

SPORTS 2

Part 9

[illegible]

১০ ফেরোমিটার : পাতলা পাতের পুরুত্ব ও গোলকীয় বা ফেরিক্যাল অক্ষের ব্যাসের ব্যাসার্ধ নির্দেশে।

১১ পিচ : রৈখিক স্কেলের ক্ষুদ্রতম ঘরের মানকে ঘরের পিচ বলে।

১২ লঘিষ্ঠ প্রবক : কু-গজের সাহায্যে 0.001 cm পর্যন্ত ক্ষুদ্র দৈর্ঘ্য সঠিকভাবে পরিমাপ করা যায়।

৬৫ পরিমাপের ত্রুটি বা বিচ্যুতি সম্বন্ধে :

১৩ যান্ত্রিক ত্রুটি : পরিমাপে যে সমস্ত ঘর ব্যবহার করা হয়, সেগুলো সঠিক এবং সুস্থিত না হলে কোনো জোত বস্তু পরিমাপে ত্রুটি সৃষ্টি করে। একে যান্ত্রিক ত্রুটি বলে।

১৪ শূন্য ত্রুটি : ভর্নিয়ার স্কেল, সুইড ক্যালিপার্স, কু-গজ ও ফেরোমিটারের প্রথম স্কেলের শূন্য সাপে যদি ভর্নিয়ার বা কু-গজের স্কেলের শূন্য সাপের সাথে না মিলে তবে এ ধরনের ত্রুটি সৃষ্টি হয়। এর ফলে পরিমাপের পাঠ প্রকৃত পাঠের চেয়ে কম বা বেশি হয়।

১৫ ব্যাকল্যাশ বা পিচি ত্রুটি : নাট-কু নির্মিত উপর ভিত্তি করে তৈরি যন্ত্র নির্দিষ্ট ব্যবহারের ফলে যন্ত্র ক্ষয় হয়ে গিয়া ঘরে পড়ে ফলে উৎপন্ন দৈর্ঘ্য একে ব্যাকল্যাশ বা পিচি ত্রুটি বলে।

১৬ পর্যবেক্ষণমূলক ত্রুটি : পর্যবেক্ষকের পর্যবেক্ষণে ভুল ও সঠিক মূল্যায়নের অভাবে এ ধরনের ত্রুটি সৃষ্টি হয়। পর্যবেক্ষণ ত্রুটি নিম্নরূপে পরিণত হয় : যন্ত্র : একটি মিটার স্কেলের সাহায্যে 1 mm বা 0.1 cm সূক্ষ্মভাবে প্রকাশ করা যায়। অর্থাৎ, মিটার স্কেলের লঘিষ্ঠ গণন 1 mm বা 0.1 cm। আবার, অল্প সুইড ক্যালিপার্সের জন্য লঘিষ্ঠ গণন 0.01 mm বা 0.001 cm। অনির্দিষ্ট বা এলোমেলো ও নির্দিষ্ট বা পুনরাবৃত্তিক ত্রুটির ক্ষেত্রে লঘিষ্ঠ গণন ত্রুটি লক্ষ্য করা যায়।

১৭ ব্যক্তিগত ত্রুটি : ২. প্রাচ-দাগ ত্রুটি ৩. লক্ষণ ত্রুটি ৪. সূচক ত্রুটি ৫. পরিবেশগত ত্রুটি।

১৮ শব্দ ত্রুটি : ন্যূনতম যে পরিমাপ কোনো যন্ত্রের সাহায্যে পরিমাপ করা সম্ভব তাকে ঐ যন্ত্রের লঘিষ্ঠ গণন ত্রুটি বলে। যেমন : একটি মিটার স্কেলের সাহায্যে 1 mm বা 0.1 cm সূক্ষ্মভাবে প্রকাশ করা যায়। অর্থাৎ, মিটার স্কেলের লঘিষ্ঠ গণন 1 mm বা 0.1 cm। আবার, অল্প সুইড ক্যালিপার্সের জন্য লঘিষ্ঠ গণন 0.01 mm বা 0.001 cm। অনির্দিষ্ট বা এলোমেলো ও নির্দিষ্ট বা পুনরাবৃত্তিক ত্রুটির ক্ষেত্রে লঘিষ্ঠ গণন ত্রুটি লক্ষ্য করা যায়।

১৯ শতকরা ত্রুটি : আপেক্ষিক ত্রুটিকে শতকরা হিসাবে প্রকাশ করলে তাকে শতকরা ত্রুটি বলে। : শতকরা ত্রুটি, $\delta_x = \frac{\Delta x}{x} \times 100\%$

Part 2

At a glance

- পদার্থবিজ্ঞান কণাটি এসেছে— গ্রিক শব্দ 'ফুস' থেকে
- অনুকল্প এবং নিয়মের সমন্বয়ে গঠিত হয়— তত্ত্ব
- যে সব সূত্র পদার্থবিজ্ঞানের ভিত্তি তাকে বলে— নীতি
- তেজস্ক্রিয়তা সম্পর্কে গবেষণার জন্য নোবেল পুরস্কার পান— রাদারফোর্ড
- সোলার সিস্টেম এটম মডেলের উদ্ভাবক— আর্নেস্ট রাদারফোর্ড
- রাদারফোর্ডের নোবেল প্রাপ্তির সাল— 1908
- বিশ্বজগতে পরম স্থির বলতে কিছুই নেই— উক্তি— নিউটনের
- 'The Law of Motion.' লেখা গ্রন্থটি— গ্যালিলিও
- আধুনিক বৈজ্ঞানিক পদ্ধতির সূচনা করেন— গ্যালিলিও
- প্রথম ভাটনামো তৈরি করেন— মাইকেল ক্যারাভে
- ঘর্ষণের ফলে তড়িৎ উৎপাদন হয়, তা বলেন— ডা. গিলবার্ট
- ছানের জ্যামিতিক ধারণা প্রথম উপস্থাপন করেন— ইউক্লিড
- প্রকৃতির ইতিহাস সম্পর্কে এনসাইক্লোপিডিয়া লিখেন— অল মাসুদী
- ধাতুর ভেজাল নির্ণয়ের কৌশল আবিষ্কার করেন— আর্কিমিডিস
- ভর্নিয়ার স্কেল আবিষ্কার করেন— পিয়ের ভর্নিয়ার
- অধিকতর সূক্ষ্ম পরিমাপের জন্য প্রয়োজন— ভর্নিয়ার স্কেল
- মিটার, কিলোগ্রাম, সেকেন্ড ইত্যাদি— পরিমাপের এককের
- আন্তর্জাতিক পদ্ধতিতে মৌলিক একক— অ্যাম্পিয়ার
- দৈর্ঘ্যের একক নির্ধারণে ভূমিকা রয়েছে— আলবার
- দীপন ক্ষমতার একক নির্ধারণে ব্যবহৃত হয়েছে— প্রাটিনাম

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

৬৬ পরিমাপের ভুল বা ত্রুটি :

১ প্রকৃত মান - পরিমাপের মান
২ প্রকৃত মান $\times 100\%$

৩ একটি রাশি p যদি x, y, z রাশিগুলোর সাথে, $p = x^m \cdot y^n \cdot z^r$ সূত্র দ্বারা সম্পর্কযুক্ত হয় তবে তাদের আপেক্ষিক ত্রুটির মধ্যে সম্পর্ক হবে,

$\frac{\Delta p}{p} = m \frac{\Delta x}{x} + n \frac{\Delta y}{y} + r \frac{\Delta z}{z}$; এখানে, m, n ও r এর পরম মান নিতে হবে

৪ আয়তনের আনুপাতিক ত্রুটি, $\frac{\Delta V}{V} = 3 \times \frac{\Delta R}{R}$

৫ শতকরা ত্রুটি বা ত্রুটির শতকরা হার $= \frac{x-y}{x} \times 100\%$

৬ g-নির্ণয়ে শতকরা ত্রুটির হার $= \frac{\Delta g}{g} \times 100\%$

৬৭ সুইড ক্যালিপার্স ও কু-গজ :

১ সুইড ক্যালিপার্সের সাহায্যে সঠিক নির্ণয়ের সূত্র : $L = M + VC \times V - (2a)$

২ কু-গজের সাহায্যে সঠিক নির্ণয়ের সূত্র : $L = L_0 + C \times LC - (2b)$

৩ ভর্নিয়ার প্রবক, $VC = \frac{S}{n}$ ৪ লঘিষ্ঠ প্রবক, $LC = \frac{P}{N}$

৬৮ উনস্থিতি নির্দিষ্ট সাহায্যে বহু প্রকৃত ভর নির্ণয় :

$$M = W_0 + \frac{Q - P}{(Q - R) \times 100} \text{ gm}$$

৬৯ গড় বিচ্যুতি বা ভুল : $M.D = \left(\frac{|d_1| + |d_2| + \dots + |d_n|}{n} \right)$

৭০ প্রমাণ বিচ্যুতি : $S.D = \left(\sqrt{\frac{(d_1^2 + d_2^2 + \dots + d_n^2)}{n}} \right)$

৭১ গোলায় অক্ষের ব্যাসের ব্যাসার্ধ : $R = \frac{d^2 + h^2}{4h}$

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type 1

সুইড ক্যালিপার্স

01. সুইড ক্যালিপার্স দ্বারা কোনো বস্তুকে বহু পরিমাপে 2% ভুল হলে, প্রকৃত পরিমাপে কত শতাংশ ভুল হবে?

Solve: দেওয়া আছে, $\frac{\Delta a}{a} \times 100\% = 2\%$

বস্তুকের আয়তন, $V = a^3$

$\therefore$ আয়তন পরিমাপে শতকরা ত্রুটি, $\frac{\Delta V}{V} \times 100\% = 3 \times \frac{\Delta a}{a} \times 100\% = 6\%$

For Practice

01. একটি সুইড ক্যালিপার্সের ভুল স্কেলের 49 ভাগ ভর্নিয়ার স্কেলের 50 ভাগ সমান। ভর্নিয়ার প্রবকের মান কত? Ans: 0.02

Type 2

কু-গজ

01. একটি কু-গজের রৈখিক স্কেলের পাঠ পাওয়া গেছে 4 cm এবং বৃত্তাকার স্কেলের পাঠ পাওয়া গেছে 37। কু-গজটির লঘিষ্ঠ প্রবক 0.02 mm হলে প্রকৃত পাঠ কত?

Solve: প্রকৃত পাঠ, $L = L_0 + C \times LC = 4 + 37 \times \frac{0.02}{10} = 4.074 \text{ cm}$ Ans

For Practice

01. একটি কু-গজ এর বৃত্তাকার স্কেল সম্পূর্ণ এক পাঠ দুরলে রৈখিক স্কেল 0.5 mm দৈর্ঘ্য অতিক্রম করে। বৃত্তাকার স্কেলের ভুল স্কেল 70 হলে, কু-গজের লঘিষ্ঠ গণন কত? Ans: 0.0071 mm

৪১. একটি কেরোমিটারের যেকোনো দুই পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব 3.5 cm। এর সাহায্যে একটি উল্লম্ব সোলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর, যেখানে কেন্দ্রীয় স্থর উচ্চতা 21.4 mm পাওয়া যায়।

$$\text{Solve: } R = \frac{d^2}{6h} + \frac{h}{2} = \frac{(3.5)^2}{6 \times 21.4} + \frac{21.4}{2} = 2.02 \text{ cm Ans.}$$

For Practice

৪১. কোনো কেরোমিটারের দুটি পায়ের মধ্যবর্তী গড় দূরত্ব 4 cm। যন্ত্রের পিচ 1 mm ও বৃত্তাকার সোলের ভাগসংখ্যা 100। সমতলে পাঠ নির্ণয়ে রৈখিক স্কেল ও বৃত্তাকার স্কেলের গড়মান পাওয়া যায় যথাক্রমে 1 mm ও 47। আবার বক্রতলে গড় মানগুলো হয় যথাক্রমে 0 mm ও 62। পরিমাপ্য সোলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
 Ans : 39.834 cm

Type 4

শতকরা ত্রুটি

৪১. কোনো বস্তুর ভর $(100 \text{ kg} \pm 2\%)$ এবং আয়তন $[100 \pm 3\% \text{ m}^3]$ । এই বস্তুর ঘনত্বের শতকরা ত্রুটি কত?

$$\text{Solve: } M = 100 \pm 2 \text{ kg; } V = 100 \pm 3 \text{ m}^3; \rho = \frac{M}{V}$$

$$\therefore \text{ঘনত্বের শতকরা ত্রুটি} = \left(\frac{\Delta M}{M} + \frac{\Delta V}{V} \right) \times 100\%$$

$$= \left(\frac{2}{100} + \frac{3}{100} \right) \times 100\% = \left(\frac{5}{100} \right) \times 100\% = 5\% \text{ Ans.}$$

For Practice

৪১. একজন চাপ 760 mm Hg চাপে ফুটিত বিতরু পানিতে একটি থার্মোমিটারের পানল প্রায় অনেকক্ষণ ভুবিয়ে রেখে দেখানো তাপমাত্রা 99.5°C । প্রাপ্ত পার্শ্বের শতকরা ত্রুটির হার নির্ণয় কর।
 Ans : 0.5%

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

- কেরোমিটারের সাহায্যে একটি উল্লম্ব সোলের উচ্চতা পরিমাপ করে গড় উচ্চতা 5.21 cm এবং সমতল কাচ প্রোটের উচ্চতা 0.25 cm পাওয়া গেল। কেরোমিটারের তিন পায়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব যথাক্রমে 6.3 cm, 6.5 cm ও 6.4 cm। উল্লম্ব সোলের গতিপথ ও কাচ প্রোটের উচ্চতা একই হলে উল্লম্ব সোলের বক্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর [GST-A : 23-24]
 A) 3.65 cm B) 3.68 cm C) 3.86 cm D) 3.58 cm (Ans C)
- কোনটি মৌলিক এককের পরিমাপ নয়? [GST-A : 23-24]
 A) সময় B) ভর C) ভরবেগ D) তাপমাত্রা (Ans C)
- একটি সোলের ব্যাসার্ধ $(3 \pm 0.06) \text{ mm}$ হলে এর প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল নির্ণয়ে ত্রুটি- [GST-A : 21-22]
 A) 2% B) 3% C) 5% D) 4% (Ans D)
- একটি সোলের ব্যাসার্ধ $(2.0 \pm 0.1) \text{ m}$ ধরে পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল হিসাব করলে শতকরা ত্রুটি কত? [GST-A : 20-21]
 A) 5 B) 10 C) 15 D) 20 (Ans B)
- একটি সোলের পরিমাপ ব্যাসার্ধ $(2.5 \pm 0.2) \text{ cm}$ হলে, এর আয়তন পরিমাপে শতকরা ত্রুটি কত? [KU-A : 19-20]
 A) 8 B) 11 C) 24 D) 32 (Ans C)
- এককের সঠিক ক্রম কোনটি? [CoU-A : 19-20]
 A) পারসেক > এ্যাংস্ট্রম > মেগামিটার > আলোক বছর
 B) পারসেক > আলোক বছর > মেগামিটার > এ্যাংস্ট্রম
 C) আলোক বছর > এ্যাংস্ট্রম > মেগামিটার > পারসেক
 D) এ্যাংস্ট্রম > পারসেক > আলোক বছর > মেগামিটার (Ans B)
- মৌলিক একক- [IU-D : 19-20]
 A) Coulomb B) Ampere C) Volt D) Ohm (Ans B)
- 1 ইন্টারমিটার = কত? [JKNU-B : 19-20]
 A) 10^{13} m B) 10^{18} m C) 10^{20} m D) 10^{24} m (Ans D)

Part 6

সম্ভাব্য MCQ

- পরমাণুর সমস্ত ধনাত্মক আধান এক ভর এর কেন্দ্রে অবস্থিত-এই তত্ত্ব কে উপস্থাপন করেন?
 A) রাদারফোর্ড B) গ্যালিলিও C) আইনস্টাইন D) ম্যাক্স প্রান্স (Ans A)
- আমাদের পক্ষ ইলেক্ট্রন পরিপার্শ্বিক পর্যবেক্ষণ ও উপকল্পির অনুভব মত্রে যে সত্যের কাছাকাছি চাঁচ আঁচ করে তাকে কী বলে?
 A) ধারণা B) স্বীকার্য C) নীতি D) সূত্র (Ans A)
- কোনো গোলকের ব্যাসার্ধের প্রকৃত মান 3 cm এবং পরিমাপ্য মান 2.98 cm। গোলকটির আয়তন পরিমাপে শতকরা ত্রুটি কত?
 A) 0.02% B) 0.066% C) 0.66% D) 2% (Ans D)
- সোভেল ত্রুটি কোন যন্ত্রের পরিমাপের জন্য প্রযোজ্য?
 A) কু-গজ B) মিটার স্কেল C) উল্লম্বিত নীতি D) কেরোমিটার (Ans C)
- অনুপস্থিতির মাধ্যমে যে যৌক্তিক ব্যাখ্যা বেরিয়ে আসে, তাকে কী বলে?
 A) অনুকল্প B) সূত্র C) তত্ত্ব D) নীতি (Ans A)
- এক ন্যানোমিটার সমান কত মিটার?
 A) 10^{-8} m B) 10^{-7} m C) 10^{-14} m D) 10^{-9} m (Ans D)
- π -এর মান কে সর্বপ্রথম নির্ণয় করেন?
 A) ইউক্লিড B) ইবনে হাইয়ান C) নিউটন D) আর্কিমিডিস (Ans D)
- 10 m দৈর্ঘ্য পরিমাপে ত্রুটির পরিমাণ 10 cm হলে ত্রুটির হার কত?
 A) 0.01% B) 0.1% C) 1% D) 10% (Ans C)
- নিচের বিবরণগুলোর মধ্যে কোনটি সবচেয়ে বেশি পদার্থবিদ্যা দ্বারা প্রভাবিত?
 A) সাহিত্য-সংস্কৃতি B) প্রাণবিদ্যা C) দর্শন D) রসায়ন (Ans D)
- 1 মাইল ও 1 কিলোমিটার দূরত্বের পার্থক্য মিটারে কত হবে
 A) 0.609 m B) 6.09 m C) 60.9 m D) 609 m (Ans D)
- এক টেরা মিটার সমান কত?
 A) 10^9 m B) 10^{12} m C) 10^{15} m D) 10^{18} m (Ans B)
- কোনো একটি দণ্ডের পরিমাপকৃত দৈর্ঘ্য 20 cm এবং প্রকৃতমান 25 cm হলে পরিমাপের শতকরা ত্রুটি কত?
 A) 20% B) 15% C) 25% D) 10% (Ans A)
- কিউসেক পানি লিটার/ সেক. এককে কত?
 A) 28.517 B) 28.317 C) 28.717 D) 28.917 (Ans B)
- সর্বাপেক্ষা ছোট একক কোনটি?
 A) মিলি মাইক্রোন B) অ্যাটো-মিটার C) এক্স-রে ইউনিট D) অ্যাংস্ট্রম (Ans C)
- সূর্য সময় মাপের জন্য কোন যন্ত্র ব্যবহৃত হয়?
 A) ব্যারোমিটার B) গ্যালভানোমিটার C) ক্রোনোমিটার D) ঘড়ি (Ans C)
- "এক প্রকার গতিপথ উপবৃত্তাকার"-তত্ত্ব কে আবিষ্কার করেছেন?
 A) কেপলার B) টলেমি C) পিথাগোরাস D) গ্যালিলিও (Ans A)
- ভূমিকম্পন মাপার যন্ত্রের নাম কী?
 A) স্পিডোমিটার B) হাইড্রোমিটার C) থার্মোমিটার D) সিসমোগ্রাফ (Ans D)
- সনাতনী বশবিদ্যায় কোন দুটিকে ধ্রুব ধরা হয়?
 A) স্থান ও কাল B) স্থান ও দ্রুতি C) দ্রুতি ও কাল D) স্থান ও ভর (Ans A)
- ভার্মিয়ার স্কেল দিয়ে সর্বনিম্ন কত একক পর্যন্ত মাপা হয়?
 A) মিলিমিটার B) ন্যানোমিটার C) মাইক্রোমিটার D) সেন্টিমিটার (Ans A)
- কোনো কিছু ব্যাখ্যার জন্য যে আনুষ্ঠানিক চিন্তাধারা তাকে বলে-
 A) স্বীকার্য B) তত্ত্ব C) অনুকল্প D) সূত্র (Ans B)
- তাড়িত চৌম্বক বল কোন কণার পারস্পরিক বিনিময়ের জন্য কার্যকর হয়?
 A) ফোটন B) মেসন C) প্রোটন D) গ্রাভিটন (Ans B)
- একটি কেরোমিটারের লম্বিত প্রস্থকের মান 0.01 mm হলে এর দ্বারা ক্ষুদ্রতম যে বেধ মাপা সম্ভব তা হল?
 A) 0.1 mm B) 0.01 mm C) 1.0 mm D) 0.05 mm (Ans B)
- পদার্থবিজ্ঞানের ভাষা কোনটি?
 A) ইংরেজি ভাষা B) গণিত C) রসায়ন D) কম্পিউটার (Ans B)
- নিচের কোনটি দ্বারা এক পিকো বোঝায়?
 A) 10^{-12} B) 10^{-9} C) 10^9 D) 10^{12} (Ans A)
- "ভর ও শক্তি সমতুল্য"- কোন বিজ্ঞানীর অভিমত?
 A) নিউটন B) গ্যালিলিও C) আইনস্টাইন D) ফ্যারাডে (Ans C)

৬ বিভিন্ন ধরনের রাশি :

- ◆ স্কেলার রাশিসমূহ : তাপ, চাপ, ঘনত্ব, আয়তন, তাপমাত্রা, সময়, দৈর্ঘ্য, ভর, কাজ, ক্ষমতা, শক্তি, বিকৃতি, প্রতিসরাঙ্ক, ডাইভারজেন্স, তড়িৎ বিভব, বিভব, মহাকর্ষীয় বিভব, তড়িৎ প্রবাহ বা প্রবাহমাত্রা, গতি ও স্থিতি, জড়তার ভ্রামক, চক্রগতির ব্যাসার্ধ, ধারকত্ব ও চার্জ।
- ◆ ভেক্টর রাশিসমূহ : ভরবেগ, বেগ, বল, সরণ, ত্বরণ, টর্ক, বিনতি কোণ, বলের ঘাত, কৌণিক ভরবেগ, কেন্দ্রমুখী ত্বরণ, পয়েন্টিং ভেক্টর, চৌম্বক চুম্বক ঘনত্ব, তড়িৎ প্রাবল্য, তড়িৎ ও চৌম্বক ক্ষেত্র, কার্ল, হ্রেডিয়েন্ট, তড়িৎ ও চৌম্বক ভ্রামক, চৌম্বক ও শব্দের প্রাবল্য, পীড়ন, সাম্প্রতিক গুণক, মহাকর্ষীয় বল, মহাকর্ষীয় প্রাবল্য, কৌণিক ত্বরণ ও বল, পৃষ্ঠটান বা পৃষ্ঠশক্তি ও প্রবাহ ঘনত্ব।
- ◆ বিশেষ তথ্য : জড়তার ভ্রামক ব্যতিত সকল ধরনের প্রাবল্য ও ভ্রামক ভেক্টর রাশি।

৬ ভেক্টর রাশির বিভিন্ন সূত্রসমূহ : সাধারণ সূত্র, ত্রিভুজ সূত্র, ভেক্টর যোগের সামান্তরিক সূত্র

৬ ভেক্টর রাশির গুণন : ভেক্টর রাশির গুণন দুই ধরনের। যেমন : 1. স্কেলার গুণন 2. ভেক্টর গুণন।

- ◆ স্কেলার গুণন বা ডট গুণন : দুটি ভেক্টর রাশির স্কেলার গুণফল একটি স্কেলার রাশি হবে যার মান রাশি দুটির মানের গুণফলের সাথে তাদের মধ্যবর্তী কোণের কোসাইনের গুণফলের সমান। ডট গুণন বটন ও বিনিময় সূত্র মেনে চলে। ভেক্টরের ডট গুণন cosine এর সূত্র মেনে চলে।
- ◆ ভেক্টর বা ক্রস গুণন : দুটি ভেক্টর রাশির গুণফল যদি একটি ভেক্টর রাশি হয় তবে ঐ গুণনকে ভেক্টর গুণন বা ক্রস গুণন বলে। এ ভেক্টরের গুণফলের মান ভেক্টর রাশি দুটির মান এবং তাদের মধ্যবর্তী কোণের সাইন (sine)- এর গুণফলের সমান। ভেক্টর গুণফলের দিক ডানহাতি স্ক্রু নিয়মে নির্ণয় করা হয়। ক্রস গুণন বটন সূত্র মেনে চলে কিন্তু বিনিময় সূত্র মেনে চলে না। ভেক্টরের ক্রস গুণন sine এর সূত্র মেনে চলে।

৬ ভেক্টর রাশির অপারেটর :

- ◆ ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটর : ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটরটি স্যার হ্যামিল্টন প্রথম আবিষ্কার করেন। গিবস একে 'ডেল' নামকরণ দেন। এর অপর নাম ন্যাবলা। ভেক্টর ডিফারেনশিয়াল অপারেটর নিম্নোক্তভাবে প্রকাশ করা হয়। $\therefore \vec{\nabla} = \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k}$

- ◆ হ্রেডিয়েন্ট : ভেক্টর অপারেটর $\vec{\nabla}$ দ্বারা কোন একটি স্কেলার ফাংশন $\phi(x, y, z)$ -কে অন্তরীকরণ করলে পাওয়া যায় $\vec{\nabla}\phi$, $\vec{\nabla}\phi$ -কে (x, y, z) অবস্থানে ϕ -এর

হ্রেডিয়েন্ট বলে। অর্থাৎ, $\text{grad } \phi = \left(\frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right) \phi = \frac{\partial \phi}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial \phi}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial \phi}{\partial z} \hat{k}$

- ◆ বৈশিষ্ট্য : ◆ স্কেলার রাশির হ্রেডিয়েন্ট একটি ভেক্টর ক্ষেত্র। ◆ স্কেলার রাশির সর্বাধিক বৃদ্ধির হারই হলো উক্ত ভেক্টর ক্ষেত্রের মান। ◆ স্কেলার রাশির পরিবর্তন বিন্দুর স্থানাঙ্ক এর পরিবর্তনের দিকের উপর নির্ভরশীল।

- ◆ ডাইভারজেন্স : ভেক্টর অপারেটর ন্যাবলা $\vec{\nabla}$ এর সাথে কোন একটি ভেক্টর ক্ষেত্রের স্কেলার গুণনকে ঐ ক্ষেত্রের ডাইভারজেন্স বলে।

ডাইভারজেন্সকে $\vec{\nabla} \cdot \vec{V}$ বা $\text{div. } \vec{V}$ লিখে প্রকাশ করা হয়। গাণিতিকভাবে লেখা যায়, $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = \frac{\partial V_1}{\partial x} + \frac{\partial V_2}{\partial y} + \frac{\partial V_3}{\partial z}$ এটি স্কেলার রাশি।

- ◆ বৈশিষ্ট্য : ◆ মান ধনাত্মক হলে, তরল পদার্থের আয়তন বৃদ্ধি পায়, ঘনত্বের হ্রাস ঘটে। অর্থাৎ, $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = '+' \text{ ve}$

- ◆ মান ঋণাত্মক হলে, তরল পদার্থের আয়তন হ্রাস হয়, ঘনত্বের বৃদ্ধি ঘটে। অর্থাৎ, $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = '-' \text{ ve}$

- ◆ মান শূন্য হলে, আগত ও নির্গত ফ্লাক্স সমান হয়। $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$ হলে, কোনো ভেক্টর ক্ষেত্রের ডাইভারজেন্স শূন্য হলে, তা সলিনয়ডাল হয়।

- ◆ কার্ল : ভেক্টর অপারেটর $\vec{\nabla}$ এর সাথে কোন একটি ভেক্টর ক্ষেত্রের ক্রস বা ভেক্টর গুণনকে ঐ ভেক্টর ক্ষেত্রের কার্ল বলে। কার্ল একটি ভেক্টর রাশি। কার্ল শূন্য হলে উক্ত ভেক্টরকে অঘূর্ণনশীল ভেক্টর বলা হয়। একে $\vec{\nabla} \times \vec{V}$ বা $\text{curl } \vec{V}$ আকারে প্রকাশ করা হয়। $\vec{\nabla} \times \vec{V} = 2\vec{\omega}$

