ণ গতি (D) একটি নির্দিষ্ট সময় অন্তরে এই গতি বিপরীতমুখী হয়

Ans. (C)

06. কোন সরল দোলকের দৈর্ঘ্য 4 টণ বাড়ালে দোলন কাল বাড়বে- [NU-Science : 03-04]

- (A) চার তণ (B) মোল তণ (C) দ্বিতণ (D) আট তণ

Ans. (C)

07. পৃথিবীর চেয়ে অন্য একটি এহের ব্যাস 2 তণ ও তর 3 তণ হলে, পৃথিবীতে ও অন্য এহে মুক্তি বেগের অনুপাত- [NU-Science : 03-04]

- (A)  $\frac{3}{2}$  (B)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$  (C)  $\frac{2}{3}$  (D)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$  Ans. (D)

08. একটি সরল পেন্ডুলাম দূরাই। পেন্ডুলামের ব্যব-এর আনুচ্ছিক দূরসের মান- [NU-Science : 02-03]

- (A) সব সময় সমান (B) ঠিক মাঝখানে অবস্থানকালে সর্বোচ্চ (C) দুই প্রাঙ্গিন্দুম্বতে সর্বোচ্চ (D) সব সময়ই শূন্য

Ans. (C)

09. একটি সরল দোলক পৃথিবীর কেন্দ্রে নিলে এর দোলন কাল কত হবে? [NU-Science : 01-02]

- (A) শূন্য (B) অসীম (C) দু-পৃষ্ঠের সমান (D) দু-পৃষ্ঠে থেকে কম

Ans. (B)

**Part 6****জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের জুড়েবূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর**

01. গরমের ফলে একটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য বৃক্ষি পেল। এর ফলে দোলকটি দিনে 200 sec ধীরে চলে। পরিবর্তিত দোলনকাল কত? [GST-A : 23-24]

- (A) 1.09 sec (B) 0.99 sec (C) 2.00 sec (D) 1.00 sec

Ans. (C)

02. কোন প্রিং-এর এক প্রাতে m ভরের একটি বস্তুকে দুটি 8 cm প্রসারিত হয়।

- বস্তুটি এরপর একটু টেনে ছেড়ে দিলে এর পর্যায়কাল কত হবে? [GST-A : 23-24]

- (A) 0.56 sec (B) 0.57 sec (C) 0.65 sec (D) 0.75 sec

Ans. (B)

03. সরল ছবিতে গতির সমীকরণ- [GST-A : 22-23]

- (A)  $\frac{d^2x}{dt^2} + k^2 x^2 = 0$  (B)  $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$

- (C)  $\frac{dx}{dt} + \omega^2 x = 0$  (D)  $\frac{dx}{dt} - \omega^2 x = 0$

Ans. (B)

04. L কার্যকরী দৈর্ঘ্যের একটি সরল দোলকের দোলনকাল ও কৌণিক কম্পাক্ষ যথাক্রমে কোনটি? [GST-A : 21-22]
- (A)  $2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}, \sqrt{\frac{g}{L}}$       (B)  $\sqrt{\frac{g}{L}}, 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$   
 (C)  $2\pi\sqrt{\frac{g}{L}}, \sqrt{\frac{g}{L}}$       (D)  $\sqrt{\frac{L}{g}}, 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$  (Ans A)
05. সরল ছবিত গতিসম্পন্ন বস্তুর সরঁশের সমীকরণ  $x = 2 \sin 3t$  এবং প্রিৰক  $k = 30 \text{ Nm}^{-1}$  হলে,  $t = \pi/9$  সময়ে এর বিভব শক্তি কত একক? [GST-A : 20-21]
- (A) 40      (B) 45      (C) 80      (D) 90 (Ans B)
06. পর্যায়কাল হিণ্ড করলে সরল দোলকের দৈর্ঘ্য কতগুলি বৃদ্ধি পাবে? [KU-A : 19-20]
- (A)  $\frac{1}{4}$       (B)  $\frac{1}{2}$       (C) 2      (D) 4 (Ans D)
07.  $3 \frac{d^2x}{dt^2} + 48x = 0$  সমীকরণ দ্বারা বর্ণিত সরল দোলন গতির কৌণিক কম্পাক্ষ কত? [CoU-A : 19-20]
- (A)  $48 \text{ rads}^{-1}$       (B)  $16 \text{ rads}^{-1}$   
 (C)  $8 \text{ rads}^{-1}$       (D)  $4 \text{ rads}^{-1}$  (Ans D)
08.  $80 \text{ Nm}^{-1}$  বল প্রিৰক সম্পন্ন একটি প্রিঙ্কে টেনে  $300 \text{ cm}$  দূর করা হলে। প্রিৰক হলের বিপরীতে কৃত কাজের পরিমাণ কত? [CoU-A : 19-20]
- (A)  $3.6 \times 10^{-2} \text{ J}$       (B)  $3.6 \text{ J}$   
 (C)  $72 \text{ J}$       (D)  $360 \text{ J}$  (Ans D)
09. একটি সরল দোলকের দৈর্ঘ্য L, তাৰ M এবং কম্পাক্ষ f। এর কম্পাক্ষ হিণ্ড কৰতে হলে, দৈর্ঘ্য কত কৰতে হবে? [IU-D : 19-20]
- (A) চারগুণ      (B) দ্বিগুণ  
 (C) এক-চতুর্থাংশ      (D) অর্ধেক (Ans C)
10. মহাকাশে একজন নভোচারীৰ কাছে একটি সরল দোলকের দোলনকাল - [IU-D : 19-20]
- (A)  $84.6 \text{ sec}$       (B)  $2 \text{ sec}$       (C)  $0 \text{ sec}$       (D)  $\infty$  (Ans D)
11. দোলন গতিৰ উদাহৰণ- [IU-D : 19-20]
- (A) ঘড়িৰ কাঁটাৰ গতি  
 (B) সূর্যৰ চারদিকে পৃথিবীৰ গতি  
 (C) বৈদ্যুতিক পাথাৰ গতি (Ans D)

## Part 7

### সংক্ষিয় MCQ

01. সরল দোল গতিতে নিম্নেৰ কোন বিবেচিত দোলনেৰ বিজ্ঞানৰ উপর নির্ভৱশীল নহয়?
- (A) প্রিৰণ      (B) মোট শক্তি  
 (C) কম্পাক্ষ      (D) বেগ (Ans C)
02. একটি সরল দোলকেৰ বিজ্ঞ কৰা হলে এৰ পৰ্যায়কাল পূৰ্বেৰ পৰ্যায়কালেৰ-
- (A) হিণ্ড হবে      (B) অর্ধেক হবে  
 (C) সমান হবে      (D) চারগুণ (Ans C)
03. কোন সরল দোলকেৰ দোলক পিনেৰ তাৰ কৰ্মাগত বাড়ানো হলে এৰ দোলনকাল-
- (A) তাৰেৰ বৃদ্ধি সমানুপাতিক হবে      (B) কমবে  
 (C) অপৰিবৰ্তিত থাকবে      (D) বাঢ়বে (Ans C)
04. একটি সরল দোলকেৰ দোলনকাল 'T', বিজ্ঞ 'A' এৰ সৰ্বোচ্চ বেগ কত?
- (A)  $\frac{2\pi A}{T}$       (B)  $\frac{2\pi}{AT}$       (C)  $\frac{A}{2\pi T}$       (D) AT (Ans A)
05. কোনো সেকেন্ড দোলকেৰ কার্যকৰী দৈর্ঘ্য 1.96 শেণ কৰলে এৰ দোলনকাল কত হবে?
- (A)  $3.92 \text{ s}$       (B)  $2.8 \text{ s}$       (C)  $3.44 \text{ s}$       (D)  $1.4 \text{ s}$  (Ans B)
06. একটি প্রিৰ এৰ সূল যখন  $x \text{ cm}$  তখন তাৰ বিভব শক্তি U। সূল কত হলে বিভব শক্তি হিণ্ড হবে?
- (A)  $x$       (B)  $\sqrt{2}x$       (C)  $2x$       (D)  $4x$  (Ans B)
07. সেকেন্ড দোলকেৰ দৈর্ঘ্য 1.25 শেণ বৃদ্ধি কৰায় দোলনকাল হবে-
- (A)  $2 \text{ sec}$       (B)  $1 \text{ sec}$       (C)  $3 \text{ sec}$       (D)  $4 \text{ sec}$  (Ans C)
08. সেকেন্ড দোলকেৰ দৈর্ঘ্য স্পন্দনেৰ বৈশিষ্ট্য-
- (A) গতি পৰ্যাবৃত্ত  
 (B) গতি সমূলৰৈখিক  
 (C) তুলন সরঁশেৰ সমানুপাতিক  
 (D) সমূক্ষতি (Ans A)
09. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ দৈর্ঘ্য  $25.6\%$  বৃদ্ধি কৰা হল। এৰ দোলনকালেৰ বৃদ্ধি হনো-
- (A)  $12\%$       (B)  $24\%$       (C)  $5\%$       (D)  $50\%$  (Ans A)
10. সরল দোলকেৰ কার্যকৰী দৈর্ঘ্য বনায় পৰ্যায়কাল দৈৰ্ঘ্যটি কি প্ৰক্ৰিয়া?
- (A) প্যারাবোলা  
 (B) দাইপুরাবোলা  
 (C) সুলৰেখা  
 (D) বৃত্ত (Ans C)
11. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ কার্যকৰী দৈর্ঘ্য কত?
- (A)  $0.993 \text{ m}$       (B)  $0.997 \text{ m}$       (C)  $0.799 \text{ m}$       (D)  $0.731 \text{ m}$  (Ans A)
12. দোলক ঘড়িৰ কেঠেৰ শীঘ্ৰকালেৰ অন্য সঠিক কোনটি?
- (A) তাৰেৰ দৈর্ঘ্য কমে যায়  
 (B) ঘড়ি দ্রুত চলে  
 (C) ঘড়ি ধীৰে চলে  
 (D) অপৰিবৰ্তিত (Ans C)
13. একটি সরল দোলকেৰ দৈর্ঘ্য 4 শুট। কোন হালে অভিকৰ্মীৰ দূৰণ 32 শুট / মেণ্ট হলে এই হালে সোলনকাল হবে?
- (A)  $2.22 \text{ s}$       (B)  $22.2 \text{ s}$       (C)  $222 \text{ s}$       (D)  $0.22 \text{ s}$  (Ans A)
14. একটি সেকেন্ড দোলকেৰ এক থাণ্ড থেকে অন্য থাণ্ড যেতে সময় লাগে-
- (A)  $0.5 \text{ s}$       (B)  $1 \text{ s}$       (C)  $1.5 \text{ s}$       (D)  $2 \text{ s}$  (Ans B)
15. দোলক পিনেৰ ব্যাস কমানো হলে-
- (A) দোলক দ্রুত চলবে  
 (B) দোলক আস্তে চলবে  
 (C) দোলন কাল বাড়বে  
 (D) অপৰিবৰ্তিত (Ans A)
16. সরল ছবিত স্পন্দনে স্পন্দনশীল কোনো কশাৰ দোলনকাল কল প্রিৰকেৰ বৰ্গমূলেৰ-
- (A) সমানুপাতিক  
 (B) বৰ্গেৰ সমানুপাতিক  
 (C) বৰ্গেৰ ব্যাঞ্জনুপাতিক  
 (D) বাজানুপাতিক (Ans D)
17. কোনটি সরল ছবিত স্পন্দনেৰ বৈশিষ্ট্য নহয়?
- (A) পৰ্যাবৃত্ত গতি  
 (B) ঘূৰন গতি  
 (C) স্পন্দন গতি  
 (D) সুল বৈধিকগতি (Ans B)
18. দোলন সংখ্যা N সময় t এৰ কম্পাক্ষ n-এৰ মধ্যে সম্পৰ্ক হৈলো-
- (A)  $N = n/t$       (B)  $n = t/N$       (C)  $n = N/t$       (D)  $N = n/t^2$  (Ans C)
19. কোন সরল ছবিত স্পন্দন গতিসম্পন্ন কশাৰ বিজ্ঞ 3 cm ও সৰ্বোচ্চ বেগ  $6.24 \text{ cm/s}$  হলে, কশাটিৰ পৰ্যায়কাল নিম্নেৰ কত সেকেন্ড?
- (A)  $2.03$       (B)  $3.02$       (C)  $4.03$       (D)  $4.02$  (Ans B)
20. সমতৰণে লিফট যদি উপরেৰ দিকে উঠতে থাকে, তবে দোলনকাল-
- (A) কমে যাবে  
 (B) বৃদ্ধি পাবে  
 (C) কোনো পৰিবৰ্তন হবে না  
 (D) অসীম হবে (Ans A)
21. একটি কণা  $0.02 \text{ m}$  বিজ্ঞ ও  $2.5 \text{ Hz}$  কম্পাক্ষেৰ সুল দোল গতিতে দূলহে। এৰ সৰ্বোচ্চ দ্রুতি কত?
- (A)  $0.008 \text{ ms}^{-1}$       (B)  $0.05 \text{ ms}^{-1}$   
 (C)  $0.12 \text{ ms}^{-1}$       (D)  $0.314 \text{ ms}^{-1}$  (Ans D)
22.  $0.3 \text{ m}$  দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট একটি সরল দোলকেৰ দোলনকাল  $0.8 \text{ sec}$  পাওয়া লাগে। দোলনকাল  $2.4 \text{ sec}$  কৰতে হলে দোলকটিৰ দৈর্ঘ্য কত হবে?
- (A)  $1.8 \text{ m}$       (B)  $2.4 \text{ m}$       (C)  $2.7 \text{ m}$       (D)  $3.6 \text{ m}$  (Ans C)
23. অভিকৰ্ষ দূৰণ  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$  হলে সেকেন্ড দোলকেৰ দৈর্ঘ্য কত?
- (A)  $99.29 \text{ cm}$       (B)  $98.28 \text{ cm}$   
 (C)  $100.00 \text{ cm}$       (D)  $90.25 \text{ cm}$  (Ans A)
24. একটি সরল দোলকেৰ দোলনকাল  $50\%$  বৃদ্ধি কৰতে এৰ কার্যকৰী দৈর্ঘ্য কতগুলি বাঢ়াতে হবে?
- (A)  $2.00$       (B)  $1.50$       (C)  $1.25$       (D)  $2.50$  (Ans C)
25. একটি সরল দোলকেৰ দৈর্ঘ্য কি পৰিমাণ পৰিবৰ্তন কৰলে তাৰ দোলনকাল হিণ্ড হবে?
- (A) twice  
 (B) half  
 (C) 4 times  
 (D)  $1/4$  times (Ans C)
26. কম্পাক্ষ (f) ও পৰ্যায়কাল (T) এৰ সম্পৰ্ক কোনটি?
- (A)  $f = \frac{1}{T}$       (B)  $f = T$       (C)  $T = 2f$       (D)  $f = 2T$  (Ans A)