◆ বৈশিষ্ট্য :

- ◆ কোনো ভেক্টর রাশির কার্ল শূন্য হলে, $\vec{\nabla} \times \vec{F} = 0$ হলে $\vec{F}$ সংরক্ষণশীল। আবার $\vec{\nabla} \times \vec{F} \neq 0$ হলে $\vec{F}$ অসংরক্ষণশীল হবে।

- ◆ কোনো দৃঢ় বস্তু $\vec{v}$ রৈখিক বেগে গতিশীল হলে $\text{Curl } \vec{v}$ বস্তুটির কৌণিক বেগের দ্বিগুণের সমান হবে। অর্থাৎ $\text{Curl } \vec{v} = \vec{\nabla} \times \vec{v} = 2\vec{\omega}$ হবে।

At a glance

Part 2

- ভেক্টরের মান শূন্য হলে তাকে বলে- সঠিক ভেক্টর
- বেগের ভেক্টর হলো- বল, ত্বরণ ও ভরবেগ
- হলফ এক ধরনের- ফেলার রাশি
- কোনো ভেক্টরের মান যদি একক হয় তবে তাকে বলে- একক ভেক্টর
- শূন্য ভেক্টর ছাড়া অন্যান্য সকল ভেক্টর- সঠিক ভেক্টর
- $\hat{i} + \hat{j}$ এবং $\hat{i} - \hat{j}$ এর মধ্যবর্তী কোণ- 90°
- $\hat{j}$ এবং $\hat{k}$ একক ভেক্টরদ্বয়ের মধ্যবর্তী কোণ- 90°
- কৌণিক ভরবেগের দিক হচ্ছে- $\vec{r} \times \vec{p}$ এর দিকে
- লব্ধি সম্পূর্ণ সঠিক মান পাওয়া সম্ভব- সামান্তরিক সূত্রে
- দুটি ভেক্টর রাশির ক্রম গুণফল শূন্য হলে তারা পরস্পর- সমান্তরাল
- ভেক্টর বিভাজনে ব্যবহার করা হয়- ত্রিভুজের সাইন সূত্র
- কোণ গুণন বিনিময় সূত্র মেনে চলে কিন্তু ভেক্টর গুণন- মেনে চলে না
- দৈতক পাখা ঘুরলে পাখার নিচে বাতাস লাগে- ডান হাতি স্ক্রু নিয়মে
- ভেক্টর ফেলার রাশি দ্বারা গুণ করলে গুণফল একটি- ভেক্টর হয়
- ল বেলার ঠেলার মুহুর্তে ওজন টানার মুহুর্তের ওজন থেকে- $2F \sin \theta$
- কিছু বেশি অনুভূত হয়
- ভেক্টর ক্রম গুণন মেনে চলে- sine এর সূত্র
- ভেক্টর ভট গুণন মেনে চলে- cosine এর সূত্র
- কিছু প্রকৃত অবস্থা জানতে হলে বেগের মানের সাথে জানতে হবে- দিক
- একই কলবিদ্যায় ভূমিকা লক্ষ্য করা যায়- ডাইভারজেন্সের
- হার্গার নতিমাত্রা বা কার্ভের ডাইভারজেন্স শূন্য- $\vec{\nabla} \cdot (\vec{\nabla} \times \vec{V}) = 0$
- চিন্তা একক ভেক্টরের যোগফল একটি- একক ভেক্টর

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

ভেক্টর শির্ষ ও ভেক্টর গুণন সংক্রান্ত :

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta \quad \vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$$

$$\vec{A} \text{ বরাবর } \vec{B} \text{ এর লম্ব অভিক্ষেপ, } B \cos \theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}|}$$

$$\vec{B} \text{ বরাবর } \vec{A} \text{ এর লম্ব অভিক্ষেপ, } A \cos \theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{B}|}$$

$$R = \sqrt{P^2 + Q^2 + 2PQ \cos \alpha} \quad \tan \theta = \frac{Q \sin \alpha}{P + Q \cos \alpha}$$

দিক ও কোণ সংক্রান্ত :

উল্লম্বভাবে পতিত বৃষ্টির সাথে ছাতা ধরতে হবে উল্লম্বের সাথে যত কোণে,

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{বৃষ্টির বেগ}}{\text{চালার বেগ}} \right)$$

উল্লম্বভাবে পতিত বৃষ্টির সাথে ছাতা ধরতে হবে অনুভূমিকের সাথে যত

$$\text{কোণে, } \theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{বৃষ্টির বেগ}}{\text{চালার বেগ}} \right)$$

এক ভেক্টর সংক্রান্ত :

$$\vec{A} \text{ এর সমান্তরাল একক ভেক্টর, } \hat{a} = \frac{\vec{A}}{|\vec{A}|}$$

লন-রোলার ঠেলা অপেক্ষা টানা সহজতর :

$$\diamond \text{ রোলার ঠেলার ক্ষেত্রে মোট ওজন} = (W + F \sin \theta)$$

$$\diamond \text{ রোলার টানার ক্ষেত্রে মোট ওজন} = (W - F \sin \theta)$$

গ্রেডিয়েন্ট, ডাইভারজেন্স ও কার্ল সংক্রান্ত :

$$\diamond \text{ গ্রেডিয়েন্ট, } \vec{\nabla} \phi = \frac{\partial \phi}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial \phi}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial \phi}{\partial z} \hat{k}$$

$$\diamond \text{ ডাইভারজেন্স, } \vec{\nabla} \cdot \vec{V} = \frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z}$$

$$\diamond \text{ কার্ল, } \vec{\nabla} \times \vec{V} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ V_x & V_y & V_z \end{vmatrix}$$

[Note: $\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$ হলে $\vec{V}$ ভেক্টরটি সলিনয়ডাল বা ডোলাকৃতি।

$\vec{\nabla} \times \vec{V} = 0$ হলে $\vec{V}$ ভেক্টরটি অদূর্ণনীয় বা সংরক্ষিত।]

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type 1

ভেক্টরের লব্ধির মান ও দিক

01. দুটি ভেক্টর রাশির প্রত্যেকটির মান 5 একক। তারা একই বিন্দুতে পরস্পর 120° কোণে ফিরা করে। তাদের লব্ধির মান ও দিক নির্ণয় কর।

[Solve: যদি লব্ধি ভেক্টর R হয়, তবে আমরা জানি,

$$R = \sqrt{(5)^2 + (5)^2 + 2 \times 5 \times 5 \times \cos 120^\circ} = 5 \text{ একক Ans.}$$

$$\text{আবার, } \tan \theta = \frac{Q \sin \alpha}{P + Q \cos \alpha} = \frac{5 \sin 120^\circ}{5 + 5 \cos 120^\circ} \Rightarrow \theta = 60^\circ \text{ Ans.}$$

For Practice

01. দুটি ভেক্টরের মান যথাক্রমে 3 একক ও 4 একক। এদের ফেলার গুণফলের মান 6 একক হলে, এদের মধ্যবর্তী কোণ কত হবে? Ans. $\frac{\pi}{3}$

Type 2

লন রোলার টানা ও ঠেলা

01. একটি লন রোলার টানা ও ঠেলার জন্য অনুভূমিকের সাথে 30° কোণে 20 N বল প্রয়োগ করা হলো। টানার সময় ওজন ঠেলা অপেক্ষা কম হবে-

[Solve: টানার ক্ষেত্রে ওজন = $W - F \sin 30^\circ$

ঠেলার ক্ষেত্রে ওজন = $W + F \sin 30^\circ$

$$\text{পার্থক্য} = W + F \sin 30^\circ - (W - F \sin 30^\circ) = 20 \text{ N Ans.}$$

For Practice

01. একটি লন রোলার ঠেলার জন্য অনুভূমিকের সাথে 60° কোণে 10 N বল প্রয়োগ করা হলো। রোলারটির ওজন স্থির অবস্থার ওজনের চেয়ে বেশি হবে? Ans. 8.66 N

Type 3

ফেলার ও ভেক্টর গুণন

01. $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$ এবং $\vec{B} = m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}$; m এর মান কত হলে ভেক্টরদ্বয় পরস্পরের উপর লম্ব হবে।

[Solve: দুটি ভেক্টর পরস্পর লম্ব হলে ডট গুণফল শূন্য হয়।

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta \Rightarrow (2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}) \cdot (m\hat{i} + 2\hat{j} + 10\hat{k}) = 0$$

$$\Rightarrow 2m + 6 - 50 = 0 \Rightarrow m = \frac{44}{2} \therefore m = 22 \text{ Ans.}$$

02. একটি ত্রিভুজের কেন্দ্রল নির্ণয় কর, যার দুই বাহু যথাক্রমে

$$\vec{A} = 3\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k} \text{ এবং } \vec{B} = \hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$$

$$\text{Solve: } \vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 3 & 1 & -2 \\ 1 & -3 & 4 \end{vmatrix}$$

$$= \hat{i}(4-6) - \hat{j}(12+2) + \hat{k}(-9-1) = -2\hat{i} - 14\hat{j} - 10\hat{k}$$

$$\therefore |\vec{A} \times \vec{B}| = \sqrt{2^2 + 14^2 + 10^2} = 10\sqrt{3}$$

$$\therefore \text{কেন্দ্রল} = \frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}| = 5\sqrt{3} \text{ বর্গ একক Ans.}$$

For Practice

01. যদি $\vec{P} = 5\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$, $\vec{Q} = \hat{i} - \hat{k}$ হয় তবে $\vec{P} \times \vec{Q}$ কত? Ans. $3\hat{i} + 9\hat{j} + 3\hat{k}$

Type 4

ভেক্টরের লম্ব অভিক্ষেপ

*

01. $\vec{A} = \hat{i} - 4\hat{j} + 5\hat{k}$ ও $\vec{B} = 6\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}$ হলে B বরাবর A এর লম্ব অভিক্ষেপ বা অংশ নির্ণয় কর।

$$\text{Solve: } A \cos \theta = \frac{6 + 12 + 10}{\sqrt{36 + 9 + 4}} = 4 \text{ Ans.}$$

For Practice

01. $\vec{A} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{B} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$ । ভেক্টরদ্বয়ের লব্ধি ভেক্টরের উপর A ভেক্টরের লম্ব অভিক্ষেপ নির্ণয় কর। Ans. $\sqrt{3}$

Type 5

একক ভেক্টর

*

01. $\vec{A} = 2\hat{i} - 6\hat{j} - 3\hat{k}$ ও $\vec{B} = 4\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$ দ্বারা গঠিত সমতলের উপর লম্ব একক ভেক্টর নির্ণয় কর।

$$\text{Solve: } \hat{n} = \frac{\pm(\vec{A} \times \vec{B})}{|\vec{A} \times \vec{B}|} = \frac{\pm(\hat{i}(6+9) + \hat{j}(-12+2) + \hat{k}(6+24))}{\sqrt{15^2 + 10^2 + 30^2}}$$

$$= \pm \frac{15\hat{i} - 10\hat{j} + 30\hat{k}}{\sqrt{1225}} = \pm \left(\frac{3}{7}\hat{i} - \frac{2}{7}\hat{j} + \frac{6}{7}\hat{k} \right) \text{ Ans.}$$

For Practice

01. $\vec{A} = 3\hat{i} - 2\hat{j} - 6\hat{k}$ - এর সমান্তরাল একক ভেক্টর নির্ণয় কর।

$$\text{Ans. } (3\hat{i} - 2\hat{j} + 6\hat{k}) / 7$$

Type 6

ভেক্টর অপারেটর

*

01. অবস্থান ভেক্টর $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$ হলে দেখাও যে, $\vec{\nabla} \cdot \vec{r} = 3$

$$\text{Solve: } \text{এখানে, } \vec{\nabla} = \left(\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

$$\text{অতএব, } \vec{\nabla} \cdot \vec{r} = \left(\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z} \right) \cdot (x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k})$$

$$= \frac{\partial x}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial y} + \frac{\partial z}{\partial z} = 1 + 1 + 1 = 3 \therefore \vec{\nabla} \cdot \vec{r} = 3 \text{ [Showed]}$$

For Practice

01. দেওয়া আছে, $\phi = 2xy^4 - x^2z$; $(2, -1, -2)$ বিন্দুতে ϕ এর গ্রেডিয়েন্ট ($\vec{\nabla}\phi$) নির্ণয় কর। Ans. $10\hat{i} - 16\hat{j} - 4\hat{k}$

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একটি পাথরকে 4.9 ms^{-1} বেগে খাড়া উপরের দিকে নিক্ষেপ করা হলো। কত সেকেন্ড পরে পাথরটি ভূ-পৃষ্ঠে ফিরে আসবে? [NU-Science : 14-15]
 (A) 4.9 s (B) 9.8 s (C) 2 s (D) 1 s (Ans: D)
02. দুটি ভেক্টর $\vec{A} = 2\hat{i} + 2\hat{j}$ এবং $\vec{B} = 6\hat{i} - 3\hat{j}$ হলে এদের মধ্যবর্তী কোণের মান হবে - [NU-Science : 14-15]
 (A) $\sim 61^\circ$ (B) $\sim 71^\circ$ (C) $\sim 80^\circ$ (D) $\sim 105^\circ$ (Ans: B)
03. α -এর মান কত হলে, $\vec{A} = 2\hat{i} + \alpha\hat{j} + \hat{k}$ এবং $\vec{B} = 4\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$ ভেক্টরদ্বয় পরস্পর লম্ব হবে? [NU-Science : 12-13]
 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (Ans: C)
04. $|\vec{a} \times \vec{b}| = \vec{a} \cdot \vec{b}$ হলে, $\vec{a}$ ও $\vec{b}$ এর মধ্যবর্তী কোণের মান কত? [NU-Science : 11-12]
 (A) 0 (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) π (Ans: D)
05. নিম্নলিখিত রাশিগুলোর মধ্যে কোনটি ভেক্টর রাশি? [NU-Science : 10-11]
 (A) বৈদ্যুতিক বিভব (B) কাজ (C) স্বকীয় আবেশ গুণাঙ্ক (D) চৌম্বক প্রাবল্য (Ans: D)
06. $\vec{A} = -\vec{B}$ হলে, $\vec{A} \times \vec{B}$ এর মান - [NU-Science : 10-11]
 (A) $-\vec{A}^2$ (B) 0 (C) $-\vec{B}^2$ (D) 1 (Ans: B)
07. 5 N ও 5 N বল দুইটির লব্ধির মান 5 N হলে, তাদের মধ্যবর্তী কোণ হবে - [NU-Science : 10-11]
 (A) 0° (B) 60° (C) 90° (D) 120° (Ans: D)
08. $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + 5\hat{k}$ এবং $\vec{B} = a\hat{i} + 2\hat{j}$; a এর মান কত হলে, ভেক্টরদ্বয় পরস্পর লম্ব হবে? [NU-Science : 09-10]
 (A) 20 (B) 3 (C) 6 (D) -3 (Ans: D)
09. 5 N এবং 10 N মানের দুটি বল একটি কণার উপর আরোপিত হলে, নিম্নের কোন বলটি কণাটির উপর লব্ধি বল হতে পারে না? [NU-Science : 08-09]
 (A) 5 N (B) 10 N (C) 15 N (D) 20 N (Ans: D)
10. $\hat{i}, \hat{j}$ ও $\hat{k}$ একক ভেক্টর হলে, $\hat{i} \cdot (\hat{j} \times \hat{k}) = ?$ [NU-Science : 05-06]
 (A) 0 (B) 1 (C) -1 (D) $\hat{k}$ (Ans: B)
11. $\hat{k} \times \hat{j} =$ কত? [NU-Science : 04-05]
 (A) 0 (B) $\hat{i}$ (C) $-\hat{i}$ (D) $\hat{j}\hat{k}$ (Ans: B)
12. $\hat{i} = \hat{j} \times \hat{k}$ হলে, j ও k তলের সঙ্গে i যে কোণ উৎপন্ন করবে - [NU-Science : 03-04]
 (A) 0° (B) 30° (C) 90° (D) 60° (Ans: C)
13. ভেক্টর $\vec{a}$ ও $\vec{b}$ একই দিক নির্দেশ করবে, যদি [NU-Science : 02-03]
 (A) $\vec{a} \cdot \vec{b} \neq ab$ (B) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ (C) $\vec{a} \times \vec{b} = 0$ (D) $\vec{a} \times \vec{b} \neq 0$ (Ans: C)

Part 6

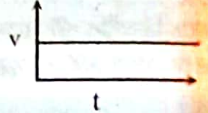
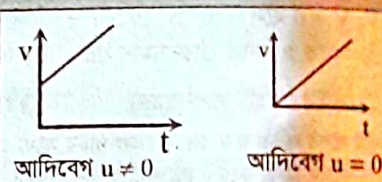
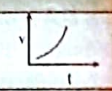
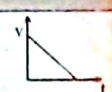
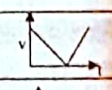
জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01. $\vec{A} = 3\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$ এবং $\vec{B} = 2\hat{i} - 2\hat{j} + 4\hat{k}$ । উভয় ভেক্টরের ওপর অভিলম্ব ভেক্টর হলো - [GST-A : 23-24]
 (A) $-8\hat{i} - 8\hat{j} + 8\hat{k}$ (B) $8\hat{i} - 8\hat{j} - 8\hat{k}$ (C) $8\hat{i} - 8\hat{j} + 8\hat{k}$ (D) $8\hat{i} + 8\hat{j} + 8\hat{k}$ (Ans: B)
02. XY সমতলে $6\hat{i} + 8\hat{j} - 5\hat{k}$ ভেক্টরটির দৈর্ঘ্য কত একক? [GST-A : 21-22]
 (A) 6 (B) 10 (C) 8 (D) $5\sqrt{5}$ (Ans: B)
03. ফেলার গুণনের উদাহরণ কোনটি?
 (A) কাজ (B) বল (C) টর্ক (D) কৌণিক ভরবেগ (Ans: A)

৬ প্রসঙ্গ কাঠামো সংক্রান্ত :

- ৷ প্রসঙ্গ কাঠামো : যে দৃঢ় বস্তুর সাপেক্ষে কোনো স্থানে কোনো বিন্দু বা বস্তুকে সুনির্দিষ্ট করা হয় তাকে প্রসঙ্গ কাঠামো বলে।
- একমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামো : দীর্ঘ সরু দণ্ড, দীর্ঘ সরু সূতা, বুলবুল সূতা ও মুক্তভাবে পড়ন্ত বস্তুর গতি ইত্যাদি।
 - দ্বি-মাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামো : পাতলা কাগজ, পাতলা ধাতব পাত ও প্রক্ষেপকের গতি ইত্যাদি।
 - ত্রিমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামো : টেবিল, চেয়ার, ইট, পাথর ও উড়ন্ত প্রজাপতি ইত্যাদি।

■ বেগ বনাম সময় লেখচিত্র:

সমবেগে গতিশীল বস্তুর ক্ষেত্রে	
• সমবেগের ক্ষেত্রে বেগের মান ধ্রুবক থাকে। সময়ের সাথে পরিবর্তিত হয় না। • বস্তু দ্বারা অতিক্রান্ত দূরত্ব বেগ-সময় লেখচিত্রের বেগ ও সময় অক্ষের দ্বারা সীমাবদ্ধ ক্ষেত্রফলের সমান হয়। • অতিক্রান্ত দূরত্ব নির্ণয় করা যায়। • সমবেগ গতিশীল হলে, $s = vt \therefore s \propto t$ (v ধ্রুবক)	
সমত্বরণ	
$v = v_0 + at \Rightarrow v = at$ ($v_0 = 0$) $\therefore v \propto t$ (a ধ্রুবক) • সমত্বরণে সরলরেখা বরাবর সচল বস্তুর বেগ-সময় লেখচিত্রটি একটি সরলরেখা হয়। • বস্তুটি স্থির অবস্থান থেকে যাত্রা শুরু করলে সরলরেখাটি মূল বিন্দুগামী হয়। • সরলরেখাটির নতি বা ঢাল বস্তুর সমত্বরণের সমান হয়। ঢাল = ত্বরণ (a) = $\frac{v}{t}$ • এ ধরনের লেখচিত্র দ্বারা ত্বরণ নির্ণয় করা যায়।	
অসম ত্বরণের ক্ষেত্রে	
• অসম ত্বরণে চলমান বস্তুর ক্ষেত্রে বেগ-সময় লেখচিত্রটি বক্ররেখা হয়। • বিন্দুতে তৎকালিক ত্বরণ চলমান ঐ বিন্দুতে লেখচিত্রের স্পর্শকের ঢালের সমান হয়। সময়ের সঙ্গে লেখচিত্রটির ঢাল বাড়তে থাকে।	
সমমন্দন	
$v = v_0 - at \Rightarrow v = -at + v_0$ • বেগ-সময় লেখচিত্রটি সরলরেখা হবে। • $y = mx + c$, এর ঢাল ঋণাত্মক হবে। • সরলরেখাটির ঢাল বস্তুর সম মন্দনের সমান হয়। • শেষ পর্যন্ত বস্তুটি স্থির অবস্থায় আসে অর্থাৎ এর বেগ শূন্য হয়।	
নিক্ষিপ্ত বস্তু	
• উপরে নিক্ষিপ্ত বস্তু ভূমিতে ফিরে আসলে। • খাড়া উপরের নিক্ষিপ্ত বস্তু - সর্বোচ্চ উচ্চতায় বেগ শূন্য।	

৬ পড়ন্ত বস্তু সংক্রান্ত :

৷ পড়ন্ত বস্তুর ক্ষেত্রে গ্যালিলিও'র সূত্রসমূহ :

- ১ম সূত্র : বায়ুশূন্য স্থানে বা বাধাহীন পথে মুক্তভাবে পড়ন্ত বস্তু সমান সময়ে সমান দূরত্ব অতিক্রম করে।
- ২য় সূত্র : বাধাহীন পথে পড়ন্ত বস্তুর নির্দিষ্ট সময়ে প্রাপ্ত বেগ ঐ সময়ের সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $v \propto t$
- ৩য় সূত্র : বাধাহীন পথে পড়ন্ত বস্তুর নির্দিষ্ট সময়ে অতিক্রান্ত দূরত্ব ঐ সময়ের বর্গের সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $h \propto t^2$

■ উপরোক্ত সূত্র তিনটি নিউটন প্রমাণ স্বরূপ ব্যাখ্যা করেন। তাই কে আবিষ্কারক এবং ব্যাখ্যা কে দিয়েছেন তা ভালভাবে মনে রাখতে হবে।

৬ প্রাস বা প্রক্ষেপক সংক্রান্ত :

- ৷ প্রাস বা প্রক্ষেপক : একটি বস্তুকে আনুভূমিকের সাথে তির্যকভাবে উপরের দিকে নিক্ষেপ করা হলে তাকে প্রাস বা প্রক্ষেপক বলে। উদাহরণ : বিমান থেকে নিক্ষেপ বোমার গতি, নিক্ষিপ্ত বর্ষার গতি, বুলেটের গতি ও তির্যকভাবে নিক্ষেপ টিল প্রভৃতি।
- বাধাহীন পথে অনুভূমিকরূপে নিক্ষেপ বস্তুর বা প্রাসের গতিপথ একটি প্যারাবোলা বা পরাবৃত্ত। [Ref: তপন স্যার]

- ৷ প্রাসের বৈশিষ্ট্য : বাধাহীন পথে আনুভূমিক বরাবর নিক্ষেপ বস্তুর গতিপথ প্যারাবোলা বা পরাবৃত্ত বায়ুর বাধা না থাকলে একটি বস্তুকে আনুভূমিকের সাথে 45° কোণে

উপরের দিকে নিক্ষেপ করলে তার আনুভূমিক পাল্লা সর্বাধিক হবে। সর্বোচ্চ উচ্চতায় বেগ ও ত্বরণের মধ্যবর্তী কোণ = $\frac{\pi}{2}$ । আনুভূমিক দিকে ত্বরণ না থাকলে

আনুভূমিক দিকে বেগের উপাংশ ধ্রুব থাকে। সর্বোচ্চ বিন্দুতে গতিশক্তি সর্বনিম্ন ও স্থিতিশক্তি সর্বোচ্চ।

৬ বৃত্তীয় গতি সংক্রান্ত :

- ৷ কৌণিক বেগ : সময় ব্যবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে কৌণিক সরণের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক বেগ বলে।
- ৷ এক রেডিয়ান : কোনো বৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান দৈর্ঘ্যের বৃত্তচাপ বৃত্তের কেন্দ্রে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে এক রেডিয়ান বলে।
 - বৃত্তাকার পথে 1 বার ঘুরে আসা অথবা বৃত্তের কেন্দ্রে 2π রেডিয়ান কোণ অতিক্রম করা একই কথা।
 - $1^\circ = 0.0173$ রেডিয়ান এবং 1 রেডিয়ান = 57.3°
- ৷ কৌণিক ত্বরণ : সময়ের সাথে কৌণিক বেগের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক ত্বরণ বলে।

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একটি কণা 3.0 m বৃত্তাকার পথে প্রতি মিনিটে 30 বার আবর্তন করে। এর রৈখিক বেগ কত? [NU-Science : 14-15]
 A $\pi \text{ ms}^{-1}$ B $3\pi \text{ ms}^{-1}$ C $4\pi \text{ ms}^{-1}$ D $0.5\pi \text{ ms}^{-1}$ (Ans B)
02. একটি খাড়া পাহাড়ের উপর থেকে একটি পাথর নিচের দিকে ছেড়ে দেওয়ার পর 30 m দূরত্বে এর গতিবেগ হলো- [NU-Science : 13-14]
 A 16 m/s B 24 m/s C 588 m/s D 44 m/s (Ans B)
03. 9.8 ms^{-1} বেগে একটি পাথর উপরে নিক্ষেপ করা হল, এটি কত সময় পরে ডু-গুঠে ফিরে আসবে? [NU-Science : 12-13]
 A 5 s B 2 s C 3 s D 10 s (Ans B)
04. শ্রেণি ও সমান্তরাল সমবায়ের দুটি রোধের তুল্যরোধ যথাক্রমে 25Ω ও 4Ω । রোধ দুটির মান কত? [NU-Science : 12-13]
 A 12Ω এবং 13Ω B 20Ω এবং 5Ω
 C 10Ω এবং 15Ω D 22Ω এবং 5Ω (Ans B)
05. হ্রি অবস্থা হতে সমত্বরণে চলমান বস্তুর নির্দিষ্ট সময়ে অতিক্রান্ত দূরত্ব প্রাপ্ত বেগের- [NU-Science : 10-11]
 A সমানুপাতিক B বর্গের সমানুপাতিক
 C ব্যস্তানুপাতিক D বর্গের ব্যস্তানুপাতিক (Ans B)
06. হ্রি অবস্থান থেকে কোন বস্তুখন্ডের সমত্বরণে 2 s চলার পরে তার বেগ 8 m/s হলো। ঐ বস্তুখন্ড উক্ত সময়ে যে দূরত্ব অতিক্রম করে তা হলো- [NU-Science : 10-11]
 A 16 m B 8 m C 32 m D 19 m (Ans B)
07. 20 meter উঁচু থেকে একটি বস্তু ভূমিতে পতিত হয়। অভিকর্ষজ ত্বরণ, $g = 10 \text{ ms}^{-2}$ হলে, ভূমি স্পর্শ করার মুহূর্তে এর বেগ- [NU-Science : 09-10]
 A 12 ms^{-1} B 20 ms^{-1} C 22 ms^{-1} D 2 ms^{-1} (Ans B)
08. হ্রি অবস্থা থেকে পড়ন্ত বস্তুর বেগ কিসের সমানুপাতিক? [NU-Science : 08-09]
 A দূরত্বের B দূরত্বের বর্গের. C সময়ের D সময়ের বর্গের (Ans C)
09. একটি বস্তু উপর হতে মুক্তভাবে 4 সেকেন্ডে ভূমিতে পড়ল। এটি শেষের 2 সেকেন্ডে কত ফুট পড়েছিল? [NU-Science : 02-03]
 A 64 ফুট B 192 ফুট C 128 ফুট D 96 ফুট (Ans B)
10. একটি বল খাড়া উপরে ছোড়া হল। যা ধ্রুব থাকবে তা- [NU-Science : 01-02]
 A দ্রুতি B সরণ C বেগ D ত্বরণ (Ans D)

Part 6

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন
বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01. v_1 বেগের একটি বুলেট শুধুমাত্র নির্দিষ্ট পুরুত্বের একটি তক্তা ভেদ করতে পারে। এক্সপ নয়টি তক্তা ভেদ করতে হলে ঐ বুলেটের বেগ কত হতে হবে? [GST-A : 21-22]
- (A) $2v_1$ (B) $4v_1$ (C) $5v_1$ (D) $3v_1$ (Ans D)
02. এক ব্যক্তি সূর্যোদয়ের দিকে 4 m যাওয়ার পরে দক্ষিণ দিকে 3 m যায়। তার অতিক্রান্ত দূরত্ব ও সরণের পার্থক্য কত m? [GST-A : 21-22]
- (A) 2 (B) 4 (C) 1 (D) 7 (Ans A)
03. কত ms^{-1} বেগে একটি বল উপরের দিকে নিক্ষেপ করলে বলটি 1 s পর ভূপৃষ্ঠে ফিরে আসবে? [GST-A : 20-21]
- (A) 2.45 (B) 3.8 (C) 4.9 (D) 9.8 (Ans C)
04. গতি সংক্রান্ত কোন সমীকরণটি সঠিক নয়? [CoU-A : 19-20]
- (A) $v = v_0 + at$ (B) $v^2 = v_0 + 2as$
- (C) $s = \frac{v_0 + v}{2} t$ (D) $s = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$ (Ans B)
05. একটি ট্রেন 20 ms^{-1} আদিবেগে 5 ms^{-2} সমত্বরণে চলছে। ট্রেনটি যখন 50 m পথ অতিক্রম করবে তখন এর বেগ কত হবে? [CoU-A : 19-20]
- (A) 20 ms^{-1} (B) 30 ms^{-1} (C) 40 ms^{-1} (D) 50 ms^{-1} (Ans B)
06. একটি বস্তুকে 98 ms^{-1} বেগে খাড়া উপরে নিক্ষেপ করা হলো। এটি সর্বাধিক কত উচ্চতায় পৌঁছাবে? [CoU-A : 18-19]
- (A) 490 m (B) 980 m (C) 9.8 m (D) 9.8 m (Ans A)

07. একটি প্রাসের তাৎক্ষণিক বেগের অভিমুখ বিচরণপথে- [IU-D : 19-20]
 (A) উল্লম্ব বরাবর (B) স্পর্শক বরাবর
 (C) অনুভূমিক বরাবর (D) সমান্তরাল বরাবর
08. একটি বোমারু বিমান ভূমি হতে 1.96 km উচ্চতায় ভূমির সমান্তরালে 120 m/s বেগে বোমা ফেললে, বোমাটি কতক্ষণ পর মাটিতে আঘাত হানবে? [IU-D : 19-20]
 (A) 14 sec. (B) 17 sec. (C) 20 sec. (D) 23 sec.
09. 14 m/s বেগে একটি পাথরকে উপরের দিক ছুড়ে দেওয়া হলো। পাথরটি মাটিতে ফিরে আসতে কত সময় লাগবে? [BRUR-E : 19-20]
 (A) 1.83 s (B) 2.3 s (C) 1.43 s (D) 2.86 s
10. আনুভূমিক পথে সমগতিতে উড্ডয়নশীল একটি বোমারু বিমানের তলদেশ থেকে একটি বোমার বাঁধন আলগা করে ছেড়ে দেওয়া হলো। এটির গতিপথের আকার কি হবে? [BU-A : 19-20]
 (A) Circular (B) Straight (C) Hyperbolic (D) Parabolic

Part 7

সম্ভাব্য MCQ

01. বেগ বনাম সময় লেখচিত্রের ঢাল নির্দেশ করে-
 (A) সরণ (B) দ্রুতি (C) ত্বরণ (D) বল (Ans: C)
02. সময়ের ব্যবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে সময়ের সাথে বস্তুর সরণের হার-
 (A) তাৎক্ষণিক ত্বরণ (B) তাৎক্ষণিক বেগ (C) ত্বরণ (D) গড় দূরত্ব (Ans: B)
03. সর্বোচ্চ উচ্চতার পূর্বের বা পরের কোন বিন্দুতে প্রাসের গতি-
 (A) দ্বি-মাত্রিক (B) একমাত্রিক (C) ত্রি-মাত্রিক (D) সঠিক উত্তর নেই (Ans: A)
04. অনুভূমিকের সাথে কত কোণে নিক্ষেপ করলে এটি সর্বাধিক দূরত্ব অতিক্রম করে-
 (A) 45° (B) 0° (C) 90° (D) 60° (Ans: A)
05. বৃত্তাকার গতির উদাহরণ নয় কোনটি?
 (A) গাড়ির চাকার গতি (B) পাখার গতি
 (C) গ্রামোফোন রেকর্ড (D) ট্রেনের গতি (Ans: D)
06. t সময় পরে $x = 6t$ এবং $y = 8t - 5t^2$ হলে ঐ মুহূর্তে প্রাসের নিক্ষেপণ কোণ হবে
 (A) 10 ms^{-1} (B) 5 ms^{-1} (C) 6 ms^{-1} (D) 8 ms^{-1} (Ans: A)
07. প্রাসের গতিপথের সর্বোচ্চ বিন্দুতে ত্বরণ-
 (A) সর্বোচ্চ হবে (B) সর্বনিম্ন হবে (C) শূন্য হবে (D) $-g$ হবে (Ans: D)
08. একটি পাথরভকে ভূ-পৃষ্ঠ থেকে খাড়া উপরের দিকে তুলতে থাকলে এর উপর কয়টি বল ক্রিয়া করে?
 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (Ans: B)
09. ছিরাবহা থেকে যাত্রা শুরু করে একটি বস্তু প্রথম সেকেন্ডে 2 m দূরত্ব অতিক্রম করে, পরবর্তী 2 m দূরত্ব অতিক্রম করতে কত সময় লাগবে?
 (A) 0.41 sec (B) 1.0 sec (C) 1.41 sec (D) 2.0 sec (Ans: A)
10. প্রাথমিক বেগের ক্ষেত্রে নীট ত্বরণ?
 (A) সর্বাধিক (B) সর্বনিম্ন (C) ঋণাত্মক (D) শূন্য (Ans: D)
11. ত্রিমাত্রিক প্রসঙ্গ কাঠামোর উদাহরণ কোনটি?
 (A) পাতলা কাগজ (B) সিলিন্ডার (C) বুলবুল সূতা (D) বুলবুল লাঠি (Ans: B)
12. একটি প্রাস যখন গতিপথের সর্বোচ্চ বিন্দুতে আসে, তখন এর গতিবেগ এবং ত্বরণের দিক পরস্পরের -
 (A) সমান্তরাল (B) বিপরীতমুখী (C) 45° কোণে আনত (D) সমকোণে (Ans: D)
13. একটি প্রাসকে ভূ-পৃষ্ঠ থেকে উৎক্ষেপণ করা হলে কোন রাশিটি ধ্রুবক থাকে?
 (A) বেগের অনুভূমিক উপাংশ (B) ভরবেগ
 (C) বেগের উল্লম্ব উপাংশ (D) গতিশক্তি (Ans: A)
14. $s = s_0 + vt$, এখানে, s বনাম t লেখ একটি-
 (A) বৃত্ত (B) সরলরেখা (C) উপবৃত্ত (D) পরাবৃত্ত (Ans: B)
15. একটি ধ্রুবককে সময়ের সাপেক্ষে সমাকলন করলে কি পাওয়া যায়?
 (A) সরলরেখা (B) বক্ররেখা (C) বৃত্ত (D) কোনোটিই নয় (Ans: A)
16. গতি এবং দ্রুতি দুটোর জন্যই প্রয়োজন হয়-
 (A) বল (B) শক্তি (C) ক্ষমতা (D) কাজ (Ans: A)
17. নিচের কোনটি গতির প্রকারভেদ নয়?
 (A) দোলন গতি (B) উর্ধ্ব গতি (C) চলন গতি (D) ঘূর্ণন গতি (Ans: B)
18. অতি অল্প সময়ে বস্তুর সরণকে ঐ সময় দিয়ে ভাগ করে যেটি পাওয়া যায় সেটি হলো-
 (A) তাৎক্ষণিক বেগ (B) গড় বেগ (C) প্রকৃত বেগ (D) প্রকৃত দ্রুতি (Ans: C)

৬ বল ও বলের প্রকারভেদ সংক্রান্ত :

- ৬ কল : যা হ্রি বস্তুর উপর ক্রিয়া করে তাকে গতিশীল করে বা করতে চায় বা গতিশীল বস্তুর উপর ক্রিয়া করে তার গতির পরিবর্তন করে বা করতে চায় তাকে বল বলে। বলের একক নিউটন (N) ও মাত্রা : $[MLT^{-2}]$ ।
- ৬ বলের বৈশিষ্ট্য : বল তুরণ সৃষ্টি করতে পারে, বল বস্তুর বিকৃতি বা আকারের পরিবর্তন ঘটাতে পারে, গতির দিক পরিবর্তন করতে পারে।
- ৬ মনে রাখতে হবে : 1 নিউটন = 10^5 ডাইন, 1 পাউন্ডাল = 13825.7 ডাইন, 1 নিউটন = 7.23 পাউন্ডাল ও 1 পাউন্ড - ওজন = 32 পাউন্ডাল।
- ৬ ঘাত বল : খুব সীমিত সময়ের জন্য যে বৃহৎ মানের বল প্রযুক্ত হয় তাকে ঘাত বল বলে। ঘাত বলের মাত্রা = $[MLT^{-2}]$ ও একক = N
- ৬ বলের ঘাত : কোনো বল ও বলের ক্রিয়ার গুণফলকে ঐ বলের ঘাত বলে। বলের ঘাত বা ভরবেগের মাত্রা = $[MLT^{-1}]$ ও একক = $kgms^{-1}$

৭ মৌলিক বল সংক্রান্ত :

- ৭ মৌলিক বল : যে সকল বল অন্য কোনো বল থেকে উৎপন্ন হয় না বরং অন্যান্য বলে এ সকল বলের প্রকাশ ঘটে তাকে মৌলিক বল বলে।
- ৭ মৌলিক বলের প্রকারভেদ : ১. সর্বল নিউক্লিয় বল ২. তড়িৎ চুম্বকীয় বল ৩. দুর্বল নিউক্লিয় বল ৪. মহাকর্ষ বল
- ৭ মৌলিক বলগুলোর মধ্যকার তুলনা :

বিষয়	সর্বল নিউক্লিয় বল	তড়িৎ চুম্বকীয় বল	দুর্বল নিউক্লিয় বল	মহাকর্ষ বল
বৈশিষ্ট্য	প্রোটন ও নিউট্রনকে একত্রে আবদ্ধ করে নিউক্লিয়াস গঠন করে	ইলেকট্রনকে নিউক্লিয়াসের সাথে আবদ্ধ করে পরমাণু গঠন করে	নিউক্লিয় বিটা ক্ষয়ের জন্য দায়ী	নক্ষত্রগুলোকে একত্রিত করে গ্যালাক্সি গঠন করে
পাল্লা	$10^{-15} m$	অসীম	$10^{-16} m$	অসীম
আপেক্ষিক সর্বলতা (সর্বল নিউক্লিয় বলের সাপেক্ষে)	1	10^{-2}	10^{-11}	10^{-41}
আপেক্ষিক সর্বলতা (মহাকর্ষ বলের সাপেক্ষে)	10^{41}	10^{39}	10^{30}	1
বাহক কণা	গ্লুঅন, মেসন	ফোটন	W ও Z বোসন	গ্রাভিটন

৮ নিউটনের গতিসূত্র ও বস্তুর জড়তা সংক্রান্ত :

- ৮ জড়তা : একটি বস্তু যেমন আছে ঠিক তেমন থাকতে চাওয়ার যে ধর্ম তাকে জড়তা বলে। জড়তা 2 প্রকার -
- ৮ স্থিতি জড়তা : হ্রি বস্তুর চিরকাল হ্রি থাকার প্রবণতাকে স্থিতি জড়তা বলে। যেমন: মুদ্রা ও কাপের পরীক্ষা, চলমান গাড়ীতে আরোহী পিছনের দিকে হেলে পড়া, ঘোড়া হঠাৎ চললে আরোহী পেছনে হেলে পড়া, কাঁচের জানালায় বুলেট লাগলে কাঁচ না ভাঙা।
- ৮ গতি জড়তা : যে ধর্মের জন্য গতিশীল বস্তু চিরকাল গতিশীল থাকতে চায় তাকে গতি জড়তা বলে। যেমন: চলমান গাড়ীতে আরোহী সামনের দিকে ঝুঁকে পড়া, ধাবমান ঘোড়ার পিঠ হতে লাফ দিয়ে পুনরায় ফিরে আসা, লংজাম্প প্রতিযোগীতায় প্রতিযোগীরা কিছু দূর দৌড়ে তারপর লাফ দেন।
- ৮ নিউটনের গতিসূত্র : 1687 সালে স্যার আইজ্যাক নিউটন তার বিখ্যাত গ্রন্থ “ন্যাচারালিস ফিলোসোফিয়া প্রিন্সিপিয়া ম্যাথেমেটিকা” তে বস্তুর ভর, গতি ও বলের মধ্যে সম্পর্ক স্থাপন করে তিনটি সূত্র প্রকাশ করেন।
- ৮ ১ম সূত্র : বাহ্যিক বল প্রয়োগে বস্তুর অবস্থার পরিবর্তন করতে বাধ্য না করলে হ্রি বস্তু চিরকাল হ্রিই থাকবে এবং গতিশীল বস্তু সমবেগে চলতে থাকবে।
- ৮ ২য় সূত্র : বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তনের হার তার উপর প্রযুক্ত বলের সমানুপাতিক এবং বল যদি ক্রিয়া করে বস্তুর ভরবেগের পরিবর্তনও সেদিকে ঘটে।
- ৮ ৩য় সূত্র : প্রত্যেক ক্রিয়ারই একটা সমান ও বিপরীত প্রতিক্রিয়া আছে।

৯ ভরবেগ, ঘর্ষণ ও সংঘর্ষ সংক্রান্ত :

- ৯ ঘর্ষণ : একটি বস্তুকে যখন অন্য একটি বস্তুর উপর দিয়ে গড়িয়ে বা টেনে নিলে বস্তু দুটির সংযোগস্থলে উঁচুনিচু বা খাঁজ থাকায় বস্তু দুটি পরস্পরের সাথে আটকে যায়, ফলে গতি বাধাপ্রাপ্ত হয়, ইহাই ঘর্ষণ, যে বল দ্বারা গতি বাধাপ্রাপ্ত হয় তাকে ঘর্ষণ বল বলে। ঘর্ষণ সাধারণত 4 প্রকার। যথা : স্থিতি ঘর্ষণ, গতিয় বা বিসর্প ঘর্ষণ, আবর্ত ঘর্ষণ ও প্রবাহী ঘর্ষণ।
- ৯ স্থিতি ঘর্ষণ : কোনো তল ও এই তলের উপর অবস্থিত কোনো বস্তুর মধ্যে আপেক্ষিক গতি সৃষ্টি না হওয়া পর্যন্ত যে ঘর্ষণ বল কাজ করে তাকে স্থিতি ঘর্ষণ বলে।
- ৯ স্থিতি ঘর্ষণ গুণক : স্থিতি ঘর্ষণের সীমাত্তিক মান f_s এবং অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া R হলে, স্থিতি ঘর্ষণ গুণক, $\mu_s = \frac{f_s}{R}$ । স্থিতি ঘর্ষণ গুণকের কোনো একক নেই, এর মান সর্বদা 1 অপেক্ষা ছোট হয়।
- ৯ ঘর্ষণ কোণ : সীমাত্তিক ঘর্ষণের ক্ষেত্রে অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া (R) এবং ঘর্ষণ বলের (f_s) লব্ধিকে লব্ধি প্রতিক্রিয়া (S) বলে। এই লব্ধি প্রতিক্রিয়া অভিলম্ব প্রতিক্রিয়ার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে ঘর্ষণ কোণ (λ) বলে। $\therefore \mu_s = \tan \lambda$
- ৯ স্থিতি বা নিশ্চল কোণ : অনুভূমিকের সাথে কোনো তল যে কোণ সৃষ্টি করলে আনত তলের উপরস্থ কোনো বস্তু গতিশীল হওয়ার উপক্রম হয় সেই কোণকে ঐ তলে বস্তুটির স্থিতি বা নিশ্চল কোণ বলে। $\theta = \lambda$ অর্থাৎ, ঘর্ষণ কোণ ও স্থিতি কোণ পরস্পর সমান।
- ৯ গতিয় ঘর্ষণ : একটি বস্তু যখন অন্য একটি তল বা বস্তুর উপর গতিশীল হয় অর্থাৎ দুটি স্পর্শতলের মধ্যে যখন আপেক্ষিক গতি বিদ্যমান তাকে তখন তাদের মধ্যে যে ঘর্ষণ ক্রিয়া করে তাকে গতিয় ঘর্ষণ বলে। গতিয় ঘর্ষণ বলের মান স্থিতি ঘর্ষণ বলের সীমাত্তিক মানের চেয়ে কম হয়।
- ৯ সংঘর্ষ : দুটি বস্তু যদি একটা খুব বড় মানের বলে খুব অল্প সময়ের জন্যে পরস্পরকে আঘাত করে তাহলে তাকে বলা হয় সংঘর্ষ। সংঘর্ষ 2 প্রকার।
- ৯ স্থিতিস্থাপক সংঘর্ষ : দুটি বস্তুর মধ্যে সংঘর্ষ হলে যদি মোট গতি শক্তি সংরক্ষিত থাকে তাহলে তাকে স্থিতিস্থাপক সংঘর্ষ বলে। যেমন : পরমাণু, ইলেকট্রন ইত্যাদির মধ্যে সংঘর্ষ। উদাহরণ : দুটি ইম্পাত বা কাচের বলের মধ্যে সংঘর্ষ, দুটি ধাতব বলের মধ্যে সংঘর্ষ ও দুটি মার্বেলের মধ্যে সংঘর্ষ।
- ৯ অস্থিতিস্থাপক সংঘর্ষ : দুটি বস্তুর মধ্যে ধাক্কা লাগলে বা সংঘর্ষ হলে যদি বস্তুগুলোর মোট গতিশক্তি সংরক্ষিত না হয় তাহলে তাকে অস্থিতিস্থাপক সংঘর্ষ বলে। উদাহরণ : বন্দুকের গুলি যখন লক্ষ্যবস্তুরে যুক্ত হয়, দুটি কাদামাটির বলের মধ্যে সংঘর্ষ, গাছ থেকে পড়ন্ত ফল কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া ও গতিশীল মার্বেলের কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া।

৬. কৌণিক গতি সংক্রান্ত কয়েকটি রাশি :

- কৌণিক সরণ : দৃষ্টীয় গতিতে সচল কণার ব্যাসার্ধ ভেক্টর কোনো নির্দিষ্ট সময়ের অবকাশে সে কোণে ঘরে যায়, তাকে ঐ কণাটির কৌণিক সরণ বলে। একে θ দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- কৌণিক বেগ : কৌণিক গতি অসম হলে কৌণিক সরণ এক অতিদ্রুত সময়ের অনুপাতকে কণার কৌণিক বেগ বলে। একে ω দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- কৌণিক ত্বরণ : সময় ব্যবধান শূন্যের কাছাকাছি হলে সময়ের সাথে বৃদ্ধির কৌণিক বেগের পরিবর্তনের হারকে কৌণিক ত্বরণ বলে। একে α দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- কৌণিক ভরবেগ : ঘূর্ণনরত কোনো বস্তুকণার ব্যাসার্ধ ভেক্টর ও রৈখিক ভরবেগের ভেক্টর গুণফলকে কৌণিক ভরবেগ বলে। বস্তুর উপর ক্রিয়াবর্তক বলের টর্কের লব্ধি শূন্য হলে, ঘূর্ণায়মান বস্তুর কৌণিক ভরবেগের পরিবর্তন হবে না। একে L দ্বারা প্রকাশ করা হয়। $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{P}$
- কৌণিক ভরবেগের মাত্রা : $[ML^2T^{-1}]$ ও এর একক $kg \cdot m^2 \cdot s^{-1}$ ।
- কৌণিক ভরবেগের সংরক্ষণ সূত্র : কোনো বস্তুর উপর টর্কের লব্ধি শূন্য হলে বস্তুর কৌণিক ভরবেগ সংরক্ষিত থাকে। কৌণিক ভরবেগ, $L = I\omega$

৭. জড়তার ভ্রামক ও চক্রগতির ব্যাসার্ধ সংক্রান্ত :

- জড়তার ভ্রামক : কোনো অক্ষের সাপেক্ষে ঘূর্ণনরত কোনো দৃঢ় বস্তুর প্রতিটি কণার ভর এবং অক্ষ হতে তাদের প্রত্যেকের দূরত্বের বর্গের গুণফলের সমষ্টিই জড়তার ভ্রামক বলে। $I = \sum m r^2$ । জড়তার মোমেন্ট হিসাব করার জন্যই দৌড়ে চলার সময় হাত ভুঁটিয়ে রাখা হয়। একই ভাঙ্গানোর চক্রাকারে ঘোরার সময় হাত প্রসারিত করা হয় জড়তার ভ্রামক বাড়ানোর জন্য।
- জড়তার ভ্রামকের নির্ভরশীলতা : বস্তুটি যে অক্ষের সাপেক্ষে ঘুরছে তার অবস্থানের উপর। অর্থাৎ, দূরত্বের উপর জড়তার ভ্রামক নির্ভর করে, বস্তুর আকৃতির উপর। বস্তুর ভরের বন্টনের প্রকৃতির উপর জড়তার ভ্রামক নির্ভর করে।
- চক্রগতির ব্যাসার্ধ : বস্তুর ভিতরে কণা বিবেচনা করে নির্ণয় জড়তার ভ্রামক কণার পরিবর্তে যদি সমগ্র ভর বিবেচনা করে নির্ণয় জড়তার ভ্রামকের সমান হয় তাকে বস্তুর তার কেন্দ্র থেকে অক্ষের দূরত্বকে চক্রগতির ব্যাসার্ধ বলে, $K = \sqrt{\frac{I}{M}}$
- টর্ক বা বলের ভ্রামক বা স্বত্বের ভ্রামক : কোনো নির্দিষ্ট অক্ষের চারদিকে ঘূর্ণায়মান কোনো বস্তুতে ত্বরণ সৃষ্টির জন্য প্রযুক্ত স্বত্বের ভ্রামককে বা বলের ভ্রামককে টর্ক বলে। বলের মোমেন্ট বা ভ্রামক বা টর্ক সাধারণত τ দ্বারা প্রকাশ করা হয়। স্বত্বের ভ্রামক ঘূর্ণন অক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভরশীল নয়। এর একক $N \cdot m$ ও মাত্রা $[ML^2T^{-2}]$
- জড়তার ভ্রামক সংক্রান্ত উপপাদ্য :
 - লব্ধ অক্ষ উপপাদ্য : কোনো পাতলা সমতল পাতের তলে অবস্থিত দুটি পরস্পর লম্ব অক্ষের সাপেক্ষে পাতটির জড়তার ভ্রামকবন্দের সমষ্টি ঐ পাতে অবস্থিত নই অক্ষের ছেদ বিন্দুতে অঙ্কিত লব্ধ অক্ষ সাপেক্ষে পাতটির জড়তার ভ্রামকের সমান হবে। $\therefore I_z = I_x + I_y$
 - সমান্তরাল অক্ষ উপপাদ্য : যে কোনো অক্ষের সাপেক্ষে কোন সমতল পাতলা পাতের জড়তার ভ্রামক পাতটির ভারকেন্দ্রগামী তার সমান্তরাল অক্ষের সাপেক্ষে জড়তার ভ্রামক এবং পাতের ভর ও ঐ দুই অক্ষের মধ্যবর্তী দূরত্বের বর্গের গুণফলের সমষ্টির সমান। $\therefore I = I_G + Mh^2$

৮. কেন্দ্রমুখী ও কেন্দ্রবিমুখী বল সংক্রান্ত :

- কেন্দ্রমুখী বল : কোনো বস্তু বৃত্তাকার পথে ঘুরতে থাকলে ঐ বৃত্তের কেন্দ্র অভিমুখে যে লব্ধি বল ক্রিয়া করে বস্তুটিকে বৃত্তাকার পথে গতিশীল রাখে তাকে কেন্দ্রমুখী বা অভিকেন্দ্র বল এবং ত্বরণকে অভিলম্ব ত্বরণ বা ব্যাসার্ধমুখী ত্বরণ বলে। এ বল দ্বারা কৃতকাজ শূন্য।
উদাহরণ : মাধ্যাকর্ষণজনিত মহাকর্ষ বল, পরমাণুর নিউক্লিয়াসের চারপাশে ইলেকট্রনের ঘূর্ণন। এখানে ইলেকট্রন প্রয়োজনীয় বল, ইলেকট্রন ও নিউক্লিয়াসের মধ্যকার আকর্ষণ বল হতে পেয়ে থাকে।
- কেন্দ্রবিমুখী বল : কেন্দ্রমুখী বলের প্রতিক্রিয়াস্বরূপ যে বল বৃত্তের কেন্দ্রের উপর ব্যাসার্ধ বরাবর কেন্দ্রের বাইরের দিকে ক্রিয়া করে তাকে কেন্দ্রবিমুখী বা অপকেন্দ্র বল বলে। কেন্দ্রবিমুখী বল কেন্দ্রমুখী বলের সমান ও বিপরীতমুখী।
- উদাহরণ : নৃত্য শিল্পীরা দুহাত প্রসারিত করে যখন বৃত্তাকার পথে পরিভ্রমণ শেষে সামনে দুহাত বাড়িয়ে দেয় কেন্দ্রবিমুখী বলের কারণে।
- রাস্তার ব্যাংকিং : রাস্তায় বাক ঘুরবার সময় দুর্ঘটনা থেকে রক্ষা পাবার জন্য বাকের ভিতরের দিকে একটু ঢালু করে রাস্তার বাকগুলো তৈরী করা হয় যাতে বাক নেয়ার জন্য প্রয়োজনীয় কেন্দ্রমুখী বল সরবরাহ করা যায়। একে রাস্তার ব্যাংকিং বলে। ব্যাংকিং কোণ θ হলে, $\tan\theta = \left(\frac{v^2}{rg}\right)$ । Road Banking গাড়ীর দ্রুতি ও বাকের ব্যাসার্ধের উপর নির্ভর করে গাড়ীর ভরের উপর নয়।

Part 2

At a glance

- বস্তুর ভর, গতি ও বলের মধ্যে সম্পর্ক স্থাপন করেন- নিউটন
- যে সকল বল অন্য কোনো বল থেকে উৎপন্ন হয় না- মৌলিক বল
- রাসায়নিক বিক্রিয়া সংঘটিত হয়- তাড়িতচৌম্বক বলের কারণে
- তাড়িত চৌম্বক বল কার্যকর করার জন্য দায়ী- ফোটন কণা
- "ন্যাচারালিস ফিলোসোফিয়া প্রিন্সিপিয়া ম্যাথেমেটিকা" প্রকাশকাল- 1687
- যে মৌলিক বলের পাল্লা 10^{-15} m সেটি হচ্ছে- সবল নিউক্লিয় বল
- আধুনিক জেট বিমান চালানো হয়- ভরবেগের নিত্যতা সূত্র ব্যবহার করে
- পরমাণুর তেজস্ক্রিয় ভাঙন ঘটে- দুর্বল নিউক্লিয় বলের কারণে
- ভরবেগের নিত্যতা সূত্রের দারণা পাওয়া যায় নিউটনের- ৩য় সূত্র দ্বারা
- লব্ধ জাম্পের সময় অ্যাথলেটগণ দৌড়ে আসেন- গতি জড়তা বৃদ্ধির জন্য

- ঘর্ষণ বল ও বস্তুর বেগের মধ্যকার কোণ- π
- বৃত্তাকার গতির ক্ষেত্রে ω এর দিক হলো- ঘূর্ণন অক্ষ বরাবর
- ধান মাড়াইয়ের চাতালে দূরবর্তী গরুকে সবচেয়ে- বেশি বেগে হাঁটতে হয়
- কণার উপর প্রযুক্ত নিউটন/টর্ক শূন্য হলে কৌণিক ভরবেগ- সংরক্ষিত থাকে
- গ্রহসমূহের পৃথিবীর চারদিকে ঘোরা- মহাকর্ষ বলের জন্য
- ঘোড়া হঠাৎ চললে আরোহী পেছনে হেলে পড়ার কারণ- স্থিতি জড়তা
- বল পরিমাপের ও প্রকৃতি নির্দেশের সূত্র বলা হয়- নিউটনের ২য় সূত্র
- প্রবাহীর ক্ষেত্রে প্রযোজ্য হবে না- নিউটনের গতি সূত্রাবলী
- গতিশীল মার্বেলের কাদার মধ্যে আটকে যাওয়া- অস্থিতিস্থাপক সংঘর্ষ
- মহাশূন্যচারীর নিজেকে ওজনহীন মনে করার কারণ- কেন্দ্রবিমুখী বল
- পাখির আকাশে উড়তে পারে- গতির তৃতীয় সূত্রের কারণ
- রকেটে জ্বালানি হিসেবে থাকে- তরল হাইড্রোজেন

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

৬ বল সংক্রান্ত :

৬ বল, $\vec{F} = m\vec{a} = m(\vec{v} - \vec{u})/t = d\vec{p}/dt$

৬ বলের ঘাত, $\vec{J} = \vec{F} \times t = m\vec{v} - m\vec{u}$

৬ ঘর্ষণ ও ভরবেগ সংক্রান্ত :

৬ স্থিতি ঘর্ষণ গুণক, $\mu_s = \frac{F_s}{R}$ ৬ চল ঘর্ষণ গুণক, $\mu_k = \frac{F_k}{R}$

৬ নতি কোণ, $\alpha = \tan^{-1}(\mu_k) = \frac{P - f_k}{m} = \frac{P - \mu_k \times R}{m}$

৬ ভরবেগের সংরক্ষণ সূত্র: $m_1u_1 + m_2u_2 = m_1v_1 + m_2v_2$

৬ টর্ক, জড়তার ভ্রামক ও চক্রগতির ব্যাসার্ধ সংক্রান্ত :

৬ $\tau = I \frac{d\omega}{dt}$ ৬ $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$ ৬ টর্ক, $\tau = I\alpha$

৬ জড়তার ভ্রামক, $I = Mk^2 = \sum m_i r_i^2$

৬ বৃত্তাকার চাকতির ক্ষেত্রে, $I = \frac{1}{2}mr^2$; $k = \frac{r}{\sqrt{2}}$

৬ নিরেট গোলকের ক্ষেত্রে, $I = \frac{2}{5}mr^2$; $k = \sqrt{\frac{2}{5}}r$

৬ ফাঁপা গোলকের ক্ষেত্রে, $I = \frac{2}{3}mr^2$; $k = \sqrt{\frac{2}{3}}r$

৬ নিরেট চোড়ের ক্ষেত্রে, $I = \frac{1}{2}mr^2$; $k = \frac{r}{\sqrt{2}}$

৬ সমান্তরাল অক্ষ উপপাদ্য, $I = I_a + Md^2$ ৬ অভিলম্ব অক্ষ উপপাদ্য, $I_z = I_x + I_y$

৬ কৌণিক গতিবিদ্যা ও রাষ্টার ব্যাংকিং কোণ সংক্রান্ত :

৬ কৌণিক ভরবেগ, $L = rp = rmv = mr^2\omega = I\omega$

৬ কেন্দ্রমুখী বল, $F = \frac{mv^2}{r} = m\omega^2r$ ৬ কেন্দ্রমুখী ত্বরণ, $\alpha = \frac{v^2}{r} = \omega^2r$

৬ কৌণিক গতিশক্তি, $K = \frac{1}{2}I\omega^2$

৬ লম্ব তলের সাথে রাষ্টার বাকের সাইকেল চালানোর সময় আরোহীর নতি

কোণ, $\tan \theta = \frac{v^2}{rg}$

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type 1

বল ও বলের ঘাত

*

01. 0.05 kg ভরের একটি বস্তু 0.2 ms⁻¹ আনুভূমিক বেগে একটি খাড়া দেয়ালে ধাক্কা দিয়ে 0.1 ms⁻¹ বেগে বিপরীত দিকে ফিরে গেল। বলের ঘাত কত?