## ৫. তরঙ্গ সংজ্ঞান :

	সংজ্ঞা	যে পর্যবৃত্ত আবেগলন কোনো জড় মাধ্যমের অধ্য নিয়ে অস্তর হয়ে একজন থেকে অন্যজনে শক্তি সঞ্চালিত করে কিন্তু মাধ্যমের কণাঙ্গলোকে ছাড়াভাবে ছানাটুটি করে না তাকে তরঙ্গ বলে।
তরঙ্গ	বৈশিষ্ট্য	<ul style="list-style-type: none"> <li>• কোনো একটি মাধ্যমের বিভিন্ন কলার সর্বালিত কম্পনের ফলাফলই হল তরঙ্গ।</li> <li>• তরঙ্গের বিন্দুর আছে।</li> <li>• তরঙ্গ অস্থায়ী বা ছির হতে পারে।</li> <li>• তরঙ্গ প্রতিকলন, প্রতিসরণ, ব্যতিচার এবং অপবর্তন ঘটায়।</li> <li>• টিমান ইয়ে এর উপরিপাতন সূত্রের সাহায্যে শব্দের ব্যতিচার, ছির তরঙ্গ, বরকম্প বা দুটি ব্যাখ্যা করা যায়।</li> <li>• মাধ্যমের ছিঠিচাপকতা ও জড়তা এ দুটি ধর্মের জন্যেই এর ভিত্তি নিয়ে যাত্রিক তরঙ্গের আকারে শক্তির বিভাগ স্বত্ব হয়।</li> </ul>

মনে রাখতে হবে

$$\bullet \text{পরপর দুটি সুস্পন্দন বা দুটি নিস্পন্দন বিন্দুর দূরত্ব} = \frac{1}{2}$$

$$\bullet \text{পরপর } 1\text{ টি সুস্পন্দন ও } 1\text{ টি নিস্পন্দন বিন্দু দূরত্ব} = \frac{1}{4}$$

৫. টানা তারের আড় কম্পন সংজ্ঞান : ০ সময় সূত্র : টান করা তারের শ্রেণীকরণ কম্পনের সমীকরণ,  $f = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$
- ০ দৈর্ঘ্যের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের টিন ( $T$ ) ও এক একক দৈর্ঘ্যের ভর ( $\mu$ ) হিসেবে, তারের কম্পাক্ষ ( $f$ ) তারের ( $l$ ) কষানুপাতিক। অর্থাৎ,  $f \propto \frac{1}{l}$ ; যখন  $T$  ও  $\mu$  হিসেবে।
- ০ টানের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের দৈর্ঘ্য ( $l$ ) ও এক একক দৈর্ঘ্যের ভর ( $\mu$ ) হিসেবে কম্পাক্ষ ( $f$ ) টানের ( $T$ ) বর্গমূলের সমানুপাতিক হয়। অর্থাৎ,  $f \propto \sqrt{\frac{1}{T}}$ ; যখন  $l$  ও  $\mu$  হিসেবে।
- ০ ভরের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের টিন ( $T$ ) ও দৈর্ঘ্য ( $l$ ) হিসেবে তারের কম্পাক্ষ ( $f$ ) এক একক দৈর্ঘ্যের ভরের ( $\mu$ ) বর্গমূলের বাস্তানুপাতিক। অর্থাৎ,  $f \propto \frac{1}{\sqrt{\mu}}$ ; যখন  $T$  ও  $l$  হিসেবে। ভরের সূত্রের দুটি ক্ষেপ রয়েছে। যথা :
- ০ ঘনক্ষেপের সূত্র : যদি কম্পমৌলীয় তারের দৈর্ঘ্য ( $l$ ), টান ( $T$ ) এবং ব্যাসার্ধ ( $r$ ) নির্দিষ্ট থাকে, তবে কম্পাক্ষ ( $f$ ) তারের উপাদানের ঘনক্ষেপের ( $\rho$ ) বর্গমূলের বাস্তানুপাতিক হবে। অর্থাৎ,  $f \propto \frac{1}{\sqrt{\rho}}$ ; যখন  $l$ ,  $T$  ও  $r$  হিসেবে।
- ০ ব্যাসার্ধের সূত্র : যদি কম্পমৌলীয় তারের দৈর্ঘ্য ( $l$ ), টান ( $T$ ) এবং তারের উপাদানের ঘনক্ষেপ ( $\rho$ ) নির্দিষ্ট থাকে তবে কম্পাক্ষ ( $f$ ) তারের ব্যাসার্ধের বাস্তানুপাতিক হবে। অর্থাৎ,  $f \propto \frac{1}{r}$ ; যখন  $l$ ,  $T$  ও  $\rho$  হিসেবে।

## ৫. শব্দ তরঙ্গ ও শব্দের বেগ সংজ্ঞান :

- ০ শ্রবনোত্তর বা শব্দের ব্যবহারিক প্রয়োগ : জীবাণু পদক্ষে, ময়লা শুক কাপড়, সূজ বৈদ্যুতিক যন্ত্র পরিকারে ও সমৃদ্ধের গভীরতা নির্ণয়ে, বাদুড় ও চামচিকা রাতের অক্ষকারে দীপ্তির পাশ কাটিয়ে উড়ে চলতে ও ঢোর ধরতে ও পোতাশ্রয়ের মুখ হতে জাহাজের পথ প্রদর্শনের কাজে।
- ০ সংগীতের ক্ষেত্রে ব্যবহৃত তরঙ্গপূর্ণ সূরসমূহ : • ত্রিয় (Triad) : যখন তিনটি শব্দের কম্পাক্ষের অনুপাত  $4 : 5 : 6$  হয় তখন তাদের জয়ি বলে।
- চরসংগতি (Chord) : কম্পাক্ষের অনুপাত যদি  $4 : 5 : 6 : 8$  হয় তাহলে এ সমষ্টিকে চরসংগতি বলে।
  - সমতান (Harmony) : কতগুলো শব্দ যদি এক সমে উৎপন্ন হয়ে একতানের সৃষ্টি করে, তাবে তাকে সমতান বলে।
  - ব্যরমাদুর্ঘ বা মেলডি (Melody) : যদি কয়েকটি শব্দ একের পর এক উচ্চারণের সৃষ্টি করে তাকে ব্যরমাদুর্ঘ বলে।
  - সলো (Solo) : একটি মাত্র বাদ্যযন্ত্র বাজালে যে সুরের সৃষ্টি হয় তাকে সলো বা একটি সঙ্গীত বলে।
  - অর্কেষ্ট্রা (Orchestra) : যখন অনেকগুলো বাদ্যযন্ত্র একসঙ্গে বাজিয়ে একটি সমতান বা একটি মেলডি অথবা একটি সঙ্গীত ও মেলডি উভয়ই সৃষ্টি করা হয় তখন তাকে অর্কেষ্ট্রা বলে।

## ৫. শব্দের বেগের উপর বিভিন্ন নির্যাপকের প্রভাব :

- ০ তাপমাত্রার প্রভাব :  $v \propto \sqrt{T}$ ,  $v_0 = 332 + (0.61 \text{ ms}^{-1}) T$ ; অর্থাৎ, প্রতি  $1^\circ\text{C}$  তাপমাত্রা বৃদ্ধির জন্য শব্দের বেগ  $0.61 \text{ ms}^{-1}$  বা  $61 \text{ cms}^{-1}$  বৃদ্ধি পায়।
- ০ চাপের প্রভাব : ছির তাপমাত্রায় শব্দের বেগের উপর চাপের কোনো প্রভাব নেই।
০. অর্প্পনার প্রভাব : • জলীয় বাষ্প বাড়লে ঘনত্ব কমে যায়।

$$\bullet \frac{V_m}{V_d} = \sqrt{\frac{P_1}{P_m}} ; \text{ শব্দের বেগ বাতাসের ঘনত্বের বাস্তানুপাতিক। জলীয় বাষ্প বাড়লে, ঘনত্ব কমে, শব্দের বেগ বাড়ে। তাই অর্প্পনার ঘনত্বে শব্দের বেগ বেগ।}$$

## ১. শব্দের স্থূলতা:

- শব্দ: একই ধরনের এবং প্রায় সমান কম্পাক্ষের দুটি শব্দ তরঙ্গের উপরিপাতনের সাথে শব্দের তীব্রতার সে পর্যাপ্তত্বিক হাত-বৃক্ষ রয়ে তাকে শব্দ।
- শব্দ উৎপন্নির শর্তসমূহ: • শব্দ উৎপন্নির শর্ত একই স্থানে উৎপন্ন হতে হবে। • তরঙ্গ দূটির কম্পাক্ষ ও তীব্রতা প্রায় সমান হতে হবে।
- তরঙ্গ দূটির কম্পাক্ষ ও তীব্রতা প্রায় সমান হতে হবে।
- শাখায়ের কোনো একটি কণার উপর তরঙ্গ দুটি মিলিত হওয়ার পর তাদের মধ্যে মশাইবহীয় সময়ের সাথে পরিবর্তিত হয়।
- শব্দের শর্তে: • অভানা কম্পাক্ষ নির্দয় • খণ্ডিত দৃষ্টিপাত্রের অঙ্গীকৃত সীরিজ। • বাসনারের সূর নির্দয়।
- প্রায় ৩০০ Hz কম্পাক্ষ বিশিষ্ট  $10^{-12} \text{ Wm}^2$  তীব্রতাকে প্রায় ৩০০ শব্দ।
- প্রায় ৩০০ Hz কম্পাক্ষ বিশিষ্ট  $10^{-12} \text{ W}$  কম্পাক্ষকে প্রায় ৩০০ শব্দ।
- তরঙ্গের তীব্রতা: তরঙ্গ সংকলনের অভিযোগ লভভাবে অবশ্যিক ক্ষেত্রে তরঙ্গের মধ্য স্থিত প্রতি দেখতে সে পরিমাণ শক্তি প্রদর্শিত হয় তাকে তরঙ্গের তীব্রতা হল।
- তীব্রতা লেভেল: কোনো শব্দের তীব্রতা ও প্রায় ৩০০ অনুপাতের লগারিদমকে ঐ শব্দের তীব্রতা লেভেল হল। একে ৩ বারা সূচিত করা হয়।

## Part 2

## At a glance

- শব্দের বেগ নির্ভর করে- শাখায়ের প্রকৃতির উপর
- আলোর সম্বর্থন ঘটে কিন্তু ঘটে না- শব্দের
- নিউটনের মতে শব্দ বায়ু শাখায়ে চলাচল করে- শাখাক প্রক্রিয়া
- শাখায়ের মতে শব্দ বায়ু শাখায়ে চলাচল করে- রাঙ্কাতাপীয় প্রক্রিয়া
- সকল অণুনামী কম্পাক্ষ এক ধরনের- প্রায়বশ কম্পাক্ষ
- দুই বা ততোধিক সূর মিলে প্রতিমাধুরতার সৃষ্টি করে- কম্পাক্ষ- কম্পাক্ষ
- পুরুষের কষ্টস্বর তুলনায় ছীলোকের কষ্টস্বরে- তীব্রতা বেশি
- গ্রাহিক কম্পাক্ষের সুবিকৃত শব্দের ফেনো সর্বনিম্ন কম্পাক্ষের সূর- মূলসূর
- শব্দ মানুষের কানে ঘাণা করে- 120 dB হলে
- ডিপলার উপরে ভিত্তি করেই তৈরি হয়েছে- আল্ট্রাসনেয়াম
- শব্দোচ্চতা বা শ্রবণের একক- ফন ও সোন
- দুই মুখ খেলা নলে পাত্রয়া যায়- মুখ ও অনুগ্রহ উভয় উপসূর
- এক মুখ বক নলে মূল সুরের কেবল পাত্রয়া যায়- অনুগ্রহ উপসূরতলো
- শ্রাবণিক কথোপকথনের শব্দের তীব্রতা-  $10^{-6} \text{ W/m}^2$
- প্রাণিগারের শব্দের তীব্রতা-  $10^{-8} \text{ W/m}^2$
- প্রাচারাত মূলত সীমা-  $10^{-12} \text{ W/m}^2$
- সহনীয় শব্দের জোরালো তীব্রতার বিজ্ঞার-  $10^{-5} \text{ m}$
- জীবগত শব্দের তীব্রতার বিজ্ঞার-  $10^{-11} \text{ m}$
- তীব্রতার কত পরিবর্তনে তীব্রতা লেভেল 1 dB পরিবর্তিত হয়- 26 %
- মানুষের কান কত শব্দোচ্চতার পার্থক্য বৃক্ষে না- 1 dB
- সূচনা সূরের কম্পাক্ষ (ধরা হয়)- 256 Hz
- তাপমাত্রা ও অর্দ্ধতা বৃক্ষ পেলে বাতাসে বৃক্ষ পায়- শব্দের বেগ
- নিউটনের সূর হতে প্রায় শব্দের বেগের অক্ষি প্রায়- 16%
- 1°C উর্ফতা বৃক্ষ বাহ্যসের জন্য শব্দের বেগ বৃক্ষ বাহ্যসের পায়- 0.61 m/s
- কম্পাক্ষ 20 Hz এর কম- শব্দেতের
- কম্পাক্ষ 20000 Hz এর বেশি- শব্দেতের বা শ্রবণেতের

## Part 3

## অয়োজনীয় সূত্রাবলী

## ১. কম্পাক্ষ ও পর্যায়কাল সংজ্ঞাত:

$$\text{• কম্পাক্ষ}, f = \frac{1}{T} \quad \text{• তরঙ্গ বেগ}, v = f\lambda$$

$$\text{• কৌণিক কম্পাক্ষ}, \omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

$$\text{• } N \text{ বার কম্পনে তরঙ্গ কর্তৃক অতিক্রান্ত দূরত্ব}, s = N\lambda$$

## ২. তরঙ্গের সমীকরণ সংজ্ঞাত:

$$\text{• } y = a \sin 2\pi ft \quad \text{• } y = a \sin(\omega t \pm \delta)$$

$$\text{• অগামী তরঙ্গের সমীকরণ}, y = a \sin \frac{2\pi}{\lambda} (vt - x)$$

$$\text{• ছুরি তরঙ্গের সমীকরণ}, y = 2a \sin \left( \frac{2\pi}{\lambda} vt \right) \cos \left( \frac{2\pi}{\lambda} x \right)$$

$$\text{• } y = a \sin 2\pi \left( \frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda} \right) \quad \text{• } y = a \sin(\omega t \pm \frac{2\pi}{\lambda} x)$$

$$৩. টামা তার সংজ্ঞাত: • টামাতারে অনুপ্রবৃত্ত তরঙ্গের বেগ,  $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$$

$$\text{• টামা দেয়া তারে মূল শব্দের কম্পাক্ষ, } f = \frac{1}{2T} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

$$৪. শব্দের বেগ ও তীব্রতা সংজ্ঞাত: •  $v = \alpha \sqrt{A^2 - x^2}$  •  $1 = 2\pi^2 \rho n^2 A^2 v$$$

$$\text{• কণিন শাখায়ে, } v = \sqrt{\frac{Y}{P}}, [Y = \text{ইচ এর তলার}]$$

$$\text{• তরঙ্গ শাখায়ে, } v = \sqrt{\frac{k}{P}}, [k = \text{আর্ডেন তলার}]$$

$$\text{• গার্মিন শাখায়ে, } v = \sqrt{\frac{P}{\rho}}, [P \text{ গ্যাসের চাপ}]$$

$$৫. 1°C তাপমাত্রার শব্দের বেগ,  $v = 332 + (0.61t)$$$

$$\text{• উজ্জ্বল শব্দের বেগের পরিবর্তন, } v_t = v_0 \sqrt{1 + at}$$

$$\text{• } \Delta \beta = \beta_1 - \beta_2 = 10 \log \left( \frac{I_2}{I_1} \right)$$

$$\text{• তীব্রতা লেভেল, } \beta = 10 \log \frac{1}{I_0} \text{ [ডেসিল এককে]}$$

$$৬. দশা পার্থক্য সংজ্ঞাত: • দশা পার্থক্য ( $\delta$ ) =  $\frac{2\pi}{\lambda} \times \text{প্র পার্থক্য} (\chi)$$$

$$৭. সূর যাজ্ঞ সংজ্ঞাত: • বক নলে মূল বরের কম্পাক্ষ,  $f = \frac{v}{4L}$$$

$$\text{• খেলানলে মূল বরের কম্পাক্ষ, } f = \frac{v}{2L}$$

$$\text{• শীবেক সাইরেনের শব্দের তীব্রতা, } N = mxn$$

## Part 4 গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

## Type 1

## শব্দ তবল



১. দুটি শব্দ 280 Hz ও 380 Hz এর শাখায় শব্দের বেগ 3192 m/s হলে, এদের মধ্যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য হবে?

$$\text{Solve: } \lambda = v \left( \frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2} \right) \Rightarrow \lambda = 3192 \left( \frac{1}{280} - \frac{1}{380} \right) = 3 \text{ m Ans.}$$

## For Practice

১. একটি শব্দের তরঙ্গ 280 Hz ও 380 Hz এর শাখায় শব্দের বেগ 3192 m/s হলে, এদের মধ্যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য হবে? 1.5 s সময়ে 33 cm দূরত্ব অতিক্রম করলে ও পর তরঙ্গ চূড়ার দূরত্ব 4.0 cm হলে শব্দকের ফ্রিকুয়েন্সী কত? Ans. 5.5 Hz

**Type 2****তরঙ্গের সমীকরণ**

01. একটি দড়িতে চলমান তরঙ্গের সমীকরণ হলো  $y(x, t) = y_m \sin(kx + \omega t)$ , তরঙ্গের বেগ কত?

**Solve:**  $y = y_m \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} vt + \frac{2\pi}{\lambda} x\right)$   
 এখন,  $\frac{2\pi v t}{\lambda} = \omega t$  এবং  $\frac{2\pi x}{\lambda} = kx \Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{k}$   
 এখন,  $v = \frac{\omega \lambda}{2\pi} \Rightarrow v = \frac{\omega}{2\pi} \cdot \frac{2\pi}{k} \Rightarrow v = \omega/k$  Ans.

**For Practice**

01. একটি অ্যাগামী তরঙ্গের সমীকরণ,  $Y = 0.5 \sin\pi\left(100t - \frac{x}{3.4}\right)$ , সরল রাশির মান S.I এককে প্রদত্ত। তরঙ্গটির (i) বিস্তার, (ii) কম্পাক্ষ, (iii) পর্যায়কাল হবে? (i) Ans. 0.5 m (ii) Ans. 50 Hz (iii) Ans. 0.02 s

**Type 3****দশা ও পথ-পার্থক্য**

01. একটি তরঙ্গের দুটি বিন্দুর মধ্যে পথ পার্থক্য  $5\lambda/4$ । বিন্দুজুড়ের মধ্যে দশা পার্থক্য কত?

**Solve:** দশা পার্থক্য  $= \frac{2\pi}{\lambda} \times \frac{5\lambda}{4} = \frac{5\pi}{2} = 2\pi + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2}$  Ans.

**For Practice**

01. 0.4 m ব্যবধান অবচ্ছিন্ন দুটি কণার মধ্যবর্তী দশা পার্থক্য নির্ণয় কর। যেখানে উৎপন্ন তরঙ্গবেগ 325 m/s ও তরঙ্গের কম্পাক্ষ 300 Hz। Ans. 2.32 rad

**Type 4****টানা তার**

01. একটি পিয়ানো তারের দৈর্ঘ্য L এর ভর M। যদি এর মূল কম্পাক্ষ f হয়, তবে তারে টান হলো?

**Solve:**  $f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{m}} \Rightarrow f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{M}} \left[ m = \frac{M}{L} \right]$   
 $\Rightarrow f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{TL}{M}} \Rightarrow f^2 = \frac{1}{4L^2} \times \frac{TL}{M} \Rightarrow f^2 = \frac{T}{4LM} \Rightarrow T = 4MLf^2$  Ans.

**For Practice**

01. একটি সনোমিটারের তারটিকে কোন বল দ্বারা টানা হল। যদি টানা বল 9 গুণ এবং একই সাথে তারের দৈর্ঘ্য দ্বিগুণ করা হয় তবে পরিবর্তনের পূর্বের ওপরের কম্পাক্ষের অনুপাত নির্ণয় কর। Ans. 2:3

**Type 5****শব্দের তীব্রতা লেভেল**

01. একটি সুরশলাকার কম্পাক্ষ 256 Hz এবং বিভাগ 5  $\times 10^{-3}$  m। শব্দের বেগ 330 m/s হলে শব্দ তরঙ্গের তীব্রতা নির্ণয় কর। [বায়ুর ঘনত্ব  $1.29 \text{ kg/m}^3$ ]

**Solve:**  $I = 2\pi^2 \rho a^2 n^2 v = 2\pi^2 \times 1.29 \times (5 \times 10^{-3})^2 \times (256)^2 \times 330 = 13767.44 \text{ Wm}^{-2}$  Ans.

**For Practice**

01. dB এককে কোনো হানের তীব্রতা লেভেল 60 dB হলে ঐ হানের শব্দের তীব্রতা কত? Ans.  $10^{-6} \text{ W/m}^2$

**Type 6****বীট ও দ্বরকম্প**

01. একই দিকে চলমান দুটি শব্দ তরঙ্গের সমীকরণ যথাক্রমে  $y = 0.25 \sin 316t$  এবং  $y = 0.25 \sin 310t$ । প্রতি সেকেন্ডে উৎপন্ন বীটের সংখ্যা কত?

**Solve:**  $y = 0.25 \sin 316t$  এবং  $y = 0.25 \sin 310t$  সমীকরণ দুটিকে  $y = A \sin \omega t$  সমীকরণের সাথে তুলনা করে পাই,  $\omega_1 = 316$ ;  $\omega_2 = 310$   
 এখন,  $2\pi f_1 = 316 \Rightarrow f_1 = \frac{316}{2\pi}$

আবার,  $2\pi f_2 = 310 \Rightarrow f_2 = \frac{310}{2\pi}$

$\therefore N = f_1 - f_2 = \frac{316}{2\pi} - \frac{310}{2\pi} = \frac{6}{2\pi} = \frac{3}{\pi}$  Ans.

**For Practice**

01. দুইটি সুরশলাকা A ও B একত্রে শব্দায়িত করলে প্রতি সেকেন্ডে 7 টি বীট উৎপন্ন হয়। কিন্তু A-এর বাহর ভর কিছু কমলে বীট সংখ্যা বেড়ে যায়। B-এর কম্পাক্ষ 290 Hz হলে A-এর কম্পাক্ষ নিচের কোনটি হবে? Ans. 297 Hz

**Type 7****শব্দের বেগ**

01. 0.50 m এবং 0.51 m দৈর্ঘ্য বিশিষ্ট দুটি নলে প্রতি সেকেন্ডে 3টি বীট (beat) সৃষ্টি করে। শব্দের বেগ বের কর।

**Solve:** ধরি, দুটি একমুখ খোলা নল। বায়ুজ্যোর দৈর্ঘ্য,  $L_1 = 0.50 \text{ m}$ ,  $L_2 = 0.51 \text{ m}$  মূলসূরের ক্ষেত্রে,  $v = 4f_1 L_1 \Rightarrow f_1 = \frac{v}{4L_1}$  — (i)

$v = 4f_2 L_2 \Rightarrow f_2 = \frac{v}{4L_2}$  — (ii)

(i) – (ii)  $\Rightarrow f_1 - f_2 = \frac{v}{4L_1} - \frac{v}{4L_2} \Rightarrow 3 = \frac{v}{4} \left( \frac{1}{0.5} - \frac{1}{0.51} \right)$  [বীট  $f_1 - f_2 = 3$ ]  
 $\Rightarrow v = 306 \text{ ms}^{-1}$  Ans.