Solve: $J = m(v - v_0) = 0.05(-0.1 - 0.2) = -0.015 \text{ kgms}^{-1} \text{ Ans.}$

For Practice

01. 16 N এর একটি বল 4 kg ভরের উপর 4 s ক্রিয়া করে। বস্তুর বেগের পরিবর্তন কত?

Ans. 16 ms⁻¹

Type 2

লিফট

*

01. কোনো লিফট উপরের দিকে 1.2 ms⁻¹ ত্বরণে উঠছে, লিফটের ভেতর কোন ব্যক্তি একটি 2 kg ভরের বল ধরে রাখলে বলের আপাত ওজন কত? যদি কাটি লিফটের তলা হতে 1.5 m উপর হতে ছেড়ে দেওয়া হয় তবে কাটি পড়তে কত সময় লাগবে?

Solve: $a = g + f = 9.8 + 1.2 = 11 \text{ ms}^{-2}$

এক $W = ma = 2 \times 11 = 22 \text{ N Ans.}$

এখন, $t = \sqrt{\frac{2h}{g+f}} = \sqrt{\frac{1.5 \times 2}{9.8 + 1.2}} = 0.522 \text{ s Ans.}$

For Practice

01. একটি লিফট 3 m/s² ত্বরণে উপরে উঠছে। লিফটের মেঝের 2 m উপর হতে একটি বলকে ছিঁর অবস্থা থেকে ছেড়ে দেওয়া হল। $g = 9.81 \text{ m/s}^2$ লিফটের মেঝে স্পর্শ করতে বলটির কত সময় লাগবে?

Ans. 0.5588 sec

Type 3

ভরবেগ ও কেন্দ্রমুখী ত্বরণ

*

01. 6 kg ভরের একটি বন্দুক হতে 0.04 kg ভরের একটি বুলি 600 ms⁻¹ বেগে বের হয়ে গেল। বন্দুকের পচাং বেগ কত?

Solve: $m_1u_1 + m_2u_2 = m_1v_1 + m_2v_2$

$\Rightarrow 0 = 6 \times v_1 + 0.04 \times 600$

$\Rightarrow v_1 = -4 \text{ ms}^{-1}$

$\therefore$ পচাং বেগ = 4 ms⁻¹ Ans.

02. 0.15 kg ভরের একটি পাথর খন্ডকে 0.75 m দূরত্ব একটি সূতার একপ্রান্তে বেঁধে বৃত্তাকার পথে প্রতি মিনিটে 90 বার ঘুরালে সূতার উপর টান কত?

Solve: $F = m\omega^2r$

$\Rightarrow F = m \left(\frac{2\pi N}{t} \right)^2 r = m \left(\frac{2\pi \times 90}{60} \right)^2 r$

$\Rightarrow F = 0.15 \times (3\pi)^2 \times 0.75$

$\Rightarrow F = 9.99 \text{ N Ans.}$

For Practice

01. 100 gm ভরের একটি বস্তুকে 40 cm দীর্ঘ একটি সূতার এক প্রান্তে বেঁধে বৃত্তাকার পথে 10 m/sec সমদ্রুতিতে ঘুরানো হলে, কেন্দ্রমুখী বল কত?

Ans. 25 N

Type 4

টর্ক, জড়তার ভ্রামক ও ব্যাংকিং কোণ

*

01. একটি রাস্তা 65.31 m ব্যাসার্ধ বাক নিয়েছে। এ স্থানে রাস্তাটি 5.0 m চওড়া এবং এর ভিতরের কিনারা হতে বাইরের কিনারা 0.5 m উঁচু। সর্বোচ্চ কত ms⁻¹ বেগে এ স্থানে নিরাপদে বাক নেওয়া সম্ভব?

Solve: $v = \sqrt{\frac{hrg}{x}}$

$= \sqrt{\frac{0.5 \times 65.31 \times 9.81}{5.0}}$

$= 8 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$

For Practice

01. একটি ঘূর্ণায়মান পিতলের গোলকের ভর 0.02 kg। ঘূর্ণন-অক্ষ হতে এর ভরকেন্দ্রের দূরত্ব 1 m। অক্ষ সাপেক্ষে জড়তার ভ্রামক নির্ণয় কর?

Ans. 0.02 kg-m²

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. নিচের কোনটি টর্কের মাত্রা সমীকরণ? [NU-Science : 14-15]
 (A) $[ML^{-1}T^1]$ (B) $[ML^2T^{-2}]$ (C) $[ML^{-1}T^{-2}]$ (D) $[ML^2T^1]$ (Ans B)
02. একটি চাকার ভর 10.0 kg এবং চক্রগতির ব্যাসার্ধ 0.5 m এর জড়তার ভ্রামক কত? [NU-Science : 14-15]
 (A) 3.0 kg-m² (B) 5.0 kg-m² (C) 2.5 kg-m² (D) 4.0 kg-m² (Ans C)
03. বলের ভ্রামকের মাত্রা সমীকরণ হলো- [NU-Science : 13-14]
 (A) $[ML^2T^{-1}]$ (B) $[ML^2T^{-2}]$
 (C) $[MLT^{-1}]$ (D) $[ML^{-1}T^{-2}]$ (Ans B)
04. কৌণিক ভরবেগের মাত্রা সমীকরণ কোনটি? [NU-Science : 12-13]
 (A) $[ML^2T^{-1}]$ (B) $[ML^2T^{-2}]$
 (C) $[MLT^{-2}]$ (D) $[ML^{-1}T^{-2}]$ (Ans A)
05. 5 cm ব্যাসার্ধের একটি চাকতির জড়তাব্রামক 0.02 kgm²। চাকতিটির পরিধিতে 20 N স্পর্শকীয় বল প্রয়োগ করা হলে, তার রৈখিক ত্বরণ কত হবে? [NU-Science : 10-11]
 (A) 2.5 (B) 10 (C) 20 (D) 50 (Ans A)
06. দুর্বলতম বল কোনটি? [NU-Science : 09-10]
 (A) মহাকর্ষ (B) চৌম্বক
 (C) তড়িৎ চৌম্বক বল (D) নিউক্লিয় বল (Ans A)
07. সবচেয়ে বড় বল হল- [NU-Science : 08-09]
 (A) মহাকর্ষ (B) চৌম্বক বল
 (C) তড়িৎ বল (D) সবল নিউক্লিয় বল (Ans D)
08. কোনটি সবচেয়ে দুর্বল বল? [NU-Science : 06-07]
 (A) দুর্বল নিউক্লিয় বল (B) সবল নিউক্লিয় বল
 (C) তড়িৎ চৌম্বক বল (D) মহাকর্ষ বল (Ans D)
09. 200 gm ভরের একটি বস্তুকে 50 cm দীর্ঘ একটি সূতার একপ্রান্তে বেধে বৃত্ত পথে 40 ms⁻¹ বেগে ঘুরানো হচ্ছে। কেন্দ্রমুখী ত্বরণ কত? [NU-Science : 05-06]
 (A) 3200 ms⁻² (B) 2000 ms⁻²
 (C) 1600 ms⁻² (D) 4000 ms⁻² (Ans A)
10. 4 kg ভরের একটি বন্দুক থেকে 5 g ভরের গুলি 400 ms⁻¹ বেগে বেরিয়ে গেল। বন্দুকের পশ্চাৎ বেগ কত? [NU-Science : 04-05]
 (A) 0.5 ms⁻¹ (B) 20 ms⁻¹ (C) 8 ms⁻¹ (D) 10 ms⁻¹ (Ans A)
11. m ভরবিশিষ্ট একটি বস্তু r ব্যাসার্ধবিশিষ্ট বৃত্তাকার পথে v বেগে ঘুরলে কেন্দ্রমুখী ত্বরণ হবে- [NU-Science : 04-05]
 (A) $\frac{mv}{r}$ (B) $\frac{mv^2}{r}$ (C) $\frac{v^2}{r}$ (D) $\frac{v}{r}$ (Ans C)

Part 6

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একটি দেওয়াল ঘড়ির মিনিটের কাঁটার দৈর্ঘ্য 18 cm হলে এর কৌণিক বেগ কত? [GST-A : 23-24]
 (A) 1.74×10^{-3} rad/s (B) 2.74×10^{-3} rad/s
 (C) 1.47×10^{-3} rad/s (D) 2.47×10^{-3} rad/s (Ans A)
02. গাছ থেকে 2 kg ভরের একটি নারিকেল সোজা নিচের দিকে পড়ছে। বাতাসের বাধা 8.6 N হলে নারিকেলটির ত্বরণ কত? [GST-A : 23-24]
 (A) 5.5 ms⁻² (B) 4.5 ms⁻²
 (C) 14.5 ms⁻² (D) -14.5 ms⁻² (Ans A)
03. একজন সাইকেল আরোহী ঘণ্টায় 24 km বেগে 30 m ব্যাসার্ধের একটি বৃত্তাকার পথে মোড় নিচ্ছে। তাকে উপরের সাথে কত কোণে হেলে থাকতে হবে? [GST-A : 23-24]
 (A) $\tan^{-1}(0.015)$ (B) $\tan^{-1}(0.115)$
 (C) $\tan^{-1}(0.15)$ (D) $\tan^{-1}(0.215)$ (Ans C)
04. সমান্তরাল সমবাহু ত্রুণ চারটি আমার তারের সাহায্যে 6 kg ভরের একটি বস্তুকে ঝাড়া উপরের দিকে 2 ms⁻¹ সমবেগে টানা হলে প্রতিটি তারে কত N টান পড়বে? [GST-A : 22-23]
 (A) 10.7 (B) 12.7
 (C) 14.7 (D) 17.8 (Ans C)

05. একজন ফুটবলার 0.4 kg ভরের এবং 12 ms⁻¹ বেগে আগত একটি ফুটবলকে কিক মারার ফলে সেটা বিপরীত দিকে 5 ms⁻¹ বেগে প্রাণ্ড হলো। কিক মারার সময়কাল 0.02 s হলে ফুটবলার কর্কট বলটির উপর প্রযুক্ত বল কত N? [GST-A : 22-23]
 (A) 340 (B) 300
 (C) 240 (D) 140 (Ans A)
06. কেন্দ্রীয় বল F এর প্রভাবে r ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে ঘূর্ণনরত একটি কণার উপর ক্রিয়াশীল টর্কের মান- [GST-A : 21-22]
 (A) rF (B) -rF
 (C) 0 (D) ∞ (Ans C)
07. কোন বস্তুর উপর 15 N বল 3 s ধরে ক্রিয়া করলে বস্তুটির ভরবেগের পরিবর্তন কত kgms⁻¹? [GST-A : 21-22]
 (A) 25 (B) 30
 (C) 45 (D) 50 (Ans C)
08. একটি চাকার ব্যাসার্ধ 1 m। এটি মিনিটে 15 বার ঘুরলে এর প্রান্তের রৈখিক বেগ কত ms⁻¹? [GST-A : 21-22]
 (A) π (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) 2π (D) $\frac{\pi}{3}$ (Ans B)
09. গাছ থেকে 0.5 kg ভরের একটি আম খাড়া নিচের দিকে পড়ছে। বাতাসের বাধা যদি 2.4 N হয়, তাহলে আমটির ত্বরণ কত ms⁻²? [GST-A : 21-22]
 (A) 5.0 (B) 5.5 (C) 6.0 (D) 6.5 (Ans A)
10. ভূ-সমতলের সাথে 30° কোণে আনত পথে একটি 2 kg ভরের বস্তুকে 3 ms⁻² ত্বরণে উঠাতে হলে বস্তুটির উপর কত নিউটন (N) বল প্রয়োগ করতে হবে? [GST-A : 20-21]
 (A) 6.8 (B) 11.8
 (C) 12.8 (D) 15.8 (Ans D)
11. 5 kg ভরের একটি বস্তু 1.2 ms⁻¹ বেগে একটি দেয়ালে লম্বভাবে ধাক্কা খেয়ে 0.8 ms⁻¹ বেগে বিপরীত দিকে ফিরে আসলে বলের ঘাত কত Ns হবে? [GST-A : 20-21]
 (A) 4 (B) 5 (C) 6 (D) 10 (Ans D)
12. নিউটনের গতির তৃতীয় সূত্রানুসারে ক্রিয়া-প্রতিক্রিয়ার মধ্যবর্তী কোণ কত ডিগ্রি? [KU-A : 19-20]
 (A) 0° (B) 90° (C) 180° (D) 360° (Ans C)
13. 6 kg ভরের একটি বন্দুক হতে 0.01 kg ভরের একটি গুলি 600 ms⁻¹ বেগে বের হয়ে গেল। বন্দুকের পশ্চাৎ বেগ কত? [CoU-A : 18-19]
 (A) 1 ms⁻¹ (B) 1.2 ms⁻¹
 (C) 0.5 ms⁻¹ (D) 0.6 ms⁻¹ (Ans A)
14. নিউটনীয় বা চিরায়িত বলবিদ্যার মৌলিক রাশি নয় কোনটি? [CoU-A : 18-19]
 (A) স্থান (B) সময় বা কাল
 (C) বেগ (D) ভর (Ans C)
15. 19.6 m ব্যাসের বৃত্তাকার পথে কোন মোটর সাইকেল আরোহী কত বেগে ছুটলে উল্লম্ব তলের সাথে 45° কোণে আনত থাকবে? [IU-D : 19-20]
 (A) 11.88 ms⁻¹ (B) 9.67 ms⁻¹
 (C) 10.58×10^{-4} ms⁻¹ (D) 9.8 ms⁻¹ (Ans D)
16. একটি চাকার জড়তার ভ্রামক 2 kgm²। চাকাটি মিনিটে 30 বার ঘুরছে। এর কৌণিক ভরবেগ কত? [JKKNIU-B : 19-20]
 (A) π kgm²s⁻¹ (B) $\frac{\pi}{2}$ kgm²s⁻¹
 (C) $\frac{2\pi}{3}$ kgm²s⁻¹ (D) 2π kgm²s⁻¹ (Ans D)
17. একটি কাঠের খণ্ডকে অনুভূমিকের সাথে 60° কোণে 200 N বল দ্বারা টানা হচ্ছে। বস্তুটির ওপর অনুভূমিকের দিকে কার্যকরী বল কত? [JKKNIU-B : 19-20]
 (A) 200 N (B) 100 N
 (C) 174 N (D) 0 N (Ans B)
18. টর্কের মাত্রা সমীকরণ কোনটি? [JKKNIU-B : 19-20]
 (A) $[ML^2T^{-2}]$ (B) $[ML^2T^{-1}]$
 (C) $[M^2LT^{-2}]$ (D) $[ML^{-2}T^{-2}]$ (Ans B)

Part 1

গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

- কাজ : কোনো বস্তুর উপর বল প্রয়োগে যদি বস্তুর সরণ ঘটে, তাহলে বল ও বলের প্রয়োগ বিন্দুর দিকে সরণের উপাংশের গুণফলকে কাজ বলে।
অর্থাৎ কাজ = বল $\times$ সরণ = $F \times S$; কাজের মাত্রা = $[ML^2T^{-2}]$ এবং একক Nm বা J

- শূন্য কাজ : $\theta = 90^\circ$ হলে, $\cos 90^\circ = 0$

সংজ্ঞা	বল প্রয়োগে যদি কোনো বস্তুর সরণ বলের লম্ব বরাবর হয়, তবে ঐ বলের দ্বারা কোনো কাজ হয় না। এ ধরনের কাজকে শূন্য কাজ বলে।
শর্তাবলী	$F = 0$ (বস্তুত বল প্রয়োগ নেই) $s = 0$ (বল প্রয়োগ বস্তুর সরণ নেই)
উদাহরণ	- কেন্দ্রমুখী বল কর্তৃক কৃতকাজ - আম ভর্তি বস্ত্র মাথায় নিয়ে দাঁড়িয়ে থাকা - অপ্রসারণশীল দড়িতে পাথর বেঁধে বৃত্তাকার পথে ঘুরানো - সমদ্রতলে ঘুরতে থাকা বস্তু অর্থাৎ পৃথিবীর ঘূর্ণন

৫ সংরক্ষণশীল ও অসংরক্ষণশীল বল :

- সংরক্ষণশীল বল : যে বল কোনো বস্তুর উপর ক্রিয়া করলে তাকে যে কোনো পথে ঘুরিয়ে পুনরায় প্রাথমিক অবস্থানে আনলে বল কর্তৃক কৃতকাজ শূন্য হয়, তাকে সংরক্ষণশীল বল বলে। যেমন : অভিকর্ষীয় বল, বৈদ্যুতিক বল, তড়িৎ বল, চৌম্বক বল, মহাকর্ষ বল ও আদর্শ স্প্রিং এর বিকৃতি প্রতিরোধী বল ইত্যাদি। সংরক্ষণশীল বল দ্বারা কৃতকাজ পুনরুদ্ধার সম্ভব।

- অসংরক্ষণশীল বল : যদি কোনো বলের ক্রিয়া অভিমুখ যদি বস্তুর গতি অভিমুখের উপর নির্ভর না করে, তবে তা অসংরক্ষণশীল। যেমন : ঘর্ষণ বল, সান্দ্র বল, বায়ুর বাঁধা এবং সবল ও দুর্বল নিউক্লিয় বল। অসংরক্ষণশীল বল দ্বারা কৃতকাজ পুনরুদ্ধার করা সম্ভব নয়।

৬ শক্তি ও ক্ষমতা : শক্তি : কোনো বস্তুর কাজ করার সামর্থ্যকে শক্তি বলে। শক্তি একটি স্কেলার রাশি। বস্তু সর্বমোট যতটুকু কাজ করতে পারে তা দিয়েই বস্তুর শক্তির পরিমাপ করা হয়। এর একক জুল (J) ও মাত্রা : $[ML^2T^{-2}]$

- শক্তির নিত্যতা : শক্তির সৃষ্টি বা বিনাশ নেই। কেবল একরূপ থেকে অন্য রূপে পরিবর্তিত হতে পারে। এই মহাবিশ্বের মোট শক্তির পরিমাণ নির্দিষ্ট ও অপরিবর্তনীয়।

- এক ইলেকট্রন ভোল্ট : এক ভোল্ট বিভব পার্থক্যে একটি ইলেকট্রনের অর্জিত শক্তিই এক ইলেকট্রন ভোল্ট। অর্থাৎ, $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$

- ক্ষমতা : কাজ সম্পাদনকারী কোনো ব্যক্তি বা যন্ত্রের কাজ করার হার বা শক্তি সরবরাহের হারকে ক্ষমতা বলে। ক্ষমতা হলো বল ও বেগের গুণফলের সমান।

- ক্ষমতা একটি স্কেলার রাশি। ক্ষমতার মাত্রা : $[P] = [ML^2T^{-3}]$ । ক্ষমতার এস.আই একক জুল/সে. বা ওয়াট (W)।

- তাৎক্ষণিক ক্ষমতা : কোন মুহূর্তকে ঘিরে অতি ক্ষুদ্র সময়ের ব্যবধানে সময়ের সাথে কাজ করার হারকে তাৎক্ষণিক ক্ষমতা বলে।

- ওয়াট : 1 সেকেন্ডে 1 জুল (J) কাজ করার ক্ষমতাকে 1 ওয়াট বলে। $\therefore 1 \text{ W} = 1 \text{ Js}^{-1}$ $\diamond$ অশ্বক্ষমতা : প্রতি সেকেন্ডে 746 জুল কাজ করার ক্ষমতাকে এক অশ্বক্ষমতা বলে।

- $\therefore 1 \text{ H.P} = 746 \text{ Js}^{-1} = 746 \text{ W} = 550 \text{ ft/lb}$ এককের আন্তর্জাতিক পদ্ধতি চালুর পূর্বে ক্ষমতার একটি ব্যবহারিক একক ছিল অশ্ব-ক্ষমতা (Horse Power)।

- কর্মদক্ষতা : কোনো যন্ত্রে কাজে পরিণত হওয়ার শক্তির এবং সরবরাহকৃত শক্তি অনুপাতকে কর্মদক্ষতা বলে। কর্মদক্ষতা, $\eta = \text{কার্যকর শক্তি/মোট সরবরাহকৃত শক্তি}$ । কর্মদক্ষতাকে শতকরা হিসেবে প্রকাশ করা যায়। $\therefore \eta = \left(1 - \frac{E_2}{E_1}\right) \times 100\% = \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) \times 100\%$

Part 2

At a glance

- কোনো ব্যক্তিকে ক্লাসে দাঁড় করিয়ে রাখা এক ধরনের- শূন্য কাজ
- স্থিতিস্থাপক বল দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির- সমানুপাতিক
- সংরক্ষণশীল বলের ক্ষেত্রেই শুধু- বিভব শক্তি পাওয়া যায়
- সরণের উপর নির্ভরশীল বল- আদর্শ স্প্রিং এর বিকৃতি প্রতিরোধী বল
- একক কিলোগ্রাম পদার্থ রূপান্তরে শক্তির পরিমাণ- $9 \times 10^{16} \text{ J}$
- কেন্দ্রমুখী বা অভিকেন্দ্র বল হল এক ধরনের- কার্যহীন বল
- কোনো বস্তুতে বেগ দেওয়ার জন্য কৃতকাজই হলো বস্তুর- গতিশক্তি
- বৈদ্যুতিক বাতিতে বিদ্যুৎ শক্তি- আলোক শক্তিতে রূপান্তরিত হয়
- নির্দিষ্ট ভরের কোনো বস্তুর গতিশক্তি বেগের- বর্গের সমানুপাতিক
- অসংরক্ষণশীল বলের ক্ষেত্রে- যান্ত্রিক শক্তির নিত্যতা সূত্র প্রযোজ্য নয়
- অভিকর্ষীয় বিভব শক্তির মান নির্ভর করে না- বস্তুর ভরের উপর
- স্প্রিং ধ্রুবকের মান নির্ভর করে না- স্প্রিং এর দৈর্ঘ্যের উপর
- সম্পাদিত কাজের পরিমাণ শূন্য হয়- সংরক্ষণশীল বল দ্বারা
- অসংরক্ষণশীল বলের উদাহরণ- ঘর্ষণ বল
- একটি বই টেবিলের উপর থেকে নিচে পড়লে হবে- ধনাত্মক কাজ
- প্রতি সেকেন্ড 746 জুল কাজ করার ক্ষমতাকে- এক অশ্ব ক্ষমতা বলে
- এক (1) অশ্বশক্তি (Horse Power) সমান কত ওয়াট- 746 W
- 1 ক্যালরি/সেকেন্ড- $5.613 \times 10^{-3} \text{ H.P}$
- সাইফন কী- এক ধরনের প্রাকৃতিক পাম্প
- সমদ্রতলে ঘুরতে থাকা বস্তুর কাজ- শূন্য

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

- কৃতকাজ ও শক্তি সংক্রান্ত : $\diamond$ স্থির বল দ্বারা কৃতকাজ, $W = \vec{F} \cdot \vec{s} = F.s \cos \theta$

- $\diamond$ পরিবর্তনশীল বল দ্বারা কৃতকাজ, $W = \int \vec{F} \cdot d\vec{x}$ [একমাত্রিক]

- $\diamond$ পরিবর্তনশীল বল দ্বারা কৃতকাজ, $W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$ [দ্বি-মাত্রিক]

- $\diamond$ বস্তু দ্বারা কৃতকাজ, $W = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mu^2$ [শক্তি বৃদ্ধির ক্ষেত্রে]

- $\diamond$ বস্তু দ্বারা কৃতকাজ, $W = \frac{1}{2}mu^2 - \frac{1}{2}mv^2$ [শক্তি হ্রাসের ক্ষেত্রে]

- গতিশক্তি বা স্থিতিশক্তি সংক্রান্ত :

- $\diamond$ স্প্রিং এর স্থিতিশক্তি, $E_p = \frac{1}{2}kx^2$ $\diamond$ গতিশক্তি, $E_k = mv^2/2 = \frac{p^2}{2m}$

- $\diamond$ ঘূর্ণনমান বস্তুর গতিশক্তি, $E_k = \frac{1}{2}I\omega^2$ $\diamond$ স্থিতিস্থাপক বিভব শক্তি, $U = \frac{1}{2}kx^2$

- $\diamond$ কাজ শক্তি উপপাদ্য, $\Delta W = E_2 - E_1 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$

$$\diamond \text{ कर्षणकता, } \eta = \left(1 - \frac{E_2}{E_1}\right) \times 100\% = \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) \times 100\%$$

♦ ভূমি স্পর্শের সময় গতিশক্তি = সর্বোচ্চ উচ্চতায় বিভবশক্তি = mgh

- ### For Practice

-

- ### For Practice

- 

- $$= 550 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 550 \text{ J Ans.}$$

For Practice

- Ans. 0.01 J**

- Ans. 9.8 J**



- $$= 1.28 \times 10^7 \text{ W Ans.}$$

- ### For Practice

02. একটি পাম্প প্রতি মিনিটে 240 kg পানি 10 m উপরে তুলে 10 m.s^{-1} বেগে নিক্ষেপ করে। পাম্পটির ক্ষমতা নির্ণয় করো। Ans: 592 W

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

- (A) 0° (B) 180° (C) 360° (D) 90° **Ans D**

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন
বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

- Ⓐ 12 Ⓑ 24 Ⓒ 120 Ⓓ 124 Ⓔ 124

05. ছিঁচাবছা থেকে 20 kg ভরের কোনো বস্তু একটি নির্দিষ্ট বলের ক্রিয়ার ফলে 3 s পর 6 ms^{-1} বেগ অর্জন করলে 5 s পর এর গতিশক্তি কত kJ? [GST-A : 22-23]
 (A) 3 (B) 2 (C) 1 (D) 0.5 (Ans: C)
06. 500 g ভরের একটি কণার উপর $(6x^2 - 4x) \text{ N}$ বল ক্রিয়া করায় বস্তুটি বলের দিকে $x = 0$ অবস্থান হতে $x = 2$ অবস্থানে সরে গেলে বলের দ্বারা কৃত কাজের পরিমাণ কত J? [GST-A : 22-23]
 (A) 8 (B) 6 (C) 4 (D) 2 (Ans: A)
07. সংরক্ষণশীল বল দ্বারা 1 kg ভরের একটি বস্তুকে A থেকে B বিন্দুতে নেয়া হলে এক B থেকে A বিন্দুতে ফিরিয়ে আনা হলো। বস্তুটির উপর কত J কাজ করা হলো? [GST-A : 21-22]
 (A) 1 (B) 0 (C) 0.5 (D) 2 (Ans: B)
08. একটি দালানের ছাদের সাথে লাগানো 10 m একটি মই ভূমির সাথে 30° কোণে আনত আছে। 68 kg ভরের এক ব্যক্তি 12 kg ভরের জিনিসসহ 19.6 s এ মই বেয়ে ছাদে ওঠে। ঐ ব্যক্তি কত ওয়াট (W) ক্ষমতা প্রয়োগ করেছে? [GST-A : 20-21]
 (A) 200 (B) 300 (C) 400 (D) 600 (Ans: A)
09. একটি গুলির বেগ দ্বিগুণ করা হলে এর গতিশক্তি কত গুণ হবে? [KU-A : 19-20]
 (A) 0.5 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (Ans: D)
10. 100 kg ভরের একটি বস্তুকে ক্রেনের সাহায্যে 10 cm s^{-1} বেগে ছাদের উপর উঠালে ক্রেনের ক্ষমতা কত Watt? [KU-A : 19-20]
 (A) 0.98 (B) 10 (C) 98 (D) 9800 (Ans: C)
11. কোনটি ঘূর্ণায়মান বস্তুর গতিশক্তি? [CoU-A : 19-20]
 (A) $K.E = \frac{1}{2} Mv^2$ (B) $K.E = \frac{1}{2} I\omega^2$ (C) $K.E = \frac{1}{2} Iv^2$ (D) $K.E = \frac{1}{2} M\omega^2$ (Ans: B)
12. একটি ঘোড়া ভূমি বরাবর 60 N বল প্রয়োগে একটি বস্তুকে টেনে 2 ms^{-1} সমবেগে সরতে পারে। 3 min এ ঘোড়াটি কী পরিমাণ কাজ করবে? [CoU-A : 18-19]
 (A) $4.3 \times 10^4 \text{ J}$ (B) $3 \times 10^4 \text{ J}$ (C) $2.2 \times 10^4 \text{ J}$ (D) $6 \times 10^4 \text{ J}$ (Ans: C)
13. কেন্দ্রমুখী বল দ্বারা কৃতকাজ- [CoU-A : 18-19]
 (A) অসীম (B) ধনাত্মক (C) শূন্য (D) ঋণাত্মক (Ans: C)
14. ধনাত্মক (Positive Work) কাজের ক্ষেত্রে বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণ θ এর মান- [IU-D : 19-20]
 (A) $0^\circ \leq \theta < 90^\circ$ (B) $90^\circ < \theta \leq 180^\circ$ (C) $0^\circ < \theta \leq 90^\circ$ (D) $90^\circ \leq \theta < 180^\circ$ (Ans: A)
15. ঘূর্ণায়মান বস্তুর গতিশক্তির সমীকরণ - [IU-D : 19-20]
 (A) $E_k = \frac{mv^2}{2}$ (B) $E_k = \frac{I\omega^2}{2}$ (C) $E_k = \frac{m\omega^2}{2}$ (D) $E_k = \frac{Iv^2}{2}$ (Ans: B)
16. 100 kg ভরের একটি বস্তুকে ক্রেনের সাহায্যে 10 cm s^{-1} বেগে ছাদের উপর উঠালে ক্রেনের ক্ষমতা কত? [JKKNIU-B : 19-20]
 (A) 0.98 W (B) 10 W (C) 98 W (D) 9800 W (Ans: C)
17. একটি বস্তুর ভরকো 200% বৃদ্ধি করলে এর গতিশক্তি কেমন পরিবর্তিত হবে? [JKKNIU-B : 19-20]
 (A) 2 গুণ বৃদ্ধি পাবে (B) 4 গুণ বৃদ্ধি পাবে (C) 6 গুণ বৃদ্ধি পাবে (D) 8 গুণ বৃদ্ধি পাবে (Ans: D)
18. একটি গাড়ির ইঞ্জিন 200 kN বল প্রয়োগ করে এবং গাড়িটি এক মিনিটে 21 m দূরত্ব চলে। গাড়িটির ক্ষমতা কত? [BU-A : 19-20]
 (A) 4200 kW (B) 70 W (C) 1200 kW (D) 70 kW (Ans: D)

01. একটি চলন্ত বস্তু সমান ভরের অপর একটি বস্তুকে আঘাত করল। গতিশক্তি কত অংশ হানাত্বিত হবে।
 (A) 0% (B) 1% (C) 50% (D) 100% (Ans: D)
02. স্থিতিস্থাপক বলের বিরুদ্ধে সরণের মান দ্বিগুণ করলে কাজ কতটুকু বৃদ্ধি পাবে?
 (A) 100% (B) 200% (C) 300% (D) 400% (Ans: C)
03. 250 kg ভরের একটি বস্তু ক্রেনের সাহায্যে 0.1 ms^{-1} প্রবেশে উপরে উঠানো হলো। ক্রেনের ক্ষমতা কত?
 (A) 24500 W (B) 2500 W (C) 245 W (D) 24.5 W (Ans: C)
04. 1 kg ও 4 kg ভরের দুটি বস্তু একই গতিশক্তি নিয়ে চলেছে। এদের রৈখিক ভরবেগের অনুপাত হবে?
 (A) 4 : 1 (B) $\sqrt{2} : 1$ (C) 1 : 2 (D) 1 : 16 (Ans: C)
05. পৃথিবীকে প্রসারিত করলে এর মধ্যে কোন ধরনের শক্তি সঞ্চিত হয়?
 (A) বিভব শক্তি (B) গতিশক্তি (C) রাসায়নিক শক্তি (D) তাপশক্তি (Ans: A)
06. বল প্রবাহের মাত্রা কোনটি?
 (A) $[ML^2T^{-2}]$ (B) $[MLT^{-2}]$ (C) $[MT^2]$ (D) $[MT^{-2}]$ (Ans: D)
07. বল ও সরণের মধ্যবর্তী কোণ কত হলে কাজের পরিমাণ সর্বোচ্চ?
 (A) 0° (B) 45° (C) 90° (D) 180° (Ans: A)
08. শক্তির অপচয়ের ধারণা দেন কে?
 (A) লর্ড কেলভিন (B) ওয়াটসন (C) মেক্সওয়েল (D) প্রাক (Ans: A)
09. নিচের কোনটি শক্তির মাত্রা?
 (A) $[MLT^{-2}]$ (B) $[ML^2T^{-2}]$ (C) $[ML^{-1}T^{-1}]$ (D) $[MLT^{-1}]$ (Ans: B)
10. ভূমির সাথে 30° কোণে আনত 5 m দীর্ঘ একটি ঢালুপথে 100 g ভরবিশিষ্ট একটি বস্তু যে গতিশক্তি প্রাপ্ত হবে-
 (A) 0.49 J (B) 0.848 J (C) 1.225 J (D) 2.45 J (Ans: D)
11. পৃথিবীকে প্রসারিত করলে এর মধ্যে কোন ধরনের শক্তি সঞ্চিত হয়?
 (A) বিভব শক্তি (B) গতিশক্তি (C) রাসায়নিক শক্তি (D) তাপশক্তি (Ans: A)
12. 6 ওয়াট ক্ষমতাসম্পন্ন একটি মোটর 1 মিনিটে কত জুল কাজ করবে?
 (A) 6 J (B) 360 J (C) 60 J (D) 3600 J (Ans: B)
13. একটি 5 কিলোগ্রাম সচল বস্তুর সরণের লম্বদিকে 10 নিউটন ও 5 নিউটন মানের দুটি বল বস্তুটির উপর বিপরীত দিকে ক্রিয়া করে। বল দুটি দ্বারা কৃতকাজের মান কত হবে?
 (A) 50 J (B) 25 J (C) 0 J (D) 15 J (Ans: C)
14. k পৃষ্ঠ প্রবাহকসম্পন্ন দুটি পৃষ্ঠকে সমান্তরালে যুক্ত করলে তুল্য প্রবাহক প্রত্যেকটি পৃষ্ঠ এর পৃষ্ঠ প্রবাহকের সাপেক্ষে কত হবে?
 (A) k (B) 2k (C) $\frac{k}{2}$ (D) k^2 (Ans: B)
15. 300 Nm^{-1} বল প্রবাহক সম্পন্ন একটি পৃষ্ঠকে কতটুকু সংকুচিত করলে 1.5 J কাজ করা হবে?
 (A) 0.1 m (B) 1.5 m (C) 3.01 m (D) 1.0 m (Ans: A)
16. পানি মেঘে পরিণত হতে কৃতকাজ-
 (A) mgh (B) Vpgh (C) A/pgh (D) সবগুলো (Ans: D)
17. প্রযুক্ত বল এবং সরণের মধ্যে 180° কোণ হলে, কাজ কেমন হবে?
 (A) ধনাত্মক (B) শূন্য (C) অসীম (D) ঋণাত্মক (Ans: D)
18. পৃষ্ঠ প্রবাহক এর একক কোনটি?
 (A) Nm (B) Nm^{-2} (C) Nm^2 (D) Nm^{-1} (Ans: D)
19. নিচের কোনটি সংরক্ষণশীল বলের উদাহরণ নয়?
 (A) আদর্শ পৃষ্ঠ এর বল (B) ঘর্ষণ বল (C) অভিকর্ষীয় বল (D) বৈদ্যুতিক বল (Ans: B)
20. 100 kgm কে জুল এ প্রকাশ কর-
 (A) 764.00 J (B) 981 J (C) 98.1 J (D) 9.81 J (Ans: B)

১. কপলারের সূত্রাবলি সংক্রান্ত :

• গ্রহসমূহের গতিবিধি নিয়ে বিভিন্ন মতবাদ :

- কপলার : পৃথিবী মহাবিশ্বের কেন্দ্র এবং সূর্য ও অন্যান্য গ্রহ পৃথিবীকে কেন্দ্র করে আবর্তিত হয়।
- কোপারনিকাস : সূর্য মহাবিশ্বের কেন্দ্র ও গ্রহ পৃথিবী একটি গ্রহ ও অন্যান্য গ্রহের মতই সূর্যকে কেন্দ্র করে আবর্তিত হয়।
- টাইকোব্রায়ে : জ্যোতির্বিদদের পর্যবেক্ষণ সংকলিত করেন।
- কপলার : এ সকল তথ্য বিশ্লেষণ করেন ও ব্যাখ্যা করে দেন।

• কপলারের সূত্রাবলি : 1618 খ্রিস্টাব্দে ডেনমার্কের বিজ্ঞানী ও জ্যোতির্বিদ জোহান কপলার সিদ্ধান্তে উপনীত হন যে, গ্রহগুলো কোনো এক বলের প্রভাবে সূর্যকে কেন্দ্র করে প্রবাহিত হয়। এই সম্পর্কে তিনি তিনটি সূত্র প্রদান করেন। তাঁর নাম অনুসারে এই তিনটি সূত্রকে কপলার এর গ্রহ সম্পর্কীয় গতিসূত্র বলে। সূত্র তিনটি নিম্নরূপ:

- ১ম সূত্র বা উপবৃত্ত বা কক্ষের সূত্র: প্রতিটি গ্রহ সূর্যকে উপবৃত্তের নাকিতে বা ফোকাসে রেখে একটি উপবৃত্তাকার পথে প্রদক্ষিণ করছে।
- ২য় সূত্র বা ক্ষেত্রফলের সূত্র: গ্রহ এবং সূর্যের সংযোগকারী ব্যাসার্ধ রেখা সমান সময়ে সমান ক্ষেত্রফল অতিক্রম করে।
- ৩য় সূত্র বা পর্যায় কাল বা সময়ের সূত্র: প্রতিটি গ্রহের পর্যায়কালের বর্গ সূর্য হতে তার দূরত্বের ঘনফলের সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $T^2 \propto R^3$ ।

• কপলারের সূত্রের সিদ্ধান্ত সমূহ :

- গ্রহের আবর্তনকাল ভরের উপর নির্ভর করে না।
- গ্রহ সূর্যের যত কাছে থাকে, আবর্তনকাল তত কম থাকে।

২. বিকর্ষী ও আকর্ষী :

বিকর্ষী- মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ বল গ্রহ সমূহের আবর্তনের কারণ, পড়ন্ত বস্তুর সূত্র সমূহের প্রমাণ

আকর্ষী- গ্রহের গতিবিধি লক্ষ্য করে গ্রহ নক্ষত্র সম্পর্কে তথ্য সংগ্রহ করেন

পারসী ও কিলিস- G-এর মানের উপর তাপমাত্রার প্রভাব নেই প্রমাণ করেন

গ্যালিলিও- পড়ন্ত বস্তুর সূত্র প্রদান করেন

কপলার- গ্রহ সমূহ ঘূর্ণনের তিনটি সূত্র প্রদান করেন

ক্যাভেন্ডিস- G-এর মান নির্ণয় করেন

৩. মহাকর্ষ ও অভিকর্ষ সূত্র সংক্রান্ত :

মহাকর্ষ বল	মহাবিশ্বে দুটি বস্তুকণা পরস্পরকে যে বলে আকর্ষণ করে তাকে মহাকর্ষ বল বলে।				
নিউটনের মহাকর্ষ সূত্র	মহাবিশ্বের যে কোনো দুটি বস্তুকণা পরস্পরকে আকর্ষণ করে। এই আকর্ষণ বল বস্তু দুটির ভরের গুণফলের সমানুপাতিক, তাদের মধ্যকার দূরত্বের বর্গের ব্যস্তানুপাতিক এবং বস্তু দুটির সংযোগকারী সরলরেখা বরাবর ক্রিয়াশীল।				
মহাকর্ষীয় ধ্রুবক	একক ভরবিশিষ্ট দুটি বস্তুকণা একক দূরত্বে থেকে যে পরিমাণ বল দ্বারা পরস্পরকে আকর্ষণ করে তার সংখ্যাগত মান হচ্ছে মহাকর্ষীয় ধ্রুবক। • 1798 সালে বিজ্ঞানী ক্যাভেন্ডিস মহাকর্ষীয় ধ্রুবকের মান নির্ণয়ের জন্য "ব্যবর্ত তুলা" পদ্ধতি উদ্ভাবন করেন। • মান : $6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$ • মাত্রা : $[G] = [L^3 M^{-1} T^{-2}]$ • ধ্রুবক: সর্বজনীন				
মহাকর্ষ সূত্রের ব্যবহার :	• প্রাকৃতিক সম্পদ অনুসন্ধান	• কৃত্রিম উপগ্রহের মাধ্যমে যোগাযোগ	• বস্তু গবেষণায়		
মহাকর্ষীয় ধ্রুবক নির্ভর করে না	• প্রবেশ্যতা	• প্রবণতা	• দিক দর্শিতা	• ভৌত অবস্থা	• মাধ্যম
মহাকর্ষীয় ধ্রুবক G এর প্রয়োগ	• পৃথিবীর ভর নির্ণয় • পৃথিবীর ঘনত্ব নির্ণয় • সূর্যের ভর নির্ণয় • গ্রহের পর্যায়কাল ও চক্রের ব্যাসার্ধের মধ্যে সম্পর্ক				

৪. মহাকর্ষীয় বিভব ও প্রাবল্য সংক্রান্ত :

• মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র : কোনো বস্তুর আশেপাশে যে অঞ্চলব্যাপী এর মহাকর্ষীয় প্রভাব বজায় থাকে তাকে ঐ বস্তুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র বলে।

• মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য বা তীব্রতা : মহাকর্ষীয় ক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে একক ভরের একটি বস্তু স্থাপন করলে তার উপর যে মহাকর্ষীয় বল প্রযুক্ত হয় তাকে ঐ বিন্দুর মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য বলে। এর একক ও মাত্রা Nkg^{-1} , $[\text{LT}^{-2}]$; মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্যের রাশিমালা, $E_G = \frac{F}{m}$ ।

• মহাকর্ষীয় বিভব : অসীম দূরত্ব হতে একক ভরের কোনো বস্তুকে মহাকর্ষীয় ক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে আনতে যে নির্দিষ্ট কাজ সাধিত হয় তাকে ঐ বিন্দুর মহাকর্ষীয় বিভব বলে। একে ঋণরাশি দ্বারা প্রকাশ করা হয়। এর S.I একক J/kg এবং মাত্রা সমীকরণ $[\text{L}^2 \text{T}^{-2}]$ । এটি একটি স্কেলার রাশি। এর সর্বনিম্ন মান হবে অসীমে (এক ঐ মান হবে শূন্য)। অসীম থেকে ক্ষেত্র সৃষ্টিকারী বস্তুর দিকে আসতে থাকলে মান কমতে থাকে এবং ক্রমান্বয়ে ঋণাত্মক হয়।

৫. মুক্তিবল ও উপগ্রহ সংক্রান্ত :

• মুক্তিবল : সর্বাপেক্ষা কম যে বেগে কোনো বস্তুকে উপরের দিকে নিক্ষেপ করলে তা আর পৃথিবীতে ফিরে আসে না সেই বেগকে মুক্তিবল বলে।

• মুক্তিবলের মান : • পৃথিবীতে $\rightarrow 11.2 \text{ km/s}$ বা 7 মাইল/সে. বা 25000 মাইল/ঘণ্টা • চাঁদ $\rightarrow 2.4 \text{ km/s}$ • বুধ $\rightarrow 4.3 \text{ km/s}$
• মঙ্গল $\rightarrow 5.0 \text{ km/s}$ • শুক্র $\rightarrow 10.3 \text{ km/s}$ • বৃহস্পতি $\rightarrow 59.5 \text{ km/s}$

Part 5 ଭାରତୀୟ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟ ବିକାଶ ଯୋଜନା

JOYKOI & PUBLICATIONS

৫৭৬

01. অতিদীর্ঘ তরঙ্গের মান গোলাক গোলাক বায়ুর মাধ্যম উপস্থিত হলে -
[NU-Science : 13-14]
A) 1.9 m/s^2
B) 1.1 m/s^2
C) 4.9 m/s^2
D) 2.5 m/s^2 (Ans) 02. গোলাক বায়ুর মাধ্যম বর্তন করে হলে গোলা অতিদীর্ঘ তরঙ্গ - এর
মান কত হবে? [NU-Science : 12-13]

ସ୍ଥାନୀୟ ସ୍ତରୀୟ (NU-Science : 12-13)

03. **4g** **①** $E = \frac{dV}{dt}$ **②** $E = -\frac{dV}{dt}$ **③** $- \frac{ds}{dt}$ **④** $\frac{ds}{dt}$
- Ans C** **①** **Ans B** **②** **Ans B** **③** **Ans B** **④** **Ans B**

ଅନୁସନ୍ଧାନ ଶାସ୍ତ୍ର ବିଭାଗ - [NU-Science : 11-12]

05. গ্যাসীয় অণুর গড় তরঙ্গদৈর্ঘ্য $2.5 \text{ \AA}$ । [N.U.-Science : 05-06]
- (A) $R/4$
 (B) $R/2$
 (C) R
 (D) $2R$
- Ans (D)**
06. বস্তু গড়ে একটি সপ্তাহে মোট কত দূরত্ব গতি করে? [N.U.-Science : 04-05]
- (A) 9.8 ms^{-2}
 (B) 4.9 ms^{-2}
 (C) 19.6 ms^{-2}
 (D) 39.2 ms^{-2}
- Ans (B)**

© 1998 by Science & Technology Publishers, Inc. All rights reserved. Printed in the United States of America. This book is registered at the Copyright Clearance Center, Inc., 222 Rosewood Drive, Danvers, MA 01923. Organizations in the U.S. who are also registered with C.C.C. may therefore copy material (beyond the limits permitted by sections 107 and 108 of U.S. copyright law) subject to payment to C.C.C. of the per copy fee of \$04.00. This consent does not extend to multiple copying for promotional or commercial purposes. ISI Tear Sheet Service, 3501 Market Street, Philadelphia, PA 19104, USA, is authorized to supply single copies of separate articles for private use only. Organizations authorized by the Copyright Licensing Agency may also copy material subject to the usual conditions. For all other use, permission should be sought from Science & Technology Publishers, Inc.

27. যথাক্রমে বলের অঙ্গীকারগুলি বহুত্ব $F = G \frac{M}{r^2}$ অনুসারে যথাক্রমে G -এর
- (A) চাঁদ বাতাসের বায়ু গোল
 (B) চাঁদের ব্যাসার্ধ অস্থিতির থেকে কমা
 (C) চাঁদের গড় ঘনত্ব অস্থিতির থেকে কমা
 (D) চাঁদের আকর্ষণীয় ভর অস্থিতির থেকে কমা
- (Ans) (D)

[27-10 : 01-02] [NU-Science : 01-02]

Part 9

ପ୍ରାଣୀମାନଙ୍କର ଶରୀରରେ ଥିବା କଠିନ ଅଂଶକୁ ହାଡ଼ କୁହାଯାଏ ।

- ⑦ Nm^2/Kg
 ⑧ Nm^2/Kg
 ⑨ Nm^2/N

③ Type

କାହାଣୀ ଲେଖକ



- Solve: $T = \frac{v}{2\pi} (R + h)$
- $\therefore T = \frac{2 \times 3.14 \times (6400 \times 10^3 + 3.596 \times 10^7)}{3.08 \times 10^8}$
- $= 86370.389 \text{ sec} \approx 24 \text{ hours.}$
- [Proved]

ହେଉ ବାହାରି ହୋଇ କୁ କାନ୍ଦୁଥାଏ ହୃଦୟ

Ans. 7089 m s⁻¹

4

۱۵۷۲

- Solve: $v_{\text{रॉकेट}} = v_{\text{प्लेन}} + v_{\text{प्लेन}} \times \frac{v_{\text{प्लेन}}}{c}$

$$\therefore V_c = 11.2 \times 10^3 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$$

©

ଶ୍ରୀମତୀ ଶ୍ରୀମତୀ ସାବିତ୍ରୀ



1. R ଦାମାରେ ମୃତ୍ୟୁର ମୂର୍ତ୍ତି ଆବିର୍ଭାବ ନିବାରଣ V ସମ୍ପର୍କରେ R ଉଲ୍ଲେଖ
 2. ଅବିକାଶୀୟ ବିଭବ ଓ ପ୍ରାପ୍ୟ
 3.

കേരള ഗവണ്മെന്റ്

Solve: $V_2 = \int_{2R}^{\infty} E dR = \int_{2R}^{\infty} \frac{GM}{R^2} dR$

$$\Rightarrow V_2 = -\left(\frac{GM}{2R}\right) \Rightarrow V_2 = V/2 \text{ Ans.} \left[V = -\frac{GM}{R} \right]$$

9

Type 9

କେତ କେତେ ଯୁକ୍ତ

- Ans. 9.81 N/kg

മകൾ ഉൾപ്പെടെ

- Solve:** $\frac{T_2}{T_1} = \frac{R_1}{R_3} \Rightarrow T_2 = \frac{(R/2)_3}{R_1} \times T_1 = \frac{8}{1} \times (365)^2 \Rightarrow T_2 = 129.04 \text{ days Ans.}$

For Practice

Ans. 1.89 years

Ans. 1.89 years

04. A ও B গুরুত্বের ভর যথাক্রমে M ও 2M, এক স্থানীয় স্থানান্তর R ও 2R দূরত্ব থেকে একটি কক্ষীয় কক্ষপথে স্থাপিত। A ও B-এর কক্ষীয় বেগের অনুপাত কত? [GSE-A: 20-21]
- (A) 1:1
(B) 1:2
(C) 2:1
(D) 4:1
- ans C

ଅନୁସନ୍ଧାନ ସମିତି- [GST-A : 22-23]

03. $\frac{M_1 L_1 T_1^2}{M_2 L_2 T_2^2}$ ର SI ଏକକ କ'ଣ? [GST-A : 21-22]
- (A) 1 : 9
 (B) 2 : 9
 (C) 4 : 9
 (D) 8 : 9
- ସଠିକ୍ ଉତ୍ତର (D)

02. ବୃଦ୍ଧ ଥିବେ $\frac{R}{2}$ = ପ୍ରତିସାରିତ ସୀମାର) ତରଙ୍ଗର ଏକ ବିଚଳନ ଅବିଚଳ
- (A) 21.44 N
© 21.24 N
(B) 24.21 N
① 24.44 N
- (Ans A)

- [illegible]

05. পার্কিং কক্ষপথ কোনটি? [KU-A : 19-20]

- (A) যে পথে বিমান চলাচল করে
 (B) পোলার উপগ্রহের কক্ষপথ
 (C) ভূ-স্থির উপগ্রহের কক্ষপথ
 (D) পৃথিবীর কক্ষপথ

Ans (C)

06. গাছের একটি আপেল পৃথিবীকে F_1 বলে আকর্ষণ করছে। পৃথিবী আপেলকে F_2 বলে আকর্ষণ করছে। সুতরাং-[CoU-A : 19-20]

- (A) $F_2 \gg F_1$
 (B) $F_2 > F_1$
 (C) $F_2 = F_1$
 (D) $F_2 < F_1$

Ans (C)

07. কোনো স্থানে g এর মান 9.832 ms^{-2} হলে, নিচের কোন উক্তিটি সঠিক? [CoU-A : 18-19]

- (A) স্থানটি মেরু অঞ্চলে অবস্থিত
 (B) স্থানটি 45° অক্ষাংশে অবস্থিত
 (C) স্থানটি বিষুবীয় অঞ্চলে অবস্থিত
 (D) স্থানটি সমুদ্র পৃষ্ঠে অবস্থিত

Ans (A)

08. একটি ভূ-স্থির উপগ্রহের আবর্তনকাল কত? [CoU-A : 18-19]

- (A) 12 ঘণ্টা
 (B) 24 ঘণ্টা
 (C) 1 মাস
 (D) 12 মাস

Ans (B)

09. G -এর মাত্রা সমীকরণ - [IU-D : 19-20]

- (A) $[G] = [M^{-1}L^3T^{-2}]$
 (B) $[M^{-1}L^3T^{-2}]$
 (C) $[M^{-1}L^2T^{-2}]$
 (D) $[G] = [M^{-1}L^{-2}T^{-2}]$

Ans (A)

10. পৃথিবীর সাপেক্ষে মুক্তিবৈগ v_E এবং চাঁদের সাপেক্ষে মুক্তিবৈগ v_M হলে, নিচের কোনটি সঠিক? [BRUR-E : 19-20]

- (A) $v_E > v_M$
 (B) $v_E < v_M$
 (C) $v_E = \frac{1}{v_M}$
 (D) $v_E = v_M$

Ans (A)

11. একটি ভূ-স্থির উপগ্রহের পর্যায়কাল কত? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A) 12 ঘণ্টা
 (B) 24 ঘণ্টা
 (C) 30 ঘণ্টা
 (D) 36.5 ঘণ্টা

Ans (B)

12. কেপলারের সময়ের সূত্র নিচের কোনটি? [JKKNIU-B : 19-20]

- (A) $T \propto r^3$
 (B) $T \propto r^2$
 (C) $T^2 \propto r^3$
 (D) $T^3 \propto r^2$

Ans (C)

Part 7

সম্ভাব্য MCQ

01. দুইটি বস্তুর মধ্যে দূরত্ব চারগুণ বৃদ্ধি পেলে অভিকর্ষ বল হবে-

- (A) চারভাগের একভাগ
 (B) চারগুণ
 (C) ষোলভাগের একভাগ
 (D) ষোলগুণ

Ans (C)

02. বস্তুর ওজন কোথায় বেশি?