**For Practice**

01. কোনো তাপমাত্রায় বাতাসে শব্দের দ্রুতি প্রমাণ তাপমাত্রার শব্দের দ্রুতির 3 গুণ হবে? Ans. 2184°C

**Part 5****জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর**

01. লোহার ইয়়-এর ত্বরণ  $20 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$  এবং ঘনত্ব  $\rho = 7800 \text{ kgm}^{-3}$  লোহার মধ্যে দিয়ে শব্দের বেগ কত? [NU-Science : 14-15]

Ⓐ 5063.7 ms<sup>-1</sup> Ⓑ 6300 ms<sup>-1</sup> Ⓒ 7200 ms<sup>-1</sup> Ⓓ 5500 ms<sup>-1</sup> Ans. A

02. একটি শব্দ তরঙ্গের তরঙ্গদৈর্ঘ্য বৃক্ষি পেলে, এর কম্পাক্ষ- [NU-Science : 14-15]  
 Ⓐ বৃক্ষি পায় Ⓑ হ্রাস পায় Ⓒ ক্রুক থাকে Ⓓ বেগের সমান হয় Ans. B

03. একটি টানা তারের লোডের পরিমাণ নয়ন্ত্রণ বৃক্ষি করলে কম্পাক্ষ কর্তৃণ বৃক্ষি পাবে? [NU-Science : 13-14]

Ⓐ 3 Ⓑ 9 Ⓒ 81 Ⓓ 27 Ans. A

04. যদি  $0^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রায় বাতাসে শব্দের গতি 300 m/s হয় তবে কত তাপমাত্রার শব্দের বেগ 400 m/s হবে? [NU-Science : 13-14]

Ⓐ 91°C Ⓑ 212°C Ⓒ 485°C Ⓓ 674°C Ans. B

05. দুটি সুরশলাকার কম্পাক্ষ যথাক্রমে 128 Hz ও 384 Hz। বায়ুতে শলাকা দুটি হতে সৃষ্টি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের অনুপাত- [NU-Science : 12-13]

Ⓐ 3:1 Ⓑ 1:3 Ⓒ 2:1 Ⓓ 1:2 Ans. A

06. নিম্নলিখিত দুটি বিন্দুর দূরত্ব কত? [NU-Science : 11-12]

Ⓐ  $\lambda$  Ⓑ  $\frac{\lambda}{2}$  Ⓒ  $\frac{\lambda}{4}$  Ⓓ  $2\lambda$  Ans. C

07. কোন মাধ্যমে শব্দের বেগ সর্বচেয়ে বেশী? [NU-Science : 11-12]

Ⓐ লোহা Ⓑ পানি Ⓒ কাঠ Ⓓ বাতাস Ans. A

08. দুইটি সুরশলাকার কম্পাক্ষ যথাক্রমে 120 Hz ও 360 Hz। বায়ুতে শলাকা দুইটি হতে সৃষ্টি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের অনুপাত- [NU-Science : 09-10]

Ⓐ 1:3 Ⓑ 3:1 Ⓒ 4:5 Ⓓ 2:1 Ans. B

09. 310 Hz কম্পাক্ষের শব্দ তরঙ্গের তরঙ্গদৈর্ঘ্য বায়ুতে 1.1 m হলে, বায়ুতে শব্দ তরঙ্গের দ্রুতি হবে- [NU-Science : 07-08]

Ⓐ 341 ms<sup>-1</sup> Ⓑ 332 ms<sup>-1</sup> Ⓒ 3330 ms<sup>-1</sup> Ⓓ 282 ms<sup>-1</sup> Ans. A

10. কোনটি সঠিক? [NU-Science : 07-08]

Ⓐ শব্দ তরঙ্গ যান্ত্রিক তরঙ্গ Ⓑ শব্দ তরঙ্গের বাতিচার হয় না

Ⓒ শব্দ তরঙ্গ আড় তরঙ্গ Ⓓ শব্দ তরঙ্গের অপবর্তন হয় না Ans. C

11. কোন শব্দের তীব্রতা বিজ্ঞারে- [NU-Science : 05-06]

Ⓐ সমানুপাতিক Ⓑ বর্ণের সমানুপাতিক

Ⓒ বর্ণানুপাতিক Ⓓ বর্ণের ব্যাপানুপাতিক Ans. B

12. ଏକଟି ତରଙ୍ଗର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 3 meter ହୁଏ, ଏହା କଣ୍ଠାକ୍ରମ ହେବୁ? [NU-Science : 03-04]  
 (A)  $10^8$  sec<sup>-1</sup> (B)  $10^6$  sec (C)  $10^{-6}$  sec (D)  $10^{-8}$  sec (Ans A)
13. ବାତାରେ ଶବ୍ଦର ଗତି  $330 \text{ m/s}$  ଏବଂ ଅପର ଏକଟି ମାଧ୍ୟମେ  $990 \text{ m/s}$  ବାତାରେ ଏକଟି ଶବ୍ଦର ତରଙ୍ଗ ଦୈର୍ଘ୍ୟ 0.3 m ହୁଏ, ଅପର ମାଧ୍ୟମରେ ତାର ତରଙ୍ଗ ଦୈର୍ଘ୍ୟ ହେବୁ? [NU-Science : 01-02]  
 (A) 0.1 m (B) 0.3 m (C) 0.9 m (D) 1.2 m (Ans C)

**Part 6** / ଆତୀଯ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟ ଉଚ୍ଚ ପାଠୀକାର ଉପଯୋଗୀ ବିଜ୍ଞାନ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟର ଉତ୍ତରମୁକ୍ତ ବିଗତ ପ୍ରଶ୍ନାତର

01. କୋଣ ତରଙ୍ଗର ସମ୍ବନ୍ଧରେ ସମ୍ଭାବନା ନାହିଁ [GST-A : 22-23]  
 (A) କେତାର ତରଙ୍ଗ (B) ମାଇଗେଲ ତରଙ୍ଗ  
 (C) ଶର୍ଷ ତରଙ୍ଗ (D) ଦୃଶ୍ୟମାନ ଆଲୋକ ତରଙ୍ଗ (Ans C)
02. ଏକଟି ଶବ୍ଦ ଉଚ୍ଚତା ଦୋଷକେର ସର୍ବୋତ୍ତମ ବେଳ  $0.3 \text{ ms}^{-1}$  ଏବଂ ଶିଖର  $0.06 \text{ m}$  ହୁଏ ନାହାଯାକାଳ କହିବାକି କହିବାକି? [GST-A : 22-23]  
 (A)  $\frac{2\pi}{5}$  (B)  $\frac{\pi}{5}$  (C)  $\pi$  (D)  $\frac{3\pi}{2}$  (Ans A)
03. ଏକଟି ଆତୀଯ ତରଙ୍ଗର ସମୀକରଣ S.I. ଏକକେ  $y = 2 \sin(120t - 4x)$  ହୁଏ ଏଇରେ ବେଳାକି କହିବାକି? [GST-A : 20-21]  
 (A) 30 (B) 40 (C) 60 (D) 120 (Ans A)
04. ଦୃଷ୍ଟି ଶୁରୁ ଶଳାକା A ଓ B ଏକଇ ସମୟେ ଶବ୍ଦାବିତ ହେଲୁଥାଏ ଏହାକି ଏକଟି ଶବ୍ଦରେ ତରଙ୍ଗ କରିବାକି କିମ୍ବା ତରଙ୍ଗର ଅନୁପାତ ହେବୁ? କିମ୍ବା A ଏବଂ ଖାନିକଟା ଉଚ୍ଚତା ଲାଗାଲେ ତାରା ଆଶାର ଏହାକି ଏକଟି ଶବ୍ଦରେ ତରଙ୍ଗ କରିବାକି କରିବାକି ଯାଇ ବେଳାକି କହିବାକି 325 Hz ହୁଏ, ତାହାର ଏହା କଣ୍ଠାକ୍ରମ କହିବାକି Hz ହେବେ? [KU-A : 19-20]  
 (A) 315 (B) 320 (C) 325 (D) 330 (Ans D)
05. ଡିଜିଟିଶବ୍ଦର କଣ୍ଠାକ୍ରମ ଅନୁପାତ କହିବାକି ଅନୁପାତ କହିବାକି ହେବେ? [COU-A : 19-20]  
 (A) 1:2:3 (B) 2:3:4 (C) 3:4:5 (D) 4:5:6 (Ans D)
06. ତରଙ୍ଗ ଏକ ଛାନ ହାତେ ଅନ୍ୟ ଛାନେ କି ଛାନାବିତ କରିବାକି କରିବାକି? [COU-A : 18-19]  
 (A) ଭର୍ତ୍ତା (B) ଶତି (C) ତରଙ୍ଗଦେର୍ଘ୍ୟ (D) ବିଦ୍ୟାର (Ans B)
07. ଶିତକାଳେ ଭୂମି ବସୁଦେବ ମାତ୍ରେ ମୃଦୁପୁର ବନେ ବନଶ୍ରୋଭାନେ ଗିରିଛିଲେ । ତଥବ ବନେ ଏକବେଳେ ପାତାର ମରିବ ଧାରି ଅନୁତ୍ତ ପେଲେ । ଉଚ୍ଚ ଶବ୍ଦର ଔତ୍ରତା  $1 \times 10^{11} \text{ Wm}^{-2}$  ହୁଏ, ତୀରତା ଲେବେଲେ ଡେସିବେଲେ- [IU-D : 19-20]  
 (A) 40 (B) 30 (C) 20 (D) 10 (Ans D)
08. 300 Hz କଣ୍ଠାକ୍ରମ ଏକଟି ତରଙ୍ଗ ସମ୍ଭାବନା ପାଇଁ କିମ୍ବା ବାତାରେ ତରଙ୍ଗ ଦୈର୍ଘ୍ୟର ପାରିବା 4.16 m । ଶବ୍ଦର ଗତି ବାତାରେ  $352 \text{ ms}^{-1}$  ହୁଏ, ପାନିତେ ଶବ୍ଦର ବେଳ? [IU-D : 19-20]  
 (A)  $800 \text{ ms}^{-1}$  (B)  $1200 \text{ ms}^{-1}$  (C)  $1600 \text{ ms}^{-1}$  (D)  $1800 \text{ ms}^{-1}$  (Ans C)
09. 256 cycle/s କଣ୍ଠାକ୍ରମ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକଟି ଶୁରୁ ଶଳାକା ହାତେ ତୁଳନା କରିବାକି  $3 \text{ s}$  ଏବଂ  $1020 \text{ m}$  ଅନୁକ୍ରମ କରିବାକି । ବାଯୁତେ ଶବ୍ଦର ତରଙ୍ଗ ଦୈର୍ଘ୍ୟ-  
 (A)  $132.8 \text{ m}$  (B)  $308.7 \text{ m}$  (C)  $132.8 \text{ cm}$  (D)  $308.7 \text{ cm}$  (Ans C)
10. ଟାନୀ ଆରେ ଟାନେର ପରିମାଣ 4 ଶତ ଶୂନ୍କ କରିଲେ କଣ୍ଠାକ୍ରମ ଶୂନ୍କ ହେବେ? [BRUR-E : 19-20]  
 (A) 16 ଶତ (B) 4 ଶତ (C) 3 ଶତ (D) 2 ଶତ (Ans D)
11. 1000 Hz କଣ୍ଠାକ୍ରମ କୋଣୋ ଶବ୍ଦର ଅନୁକ୍ରମ ଶୀମାର ଟୀରତା କହିବାକି  
 [JKKNU-B : 19-20]  
 (A)  $10^{12} \text{ Wm}^{-2}$  (B)  $10^{-12} \text{ Wm}^{-2}$   
 (C)  $10^{10} \text{ Wm}^{-2}$  (D)  $10^{-10} \text{ Wm}^{-2}$  (Ans B)
12. ଦୂରୀଟି ଶୁରୁ ଶଳାକାର କଣ୍ଠାକ୍ରମ  $128 \text{ Hz}$  ଏବଂ  $384 \text{ Hz}$  । ବାଯୁତେ ଶଳାକା ଦୂରୀଟି ହାତେ ଶୂନ୍କ ତରଙ୍ଗଦେର୍ଘ୍ୟର ଅନୁପାତ କହିବାକି? [BU-A : 19-20]  
 (A) 3:1 (B) 1:3 (C) 2:1 (D) 1:2 (Ans A)
13. ଏକ ଡିଗିଟିଶବ୍ଦର ଆତୀଯ ବାତାରେ ଶବ୍ଦର ସେବେର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେବେ? [BU-A : 19-20]  
 (A)  $0.60 \text{ ms}^{-1}$  (B)  $0.63 \text{ ms}^{-1}$  (C)  $0.61 \text{ ms}^{-1}$  (D) କୋନୋଟିଥିନ୍ ନାହିଁ (Ans C)
14. ଏକଇ ଟୀରତାର ଉପର ହାତେ ତୁଳନା କରିବାକି ଶବ୍ଦ କୋଣ ସମୟ ସବତ୍ରେ ବେଳି ଦୂରଦେଶ ଶୋଭା ହେବେ? [BU-A : 19-20]  
 (A) ଶୀଥଳକାଳେ (B) ବର୍ଷାକାଳେ (C) ଶର୍ଦ୍ଦକାଳେ (D) ଶୀତକାଳେ (Ans B)
15. ଏକଟି ଆରେ ଭିତର ଦିଯେ ସାଇନୋସୋଇଡ଼ଲ ତରଙ୍ଗ ଥିବାକି ଏବଂ ଆରେ କଣାର ସର୍ବୋତ୍ତମ ଶବ୍ଦରେ ଅର୍ଦ୍ଧକ ତରଙ୍ଗ ଏହା କହିବାକି ହେବେ? [SHUBD-Science : 19-20]  
 (A)  $v/2$  (B)  $\sqrt{3}v/2$  (C)  $2v$  (D)  $3v/4$  (Ans B)

16. ଏକଟି ଟାନୀ ଆରେ ଅନ୍ୟ ତରଙ୍ଗ ବେଳ  $1500 \text{ ms}^{-1}$  । ତଥବ କଣାର ଶଳାକା ଦେଇବାକି ଶ୍ୟାମର ବିଶିଷ୍ଟ ଏକଟି ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେବେ ଏହା କହିବାକି  $1500 \text{ ms}^{-1}$ ? [MBSTU-C : 19-20]  
 (A) 500 (B) 300 (C) 750 (D) 3000 (Ans C)

17. ଏକଟି ଆତୀଯ ତରଙ୍ଗ ଲେବେ  $y = 10 \sin(2400t - 1.57t)$  । ତଥବ କଣାର କଣ୍ଠାକ୍ରମ କହିବାକି [MBSTU-C : 19-20]  
 (A) 100 Hz (B) 200 Hz (C) 50 Hz (D) 150 Hz (Ans B)

18. ଶବ୍ଦ ସମ୍ବନ୍ଧ ଏକ ମାଧ୍ୟମ ହେବେ ଅନ୍ୟ ମାଧ୍ୟମ ହେବେ କରି ତରଙ୍ଗ କିମ୍ବା ଅନୁକ୍ରମରେ ପାରିବାକି [MBSTU-A : 19-20]  
 (A) କେତେ (B) କେତେ (C) କଣ୍ଠାକ୍ରମ (D) କେତେ କିମ୍ବା ଏକଟି ଶତାବ୍ଦୀ ଏବଂ ଦଶ ଦଶାବ୍ଦୀ (Ans D)

19. ହିନ୍ଦି ତରଙ୍ଗର ପର ପର ଦୃଷ୍ଟି ଶୁରୁ ବିଶ୍ୟାମାନ ଅନୁକ୍ରମ ଦୃଷ୍ଟି ଦୃଷ୍ଟି [MBSTU-A : 19-20]  
 (A)  $\frac{1}{4}$  (B)  $\frac{1}{2}$  (C)  $\frac{3}{4}$  (D) 1 (Ans B)

20. କଥ ଆତୀଯର ବାୟୁତେ ଶବ୍ଦର ବେଳ  $0^\circ \text{C}$  ଆଶାରର ହେବୁ କିମ୍ବା  
 (A)  $818^\circ \text{C}$  (B)  $810^\circ \text{C}$  (C)  $820^\circ \text{C}$  (D)  $817^\circ \text{C}$  (Ans D)

**Part 7**

**ସାଧାରଣ MCQ**

01. ତରଙ୍ଗର ଉତ୍ତର ସମ୍ବନ୍ଧ ସମ୍ପଦାନ୍ତର ପରିପରାକରଣ କି କାହା?  
 (A) ତରଙ୍ଗଦେର୍ଘ୍ୟ (B) ତରଙ୍ଗ ମୂଳ (C) କଣ୍ଠାକ୍ରମ (D) କେତେ (Ans B)
02. ଟେଲ କେତାକ୍ରମ ଅବିଭବ କରିଲେ କିମ୍ବା  
 (A) ଦିନମନ୍ଦିର (B) ହିନ୍ଦିମେଲି (C) ଦିନମନ୍ଦିର (D) ଦିନମନ୍ଦିର (Ans D)
03. ଅର୍ଦ୍ଧର ଏକ ଶୂରୁମୁଗ୍ଧାତ କହା?  
 (A) 8:9 (B) 10:9 (C) 6:5 (D) 16:15 (Ans D)
04. ହିନ୍ଦି ତରଙ୍ଗର ଦୃଷ୍ଟି ଶୁରୁ ବିଶ୍ୟାମାନ ଅନୁକ୍ରମ ଦୃଷ୍ଟି ଦୃଷ୍ଟି  
 (A)  $2/4$  (B)  $1/2$  (C)  $3/4$  (D) 2 (Ans B)
05.  $0^\circ \text{C}$  ଆତୀଯର ବାୟୁତେ ଶବ୍ଦର ବେଳ କିମ୍ବା  
 (A)  $320 \text{ ms}^{-1}$  (B)  $332 \text{ ms}^{-1}$  (C)  $335 \text{ ms}^{-1}$  (D)  $341 \text{ ms}^{-1}$  (Ans B)
06. ଏକଟି ବିଶ୍ୟାମାନ ଦୃଷ୍ଟି ଏବଂ ଅନୁକ୍ରମ ସୁରଳ ବିଶ୍ୟାମାନ ଅନୁକ୍ରମ ଦୃଷ୍ଟି  
 (A)  $2/2$  (B) 2 (C)  $1/4$  (D) 22 (Ans C)
07. ବାୟୁ ଏବଂ ପାନିତେ 300 Hz କଣ୍ଠାକ୍ରମ ଏକଟି ଶବ୍ଦ ଆଶାରର ବେଳ 4.16 m । ବାୟୁତେ ଶବ୍ଦର ବେଳ  $352 \text{ ms}^{-1}$  ହୁଏ ପାନିତେ ଶବ୍ଦର ବେଳ କିମ୍ବା?  
 (A)  $200 \text{ ms}^{-1}$  (B)  $300 \text{ ms}^{-1}$  (C)  $1600 \text{ ms}^{-1}$  (D)  $1200 \text{ ms}^{-1}$  (Ans C)
08. ଏକଟି ଡିଗିଟିଶବ୍ଦ 90 MHz ବେଳ ଅନୁକ୍ରମ କହିବାକି  
 (A) 0.30 m (B) 6.0 m (C) 9 m (D) 3.3 m (Ans D)
09. ତରଙ୍ଗର ଦୃଷ୍ଟି କଣାର ମଧ୍ୟେ ପରିପରାକରଣ  $0.325 \text{ m}$  କିମ୍ବା କଣାର କାନ୍ଦିଯା କିମ୍ବା ରେକାର୍ଡିମାନ କିମ୍ବା, ତରଙ୍ଗଦେର୍ଘ୍ୟ କହିବାକି  
 (A) 0.65 m (B) 0.65 cm (C) 0.56 cm (D) 0.56 m (Ans B)
10. କାନୀ ଟୀରତା ଲେବେଲେ କାନୀର ଅନୁକ୍ରମ କିମ୍ବା  
 (A) 1 dB (B) 0 dB (C) 10 dB (D) 2 dB (Ans B)
11. ଦୂରୀଟି ଶୁରୁ ଶଳାକାର ସମ୍ବନ୍ଧ କିମ୍ବାଟି କହିବାକି ଅନୁପାତ?  
 (A)  $f_1 f_2$  (B)  $f_1/f_2$  (C)  $f_1 + f_2$  (D)  $f_1 - f_2$  (Ans D)
12. ମାନ୍ୟର ଅନ୍ତର୍ଦୀମାନ ଦୂରୀଟି ଅନୁପାତ କହିବାକି?  
 (A)  $10^{-11}$  (B)  $10^{11}$  (C)  $10^{-12}$  (D)  $10^{12}$  (Ans D)
13. ଟାନୀରେ ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଏବଂ ଉତ୍ତର କଣାର କିମ୍ବା ଶବ୍ଦରେ କିମ୍ବା ଟାନୀ 4 ଶତ ବାହୁଦର୍ଶି ଆରେ କଣାର କଣ୍ଠାକ୍ରମ କହିବାକି  
 (A) ଦାରଥି (B) ଦିପିଳ (C) କିମ୍ବା ତାରଥି (D) ଅର୍ଦ୍ଧ ତାରଥି (Ans B)
14. ଏକଟି ଅନ୍ତର୍ଦୀମାନ କିମ୍ବା କାନୀର ଅନୁକ୍ରମ କିମ୍ବା କାନୀର ଅନୁକ୍ରମ କହିବାକି  
 (A) 0.60 ମୀଟର (B) 0.75 ମୀଟର (C) 7.50 ମୀଟର (D) 0.80 ମୀଟର (Ans B)
15. ବିଶ୍ୟାମାନ ଏକଟି ଅନ୍ତର୍ଦୀମାନ ଅନୁପାତ କିମ୍ବା କାନୀର ଅନୁକ୍ରମ କହିବାକି  
 (A) ଅପରଟନ (B) ପ୍ରିଚିଲାନ (C) ବ୍ୟାକିଟାର (D) ସମ୍ପଦାନ (Ans D)

# আদর্শ গ্যাস ও গ্যাসের গতিতত্ত্ব

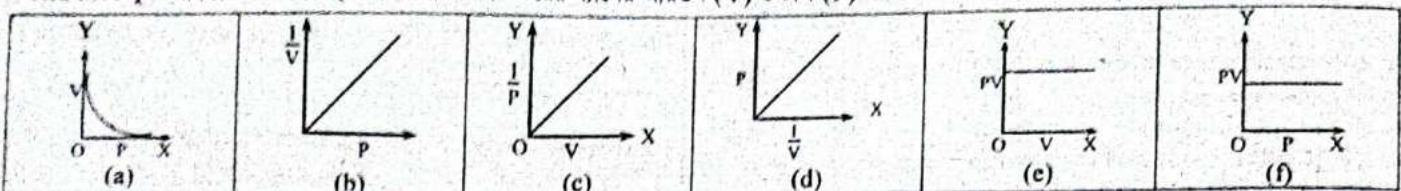
## Part 1

### চরক্তপূর্ণ তথ্যাবলি

#### ১. গ্যাস সমৰ্থন :

- গ্যাস : সমাধান তাপমাত্রা ও চাপে মেঝে সব পদার্শ নায়ীয় অবস্থায় পাকে, তাদেরকে গ্যাস বলে। বর্তমান প্রচলিত মত অনুসারে, সংকৃত তাপমাত্রার উপরে কোনো পদার্শের নায়ীয় অবস্থার নাম গ্যাস। দেখন :  $H_2, O_2, N_2$  ইত্যাদি গ্যাস। গ্যাসের ক্ষেত্রে তিনটি চৰণালি চাপ, তাপমাত্রা ও আয়তন। এদের উপর কোনো গ্যাসের আচরণ নির্ভর করে বলে একসাথে গ্যাসের অবস্থার উপাদান বলা হয়। গায়ীয় সূত্র - $3\text{টি যথা- বয়েলের সূত্র}, \text{চৰ্লসের সূত্র} \text{ ও চাপের সূত্র}$ ।

- ক্ষেত্রের সূত্র : "তাপমাত্রা ছিৰ ধাকলে কোনো নির্দিষ্ট ভৱের গ্যাসের আয়তন তাৰ চাপের নায়ানুপাতিক"। অর্থাৎ,  $V \propto \frac{1}{P}$ । 1662 খ্রিস্টাব্দে বিজানী বৰাত ক্ষেত্রে এই সূত্র আবিষ্কার কৰেন। ছিৰ তাপমাত্রায় নির্দিষ্ট ভৱের গ্যাসের আয়তন ( $V$ ) ও চাপ ( $P$ ) এৰ লেখচিৰ্যা আয়তকাৰ পৰাৰুত।



- চৰ্লস এৰ সূত্র : "ছিৰ চাপে কোনো নির্দিষ্ট ভৱের গ্যাসের আয়তন  $0^{\circ}\text{C}$  থেকে থতি ডিয়ী সেলনিয়াস তাপমাত্রা পৰিবৰ্তনের জন্য এৰ  $0^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রার আয়তনের নির্দিষ্ট ক্ষয়াল  $\frac{1}{273}$  অণ পৰিবৰ্তিত হয়। 1787 খ্রিস্টাব্দে ফৰাসি বিজানী চৰ্লস এই সূত্র আবিষ্কার কৰেন। ছিৰ চাপে নির্দিষ্ট ভৱের গ্যাসের আয়তন এৰ পৰম বা সেলেচিৰ্য তাপমাত্রার সমানুপাতিক। অর্থাৎ,  $V \propto T$ ।