- (A) মেরু অঞ্চলে
 (B) বিষুব অঞ্চলে
 (C) কর্কটক্রান্তিতে
 (D) মকরক্রান্তিতে

Ans (A)

03. কোন বস্তুর ভর ভূপৃষ্ঠে 75 kg হলে চাঁদে এর ভর কত?

- (A) 70 kg
 (B) 14 kg
 (C) 75 kg
 (D) 280 kg

Ans (C)

04. কোন একটি উচ্চতা যেখানে অভিকর্ষজ ত্বরণের মান $g_h = 8 \text{ ms}^{-2}$ । সেখানে একটি উপগ্রহের বেগ 8 kms^{-1} । পৃথিবী পৃষ্ঠ হতে কত উচ্চতায় উপগ্রহটি পৃথিবীকে প্রদক্ষিণ করছে? [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ $6.4 \times 10^6 \text{ m}$]

- (A) 6400 km
 (B) 3200 km
 (C) 1600 km
 (D) 1000 km

Ans (C)

05. মেরু অপেক্ষা বিষুবীয় অঞ্চলে অভিকর্ষজ ত্বরণ কতটা কম?

- (A) $\omega^2 R$
 (B) ωR
 (C) $R \cos \theta$
 (D) $\omega^2 R \cos \theta$

Ans (A)

06. কত অক্ষাংশে g এর মান সর্বাপেক্ষা বেশি?

- (A) 0°
 (B) 45°
 (C) 90°
 (D) 180°

Ans (C)

07. পৃথিবী পৃষ্ঠে কোনো বস্তুর ভর 60 kg হলে চাঁদে এই বস্তুর ভর কত হবে?

অভিকর্ষজ ত্বরণ পৃথিবীর $\frac{1}{6}$ গুণ

- (A) 10 kg
 (B) 20 kg
 (C) 60 kg
 (D) 360 kg

08. "এই গুলোর গতিপথ উপবৃত্তাকার"- তত্ত্বটি কে অবিষ্কার করেছেন?

- (A) কেপলার
 (B) গ্যালিলিও
 (C) টলেমি
 (D) পিথাগোরাস

09. সূর্য থেকে পৃথিবীর গড় দূরত্ব কমে গেলে বছরের দৈর্ঘ্য

- (A) হ্রাস পাবে
 (B) কমে যাবে
 (C) অসীম হবে
 (D) বেড়ে যাবে

10. খাড়া উপরের দিকে অভিকর্ষীয় ত্বরণের মান কত?

- (A) শূন্য
 (B) 4.9 ms^{-2}
 (C) 9.8 ms^{-2}
 (D) -9.8 ms^{-2}

11. ভূ-পৃষ্ঠে একজন পোকের ওজন 600 N তিনি চাঁদে গিয়ে কতটুকু ওজন হারান?

- (A) 500 N
 (B) 481.5 N
 (C) 470.7 N
 (D) 490 N

12. পৃথিবী সূর্যের চারদিকে 24 ঘণ্টায় এক বার ঘূর্ণন সম্পন্ন করে, তাহলে কতকাল কত? [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ 6400 km]

- (A) 0 J
 (B) 86.4 kJ
 (C) 86.4 J
 (D) 6400 J

13. প্রথম যোগাযোগ উপগ্রহ উৎক্ষেপন হয় কত সালে?

- (A) 1950
 (B) 1962
 (C) 1978
 (D) 1990

14. চাঁদের মুক্তিবৈগ কত?

- (A) 11.2 kms^{-1}
 (B) 2.4 kms^{-1}
 (C) 4.3 kms^{-1}
 (D) 5.0 kms^{-1}

15. মঙ্গল গ্রহের ব্যাস 6000 km, এর পৃষ্ঠে g এর মান 3.8 ms^{-2} হলে মঙ্গল গ্রহ থেকে কোনো বস্তুর মুক্তিবৈগ কত?

- (A) 9.7 kms^{-1}
 (B) 4.77 kms^{-1}
 (C) 3.77 kms^{-1}
 (D) 11.2 kms^{-1}

16. পার্কিং কক্ষপথ কী?

- (A) যে পথে বিমান চলাচল করে
 (B) পোলার উপগ্রহের কক্ষপথ
 (C) ভূ-স্থির উপগ্রহের কক্ষপথ
 (D) পৃথিবীর কক্ষপথ

17. যদি পৃথিবীর ভরের দ্বিগুণ ভর ও 3 গুণ ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট কোন গ্রহ থাকে তাহলে উক্ত গ্রহের তলে 1 kg ভরের ওজন কত হবে?

- (A) 1.1 N
 (B) 2.2 N
 (C) 4.4 N
 (D) None

18. পৃথিবীর কোনো স্থানের অভিকর্ষজ ত্বরণকে আনর্শমান ধরা হয়?

- (A) কেন্দ্রে
 (B) 45° অক্ষাংশে
 (C) মেরু অঞ্চলে
 (D) বিষুবীয় অঞ্চলে

19. কোনো বস্তুকে কত বেগে নিক্ষেপ করলে এটি কৃত্রিম উপগ্রহে পরিণত হবে?

- (A) 11.2 kms^{-1}
 (B) 7.9 kms^{-1}
 (C) 11.2 ms^{-1}
 (D) 7.9 ms^{-1}

20. ভর ধ্রুব রেখে পৃথিবীর ব্যাসার্ধ অর্ধেক করা হলে ভেতরের ওজন কত হবে?

- (A) $1/4$ গুণ
 (B) দ্বিগুণ
 (C) 2 গুণ
 (D) 4 গুণ

পদার্থের গাঠনিক ধর্ম

গুরুত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

পদার্থের বন্ধন : পরমাণুগুলোর সংযোগের ফলে যখন ব্যবহার্য বিভব শক্তি হ্রাস পায় পরমাণুগুলোর মধ্যে তখন বন্ধন গঠিত হয়।

স্থিতিস্থাপকতা ও স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্ক সংক্রান্ত :

- ✧ **স্থিতিস্থাপকতা** : বস্তুর উপর প্রযুক্ত বলের ক্রিয়ায় তার আকার বা আয়তন বা উভয়েরই পরিবর্তনের প্রচেষ্টাকে পদার্থের যে ধর্ম বাধা দেয় এবং প্রযুক্ত বল অপসারিত হলে পূর্বের আকার বা আয়তন ফিরে পায়, তাকে স্থিতিস্থাপকতা বলে।
 ✧ **স্থিতিস্থাপক সীমা** : প্রযুক্ত বাহ্যিক বলের যে সর্বোচ্চ বা উর্ধ্বসীমা পর্যন্ত কোন বস্তু পূর্ণ স্থিতিস্থাপক থাকে, তাকে ঐ বস্তুর স্থিতিস্থাপক সীমা বলে।
 ✧ **স্থিতিস্থাপক ক্রান্তি** : পরীক্ষার সাহায্যে দেখা গেছে যে, কোনো বস্তু বা তারের উপর ক্রমাগত পীড়নের হ্রাস-বৃদ্ধি করলে স্থিতিস্থাপক ধর্ম হ্রাস পায়। এর ফলে বল অপসারণের সাথে সাথে বস্তু আগের অবস্থা ফিরে পায় না, কিছুটা দেরি হয়। বস্তুর ঐই অবস্থাকে স্থিতিস্থাপক ক্রান্তি বলে। বিজ্ঞানী কেলভিন একে স্থিতিস্থাপক ক্রান্তি ব্যাখ্যা দেন।
 ✧ **পূর্ণ স্থিতিস্থাপক বস্তু** : কোনো বস্তুর উপর প্রযুক্ত বল অপসারিত হলে যদি তা সম্পূর্ণরূপে পূর্বের অবস্থায় ফিরে পায় তবে সে সব বস্তুকে পূর্ণ স্থিতিস্থাপক বস্তু বলে।
 ✧ **পূর্ণ নমনীয় বস্তু** : কোনো বস্তুর উপর প্রযুক্ত বল অপসারিত হলে যদি তার আকার পূর্ণরূপে বজায় থাকে তবে ঐ বস্তুকে পূর্ণ নমনীয় বস্তু বলে।
 ✧ **পূর্ণ দৃঢ় বস্তু** : যে কোনো মানের বাহ্যিক বল প্রয়োগে যদি কোনো বস্তুর আকারের কোন পরিবর্তন না হয় তবে ঐ বস্তুকে পূর্ণ দৃঢ় বস্তু বলে।
 ✧ **স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্ক** : স্থিতিস্থাপক সীমার মধ্যে কোনো বস্তুর পীড়ন ও বিকৃতির অনুপাত একটি ধ্রুব রাশি। ঐ ধ্রুব রাশিকে বস্তুর উপাদানের স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্ক বলে। স্থিতিস্থাপক পীড়ন গুণাঙ্ক, $E = \frac{\text{বিকৃতি}}{\text{পীড়ন}}$ । যেহেতু, পীড়ন ও বিকৃতি একটি স্কেলার রাশি। তাই স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্কও একটি স্কেলার রাশি। এর মাত্রা = $[ML^{-1}T^{-2}]$ ও একক Nm^{-2} বা Pa ।

♦ ইয়ং-এর গুণাক্ষ : ছিতিহাপক সীমার মধ্যে দৈর্ঘ্য পীড়ন ও দৈর্ঘ্য বিকৃতির অনুপাত একটি ধ্রুব রাশি। এই ধ্রুবরাশিকে ইয়ং-এর গুণাক্ষ বলে।

♦ দৃঢ়তার স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্ক : স্থিতিস্থাপক সীমার মধ্যে আকার পীড়ন ও আকার বিকৃতির অনুপাতকে দৃঢ়তার স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্ক বলে।

♦ **আয়তন গুণাক্ষ:** স্থিতিস্থাপক সীমার মধ্যে আয়তন পীড়ন ও আয়তন বিকৃতির অনুপাতকে আয়তনের স্থিতিস্থাপক গুণাক্ষ (K) বলে।

৬ **সংনম্যতা** : কোনো বস্তুর চারদিক থেকে সমান চাপ প্রয়োগ করলে বস্তুটির আয়তন কমে যায়। বস্তুর এ ধর্মকে সংনম্যতা বলে। আবার আয়তন গুণাঙ্কের বিপরীত রাশিকে সংনম্যতা বলে। কঠিন এবং তরল পদার্থের তুলনায় গ্যাসের সংনম্যতা বেশি। স্থিতিস্থাপক সীমার মধ্যে আয়তন বিকৃতি ও আয়তন পীড়নের অনুপাতকে সংনম্যতা বলে। আয়তন গুণাঙ্ককে তাই কখনো কখনো অসংনম্যতা বলা হয়।

৬ হকের সূত্র সংক্রান্ত :

পীড়ন $\propto$ বিকৃতি $\Rightarrow$ পীড়ন = প্রবক $\times$ বিকৃতি $\Rightarrow \frac{\text{পীড়ন}}{\text{বিকৃতি}} = \text{প্রবক (constant)}$ এই প্রবককে বস্তুর উপাদানের স্থিতিস্থাপক গুণাঙ্ক বা স্থিতিস্থাপক মানাঙ্ক বলে।

একে ছিতিস্থাপক ধ্রুবকও বলা হয়।

৬ পীড়ন ও বিকৃতি সংক্রান্ত :

♦ **পীড়ন:** কোনো একটি বস্তুর একক ক্ষেত্রফলের উপর লম্বভাবে ক্রিয়ায়ত বিকৃতি সৃষ্টিকারী বল হচ্ছে পীড়ন। পীড়ন একটি স্কেলার রাশি। পীড়নের মাত্রা সমীকরণ = $[ML^{-1}T^{-2}]$ । পীড়নের একক Nm^{-2} বা Pa ।

♦ **দৈর্ঘ্য পীড়ন :** দৈর্ঘ্য বিকৃতি ঘটাতে বস্তুর একক ক্ষেত্রফলের উপর দৈর্ঘ্য বরাবর যে বল প্রযুক্ত হয়, তাকে দৈর্ঘ্য পীড়ন বলে। একে টান পীড়নও বলে। অর্থাৎ,

$$\text{দৈর্ঘ্য পীড়ন} = \frac{F}{A}$$

♦ **আয়তন পীড়ন :** আয়তন বিকৃতি ঘটাতে বস্তুর একক ক্ষেত্রফলের উপর আয়তন বরাবর যে স্পর্শকীয় বল প্রযুক্ত হয়, তাকে আয়তন পীড়ন বলে। অর্থাৎ,

$$\text{আয়তন পীড়ন} = \frac{F}{A} = \frac{Mg}{\pi r^2}$$

♦ **আকার পীড়ন :** ব্যবর্তন বিকৃতি ঘটাতে বস্তুর একক ক্ষেত্রফলের উপর আকার বরাবর যে স্পর্শকীয় বল প্রযুক্ত হয়, তাকে ব্যবর্তন পীড়ন বলে। একে আকার বা মোচড় পীড়নও বলে। অর্থাৎ, ব্যবর্তন পীড়ন = $\frac{F}{A}$

মোচড় পীড়নও বলে। অর্থাৎ, ব্যবর্তন পীড়ন = $\frac{F}{A}$

◆ **অসহ পীড়ন :** কোনো একটি বস্তুর একক ক্ষেত্রফলের উপর প্রযুক্ত অসহ ভারকে অসহ পীড়ন বলে। $\text{অসহ পীড়ন} = \frac{\text{অসহ ভার বা বল}}{\text{ক্ষেত্রফল}}$

♦ **অসহ বল বা ভার :** সর্বাপেক্ষা কম যে বলের ক্রিয়ায় কোনো বস্তু ছিঁড়ে বা ভেঙে যায় তাকে অসহ বল বলে। অসহ বলকে অসহ ভার বা ওজন ও বলা হয়।

৬ বিকৃতি: বল প্রয়োগে কোন একটি বস্তুর প্রতি একক মাত্রায় যে পরিবর্তন সাধিত হয় তাকে বিকৃতি বলে। এর কোনো মাত্রা ও একক নেই। বিকৃতি 3 প্রকার। যথা :

♦ দৈর্ঘ্য বা টান বিকৃতি : দৈর্ঘ্যের পরিবর্তন ঘটে। ♦ আয়তন বিকৃতি : আয়তন পরিবর্তন ঘটে। ♦ আকার বিকৃতি : আকার পরিবর্তন ঘটে।

◇ গীড়ন ও প্রতিস্থাপক জগাহের একক ও মাত্রা সমীকরণ :

◆ C.G.S পদ্ধতিতে = ডাইন/বর্গ সে.মি.

♦ M.K.S পদ্ধতিতে = নিউটন/বর্গ মিটার

♦ F.P.S পদ্ধতিতে = 'পাউন্ডাল/বর্গ ফুট

পয়সন এর অনুপাত (σ): “ছিত্তিছাপক সীমার মধ্যে বস্তুর পার্শ্ব বিকৃতি ও দৈর্ঘ্য বিকৃতির অনুপাত একটি ধ্রুব রাশি।” এই ধ্রুব সংখ্যাকে বস্তুর উপাদানের পয়সনের অনুপাত বলে। পয়সনের অনুপাত-এর কোনো মাত্রা ও একক নেই। কোনো পদার্থের পয়সনের অনুপাত -1 হতে $\frac{1}{2}$ এর মধ্যবর্তী। অর্থাৎ $-1 < \sigma < \frac{1}{2}$ ।

অধিকাংশ ধাতুর পান্যপান জলের পয়সনের অনপাত 0.3 (প্রায়)।

Type 4

পৃষ্ঠটান

01. 30 mm ব্যাসের একটি গোলাকার সাবান বুদবুদ তৈরির জন্য প্রয়োজনীয় পৃষ্ঠটান $25 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$ কর। সাবান পানির পৃষ্ঠটান $25 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$

$$\text{Solve: } P = \frac{4T}{r} = \frac{4 \times 25 \times 10^{-3}}{3 \times 10^{-2}} = 6.67 \text{ Nm}^{-2} \text{ Ans.}$$

For Practice

01. 0.01 m ব্যাসের একটি সাবান বুদবুদ দ্বিগুণ দীর্ঘ পুরু 0.1 m ব্যাসের বুদবুদে পরিণত হলো। এ প্রতিবার কি পরিমাণ কাজ হলো? [পৃষ্ঠটান = $26 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$] Ans. $6.471 \times 10^{-3} \text{ J}$

Type 5

কৈশিকতা ও তরঙ্গ কৌণ্টা

01. একটি কৈশিক তরঙ্গের ব্যাসার্ধ 0.1 mm। এতে $60 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1}$ পৃষ্ঠটান এবং 800 kg m^{-3} ঘনত্বের তরঙ্গ ত্রুণ্ডে কৈশিক তরঙ্গ কত উচ্চতায় তরঙ্গ উঠবে। স্পর্শকোণ 20° ।

$$\text{Solve: } \text{এখানে, } T = 60 \times 10^{-3} \text{ Nm}^{-1} \\ \text{কৈশিক তরঙ্গের ব্যাসার্ধ, } r = 0.1 \text{ mm} = 10^{-4} \text{ m} \\ \text{অন্য তরঙ্গ, } T = \frac{h \rho g}{2 \cos \theta} \Rightarrow h = \frac{2T \cos \theta}{\rho g} \Rightarrow h = \frac{2 \times 60 \times 10^{-3} \times \cos 20^\circ}{800 \times 9.8 \times 10^4} \\ = 0.1438 \text{ m Ans.}$$

02. প্রতিটি 10^{-4} m ব্যাস বিশিষ্ট পানির 1000 ফুট কৌণ্টা মিলে একটি বহু কৌণ্টা তৈরি করা। বহু কৌণ্টার ব্যাসার্ধ কত?

$$\text{Solve: } r = \frac{10^{-4}}{2} = 5 \times 10^{-5} \text{ m এম, } R = \sqrt[3]{n} r = \sqrt[3]{10^3} \times 5 \times 10^{-5} \\ = 5 \times 10^{-4} \text{ m Ans.}$$

For Practice

01. 2mm ব্যাসের একটি পানির গোলায় 10 লক্ষ ছোট ছোট পানির বিদ্যুতে গুণে করতে বলিত শক্তি কত? Ans. $8.96 \times 10^{-5} \text{ J}$

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একই পর্যায়ের বিভিন্ন অণুর মধ্যে পারস্পরিক আকর্ষণ বলের বস- [NU-Science: 12-13]
 (A) সর্বোচ্চ বল (B) অসঙ্গত বল (C) পৃষ্ঠটান (D) কোনোটিই নয় [Ans: A]
02. দ্রিষ্টব্যপক সীমার মধ্যে বহু কৌণ্টা পীড়ন ও কৌণ্টা বিকৃতির অনুপাত একটি ধ্রুব সংখ্যা। এই ধ্রুব সংখ্যাকে বস করে উপস্থাপন- [NU-Science: 12-13]
 (A) ইয়ং গুণক (B) দৃঢ়তার গুণক
 (C) আয়তন গুণক (D) পীড়নের গুণক [Ans: B]
03. সাম্প্রদায়িক সঙ্গের মাত্রা কত? [NU-Science: 11-12]
 (A) $[\text{ML}^{-2} \text{T}^{-2}]$ (B) $[\text{M}^{-1} \text{L}^{-1} \text{T}^{-1}]$
 (C) $[\text{ML}^{-1} \text{T}^{-1}]$ (D) $[\text{ML}^{-1} \text{T}^{-1}]$ [Ans: D]
04. অপমাত্রা বাতাসে তরঙ্গের পৃষ্ঠটান- [NU-Science: 08-09]
 (A) বৃদ্ধি পায় (B) হ্রাস পায়
 (C) অপরিবর্তিত থাকে (D) শূন্য হয় [Ans: B]
05. কাঁচ ও পারদের মধ্যকার স্পর্শ কোণ- [NU-Science: 06-07]
 (A) 0° (B) দৃশ্যকোণ (C) ফুলকোণ (D) সমকোণ [Ans: B]
06. অপমাত্রা বৃদ্ধি পেলে প্যাসের সাম্প্রদায়িক- [NU-Science: 06-07]
 (A) কমে যায় (B) বেড়ে যায়
 (C) পরিবর্তনের ধরন সোঝা যায় না (D) পরিবর্তন হয় না [Ans: B]
07. পীড়নের মাত্রা সীমাকরণ হল- [NU-Science: 05-06]
 (A) $[\text{ML}^{-1} \text{T}^{-1}]$ (B) $[\text{ML}^{-2} \text{T}^{-1}]$ (C) $[\text{ML}^2 \text{T}^{-2}]$ (D) $[\text{ML}^{-1} \text{T}^{-2}]$ [Ans: D]

Part 6

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের প্রশ্নোত্তর

01. 1. সৈরী ও r ব্যাসার্ধের একটি তরঙ্গের এক প্রান্তের প্রান্তের মধ্যে m ছ ক্রমাগত তরঙ্গের ইয়ং-এর গুণক (Y) 210 GPa। তরঙ্গের ব্যাসার্ধ তরঙ্গের ব্যাসার্ধ Y-এর মান - [JNU-A: 13-20]
 (A) অর্ধেক হবে (B) দ্বিগুণ বাড়বে
 (C) পরিবর্তন হবে না (D) চারগুণ বাড়বে [Ans: C]
02. তরঙ্গ তরঙ্গ ক্রমাগত তরঙ্গের না তরঙ্গের স্পর্শকোণ কত ডিগ্রি? [JNU-A: 13-20]
 (A) 0° (B) $< 90^\circ$
 (C) 90° (D) $> 90^\circ$ [Ans: D]
03. সাম্প্রদায়িকের মাত্রা সীমাকরণ কোনটি? [CU-A: 13-20]
 (A) $[\text{MT}^{-1}]$ (B) $[\text{ML}^{-1} \text{T}^{-1}]$
 (C) $[\text{ML}^2 \text{T}^{-2}]$ (D) $[\text{ML}^2 \text{T}^{-1}]$ [Ans: B]
04. তরঙ্গ তরঙ্গ ক্রমাগত তরঙ্গের না তরঙ্গের স্পর্শকোণ- [CU-A: 13-20]
 (A) প্রায় শূন্য (B) প্রায় 90°
 (C) 90° এর চেয়ে ছোট (D) 90° এর চেয়ে বড় [Ans: D]
05. বাতাস পদার্থের ক্ষেত্রে পদার্থের অনুপাতের মানের সীমা- [JNU-D: 13-20]
 (A) $-0.5 < \sigma < 1$ (B) $-1 < \sigma < 0.5$
 (C) $0.5 < \sigma < 1$ (D) $1 < \sigma < 2$ [Ans: B]
06. মনসুনের শির-উপশির নিয়ে বহু সাতারের প্রকারের জন্য শির- [JNU-D: 13-20]
 (A) পৃষ্ঠটান (B) সঙ্গত
 (C) সংশ্লিষ্ট (D) অসঙ্গত [Ans: B]
07. তরঙ্গের ক্ষেত্রে সঙ্গত সঙ্গতের সাথে তরঙ্গের সঙ্গত- [BRUR-E: 13-20]
 (A) $\eta = \sqrt{T}$ (B) $\eta = T$
 (C) $\eta = \frac{1}{T}$ (D) $\eta = T^2$ [Ans: C]
08. একটি কাচ পৃষ্ঠের উপর পানি ঢাললে তা বতলাই ফড়ি দুই বতলাই ফড়ি না ফড়ি- [BRUR-E: 13-20]
 (A) সঙ্গত (B) পৃষ্ঠটান
 (C) A ও B উভয়ই (D) কোনোটিই নয় [Ans: A]
09. আলুমিনিয়াম ইয়ং এর গুণক কত? [JNU-B: 13-20]
 (A) 7.0×10^{11} (B) 10.0×10^{11}
 (C) 1.6×10^{11} (D) নেই [Ans: A]
10. পানি ও ক্রমাগতের মধ্যকার স্পর্শকোণ কত হলে পানি ক্রমাগতের তরঙ্গের পাত্রে না? [JNU-B: 13-20]
 (A) 90° এর চেয়ে ছোট (B) 90° এর চেয়ে বড়
 (C) 90° এর সমান (D) কোনোটিই নয় [Ans: B]
11. নিচের কোন রাশিটির কোন মাত্রা নেই? [JNU-B: 13-20]
 (A) ইয়ং এর গুণক (B) আয়তনের গুণক
 (C) দৃঢ়তার গুণক (D) পদার্থের অনুপাত [Ans: D]
12. বৃষ্টির একটি বড় কৌণ্টা তরঙ্গের অন্তর্ভুক্ত হলে কৌণ্টার পরিণত হয়, কৌণ্টার সর্বমোট - [JNU-B: 13-20]
 (A) কেবলমাত্র হ্রাস পায় (B) কেবলমাত্র বৃদ্ধি পায়
 (C) আয়তন হ্রাস পায় (D) কেবলমাত্র অপরিবর্তিত থাকে [Ans: B]
13. একটি কাচ পৃষ্ঠের উপর পানি ঢাললে তা বতলাই ফড়ি দুই বতলাই ফড়ি না। এর কারণ- [BU-A: 13-20]
 (A) সাম্প্রদায়িক (B) পৃষ্ঠটান
 (C) উত্তর (D) কোনোটিই নয় [Ans: C]
14. আমার কঠিনের গুণক $n = ?$ [SHUBD-Science: 13-20]
 (A) $4 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$ (B) $5 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$
 (C) $6 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$ (D) $7 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$ [Ans: A]

01. দ্বিভিত্তিক সীমার মধ্যে পদার্থের দৈর্ঘ্য সীতুল এবং দৈর্ঘ্য বিকৃতির অনুপাতের সূত্র সংখ্যা নিম্নের কোন গুণক দ্বারা প্রকাশিত?

(A) আয়তন (B) ইয়ং
(C) দ্বিভিত্তিক (D) দৃঢ়তার (Ans: B)
02. সীতুলের মাত্রা সমীকরণ-

(A) $[ML^{-1}T^{-2}]$ (B) $[MLT^{-2}]$
(C) $[ML^{-1}T^{-2}]$ (D) $[ML^{-2}T^{-2}]$ (Ans: A)
03. চক ও বোর্ডের অণুর মধ্যে আকর্ষণ বল-

(A) সংশক্তি বল (B) আসঞ্জন বল
(C) অভিকর্ষ বল (D) সান্দ্র বল (Ans: B)
04. একটি নিখুঁত অসংনম্য বস্তুর পয়সনের অনুপাত-

(A) -1 (B) -0.5
(C) 0 (D) 0.25 (Ans: C)
05. বস্তুর কোন ধর্মের জন্য কাঁচের গায়ে পানি লেগে থাকে-

(A) পৃষ্ঠটান (B) আসঞ্জন বল
(C) সংনম্যতা (D) সান্দ্রতা (Ans: B)
06. পয়েজ (Poise) কিসের একক?

(A) ইয়ং এর গুণক (B) পৃষ্ঠটান
(C) সান্দ্রতার গুণক (D) সংনম্যতা (Ans: C)
07. যে সব বস্তু হতে প্রযুক্ত বল অপসারণ করলে এদের বিকৃত অবস্থার পরিবর্তন হয় না তাদের কি বস্তু বলে?