- গ্যাস সূত্রসমূহেৰ সমৰ্থন :  $n$  মৌল গ্যাসেৰ ক্ষেত্ৰে,  $PV = nRT = \frac{m}{M} RT$ । সুতৰাং আদর্শ গ্যাস সমীকৰণ,  $PV = nRT$

- বয়েল ও চৰ্লসেৰ সূত্ৰেৰ সমৰ্থন।
- আদর্শ গ্যাসেৰ অবস্থাৰ সমীকৰণ।

- মনে রাখি : একটি দুদুবুজেৰ ক্ষেত্ৰে হতে যাই উপৰে উঠিবে চাপ তত কমবে ও আয়তন ততই বাড়বে।

#### ২. আদর্শ ও বাস্তব গ্যাস সমৰ্থন :

- আদর্শ গ্যাস : যে সকল গ্যাস সকল তাপমাত্রা ও চাপে বয়েল ও চৰ্লস এৰ সূত্র মেনে চলে, তাদেৱকে আদর্শ গ্যাস বলে। আদর্শ গ্যাসেৰ হিতিশক্তি = ০

- আদর্শ গ্যাসেৰ বৈশিষ্ট্যসমূহ :

- সকল তাপমাত্রা ও চাপে  $PV = nRT$  সমীকৰণ মেনে চলে।
- আদর্শ গ্যাসেৰ ক্ষণাত্মক ছিতিহাপক। সংখ্যৰে কোনো আকৰ্ষণ বা বিকৰ্ষণ বল নেই। ক্ষণাত্মকোৱ গতিশক্তি সমান ও শুণৰ।
- আদর্শ গ্যাসেৰ অনুমনুহেৰ মোট আয়তন গ্যাস দ্বাৰা দখলকৃত আয়তনেৰ তুলনায় নগণ্য।
- নিম্নলিপি ও উচ্চ তাপমাত্রায় বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসেৰ মত আচৰণ কৰে।
- উচ্চ চাপ ও নিম্ন তাপমাত্রায় আদর্শ গ্যাস বাস্তব গ্যাস মত আচৰণ কৰে।

- বাস্তব গ্যাস : যে সকল গ্যাস সকল তাপমাত্রা ও চাপে গ্যাস সূত্রাবলি মেনে চলে না তাদেৱকে বাস্তব গ্যাস বলে। প্ৰকৃতিতে প্ৰাণ সকল গ্যাসই বাস্তব গ্যাস। যেমন :  $H_2, O_2, N_2$  ইত্যাদি বাস্তব গ্যাস।

#### ৩. বাস্তব গ্যাসেৰ বৈশিষ্ট্যসমূহ :

- বাস্তব গ্যাসেৰ অনুর নির্দিষ্ট আকাৰ ও আয়তন আছে।
- বাস্তব গ্যাস পৰমন্তু তাপমাত্রায় নেওয়া সৰ্বব নয়।
- অণুভূতিৰ মধ্যে এবং অণু ও পাত্ৰেৰ দেয়ালেৰ মধ্যে আকৰ্ষণ বল বিদ্যমান থাকে।
- বাস্তব গ্যাসেৰ বিদ্যমান সংৰক্ষণতলো সম্পূৰ্ণ ছিতিহাপক নয়।

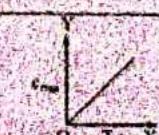
#### ৪. গ্যাস প্ৰৰূপক :

- সৰ্বজনীন গ্যাস প্ৰৰূপক : এক মৌল আদর্শ গ্যাসেৰ তাপমাত্রা এক ডিয়ী বাড়লে তা যে পৰিমাণ কাজ সম্পন্ন কৰে, তাকে সৰ্বজনীন গ্যাস প্ৰৰূপক ( $R$ ) বলে।

$$\text{অর্থাৎ, } R = \frac{PV}{nT}; \text{ একে } R \text{ দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়। \text{ এৰ একক : S.I. পদ্ধতিতে } \rightarrow JK^{-1} mol^{-1}$$

- মান : • S.I. পদ্ধতিতে  $\rightarrow 8.314 JK^{-1} mol^{-1}$   
• পিটাৰ বায়ুনভৌমি এককে  $\rightarrow 0.082 Latm K^{-1} mol^{-1}$   
• C.G.S এককে  $\rightarrow 8.314 \times 10^7 ergk^{-1} mol^{-1}$   
• ক্যালৰি এককে  $\rightarrow 1.987 cal K^{-1} mol^{-1}$

গড় বেগ ( $c_v$ )	গ্যাস অণুভূতিৰ বেগেৰ গড়কে তাদেৱ গড় বেগ বলে। একে $c_v$ দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়।
গড় বৰ্গ বেগ ( $c^2$ )	কোনো গ্যাসেৰ সকল অণুৰ বেগেৰ বৰ্গেৰ গড়কে গড় বৰ্গ বেগ বলে। একে $c^2$ দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়।
মূল গড় বৰ্গ বেগ ( $c_{rms}$ )	কোনো গ্যাসেৰ সকল অণুৰ বেগেৰ বৰ্গেৰ গড়মানেৰ বৰ্গমূলকে মূল গড় বৰ্গ বেগ বা মূল গড় বৰ্গবেগ পৰম তাপমাত্রার বৰ্গমূলেৰ সমানুপাতিক। $r.m.s$ বেগ গড় গতিবেগ অপেক্ষা সামান্য বেশি হয়।
সৰ্বাধিক সৰ্বব বেগ ( $c_m$ )	কোনো গ্যাসেৰ বেশিৰভাগ অণুভূতিৰ মেঝে গতিশীল থাকে তাকে সৰ্বাধিক সৰ্বব বেগ বলে। ( $c_{rms} > c_v > c_m$ )



- গড় মুক্তপথ : পৰিপৰ ধাক্কাগ্রন্থের ডিটি একটি অণু যে গড় দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰে তাকে গড় মুক্তপথ বলে। গড় মুক্তপথ তাপমাত্ৰার সমানুপাতিক, চাপ ও গ্যাসেৰ ঘনত্বেৰ ব্যানুপাতিক এবং অণুৰ ব্যাসেৰ বৰ্ণেৰ ব্যানুপাতিক। বিজ্ঞানী কলেজিয়াস গড় মুক্তপথেৰ রাশিমালা বেৰ কৰেন। একে  $\lambda$  দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা হয়।
- শীৰ্ষকৰণ : একটি মাত্ৰ অণু ছুটছে এবং অবশ্যিক অণুসমূহ ছিৰ অবহায় আছে। [Ref: ইস্থাক স্যাৰ]
- স্থানিনতাৰ মাত্ৰা : কোনো গতিশীল সিস্টেমেৰ অবহায় সম্পূৰ্ণভাৱে বোৰতে মোট যে সংখ্যক স্থানীয় রাশিৰ প্ৰয়োজন হয় তাকে বা গতিশীল সিস্টেমেৰ মোট গতিশক্তিৰ রাশিমালায় যে কৰাটি স্থানীয় বৰ্ণ রাশি পাওয়া যায় সেই সংখ্যাই স্থানিনতাৰ মাত্ৰা।
- সমীকৰণ : কোনো সংঘাৰ স্থানীয় এক পৰমাণুৰ অণুৰ সংখ্যা  $n$  হলো স্থানিনতাৰ মাত্ৰা হবে  $3n$  [তিমাতিক গতি বিবেচনায়]। কিন্তু অণুগ্রন্থেৰ পাৰম্পৰিক অবহায়  $n$  সংখ্যক সমীকৰণ দিয়ে সম্পৰ্কযুক্ত হলো স্থানিনতাৰ মাত্ৰা,  $n' = (3n - r)$ ।

### বিশেষ তথ্য

- |   |  |
|---|--|
| • এক পাৰমাণবিক গ্যাসেৰ অণুৰ স্থানিনতাৰ মাত্ৰা $\rightarrow 3$   | • দ্বি- পাৰমাণবিক গ্যাসেৰ অণুৰ স্থানিনতাৰ মাত্ৰা $\rightarrow 5$ |
| • আৰ্বৰ্তনৰত কণাৰ অণুৰ স্থানিনতাৰ মাত্ৰা $\rightarrow 5$  | • আদৰ্শ গ্যাসেৰ প্ৰতিটি অণুৰ স্থানিনতাৰ মাত্ৰা $\rightarrow 3$   |
| • বৈধিক গতিৰ স্থানিনতাৰ মাত্ৰা $\rightarrow 3$  |  |
| • শক্তিৰ সমবিভাজন নীতি : কোনো গতীয় সংঘাৰ মোট শক্তি তাৰীয় সাম্যাবস্থায় প্ৰতিটি স্থানিনতাৰ মাত্ৰাৰ মধ্যে সমভাৱে বণ্টিত হয় ও প্ৰতিটি স্থানিনতাৰ মাত্ৰাৰ শক্তিৰ পৰিমাপ $\frac{1}{2} KT$ । একে শক্তিৰ সমবিভাজন নীতি বলে। যেখানে $k$ হলো বোল্টজম্যান ফ্ৰুৰক এবং $T$ হলো পৰম তাপমাত্ৰা এবং $\frac{1}{2} mc^2 = \frac{3}{2} kT$ |  |
| $\therefore \frac{1}{2} mu^2 = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} mw^2 = \frac{1}{3} \times \frac{3}{2} kT = \frac{1}{2} kT$  |  |
| $\therefore f$ স্থানিনতাৰ মাত্ৰা সম্পৰ্ক কোনো অণুৰ মোট গতিশক্তি $= f \times \frac{1}{2} kT = \frac{f}{2} kT$  |  |

### ৫. সম্পৃক্ত ও অসম্পৃক্ত বাস্পচাপ সংক্রান্ত :

- ◊ সম্পৃক্ত বাস্পচাপ : কোনো নিৰ্দিষ্ট তাপমাত্ৰায় কোনো আবদ্ধ ছানেৰ বাস্প সৰ্বাধিক যে চাপ প্ৰয়োগ কৰে তাকে সম্পৃক্ত বাস্পচাপ বলে।
- ◊ সম্পৃক্ত বাস্প : কোনো নিৰ্দিষ্ট তাপমাত্ৰায় কোনো আবদ্ধ ছানেৰ যে পৰিমাণ বাস্প ধাৰণ কৰতে পাৱে, সে পৰিমাণ বাস্প দেখানে থাকলে ঐ বাস্পকে সম্পৃক্ত বাস্প বলে।
- ◊ বৈশিষ্ট্য : এটি আবদ্ধ ছানে তৈৰি কৰা যায়, যদি কোনো আবদ্ধ ছানে তৱল পদাৰ্থেৰ সংস্পৰ্শে কিছু বাস্প থাকে তবে বুকতে হবে যে, বাস্পটি সম্পৃক্ত বাস্প ও সম্পৃক্ত বাস্প বয়েল এবং চাৰ্লস- এৰ সূত্ৰ মনে না।
- ◊ অসম্পৃক্ত বাস্পচাপ : কোনো নিৰ্দিষ্ট তাপমাত্ৰায় কোনো আবদ্ধ ছানেৰ বাস্প সৰ্বনিম্ন যে চাপ প্ৰয়োগ কৰে তাকে অসম্পৃক্ত বাস্পচাপ বলে।
- ◊ অসম্পৃক্ত বাস্প : একটি নিৰ্দিষ্ট তাপমাত্ৰায় কোনো ছানে বাস্পেৰ পৰিমাণ যদি এমন হয় যে তা আৱেও অতিৱৰ্তুনীক বাস্প ধাৰণ কৰতে পাৱে, তবে ঐ বাস্পকে অসম্পৃক্ত বাস্প বলে। এই চাপ সম্পৃক্ত চাপেৰ চেয়ে কম হয়।
- ◊ বৈশিষ্ট্য : এটি আবদ্ধ বা খোলা যে কোনো ছানে তৈৰি হতে পাৱে, অসম্পৃক্ত বাস্প বয়েল এবং চাৰ্লস-এৰ সূত্ৰ মনে চলে ও তৱলেৰ প্ৰকৃতিৰ উপৰ সম্পৃক্ত বাস্পচাপ নিৰ্ভৰ কৰে। বিভিন্ন তৱলেৰ জন্য সম্পৃক্ত বাস্পচাপ ভিন্ন ভিন্ন হয়।

### ৬. শিশিৱাক ও বায়ুৰ আৰ্দ্রতা সংক্রান্ত :

- ◊ শিশিৱ : শীতেৰ সকালে ঘাসেৰ উপৰ বিন্দু বিন্দু পানি জমে থাকে, সে গুলোকে শিশিৱ বলে।
- ◊ শিশিৱাক : যে তাপমাত্ৰায় একটি নিৰ্দিষ্ট আয়তনেৰ বায়ু তাৰ ভেতৱেৰ জলীয় বাস্প দ্বাৰা সম্পৃক্ত হয় তাকে সেই বায়ুৰ শিশিৱাক বলে।
- ◊ শিশিৱ জমাৰ শৰ্তসমূহ : মেঘমুক্ত পৱিকাৰ আকাশ, ছিৰ বায়ু, বায়ুমভলে জলীয় বাস্পেৰ আধিক্য ও তাপেৰ কুপৰিৰাহী বন্ধৰ সামৰণ্য।
- ◊ আৰ্দ্রতা : বায়ুতে জলীয় বাস্পেৰ উপস্থিতিকে বায়ুৰ আৰ্দ্রতা বলে। বায়ুৰ আৰ্দ্রতাকে 2 ভাগে ভাগ কৰা যায়। যথা : পৰম আৰ্দ্রতা ও আপেক্ষিক আৰ্দ্রতা।
- ◊ পৰম আৰ্দ্রতা : কোনো সময় কোনো ছানেৰ একক আয়তনেৰ বায়ুকে যে পৰিমাণ জলীয় বাস্প থাকে তাকে ওই বায়ুৰ পৰম আৰ্দ্রতা বলে।
- ◊ আপেক্ষিক আৰ্দ্রতা : কোনো নিৰ্দিষ্ট তাপমাত্ৰায় একটি নিৰ্দিষ্ট আয়তনেৰ বায়ুতে যে পৰিমাণ জলীয় বাস্প থাকে ঐ তাপমাত্ৰায় ঐ আয়তনেৰ বায়ুকে সম্পৃক্ত কৰতে যে পৰিমাণ জলীয় বাস্পেৰ প্ৰয়োজন হয় তাদেৰ অনুপাতকে আপেক্ষিক আৰ্দ্রতা বলে। আপেক্ষিক আৰ্দ্রতা বেশি হলে অৰ্বতি ও কম হলে বৰ্ণতি বোধ হয়।
- ◊ হাইয়োমিটাৰ বা আৰ্দ্রতামাপক যন্ত্ৰ : বায়ুৰ আপেক্ষিক আৰ্দ্রতা নিৰ্ণয়েৰ জন্য যে যন্ত্ৰ ব্যৱহৃত হয় তাকে আৰ্দ্রতামাপক যন্ত্ৰ বা Hygrometer বলে।
- ◊ আৰ্দ্রতামাপক যন্ত্ৰেৰ শ্ৰেণিবিভাগ : রাসায়নিক হাইয়োমিটাৰ, শিশিৱাক হাইয়োমিটাৰ, আৰ্দ্র বা সিক্ত ও শক্ত বায়ু হাইয়োমিটাৰ ও ক্লেন হাইয়োমিটাৰ।

### ৭. বাস্পায়ন সংক্রান্ত :

- ◊ সাধাৱণত বাস্পীভবন 2টি উপায়ে হয়ে থাকে। যথা : i. স্থতঃবাস্পীভবন ii. বাস্পায়ন

#### ১. বাস্পায়নেৰ নিৰ্ভৰশীলতা :

- তৱলেৰ তাপমাত্ৰা : তৱল ও তৱলেৰ কাছাকাছি বাতাসেৰ তাপমাত্ৰা বেশি হলে বাস্পায়ন বেশি হবে।
- তৱলেৰ স্ফুটনাক্ষ : তৱলেৰ স্ফুটনাক্ষ কম হলে বাস্পায়ন বেশি হবে। যেমন : উদ্বায়ী তৱলেৰ বাস্পায়ন স্বচচেয়ে বেশি।
- তৱলেৰ উপৰিভাগেৰ ক্ষেত্ৰফল : তৱলেৰ উপৰিভাগেৰ ক্ষেত্ৰফল যত বেশি হবে বাস্পায়ন তত বেশি হবে। এক গ্ৰাম পানি বাস্পীভূত হতে অনেক সময় নেয়। তবে সেই পানিটাৰ বড় পাত্ৰে নিলে অনেক তাৡাতাড়ি শুকিয়ে যায়।
- বায়ুৰ আৰ্দ্রতা বা শুক্রতা : বাতাসেৰ চাপ যত শুক্র হবে তত তাৡাতাড়ি বাস্পায়ন হবে।
- বায়ুৰ চাপ : বাতাসেৰ চাপ যত কম হবে বাস্পায়নেৰ হাৰ তত বেশি। যেমন : শূন্যছানেৰ বাস্পায়ন স্বচচেয়ে বেশি।
- বায়ুৰ প্ৰবাৰ : বাতাসেৰ প্ৰবাৰ বেশি হলে বাস্পায়ন বেশি হয়।

#### ২. হাইয়োমিটাৰে দুটি থাৰ্মোমিটাৰ পাঠেৰ পাৰ্থক্য :

- কম হলে পূৰ্বাভাসে আৰ্দ্র আবহাওয়া উল্লেখ কৰা যায়।
- ধীৱে ধীৱে কমতে থাকলে বলা যায় যে, বৃষ্টিৰ সম্ভাৱনা রয়েছে।
- খুব বেশি হলে পূৰ্বাভাসে বলা হয় আবহাওয়া শুক্র।
- হঠাৎহাস পেলে পূৰ্বাভাসে ঝড় হতে পাৱে উল্লেখ কৰা।

**Part 2****At a glance**

- সকল গ্যাস- অঙ্গুষ্ঠ শূন্য, গোলাকার, ছিত্তিজ্ঞাপক কণা দ্বারা গঠিত
- গ্যাসের অণুগুলোর গতির উপর- অভিকর্ষ শক্তির কোনো লক্ষণ নেই
- গ্যাসের অণুগুলো দুটি সংঘর্ষের মধ্যবর্তী সময়ে- সরলরেখায় চলে
- অণুগুলোর পর পর দুটি ধাকার মধ্যবর্তী পথকে বলে- গড় মুক্তপথ
- বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের মতো আচরণ করে- উচ্চ তাপমাত্রা ও নিম্ন চাপে
- বাতাসে জলীয় বাস্পের পরিমাণ বেশি হলে এটি হ্যাবেশি আর্দ্র
- শিশিরাক বায়ুর তাপমাত্রা সমান হবে যখন আপেক্ষিক আর্দ্রতা- 100%
- বাস্তব গ্যাস বয়লের সূত্র মেনে চলে- শূব্র উচ্চ তাপমাত্রায়
- ত্বরণের গভীরতা নির্ণয়ে বাবুজ্বত হ্যাব- আদর্শ গ্যাস সমীকরণ
- সম্পৃক্ত বাস্প অসম্পৃক্ত বাস্পে পরিণত হ্যাব- তাপমাত্রার বৃক্ষির কারণে
- বায়ুতে জলীয় বাস্পের পরিমাণ ডিন হয়ে থাকে- ক্ষত্র ও ছানডেডে
- জলীয় বাস্পের সংকট তাপমাত্রা- 374°C
- সংকট তাপমাত্রা সবচেয়ে বেশি- জলীয় বাস্পের
- তাপমাত্রা বাড়লে বায়ুর জলীয় বাস্প ধারণ ক্ষমতা- বেড়ে যায়
- বোল্টজম্যান ধ্রুবক  $k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$
- S.T.P তে বায়ুর ঘনত্ব-  $1.293 \text{ kg m}^{-3}$
- S.T.P তে বায়ুর চাপ-  $1.013 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$
- ছির চাপে গ্যাসের আয়তন প্রসারণ সহগ-  $0.00366 \text{ }^{\circ}\text{C}^{-1}$
- সমোক রেখা সম্পর্কে ধারণা পাওয়া যায়- বয়লের সূত্র থেকে
- বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের ন্যায় আচরণ করে- চার্লসের সূত্র
- জলীয় বাস্পের ঘনত্বের সাথে চাপের সম্পর্ক হলো-  $P \propto P$
- আদর্শ গ্যাস হল- এক ধরনের কানিনিক ধারণা মাত্র
- চাপ, আয়তন ও তাপমাত্রা এই তিনিটি হল- চল রাশি
- সাধারণ তাপমাত্রা ও চাপে পদার্থ ব্যাবীয় অবস্থায় থাকলে হ্যাব- গ্যাস
- সমোক সমীকরণ বলা হ্যাব-  $PV = K$
- গ্যাসের গতিত্বের জন্ক- বিজ্ঞানী বানৌলি
- পরম শূন্য তাপমাত্রায় গ্যাসের অণুর বেগ- শূন্য

**Part 3****প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি****৫. গ্যাসীয় সূত্র সংক্রান্ত :**

- ⊕ বয়লের সূত্র,  $P_1 V_1 = P_2 V_2$  ⊕ চার্লসের সূত্র,  $V_1 = V_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right); \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$
- ⊕ চাপের সূত্র,  $P_1 = P_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right); \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$
- ⊕ আদর্শ গ্যাস সমীকরণ,  $PV = nRT = \frac{m}{M} RT$
- ⊕ লসমিডের সংখ্যা,  $n' = \frac{n}{V}$

**৬. জলাশয়ের গভীরতা ও বুদবুদ-সংক্রান্ত :**

- ⊕ ত্বরণের গভীরতা,  $h = \frac{(n-1)P}{\rho g}$ ; [আয়তন n গুণ হলে]
- ⊕ ত্বরণের গভীরতা,  $h = \frac{(n^2-1)P}{\rho g}$ ; [n = ব্যাসার্ধ বা ব্যাসের গুণ]

[ত্বরণের পৃষ্ঠদেশের চাপ বায়ুমণ্ডলীয় চাপের  $[10^5 \text{ Nm}^{-2}]$  সমান ]

**৭. গ্যাসের অণুর বেগ সংক্রান্ত :**

- ⊕ মূল গড় বর্গবেগ বা গড় বর্গবেগের বর্গমূল,  $\sqrt{c}$
- বা  $c_{rms} = \sqrt{\frac{c_1^2 + c_2^2 + \dots + c_n^2}{n}}$
- ⊕ মূল গড় বর্গবেগ সাথে চাপের সম্পর্ক,  $c_{rms} = \sqrt{\frac{3P}{\rho}}$
- ⊕ মূল গড় বর্গবেগ সাথে তাপমাত্রার সম্পর্ক,  $c_{rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$

**৪. গড় মুক্তপথ সংক্রান্ত :**

- ⊕ গড় মুক্তপথ,  $\lambda = \frac{1}{\pi \sigma^2 n}$  [ক্রিয়াসের সূত্রানুসারে]
- ⊕ গড় মুক্তপথ,  $\lambda = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2 n}}$  [ম্যাগ্নেটেলের সূত্রানুসারে]
- ⊕ গড় মুক্তপথ,  $\lambda = \frac{3}{4\pi\sigma^2 n}$

**৫. গ্যাসের গতিত্ব সংক্রান্ত :**

- ⊕ গতিশক্তি,  $E = \frac{3}{2} nRT$  [গ্রাম অণু বলা হলে n = 1]
- ⊕ প্রতি অণুর গ্যাসের গড় গতিশক্তি, (1)  $E = \frac{3}{2} kT$ ; (2)  $E = \frac{1}{2} Mc^2$

- ⊕ ধৰ্তি একক আয়তনে গড় গতিশক্তি,  $E = \frac{1}{3} \rho c^2$
- ⊕ একক আয়তনে অণুগুলোর গ্যাসের চাপ,  $P = \frac{2}{3} E$
- ⊕ আদর্শ গ্যাসের সমীকরণের সাহায্যে চাপ-
- ♦  $P = \frac{1}{3} \rho c^2$  ♦  $PV = \frac{1}{3} mn \bar{c}^2$  ♦  $PV = \frac{2}{3} E$  ♦  $P = \frac{2}{3} mnc^2$

**৬. স্থায়ীনতার মাত্রা ও শক্তির সমবিভাজন নীতি সংক্রান্ত :**

- ⊕ প্রত্যেক অণুর স্থায়ীনতার মাত্রার মোট শক্তির পরিমাণ =  $\frac{1}{2} KT$
- ⊕ স্থায়ীনতার মাত্রা সম্পর্ক কোনো অণুর মোট শক্তি =  $\frac{fKT}{2}$

**৭. আপেক্ষিক আর্দ্রতা ও ফ্রেইসারের সমীকরণ সংক্রান্ত :**

- ⊕  $R = \frac{f}{F} \times 100\% = \frac{P_f}{P_F} \times 100\% = \frac{m_f}{m_F} \times 100\%$
- ⊕  $(t_1 - t) = G(t_1 - t_2)$  or,  $(\theta_1 - \theta) = G(\theta_1 - \theta_2)$

**Part 4****গানিতিক সমস্যা ও সমাধান****Type 1****আদর্শ গ্যাস**

01. আদর্শ চাপে ও  $27^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রায়  $20 \text{ gm}$  অক্সিজেনের আয়তন বের কর।

**Solve:** আমরা জানি,  $PV = nRT = \frac{m}{M} RT \Rightarrow V = \frac{mRT}{PM}$

$$\Rightarrow V = \frac{20 \times 10^{-3} \times 8.31 \times 300}{1.01325 \times 10^5 \times 32 \times 10^{-3}} \therefore V = 0.01538 \text{ m}^3 \text{ Ans.}$$

02. একটি সিলিডারে রাখিত অক্সিজেন গ্যাসের আয়তন  $1000 \text{ cm}^3$  এবং তাপমাত্রা  $300 \text{ K}$  এবং চাপ  $2.5 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ । তাপমাত্রা ছির রেখে কিছু অক্সিজেন বের করে নেওয়ার পর চাপ কমে  $1.3 \times 10^5 \text{ N/m}^2$  হ্য কী পরিমাণ অক্সিজেন ব্যবহৃত হয়েছে?