(A) সর্মদিকদর্শী বস্তু (B) অসর্মদিকদর্শী বস্তু
(C) পূর্ণ দৃঢ় বস্তু (D) নমনীয় বস্তু (Ans: D)
08. 2 m দৈর্ঘ্য ও 2 mm ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটি তারের দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি 0.25 mm হলে তারটির ব্যাসার্ধ কত হ্রাস পাবে? $[\sigma = 0.2]$

(A) $5 \times 10^{-3} m$ (B) $2.5 \times 10^{-3} m$
(C) $5 \times 10^{-8} m$ (D) $2.5 \times 10^{-8} m$ (Ans: C)
09. নিম্নের কোন বলটি বিপরীত বর্ণায় সূত্র মেনে চলে না?

(A) মহাকর্ষ বল (B) তড়িৎ বল
(C) চৌম্বক বল (D) সংশক্তি বল (Ans: D)
10. কোন অবস্থায় অণুসমূহের মধ্যে আন্তঃআণবিক আকর্ষণ বল সর্বনিম্ন হয়?

(A) তরল (B) প্রাঞ্জনা
(C) কঠিন (D) বায়বীয় (Ans: B)
11. কোনো পদার্থের অণুগুলোর মধ্যে নীটবল শূন্য হয় যখন-

(A) $r = r_0$ (B) $r < r_0$
(C) $r > r_0$ (D) $r \gg r_0$ (Ans: A)
12. 1 m দীর্ঘ একটি তারে $10^5 Nm^{-2}$ বল প্রয়োগ এর দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পেলে 0.001 m। তারটির ইয়ং গুণক কত?

(A) $10^{-7} Nm^{-2}$ (B) $10^{-3} Nm^{-2}$
(C) $10^7 Nm^{-2}$ (D) $10^8 Nm^{-2}$ (Ans: D)

13. পানির পৃষ্ঠটান 0.06 N/m হলে তার পৃষ্ঠবিন্দু-

(A) 0 N/m (B) 6 N/m
(C) 0.6 N/m (D) 0.06 N/m (Ans: D)
14. কোন পদার্থটির ইয়ং এর গুণক সবচেয়ে বেশি?

(A) তামা (B) সোণ
(C) ইস্পাত (D) সোনা (Ans: C)
15. আন্তঃআণবিক বল সবচেয়ে বেশি-

(A) তরলের অণুর মধ্যে (B) গ্যাসের অণুর মধ্যে
(C) কঠিন পদার্থের অণুর মধ্যে (D) কোনোটিই নয় (Ans: C)
16. কোনো পদার্থের অসংনম্যতা $4.9 \times 10^5 Nm^{-2}$ । ঐ পদার্থের তৈরি একটি তারের প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল $1 mm^2$ হলে তারটির সর্বনিম্ন কত ভর বসালে তারটি ছিঁড়ে যাবে?

(A) 0.5 kg (B) 5 kg
(C) 10 kg (D) 50 kg (Ans: D)
17. কোনটি পৃষ্ঠটান সম্পর্কিত ঘটনা নয়?

(A) বল পেলে সেবা হয় (B) সূঁচ পানিতে ভাসে
(C) কপূরের পানিতে নাচা (D) ছাতর কপড় (Ans: A)
18. পৃষ্ঠটানের মাত্রা সমীকরণ হলো?

(A) $[ML^2T^{-1}]$ (B) $[M^2L^2T^{-1}]$
(C) $[ML^2T^{-2}]$ (D) $[M^2L^2T^{-2}]$ (Ans: C)
19. কোনটি পৃষ্ঠটানের উপর প্রভাব বিস্তার করে না?

(A) দৃবিতকরণ (B) চৌম্বকত্ব
(C) তড়িৎচৌম্বকত্ব (D) তাপমাত্রা (Ans: B)
20. পানির উপরিচলে রাখা একটি সূঁচকে টেনে সর্বাধিক $7.2 \times 10^{-3} N$ বল প্রয়োজন হলে সূঁচটির দৈর্ঘ্য কত? [পানির পৃষ্ঠটান $7.2 \times 10^{-3} Nm^{-1}$]

(A) 4 cm (B) 2 cm
(C) 50 cm (D) 3 cm (Ans: C)
21. একটি কাঁচ পৃষ্ঠের উপর পানি ঢাললে তা যতটা ছড়ায় ততটা ছড়ায় না। এর কারণ-

(A) সান্দ্রতা (B) পৃষ্ঠটান
(C) উভয় (D) কোনোটিই নয় (Ans: C)
22. তরলের পৃষ্ঠে কোনো তেল বা চর্বি জাতীয় পদার্থ ভাসমান থাকলে তরলের পৃষ্ঠটান কী হয়?

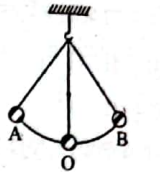
(A) বেড়ে যায় (B) কমে যায়
(C) সমান থাকে (D) শূন্য হয় (Ans: B)
23. যদি স্পর্শকোণ 90° এর কম হয়, তবে তরলের পৃষ্ঠ কেমন হবে?

(A) সমতলোত্তল (B) অবতল
(C) সমতলোত্তল (D) উত্তল (Ans: B)
24. একটি গোলক কোনো তরলের ভেতর দিয়ে অগ্রসর হতে গেল। গোলকের উপর ক্রিয়াশীল নীট বল কত?

(A) তরলের প্রবর্তা (B) গোলকের ওজন
(C) শূন্য (D) সান্দ্র বল (Ans: C)

৭. পর্যাবৃত্ত গতি সংক্রান্ত :

- পর্যাবৃত্ত গতি : নির্দিষ্ট সময় পরপর দুটি গতির পুনরাবৃত্তি ঘটে। এ ধরনের গতি হলো পর্যাবৃত্ত গতি। যেমন : পৃথিবীর গতি, স্প্রিং-এর গতি, লিফটের গতি, বায়ুমণ্ডলের গতি, ঘড়ির কাঁটার গতি, বাষ্প বা পেট্রোল ইঞ্জিনের সিলিন্ডারের মধ্যে পিস্টনের গতি, কঠিন বস্তুতে পরমাণুর স্পন্দনের গতি প্রভৃতি। পর্যাবৃত্ত গতি ২ ধরনের। যথা : স্থানিক ও কালিক পর্যায়ক্রম।
- পর্যাবৃত্ত গতির বৈশিষ্ট্য :
 - পর্যাবৃত্ত গতি সরল, বক্র বা বক্র গণ্ডে হতে পারে।
 - পর্যাবৃত্ত গতির ক্ষেত্রে বস্তুর উপর প্রযুক্ত বল সর্বদা একটি নির্দিষ্ট বিন্দু অভিমুখী।



চিত্র : পর্যাবৃত্ত গতি

৮. সরল ছন্দিত স্পন্দন সংক্রান্ত :

সরল ছন্দিত স্পন্দন	কোনো পর্যায় গতিসম্পন্ন বস্তুর উপর কার্যকর ত্বরণ যদি তার গতিপথের একটি নির্দিষ্ট বিন্দু অভিমুখে এমনভাবে ক্রিয়া করে যেন তার মান ঐ বিন্দু হতে বস্তুর সরণের মানের সমানুপাতিক হয়, তবে বস্তুর এই গতিকে সরল ছন্দিত স্পন্দন বলে।
উদাহরণ	- কম বিস্তারের সরল দোলকের গতি - সুরশালাকার বাহুর কম্পন - স্প্রিং এর উল্লম্ব কম্পন
সরল ছন্দিত স্পন্দনের বৈশিষ্ট্য	- এটি পর্যাবৃত্তিক গতি। - একটি নির্দিষ্ট সময় অন্তর অন্তর এই গতি বিপরীতমুখী হয়। - ত্বরণ বস্তুর সরণের সমানুপাতিক। - ত্বরণ বস্তুর সরণের বিপরীতমুখী। - ত্বরণ বস্তু কণাটির মধ্য অবস্থান অভিমুখী।

■ টেকনিক : x ও h একই আচরণ করে, v এদের উল্টো। v যা হবে E_K তাই হবে এবং E_P তার উল্টো।

৯. সরল দোলক ও এর রাশি সংক্রান্ত :

- সরল দোলক : একটি ক্ষুদ্র ভারী বস্তুকে একটি গুজনহীন, অপ্রসারণীয় এবং নমনীয় সুতার সাহায্যে একটি দৃঢ় অবলম্বন হতে বুলিয়ে দিলে বস্তুটি যদি বিনা বাধায় অল্প বিস্তারে এদিক-ওদিক দোলে, তবে সুতাসহ ঐ বস্তুটিকে সরল দোলক বলে। বস্তুটিকে দোলক বা পিণ্ড বলে। সরল দোলকের দোলন পর্যাবৃত্তিক গতি এর অন্তর্ভুক্ত। এর পর্যায়কাল T হলে, $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ অতএব, $T \propto \sqrt{\frac{L}{g}}$ যেখানে, $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$
- সরল দোলকের কয়েকটি বৈশিষ্ট্য :
 - সুতা গুজনহীন হবে ও অপ্রসারণীয় হবে।
 - সুতা নমনীয় হবে।
 - পিণ্ড ক্ষুদ্র ও ভারী হবে ও বিনা বাধায় দুলবে।
- সরল দোলকের ব্যবহার :
 - অভিকর্ষজ ত্বরণ g নির্ণয়ে।
 - পাহাড়ের উচ্চতা নির্ণয়ে।
 - সময় নির্ণয়ে।
- সেকেন্ড দোলক : যে সরল দোলকের দোলনকাল ২ সেকেন্ড, তাকে সেকেন্ড দোলক বলে। সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য L হলে $L = \frac{g}{\pi^2}$ । সেকেন্ড দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য অভিকর্ষজ ত্বরণের সমানুপাতিক।
- সরল দোলক সম্পর্কিত সূত্রাবলি :
 - কৌণিক বিস্তার 4° এর বেশি না হলে সরল দোলকের ক্ষেত্রে নিম্নোক্ত সূত্র চারটি প্রযোজ্য।
 - প্রথম সূত্র : সমকাল সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে এবং দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত থাকলে কোনো নির্দিষ্ট স্থানে একটি সরল দোলকের প্রতিটি দোলনের জন্য সমান সময় লাগে। দোলনকাল কৌণিক বিস্তারের উপর নির্ভর করে না।
 - দ্বিতীয় সূত্র : দৈর্ঘ্যের সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে কোনো নির্দিষ্ট স্থানে সরল দোলকের দোলনকাল (T)-এর কার্যকরী দৈর্ঘ্য (L)-এর বর্গমূলের সমানুপাতের পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ, $T \propto \sqrt{L}$ যখন g ধ্রুব।
 - তৃতীয় সূত্র : ত্বরণের সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে এবং সরল দোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য (L) অপরিবর্তিত থাকলে এর দোলনকাল (T) অভিকর্ষজ ত্বরণ (g) এর বর্গমূলের ব্যস্তানুপাতে পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ $T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}$ যখন L ধ্রুব।
 - চতুর্থ সূত্র : ভরের সূত্র : কৌণিক বিস্তার ক্ষুদ্র হলে এবং কার্যকরী দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত থাকলে কোনো নির্দিষ্ট স্থানে সরল দোলকের দোলনকাল বরের ভর, আয়তন, উপাদান ইত্যাদির উপর নির্ভর করে না। বিভিন্ন ভর, আয়তন বা উপাদানের বরের জন্য দোলকের দোলনকাল একই হয়।

১০. সরল দোলকের দোলনকাল কখন বাড়বে ও কখন কমবে :

- দোলনকাল বাড়বে বা সরল দোলক ধীরে চলবে যখন :
 - কার্যকরী দৈর্ঘ্য বাড়লে।
 - তাপমাত্রা বৃদ্ধি পেলে L বাড়বে, তাই T বাড়বে।
 - দোলক ঘড়ি গ্রীষ্মকালে ধীরে চলে কারণ L বাড়বে।
 - দোলক ঘড়িকে মেরু অঞ্চল থেকে বিষুবীয় অঞ্চলে নিলে g কমে, তাই T বাড়বে।
 - দোলক চন্দ্র পৃষ্ঠে নিলে g কমে।
 - দোলক পিণ্ড খনিতে বা পাহাড়ের উপর নিলে।
 - সমত্বরণে লিফট নিচের দিকে নামলে।
- দোলনকাল কমবে বা দোলক দ্রুত চলবে :
 - দোলক বিষুবীয় অঞ্চল হতে মেরু অঞ্চলে নিলে g বাড়বে তাই T কমে।
 - সমত্বরণে উপরের দিকে চলন্ত লিফটে দোলক নিলে।
 - শীতকালে বা তাপমাত্রা কমলে L কমে।
 - কার্যকরী দৈর্ঘ্য কমালে।
- দোলনকাল অসীম ও অপরিবর্তিত থাকবে :
 - দোলককে পৃথিবীর কেন্দ্রে নিলে দোলনকাল অসীম হবে। কারণ $g = 0$
 - দোলক ফাঁপা না হয়ে নিরেট হলে দোলনকাল অপরিবর্তিত থাকবে।
 - ঘূর্ণায়মান কৃত্রিম উপগ্রহের মধ্যে নিলে দোলনকাল অসীম হবে। কারণ $g = 0$
 - দোলককে সমবেগে চলন্ত লিফটে নিলে দোলনকাল অপরিবর্তিত থাকবে।

Part 2

At a glance

- কোনো রাশি যদি বারবার পুনরাবৃত্তি ঘটে তাকে বলে- পর্যাবৃত্তি
- সাম্যবিন্দুতে কণার বিভবশক্তি সবচেয়ে কম, গতিশক্তি- সবচেয়ে বেশি
- ভিজেল ইঞ্জিনের সিলিন্ডারের মধ্যে পিস্টনের গতি- পর্যাবৃত্ত গতি
- সরল ছন্দিত গতি সম্পন্ন কণার বল- একটি নির্দিষ্ট বিন্দু অভিমুখী
- সরল ছন্দিত স্পন্দন- মানুষের হৃৎপিণ্ডের স্পন্দন
- স্প্রিংকে বল প্রয়োগ করে প্রসারিত করলে হয়- প্রত্যয়নী বল
- একটি পেঙ্কলার ঘড়ির সুতার দৈর্ঘ্য বাড়লে- ঘড়ি ধীরে চলবে
- সরল দোলকের ফাঁপা গোলক পানি দ্বারা পূর্ণ হলে পর্যায়কাল- বাড়বে
- মহাকাশে নভোচারীর কাছে সরল দোলকের দোলনকাল- অসীম
- সরল দোলক পৃথিবীর কেন্দ্রে নিলে ইহার দোলনকাল হবে- অসীম
- সরলদোলক ঘড়িকে পাহাড়ের চূড়ায় নিয়ে গেলে- সময় হারাবে
- একটি সরলদোলককে চন্দ্রপৃষ্ঠে নিলে দোলনকাল- বৃদ্ধি পাবে
- বিহ্ব থেকে মেরু অঞ্চলে নিলে- ঘড়ি দ্রুত চলবে
- গতিপথের সাম্যাবস্থার বেগ- সর্বাধিক
- গতিপথের শেষ বিন্দুতে বেগ- শূন্য
- গতিপথের চরম অবস্থানের ত্বরণ- সর্বাধিক
- একটি সরল দোলক প্রতি দোলনকালে- দুই বার টিক করে
- চন্দ্রপৃষ্ঠে g এর মান পৃথিবীপৃষ্ঠে g এর মানের- $1/6$ অংশ।
- g এর মান, পাহাড়ের উচ্চতা ও সময় নির্ণয়ে ব্যবহার হয়- সরল দোলক
- সরল দোলকের দৈর্ঘ্য অর্ধেক করলে দোলনকাল- $\frac{1}{\sqrt{2}}$ গুণ হয়
- একটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য অভিকর্ষজ ত্বরণের- সমানুপাতিক
- সেকেন্ড দোলক নির্ভর করে- অভিকর্ষজ ত্বরণের উপর
- স্থানিক পর্যাবৃত্তি- ঘড়ির কাঁটার গতি, ঝড় পরিবর্তন ও জোয়ার ভাঁটা
- সরল দোলক প্রতি দোলনকালে টিক দেয়- দুই বার

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

পর্যায়কাল ও কম্পাঙ্ক সংক্রান্ত :

- কম্পাঙ্ক, $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$
- $T = \frac{1}{n}$
- কম্পাঙ্ক, $n = \frac{N}{t}$
- স্প্রিং এর বল ধ্রুবক, $k = \frac{mg}{l}$
- স্প্রিং এর দোলনকাল, $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{g}{e}}$
- সরল দোলন গতির শক্তি ও সর্বোচ্চ মান সংক্রান্ত :
- যে কোনো অবস্থানে মোট শক্তি $E = (E_p) + (E_k) = \frac{1}{2} K A^2$
- $E_p = E_k$ হয় যখন $x = \frac{1}{\sqrt{2}} A$
- সর্বোচ্চ বেগ $v_{\max} = \omega A$
- সরল ছন্দিত স্পন্দন সংক্রান্ত :
- স্থিতিশক্তি, $U = \frac{1}{2} kx^2$
- গতিশক্তি, $E_k = \frac{1}{2} k(A^2 - x^2)$

৫ তরঙ্গবেগ ও কৌণিক বেগ সংক্রান্ত :

- $\diamond \frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$
- $\diamond$ কৌণিক বেগ $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$
- $\diamond$ বেগ, $v = \omega \sqrt{A^2 - x^2}$
- $\diamond v_{\max} = \omega A$
- $\diamond$ ত্বরণ, $a = -\omega^2 x$
- $\diamond a_{\max} = -\omega^2 A$

৫ দোলনকালের ধীর বা দ্রুততা সংক্রান্ত :

- $\diamond$ ধীরে চললে দোলনকাল $= \frac{2 \times 86400}{86400 - n} \text{ sec}$

৫ লিফটে সরল দোলকের আচরণ সংক্রান্ত :

- $\diamond$ লিফট যদি 'a' ত্বরণসহ নিচের দিকে নামলে দোলনকাল হবে, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g-a}}$
 - $\diamond$ লিফট যদি 'a' ত্বরণসহ উপরের দিকে উঠলে দোলনকাল হবে, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g+a}}$
 - $\diamond$ লিফটটি সুস্থমবেগে উপরে উঠে বা নিচে নামে তবে, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$
 - $\diamond$ লিফট অবাধে পড়লে দোলনকাল, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g-g}} = \infty$
- অর্থাৎ, দোলকটির গতি অপরিবর্তিত হবে।

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type 1

সরল ছন্দিত স্পন্দন

*

01. সরল ছন্দিত গতিতে চলমান একটি বস্তুর বিস্তার 0.01 m ও কম্পাঙ্ক 12 Hz । বস্তুর 0.005 m সরণে বেগ কত?

Solve: $v = \omega A \sqrt{1 - \frac{x^2}{A^2}}$

আবার, $\omega = 2\pi f = 2 \times 3.1416 \times 12 = 75.36 \text{ rads}^{-1}$

$\therefore v = 75.36 \times 0.01 \times \sqrt{1 - \frac{(0.005)^2}{(0.01)^2}} = 0.65 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans.}$

For Practice

01. একটি সরল ছন্দিত স্পন্দনে গতিশীল কণার সমীকরণ $x = 10 \cos(6\pi t + \pi/3)$ । $t = 3 \text{ sec}$ পরে কণার সরণ, বেগ ও ত্বরণ কত হবে?
- Ans. $5 \text{ m}; -163.15 \text{ m/s}; -1776.6 \text{ m/s}^2$

Type 2

স্প্রিং এর দোলন

*

01. একটি হালকা স্প্রিংয়ে $50 \times 10^{-3} \text{ kg}$ বুলানো হলে, $10 \times 10^{-2} \text{ m}$ দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি ঘটে। দোলনের পর্যায়কাল নির্ণয় কর?

Solve: $k = \frac{mg}{l} = \frac{50 \times 10^{-3} \times 9.8}{10 \times 10^{-2}} = 4.9$

$\therefore T = 2 \times 3.14 \sqrt{\frac{50 \times 10^{-3}}{4.9}} = 0.634 \text{ sec Ans.}$

For Practice

01. 4 kg ভরের একটি বস্তু 0.8 m উঁচু হতে একটি উল্লম্ব স্প্রিং এর উপর ফেলা হলো। স্প্রিং ধ্রুবক 1960 Nm^{-1} হলে স্প্রিংটি কতটুকু সংকুচিত হবে? Ans. 0.1789 m

Type 3

সরল ছন্দিত স্পন্দনের শক্তি



01. সরল ছন্দিত স্পন্দনরত একটি বস্তুকণার গতিশব্দের কোথায় এর গতিশক্তি বিভব শক্তির তিনগুণ হবে?

Solve: আমরা জানি, গতিশক্তি, $E_k = \frac{1}{2} k (A^2 - x^2)$

এবং বিভবশক্তি, $E_p = \frac{1}{2} kx^2$

প্রশ্নমতে, $\frac{1}{2} k (A^2 - x^2) = \frac{1}{2} kx^2 \times$

$\Rightarrow A^2 - x^2 = 3x^2$

$\Rightarrow 4x^2 = A^2 \therefore x = \pm \frac{A}{2}$ Ans.

For Practice

01. যদি 60 kg ভরবিশিষ্ট একটি লোক 4 m দৈর্ঘ্যের একটি দোলনায় বসে 3 m বিচ্যুতি দুলতে থাকে, তাহলে লোকটির সর্বোচ্চ গতিশক্তি কত হবে? Ans. 796.3J

Type 4

সরল দোলক



01. কোনো ব্যক্তি একটি ছিন্ন লিফটের ভিতরে একটি সরল দোলকের পর্যায়কাল পান T. যদি লিফটটি $g/3$ ত্বরণে উপরে উঠতে থাকে তাহলে পর্যায়কাল হবে?

Solve: $\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}}$

$\Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g + \frac{g}{3}}{g}} = \sqrt{\frac{4}{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$

$\therefore T_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} T_1 \Rightarrow T_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} T$ Ans.

For Practice

01. পৃথিবীপৃষ্ঠে ও চন্দ্রপৃষ্ঠে দুইটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্যের অনুপাত 81:16। পৃথিবীপৃষ্ঠে 'g' এর মান 9.81 ms^{-2} হলে চন্দ্রপৃষ্ঠে 'g' এর মান কত?

Ans. 1.94 ms^{-2}

Type 5

দোলনকালের হ্রাস-বৃদ্ধি



01. হিমালয়ের পাদদেশে একটি সেকেন্ড দোলক সঠিক সময় দেয়। এটিকে হিমালয়ের সর্বোচ্চ শৃঙ্গ এভারেস্টে নিয়ে গেলে দৈনিক 5 মিনিট সময় হারায়। এভারেস্টের উচ্চতা নির্ণয় কর। [পৃথিবীর ব্যাসার্ধ, $R = 6400 \text{ km}$]

Solve: পাহাড়ের উপর দোলনকাল,

$T_2 = \frac{86400 \times 2}{86400 - n} = \frac{86400 \times 2}{86400 - 300} = 2.00697 \text{ s}$

আবার, $h = R \left(\frac{T_2}{T_1} - 1 \right) = 6400 \times \left(\frac{2.00697}{2} - 1 \right)$
 $= 22.30 \text{ km}$ Ans.

For Practice

01. অভিকর্ষজ ত্বরণের মান ঢাকায় 9.79 m.s^{-2} এবং চট্টগ্রামে 9.8 m.s^{-2} । একটি দোলক ঘড়ি ঢাকায় সঠিক সময় দেয়। ঘড়িটিকে চট্টগ্রামে নেওয়া হলে তা প্রতিদিন কত সময় এগিয়ে যাবে বা পিছিয়ে পড়বে? Ans. 44.11 s এগিয়ে যাবে।

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. একটি সরল দোলকের দৈর্ঘ্য L, ভর M এবং কম্পাঙ্ক V। এর কম্পাঙ্ক 2x করতে হলে- [NU-Science : 13-14]
(A) দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি করে 4L করতে হবে (B) দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি করে 2L করতে হবে
(C) দৈর্ঘ্য হ্রাস করে L/2 করতে হবে (D) দৈর্ঘ্য হ্রাস করে L/4 করতে হবে
02. একটি দ্বিভিত্তিক বস্তুক দৈর্ঘ্য "x" পরিমাপ বৃদ্ধি করলে প্রকৃত দৈর্ঘ্য কোনটির সমানুপাতিক? [NU-Science : 13-14]
(A) x (B) $\frac{1}{x}$ (C) $\frac{1}{x^2}$ (D) x^2
03. একটি সরল দোলকের দৈর্ঘ্য অপরিবর্তিত রাখা। দ্বিতীয় দোলকের দোলনকাল 3 সেকেন্ড হলে, প্রথমটির দোলনকাল কত? [NU-Science : 12-13]
(A) 5.25 s (B) 4.24 s (C) 3.45 s (D) 6.20 s
04. সরলছন্দিত স্পন্দনের স্পন্দনশীল কণার বেগ শূন্য হয়- [NU-Science : 11-12]
(A) যখন সরণ সর্বোচ্চ হয় (B) যখন সরণ সর্বনিম্ন হয়
(C) যখন ত্বরণ সর্বোচ্চ হয় (D) কোনটিই নয়
05. নীচের কোনটি সরলছন্দিত গতির বৈশিষ্ট্য নয়- [NU-Science : 09-10]
(A) এর গতি পর্যায় গতি (B) এর গতি সরলরৈখিক গতি
(C) ত্বরণ বস্তুর সরণের ব্যস্তানুপাতিক (D) একটি নির্দিষ্ট সময় অন্তর এই গতি বিপরীতমুখী হয়
06. কোন সরল দোলকের দৈর্ঘ্য 4 গুণ বাড়াতে দোলন কাল বাড়ে- [NU-Science : 03-04]
(A) চার গুণ (B) দোল গুণ
(C) দ্বিগুণ (D) আট গুণ
07. পৃথিবীর চেয়ে অন্য একটি গ্রহের ব্যাস 2 গুণ ও ভর 3 গুণ হলে, পৃথিবীতে ও অন্য গ্রহে মুক্তি বেগের অনুপাত- [NU-Science : 03-04]
(A) $\frac{3}{2}$ (B) $\sqrt{\frac{3}{2}}$ (C) $\frac{2}{3}$ (D) $\sqrt{\frac{2}{3}}$
08. একটি সরল পেট্রোলম দুলছে। পেট্রোলমের বব-এর আনুভূমিক ত্বরণের মান- [NU-Science : 02-03]
(A) সব সময় সমান (B) ঠিক মাঝখানে অবস্থানকালে সর্বোচ্চ
(C) দুই প্রান্তবিন্দুতে সর্বোচ্চ (D) সব সময়ই শূন্য
09. একটি সরল দোলক পৃথিবীর কেন্দ্রে নিলে এর দোলন কাল কত হবে? [NU-Science : 01-02]
(A) শূন্য (B) অসীম
(C) ভূ-পৃষ্ঠের সমান (D) ভূ-পৃষ্ঠ থেকে কম

Part 6

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

01. গরমের ফলে একটি সেকেন্ড দোলকের দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পেল। এর ফলে দোলকটি দিনে 200 sec ধীরে চলে। পরিবর্তিত দোলনকাল কত? [GST-A : 23-24]
(A) 1.09 sec (B) 0.99 sec
(C) 2.00 sec (D) 1.00 sec
02. কোন স্থিতি-এর এক প্রান্তে m ভরের একটি বস্তু ঝুলালে এটি 8 cm প্রসারিত হয়। বস্তুটি এরপর একটু টেনে ছেড়ে দিলে এর পর্যায়কাল কত হবে? [GST-A : 23-24]
(A) 0.56 sec (B) 0.57 sec
(C) 0.65 sec (D) 0.75 sec
03. সরল ছন্দিত গতির সমীকরণ- [GST-A : 22-23]
(A) $\frac{d^2x}{dt^2} + k^2x^2 = 0$ (B) $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2x = 0$
(C) $\frac{dx}{dt} + \omega^2x = 0$ (D) $\frac{dx}{dt} - \omega^2x = 0$

4515 1 1

Ans A

(A) ঘাড়ের কাটার গতি
 (B) সূর্যের চারদিকে পৃথিবীর গতি
 (C) বৈদ্যুতিক পাখার গতি
 (D) সুরশলাকার গতি

(Ans D)