**Solve:** ব্যবহৃত মোল সংখ্যা =  $\frac{(P_1 - P_2)V}{RT}$   
 $= \frac{(2.5 - 1.3) \times 10^5 \times 1000 \times 10^{-6}}{(8.314 \times 300)} = 0.048$

$$\therefore \text{ব্যবহৃত অক্সিজেন} = 0.048 \times 32 \times 10^{-3} \text{ kg} = 1.536 \times 10^{-3} \text{ kg Ans}$$

**For Practice**

01.  $72 \text{ cm}$  পারদ চাপে  $27^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রায়  $20 \text{ g}$  অক্সিজেনের আয়তন  $16.24 \times 10^{-3} \text{ m}^3$  হলে অক্সিজেনের আণবিক ভর বের কর। Ans.  $32 \text{ gm}$

02. একটি সিলিডারে  $27^{\circ}\text{C}$  তাপমাত্রায়  $2 \times 10^5 \text{ N/m}^2$  চাপে কিছু অক্সিজেন গ্যাস আছে। চাপ ছির রেখে কিছু গ্যাস বের করে দেওয়ার পর তাপমাত্রা  $15^{\circ}\text{C}$  হ্য এবং  $20 \text{ g}$  গ্যাস অবশিষ্ট থাকে। সিলিডারের আয়তন কত? Ans.  $7.35 \times 10^{-3} \text{ m}^3$

- জ্বালায় শাল চাপ  $14 \times 10^{-3}$  mHg হলে এই তাপমাত্রায় সম্পৃক্ত জলীয় শাল চাপ কত mHg? [GST-A : 21-22]
- (A)  $12 \times 10^{-3}$  (B)  $16 \times 10^{-3}$  (C)  $20 \times 10^{-3}$  (D)  $22 \times 10^{-3}$  **Ans C**
06. হিন্দু আয়তনে একটি গ্যাসের তাপমাত্রা মাড়ালে এই গ্যাসের - [GST-A : 21-22]
- (A) চাপ ও গতিশক্তি বাঢ়বে (B) চাপ ও গতিশক্তি কমবে (C) ঘনত্ব বাঢ়বে (D) ঘনত্ব কমবে **Ans A**
07. 10 লিটার আয়তনের বক্স পাতে 300 K তাপমাত্রায় 16 g অর্জিজেন যে চাপ উৎপন্ন করে, একই পাতে একই তাপমাত্রায় কত গ্রাম নাইট্রোজেন রাখলে একই চাপ উৎপন্ন করবে? [GST-A : 20-21]
- (A) 14 (B) 16 (C) 18 (D) 32 **Ans A**
08. শিশির কল্পনে আমরা কী বৃক্ষ? [CoU-A : 19-20]
- (A) তাপ (B) তাপমাত্রা (C) অর্দ্ধতা (D) আপেক্ষিক অর্দ্ধতা **Ans D**
09. C, G, S, এককে বেলজিয়াম ক্রনকের মান S.I. এককের মান আপেক্ষিক কর্তৃত বেশি? [IU-D : 19-20]
- (A)  $10^3$  (B)  $10^5$  (C)  $10^7$  (D)  $10^{-7}$  **Ans C**

**Part 7****সভাব্য MCQ**

01. কোন গ্যাসটি বাতাসে সরচেহে বেশি পরিমাণে থাকে?
- (A) oxygen (B) carbon dioxide (C) nitrogen (D) hydrogen **Ans C**
02. শানি বরফে ঝপাঝর করা হলে তার ঘনত্ব-
- (A) কমে (B) বাঢ়ে (C) শূন্য হয় (D) একই থাকে **Ans A**
03. হিন্দু তাপমাত্রার ক্ষেত্রে সম্পৃক্ত গ্যাসের অণুগুলোর জন্য কোন প্যারামিটার ক্রিয়ক?
- (A) তাপ (B) গতিশক্তি (C) আয়তন (D) গতিবেগ **Ans B**
04. পানিকে 0°C তাপমাত্রা হতে 10°C তাপমাত্রায় উত্তৃত করলে উহার আয়তন-
- (A) কমে (B) প্রথমে বাঢ়ে তারপর কমে (C) বৃদ্ধি পায় (D) পরিবর্তিত থাকে **Ans C**
05. কোন তাপমাত্রায় গ্যাসের গতিশক্তি শূন্য হবে?
- (A) 303°C (B) 273°C (C) -273°C (D) 0°C **Ans C**
06. সর্বজনীন গ্যাস ক্রিয়ক R এর মান কত?
- (A)  $8.13 \text{ kJ}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  (B)  $8.31 \text{ JK}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  (C)  $8.13 \text{ JK}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  (D)  $8.31 \text{ kJ}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  **Ans B**
07. বাছুর গ্যাস বয়েলের সূত্র মেনে চলে -
- (A) নিম্ন তাপমাত্রায় (B) 0 °C তাপমাত্রা (C) কম তাপমাত্রায় (D) উচ্চ তাপমাত্রায় **Ans D**
08. নির্দিষ্ট পরিমাণ গ্যাসের অভ্যন্তরীণ শক্তি নির্ভর করে তার -
- (A) তাপমাত্রার উপর (B) আয়তনের উপর (C) চাপের উপর (D) সবকটি **Ans A**
09. কোনটির উপর বাস্তুগ্রহণ নির্ভর করে না?
- (A) তরলের প্রকৃতি (B) বায়ুর প্রকৃতি (C) তরলের তাপমাত্রা (D) বায়ুর অর্দ্ধতা **Ans B**
10.  $PV = k$ , এই সমীকরণটি সাধারণভাবে কোন সূত্রের প্রকাশ-
- (A) চার্লসের সূত্র (B) বয়েলের সূত্র (C) আদর্শ গ্যাস সমীকরণ (D) চাপের সূত্র **Ans B**
11. হিন্দু তাপমাত্রায় 100 সে. মি. চাপে কোন গ্যাসের আয়তন 5 লিটার হলে, 50 সে. মি. চাপে এই গ্যাসের আয়তন হবে?
- (A) 5 L (B) 10 L (C) 7.5 L (D) 12.5 L **Ans B**
12. হাইড্রোলিক প্রেস তৈরি হয়েছে নিচের কোন সূত্র দ্বারা-
- (A) নিউটনের সূত্র (B) প্যাসকেলের সূত্র (C) আর্কিমিডিসের সূত্র (D) বয়েলের সূত্র **Ans B**
13. হিন্দু তাপমাত্রায় কোন গ্যাসের চাপ ও আয়তনের পরিবর্তন নিম্নের কোনটি?
- (A) আইসোথারমাল (B) আইসোব্যারিক (C) আইসোক্রনিক (D) আইডিয়াবেটিক **Ans A**
14. নিচের কোনটি পদার্থের অবস্থা নয়?
- (A) তরল (B) গ্রাস কঠিক (C) তরল স্ফটিকাকার (D) প্রাজ্ঞা **Ans B**
15. পরম বৃক্ষ ঠাণ্ডা করতে কোনটি অধিক উপযোগী?
- (A) শীতল বাতাস (B) শীতল পানি (C) বরফ (D) সবজলো সমান **Ans B**
16. কোনো বৃক্ষ তাপমাত্রা - 50°C হলে, পরম ক্ষেত্রে এর মান কত?
- (A) 250 K (B) 223 K (C) 273 K (D) 373 K **Ans B**
17. আকাশ মেঝেলা ধাক্কে পিপির পড়েনা, কারণ মেঝে একটি:
- (A) তাপবাহী পদার্থ (B) তাপবিদোধী পদার্থ (C) তাপ শেষ করে (D) কোনোটিই নয় **Ans B**
18. PV রাশিটি গ্যাসের ক্ষেত্রে নিচের কোনটি নির্দেশ করে?
- (A) শক্তি (B) ক্ষমতা (C) ভববো (D) জড়তা **Ans A**
19. একটি ক্ষার দাপ্তরী দ্বারা তাপমাত্রার সংখ্যা 5 হলে পতিত সমবিভাজন নীতি অনুযায়ী ক্ষেত্রটির মৌলিকি কত?
- (C) KT/2 (D) KT (E) 3KT/2 (F) 5KT/2 **Ans D**
20. পদার্থের গ্লুকোজ নির্ভর করে নিচের কোনটির উপর?
- (A) শীতল তাপ (B) তাপমাত্রা (C) চাপ (D) কঠিনীভবন **Ans C**
21. Bernoulli-র সূত্র হচ্ছে-
- (A) শক্তির স্বতন্ত্র মীমি (B) বোধের সূত্র (C) প্রটোনের সূত্র (D) কোনোটিই নয় **Ans D**
22. বহু প্রমাণুবিশিষ্ট গ্যাসের ক্ষেত্রে দাপ্তরী দ্বারা-
- (A) 2 (B) 3 (C) 5 (D) 6 **Ans D**
23. হথন গ্যাসের ঘনত্ব বৃক্ষি পায় তখন গ্যাস অনুব গড় মুক্তশপ-
- (A) অপরিবর্তিত ধারকবে (B) বৃক্ষি পাবে (C) কমবে (D) কোনোটিই নয় **Ans C**
24. নাইট্রোজেন গ্যাসের ক্ষেত্রে গামা ( $\gamma$ ) এর মান কত?
- (A) 1.67 (B) 1.4 (C) 1.33 (D) 1.28 **Ans B**
25. পদার্থ পরিমাপের S.I. একক কোনটি?
- (A) কিলোগ্রাম (B) পাউন্ড (C) লিটার (D) মোল **Ans D**
26. কোনো একদিনের শিশির 10°C, আপেক্ষিক অর্দ্ধতা 70%। এ দিনের বায়ুর সম্পৃক্ত বাস্তুগাঁথ কত? [10°C তাপমাত্রায় সম্পৃক্ত জলীয় বাস্তুর চাপ 14 mmHg]
- (A) 20 mmHg (B) 25 mmHg (C) 14 mmHg (D) 35 mmHg **Ans A**
27. আণবিক গতিশক্তি কোন রাশির উপর নির্ভরশীল?
- (A) ঘর্ষণ (B) তাপমাত্রা (C) অঙ্গুশশক্তি (D) তাপ **Ans B**
28. বায়ুর আপেক্ষিক অর্দ্ধতা কম হলে বাস্তুগাঁথ হবে-
- (A) অতি ধীর গতিতে (B) দ্রুত গতিতে (C) আগের মতোই (D) ধীর গতিতে **Ans B**
29. বিজ্ঞানী রেনো কত সালে চাপের সূত্র প্রতিষ্ঠা করেন?
- (A) 1840 (B) 1842 (C) 1868 (D) 1870 **Ans B**
30. কত ও সিক বায়ু অর্দ্ধতামাপক যত্নে ধার্মোমিটার দুটির তাপমাত্রার পার্থক্য হচ্ছে কমে গেলে কোনটি বোঝায়?
- (A) বাতাস শক্ত (B) বাতাস অর্দ্ধ (C) বৃক্ষি হতে পাবে (D) কাঢ় হতে পাবে **Ans B**
31. আদর্শ গ্যাসের প্রতিটি অণুর দাপ্তরী দ্বারা দ্বারা-
- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5 **Ans B**
32.  $PV = \frac{1}{3} mNe^2$  সহীকরণে e-
- (A) গড়বেগ (B) গড় বর্গবেগ (C) মূল গড় বর্গবেগ (D) আলোর বেগ **Ans C**
33. একটি বুদবুদ হুদের তলদেশ থেকে উপরিপৃষ্ঠে উঠে আসায় এর আয়তন আটকে হয়। বায়ুমণ্ডলের চাপ H মিটার উচ্চতায় পানিস্তুরের চাপের সমান হলে তদের গভীরতা হবে?
- (A) H (B) 3H (C) 5H (D) 7H **Ans D**