(A) $f = \frac{1}{T}$
 (B) $f = T$
 (C) $T = 2f$
 (D) $f = 2T$

সম্ভাব্য MCQ

(A) 2 sec (B) 1 sec (C) 3 sec (D) 4 sec **Ans: C**

JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS • JOYKOLY PUBLICATIONS •

১. তরঙ্গ সংজ্ঞা :

সংজ্ঞা	যে পর্ববৃত্তে আন্দোলন কোনো জড় মাধ্যমের মধ্য দিয়ে অঙ্গুর হয়ে একস্থান থেকে অন্যস্থানে শক্তি সঞ্চালিত করে কিন্তু মাধ্যমের কণাগুলোকে স্থায়ীভাবে স্থানান্তরিত করে না তাকে তরঙ্গ বলে।
বৈশিষ্ট্য	- কোনো একটি মাধ্যমের বিভিন্ন কণার সম্মিলিত কম্পনের ফলশ্রুতিই হল তরঙ্গ। - তরঙ্গের বিস্তার আছে। - তরঙ্গের কম্পন আছে। - তরঙ্গের দৈর্ঘ্য আছে। - তরঙ্গ অগ্রসারী বা স্থির হতে পারে। - তরঙ্গ আড় কিংবা দৈর্ঘ্য হতে পারে। - তরঙ্গ প্রতিফলন, প্রতিসরণ, ব্যতিচার এবং অপবর্তন ঘটায়। - তরঙ্গ এক স্থান থেকে অন্যস্থানে শক্তি সঞ্চালন করে। - টমাস ইয়ং এর উপস্থাপন সূত্রের সাহায্যে শব্দের ব্যতিচার, স্থির তরঙ্গ, স্বরকম্প বা বীট ব্যাখ্যা করা যায়। - মাধ্যমের স্থিতিস্থাপকতা ও জড়তা এ দুটি ধর্মের জন্যেই এর ভিতর দিয়ে যান্ত্রিক তরঙ্গের আকারে শক্তির বিস্তার সম্ভব হয়।

মনে রাখতে হবে

$$\bullet \text{ পরস্পর দুটি সুশৃঙ্খল বা দুটি নিশ্পন্দ বিন্দুর দূরত্ব} = \frac{\lambda}{2}$$

$$\bullet \text{ পরস্পর 1টি সুশৃঙ্খল ও 1টি নিশ্পন্দ বিন্দু দূরত্ব} = \frac{\lambda}{4}$$

$$২. \text{ টানা তারের আড় কম্পন সংক্রান্ত : } \bullet \text{ সমস্ত সূত্র : টান করা তারের তির্যক কম্পনের কম্পাঙ্কের সমীকরণ, } f = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

১) সৈর্ষের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের টান (T) ও প্রতি একক দৈর্ঘ্যের ভর (μ) স্থির থাকলে, তারের কম্পাঙ্ক (f) তারের (l) ব্যানুপাতিক। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{l}$; যখন T ও μ স্থির থাকে।

২) টানের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের সৈর্ষ (l) ও প্রতি একক দৈর্ঘ্যের ভর (μ) স্থির থাকলে তারের কম্পাঙ্ক (f) টানের (T) বর্গমূলের সমানুপাতিক হয়। অর্থাৎ, $f \propto \sqrt{T}$; যখন l ও μ স্থির থাকে।

৩) ভরের সূত্র : কোনো কম্পমান তারের টান (T) ও সৈর্ষ (l) স্থির থাকলে তারের কম্পাঙ্ক (f) প্রতি একক দৈর্ঘ্যের ভরের (μ) বর্গমূলের ব্যানুপাতিক। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{\sqrt{\mu}}$; যখন l ও T স্থির থাকে। ভরের সূত্রের দুটি রূপ রয়েছে। যথা :

১) ঘনত্বের সূত্র : যদি কম্পনশীল তারের সৈর্ষ (l), টান (T) এবং ব্যাসার্ধ (r) নির্দিষ্ট থাকে, তবে কম্পাঙ্ক (f) তারের উপাদানের ঘনত্বের (ρ) বর্গমূলের ব্যানুপাতিক হবে। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{\sqrt{\rho}}$; যখন l, T ও r স্থির থাকে।

২) ব্যাসার্ধের সূত্র : যদি কম্পনশীল তারের সৈর্ষ (l), টান (T) এবং তারের উপাদানের ঘনত্ব (ρ) নির্দিষ্ট থাকে তবে কম্পাঙ্ক (f) তারের ব্যাসার্ধের ব্যানুপাতিক হবে। অর্থাৎ, $f \propto \frac{1}{r}$; যখন l, T ও ρ স্থির থাকে।

৩. শব্দ তরঙ্গ ও শব্দের বেগ সংক্রান্ত :

১) শব্দোৎস্রাব বা শব্দোৎস্রাব শব্দের ব্যবহারিক প্রয়োগ : জীবন ধরে, মহলা বৃত্ত কাপড়, স্থল বৈদ্যুতিক যন্ত্র পরিষ্কার ও সমুদ্রের গভীরতা নির্ণয়ে, বাদুড় ও চামটিকা গায়ে অসহনীয় শব্দের পাশ কাটিয়ে উড়ে চলেতে ও ঘোর ধরতে ও পোতাশ্রয়ের মূহ হতে জাহাজকে পথ প্রদর্শনের কাজে।

২) সঙ্গীতের ক্ষেত্রে ব্যবহৃত গুরুত্বপূর্ণ সূত্রসমূহ : • ত্রয়ী (Triad) : যখন তিনটি শব্দের কম্পাঙ্কের অনুপাত 4 : 5 : 6 হয় তখন তাদের ত্রয়ী বলে।

• অসঙ্গতি (Chord) : কম্পাঙ্কের অনুপাত যদি 4 : 5 : 6 : 8 হয় তাহলে এ সমষ্টিকে অসঙ্গতি বলে।

• সমতান (Harmony) : কতগুলো শব্দ যদি এক সঙ্গে উৎপাদন হয়ে একতানের সৃষ্টি করে, তবে তাকে সমতান বলে।

• স্বরমার্গ বা মেলডি (Melody) : যদি কয়েকটি শব্দ একের পর একে উচ্চারিত হয়ে একটি সুরবৃত্ত শব্দের সৃষ্টি করে তাকে স্বরমার্গ বলে।

• সলো (Solo) : একটি মাত্র বাদ্যযন্ত্র বাজালে যে সুরের সৃষ্টি হয় তাকে সলো বা একক সঙ্গীত বলে।

• অর্কেস্ট্রা (Orchestra) : যখন অনেকগুলো বাদ্যযন্ত্র একসঙ্গে বাজিয়ে একটি সমতান বা একটি মেলডি অথবা একটি সমতান ও মেলডি উভয়ই সৃষ্টি করা হয় তখন তাকে অর্কেস্ট্রা বলে।

৪. শব্দের বেগের উপর বিভিন্ন নিয়মকের প্রভাব :

১) তাপমাত্রার প্রভাব : $v \propto \sqrt{T}$, $v_0 = 332 + (0.61 \text{ ms}^{-1}) \theta$; অর্থাৎ, প্রতি 1°C তাপমাত্রা বৃদ্ধির জন্য শব্দের বেগ 0.61 ms^{-1} বা 61 cms^{-1} বৃদ্ধি পায়।

২) চাপের প্রভাব : স্থির তাপমাত্রায় শব্দের বেগের উপর চাপের কোনো প্রভাব নেই।

৩) আর্দ্রতার প্রভাব : • জলীয় বাষ্প বাড়লে ঘনত্ব কমে যায়।

• $\frac{v_0}{v_s} = \sqrt{\frac{\rho_s}{\rho_0}}$ শব্দের বেগ বাতাসের ঘনত্বের ব্যানুপাতিক। জলীয় বাষ্প বাড়লে, ঘনত্ব কমে, শব্দের বেগ বাড়ে। তাই আর্দ্র বায়ুতে শব্দের বেগ বেশি।

বীট উৎপত্তির শর্তসমূহ : • বীট সৃষ্টিকারী শব্দ ত্রয়

• মাধ্যমের কোনো একটি কণার উপর তরঙ্গ দুটি মিলিত হবার পর মাধ্যমের কণাটির সরণের বৃদ্ধি বা হ্রাস ঘটে।

প্রমাণ তীব্রতা : 1000 Hz কম্পাঙ্ক বিশিষ্ট $10^{-12} \text{ W m}^{-2}$ তীব্রতায়

৩. **ভয়ঙ্কর উদ্বৃত্ত:** তরঙ্গ সমুদ্রগলনের অভিযুখে লম্বভাবে অবস্থিত কোনো ব্যাব্য একক যেহেতু

$$\therefore \text{তড়িৎ ক্ষেত্র} : E = 2\pi^2 \rho n^2 a^2 v$$

At a glance

Part 3 **প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি**

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

◇ कम्पाङ्क, $f = \frac{1}{T}$

◇ কৌণিক কম্পাঙ্ক, $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$

১০০ তরঙ্গের সমীকরণ সংক্রান্ত :

$$\diamond y = a \sin(\omega t \pm \delta)$$

◇ দ্বি-তরঙ্গের সমীকরণ, $y = 2a \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} vt\right) \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} x\right)$

$$\diamond y = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda} \right) \quad \diamond y = a \sin \left(\omega t \pm \frac{2\pi}{\lambda} x \right)$$
$$\diamond y = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda} \right) \quad \diamond y = a \sin \left(\omega t \pm \frac{2\pi}{\lambda} x \right)$$

◇ টানা দেয়া তারে মূল সুরের কম্পাঙ্ক, $f = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$

◇ কঠিন মাধ্যমে, $v = \sqrt{\frac{Y}{\rho}}$, [$Y =$ ইয়ং এর গুণক]

◇ তরল মাধ্যমে, $v = \sqrt{\frac{k}{\rho}}$, [k = আয়তন প্রসার]

◇ গ্যাসীয় মাধ্যমে, $v = \sqrt{\frac{P}{\rho}}$, [P গ্যাসের চাপ]

◇ $t^{\circ}\text{C}$ তাপমাত্রায় শব্দের বেগ, $v = 332 + (0.61t)$

◇ উষ্ণতার সাথে শব্দের বেগের পরিবর্তন, $v_1 = v_0 \sqrt{1 + \alpha t}$

$$\diamond \Delta\beta = \beta_1 - \beta_2 = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right)$$

◇ তীব্রতা লেভেল, $\beta = 10 \log \frac{I}{I_0}$ [ডেসিবেল এককে]

५ दशा पार्थक्य मंत्रोक्तः : दशा पार्थक्य (δ) = $\frac{2\pi}{\lambda} \times$ पथ पार्थक्य (x)

৬. সুর যন্ত্রাংশ সংক্রান্ত : $\diamond$ বন্ধ নলে মূল স্বরের কম্পাঙ্ক, $f = \frac{v}{4L}$

◇ খোলানলে মূল ধরের কম্পাঙ্ক, $f = \frac{v}{2L}$

◇ সীবেক সাইরেনের শব্দের তীব্রতা, $N = m \times n$

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

শব্দ ভরস

Solve: $\lambda = v \left(\frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2} \right) \Rightarrow \lambda = 3192 \left(\frac{1}{280} - \frac{1}{380} \right) = 3 \text{ m Ans.}$

For Practice

01. একটি সরল স্পন্দক একটি অগভীর পুকুরে জলের তরঙ্গ সৃষ্টি করেছে। তরঙ্গসমূহ 1.5 s সময়ে 33 cm দূরত্ব অতিক্রম করলে ও পর পর তরঙ্গ চূড়ার দূরত্ব 4.0 cm হলে স্পন্দকের ফ্রিকুয়েন্সী কত?

Type 2

তরঙ্গের সমীকরণ

*

01. একটি দড়িতে চলমান তরঙ্গের সমীকরণ হলো $y(x, t) = y_m \sin(kx + \omega t)$, তরঙ্গের বেগ কত?

Solve: $y = y_m \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} vt + \frac{2\pi}{\lambda} x\right)$

এখানে, $\frac{2\pi vt}{\lambda} = \omega t$ ও $\frac{2\pi x}{\lambda} = kx \therefore \lambda = \frac{2\pi}{k}$

এখন, $v = \frac{\omega \lambda}{2\pi} \Rightarrow v = \frac{\omega}{k} \therefore v = \omega/k$ Ans.

For Practice

01. একটি অগ্রগামী তরঙ্গের সমীকরণ, $Y = 0.5 \sin\pi\left(100t - \frac{x}{3.4}\right)$, সকল রাশির মান S.I এককে প্রদত্ত। তরঙ্গটির (i) বিস্তার, (ii) কম্পাঙ্ক, (iii) পর্যায়কাল হবে?
(i) Ans. 0.5 m (ii) Ans. 50 Hz (iii) Ans. 0.0 2s

Type 3

দশা ও পথ-পার্থক্য

*

01. একটি তরঙ্গের দুটি বিন্দুর মধ্যে পথ পার্থক্য $5\lambda/4$ । বিন্দুদ্বয়ের মধ্যে দশা পার্থক্য কত?

Solve: দশা পার্থক্য $= \frac{2\pi}{\lambda} \times \frac{5\lambda}{4} = \frac{5\pi}{2} = 2\pi + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2}$ Ans.

For Practice

01. 0.4 m ব্যবধান অবস্থিত দুটি কণার মধ্যবর্তী দশা পার্থক্য নির্ণয় কর। যেখানে উৎপন্ন তরঙ্গবেগ 325 m/s ও তরঙ্গের কম্পাঙ্ক 300 Hz। Ans. 2.32 rad

Type 4

টানা তার

*

01. একটি পিয়ানো তারের দৈর্ঘ্য L এর ভর M। যদি এর মূল কম্পাঙ্ক f হয়, তবে তারে টান হলো?

Solve: $f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{m}} \Rightarrow f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{\frac{M}{L}}} \left[m = \frac{M}{L} \right]$

$\Rightarrow f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{TL}{M}} \Rightarrow f^2 = \frac{1}{4L^2} \times \frac{TL}{M} \Rightarrow f^2 = \frac{T}{4LM} \Rightarrow T = 4MLf^2$ Ans.

For Practice

01. একটি সনোমিটারের তারটিকে কোন বল দ্বারা টানা হল। যদি টানা বল 9 গুণ এবং একই সাথে তারের দৈর্ঘ্য দ্বিগুণ করা হয় তবে পরিবর্তনের পূর্বের ও পরের কম্পাঙ্কের অনুপাত নির্ণয় কর। Ans. 2:3

Type 5

শব্দের তীব্রতা লেভেল

*

01. একটি সুরশলাকার কম্পাঙ্ক 256 Hz এবং বিস্তার 5×10^{-3} m। শব্দের বেগ 330 m/s হলে শব্দ তরঙ্গের তীব্রতা নির্ণয় কর। [বায়ুর ঘনত্ব 1.29 kg/m^3]

Solve: $I = 2\pi^2 \rho a^2 n^2 v = 2\pi^2 \times 1.29 \times (5 \times 10^{-3})^2 \times (256)^2 \times 330 = 13767.44 \text{ Wm}^{-2}$ Ans.

For Practice

01. dB এককে কোনো স্থানের তীব্রতা লেভেল 60 dB হলে ঐ স্থানের শব্দের তীব্রতা কত? Ans. 10^{-6} W/m^2

Type 6

বীট ও স্বরকম্প

*

01. একই দিকে চলমান দুটি শব্দ তরঙ্গের সমীকরণ যথাক্রমে $y = 0.25 \sin 316t$ এবং $y = 0.25 \sin 310t$ । প্রতি সেকেন্ডে উৎপন্ন বীটের সংখ্যা কত?

Solve: $y = 0.25 \sin 316t$ ও $y = 0.25 \sin 310t$ সমীকরণ দুটিকে $y = A \sin \omega t$ সমীকরণের সাথে তুলনা করে পাই, $\omega_1 = 316$; $\omega_2 = 310$

এখন, $2\pi f_1 = 316 \Rightarrow f_1 = \frac{316}{2\pi}$

আবার, $2\pi f_2 = 310 \Rightarrow f_2 = \frac{310}{2\pi}$

$\therefore N = f_1 - f_2 = \frac{316}{2\pi} - \frac{310}{2\pi} = \frac{6}{2\pi} = \frac{3}{\pi}$ Ans.

For Practice

01. দুইটি সুরশলাকা A ও B একত্রে শব্দটিত করায় বীট শোভিত হয়। কিন্তু A-এর বাতর ভরা কিছু কমলে বীট শব্দটি স্পষ্ট হয়। B-এর কম্পাঙ্ক 290 Hz হলে A-এর কম্পাঙ্ক নির্ণয় কর। Ans. 291 Hz

Type 7

শব্দের বেগ

*

01. 0.50 m এবং 0.51 m দৈর্ঘ্য বিশিষ্ট বন্ধ নল দুটি সোকেতে 3টি বীট (beats) সৃষ্টি করে। শব্দের বেগ বের কর।

Solve: ধরি, দুটি একমুখ বেগে নল। বায়ুর ঘনত্ব $\rho = 1.3 \text{ kg/m}^3$, $f_1 = 0.50 \text{ m}$, $f_2 = 0.51 \text{ m}$

মূলসূত্রের ক্ষেত্রে, $v = 4f_1 \lambda_1 \Rightarrow f_1 = \frac{v}{4\lambda_1}$ (i)

$v = 4f_2 \lambda_2 \Rightarrow f_2 = \frac{v}{4\lambda_2}$ (ii)

(i) - (ii) $\Rightarrow f_1 - f_2 = \frac{v}{4\lambda_1} - \frac{v}{4\lambda_2} \Rightarrow 3 = \frac{v}{4} \left(\frac{1}{0.5} - \frac{1}{0.51} \right)$ [কি $f_1 - f_2 = 3$]
 $\Rightarrow v = 306 \text{ ms}^{-1}$ Ans.

For Practice

01. কোনো তাপমাত্রায় বাতাসে শব্দের দ্রুতি প্রমাণ তাপমাত্রায় শব্দের দ্রুতির 3 গুণ হবে? Ans. 2184°C

Part 5

জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

01. লোহার ইয়ং-এর গুণক $20 \times 10^{10} \text{ Nm}^{-2}$ এবং ঘনত্ব $\rho = 7800 \text{ kgm}^{-3}$ । লোহার মধ্য দিয়ে শব্দের বেগ কত? [NU-Science : 14-15]
A) 5063.7 ms^{-1} B) 6300 ms^{-1} C) 7200 ms^{-1} D) 5560 ms^{-1} Ans. A
02. একটি শব্দ তরঙ্গের তরঙ্গদৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পেলে, এর কম্পাঙ্ক- [NU-Science : 14-15]
A) বৃদ্ধি পায় B) হ্রাস পায় C) প্রবণ থাকে D) বেগের সমান হয় Ans. B
03. একটি টানা তারের লোডের পরিমাণ নয়গুণ বৃদ্ধি করলে কম্পাঙ্ক কতগুণ বৃদ্ধি পাবে? [NU-Science : 13-14]
A) 3 B) 9 C) 81 D) 27 Ans. A
04. যদি 0°C তাপমাত্রায় বাতাসে শব্দের গতি 300 m/s হয় তবে কত তাপমাত্রায় শব্দের বেগ 400 m/s হবে? [NU-Science : 13-14]
A) 91°C B) 212°C C) 485°C D) 674°C Ans. B
05. দুটি সুরশলাকার কম্পাঙ্ক যথাক্রমে 128 Hz ও 384 Hz। বায়ুতে শব্দটি হতে সৃষ্টি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের অনুপাত- [NU-Science : 12-13]
A) 3:1 B) 1:3 C) 2:1 D) 1:2 Ans. A
06. নিম্পন্দ ও সুস্পন্দ বিন্দুর দূরত্ব কত? [NU-Science : 11-12]
A) λ B) $\frac{\lambda}{2}$ C) $\frac{\lambda}{4}$ D) 2λ Ans. C
07. কোন মাধ্যমে শব্দের বেগ সবচেয়ে বেশি? [NU-Science : 11-12]
A) লোহা B) পানি C) কাঠ D) বায়ু Ans. A
08. দুইটি সুরশলাকার কম্পাঙ্ক যথাক্রমে 120 Hz ও 360 Hz। বায়ুতে শব্দটি দুইটি হতে সৃষ্ট তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের অনুপাত- [NU-Science : 09-10]
A) 1:3 B) 3:1 C) 4:5 D) 2:1 Ans. B
09. 310 Hz কম্পাঙ্কের শব্দ তরঙ্গের তরঙ্গদৈর্ঘ্য বায়ুতে 1.1 m হলে, বায়ুতে শব্দ তরঙ্গের দ্রুতি হবে- [NU-Science : 07-08]
A) 341 ms^{-1} B) 332 ms^{-1} C) 3330 ms^{-1} D) 282 ms^{-1} Ans. A
10. কোনটি সঠিক? [NU-Science : 07-08]
A) শব্দ তরঙ্গ যান্ত্রিক তরঙ্গ B) শব্দ তরঙ্গের ব্যতিচার হয় না
C) শব্দ তরঙ্গ আড় তরঙ্গ D) শব্দ তরঙ্গের অপবর্তন হয় না Ans. C
11. কোন শব্দের তীব্রতা বিজ্ঞানের- [NU-Science : 05-06]
A) সমানুপাতিক B) বর্গের সমানুপাতিক
C) ব্যস্তানুপাতিক D) বর্গের ব্যস্তানুপাতিক Ans. B

১২. একটি তরঙ্গের দৈর্ঘ্য 3 meter হলে, এর কম্পাঙ্ক হবে- [NU-Science : 03-04]
 A) 10^8 sec^{-1} B) 10^8 sec C) 10^{-8} sec D) 10^{-8} sec^{-1} (Ans: A)
১৩. বাতাসে শব্দের গতি 330 m/s এবং অপর একটি মাধ্যমে 990 m/s। বাতাসে একটি শব্দের তরঙ্গ দৈর্ঘ্য 0.3 m হলে, অপর মাধ্যমটিতে তার তরঙ্গ দৈর্ঘ্য হবে- [NU-Science : 01-02]
 A) 0.1 m B) 0.3 m C) 0.9 m D) 1.2 m (Ans: C)

Part 6 জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

১১. কোন তরঙ্গের সমবর্তন সম্ভব নয়? [GST-A : 22-23]
 A) রেডার তরঙ্গ B) মাইক্রো তরঙ্গ
 C) শব্দ তরঙ্গ D) দূশামান আলোক তরঙ্গ (Ans: C)
১২. একটি সরল হ্রিতিত দোলকের সর্বোচ্চ বেগ 0.3 ms^{-1} ও বিস্তার 0.06 m হলে পর্যায়কাল কত s? [GST-A : 22-23]
 A) $\frac{2\pi}{5}$ B) $\frac{\pi}{5}$ C) π D) $\frac{3\pi}{2}$ (Ans: A)
১৩. একটি অসাম্যী তরঙ্গের সমীকরণ S.I. এককে $y = 2 \sin (120t - 4x)$ হলে এর বৈধি বেগ? [GST-A : 20-21]
 A) 30 B) 40 C) 60 D) 120 (Ans: A)
১৪. দুটি সুর শলাকা A ও B একই সময়ে শব্দায়িত হওয়ায় প্রতি সেকেন্ডে 5টি বিট উৎপন্ন করে। কিন্তু A তে খানিকটা ওজন লাগালে তারা আবার প্রতি সেকেন্ডে ৫টি বিট উৎপন্ন করে। যদি B এর কম্পাঙ্ক 325 Hz হয়, তাহলে A এর কম্পাঙ্ক কত Hz হবে? [KU-A : 19-20]
 A) 315 B) 320 C) 325 D) 330 (Ans: D)
১৫. কিস্তি শব্দের কম্পাঙ্কের অনুপাত কত হলে মিলিত সুরকে ত্রয়ী বলে? [CoU-A : 19-20]
 A) 1:2:3 B) 2:3:4 C) 3:4:5 D) 4:5:6 (Ans: D)
১৬. চরম এক ছান হতে অন্য ছানে কী ছানাজরিত করে? [CoU-A : 18-19]
 A) ভ্রম B) শক্তি C) তরঙ্গদৈর্ঘ্য D) বিস্তার (Ans: B)
১৭. শীতকালে তুমি বহুদের সাথে মধুপুর বনে বনভোজনে গিয়েছিলে। তখন বনে চকুন পাতার মর্মর ধ্বনি তখনতে পেলে। উক্ত শব্দের তীব্রতা $1 \times 10^{-11} \text{ Wm}^{-2}$ হলে, তীব্রতা লেভেল ডেসিবেলে- [IU-D : 19-20]
 A) 40 B) 30 C) 20 D) 10 (Ans: D)
১৮. 300 Hz কম্পাঙ্কের একটি তরঙ্গে শব্দ পানি ও বাতাসের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য 4.16 m। শব্দের গতি বাতাসে 352 ms^{-1} হলে, পানিতে শব্দের বেগ? [IU-D : 19-20]
 A) 800 ms^{-1} B) 1200 ms^{-1} C) 1600 ms^{-1} D) 1800 ms^{-1} (Ans: C)
১৯. 256 cycle/s কম্পাঙ্ক বিশিষ্ট একটি সুর শলাকা হতে উৎপন্ন শব্দ 3 s এ 1020 m অতিক্রম করে। বায়ুতে শব্দের তরঙ্গ দৈর্ঘ্য-
 A) 132.8 m B) 308.7 m C) 132.8 cm D) 308.7 cm (Ans: C)
২০. টান তারে টানের পরিমাণ 4 গুণ বৃদ্ধি করলে কম্পাঙ্ক বৃদ্ধি হবে- [BRUR-E : 19-20]
 A) 16 গুণ B) 4 গুণ C) 3 গুণ D) 2 গুণ (Ans: D)
২১. 1000 Hz কম্পাঙ্কের কোনো শব্দের প্রতি প্রতি প্রারম্ভ সীমার তীব্রতা কত? [AKNTU-B : 19-20]
 A) 10^{12} Wm^{-2} B) 10^{-12} Wm^{-2}
 C) 10^{10} Wm^{-2} D) 10^{-10} Wm^{-2} (Ans: B)
২২. দুটি সুরশলাকার কম্পাঙ্ক যথাক্রমে 128 Hz ও 384 Hz। বায়ুতে শলাকা দুইটি হতে সৃষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘ্যের অনুপাত কত? [BU-A : 19-20]
 A) 3:1 B) 1:3 C) 2:1 D) 1:2 (Ans: A)
২৩. এক ভিন্ন সেন্সিয়াস তাপমাত্রা বাড়লে শব্দের বেগের পরিবর্তন হবে? [BU-A : 19-20]
 A) 0.60 ms^{-1} B) 0.63 ms^{-1} C) 0.61 ms^{-1} D) কোনোটিই নয় (Ans: C)
২৪. একই তীব্রতার উৎস হতে উৎপন্ন শব্দ কোন সময় সবচেয়ে বেশি দূরত্বে শোনা যাবে? [BU-A : 19-20]
 A) গ্রীষ্মকালে B) বর্ষাকালে C) শরৎকালে D) শীতকালে (Ans: B)
২৫. একটি তারের ভিতর দিয়ে সাইনোসাইডাল তরঙ্গ প্রবাহিত হলে তারের কণার সর্বোচ্চ দ্রুতি v_1 । তারের একটি কণার সরণ সর্বোচ্চ সরণের অর্ধেক হলে ঐ কণার দ্রুতি হলো? [SHUBD-Science : 19-20]
 A) $v_1/2$ B) $\sqrt{3}v_1/2$ C) $2v_1$ D) $3v_1/4$ (Ans: B)

১৬. একটি টানা তারে আড় তরঙ্গের বেগ 1500 ms^{-1} । টান একই থাকলে হিসাব কর ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একই উপাদানে তৈরী তারে তরঙ্গের বেগ কত ms^{-1} ? [BRUR-B : 19-20]
 A) 500 B) 300 C) 750
 D) 850 E) 3000 (Ans: A)
১৭. একটি অসাম্যী তরঙ্গের সমীকরণ $y = 10 \sin (200\pi t - 1.57\pi x)$ । তরঙ্গটির কম্পাঙ্ক কত? [MBSTU-C : 19-20]
 A) 100 Hz B) 200 Hz C) 50 Hz D) 150 Hz (Ans: A)
১৮. শব্দ যখন এক মাধ্যম থেকে অন্য মাধ্যমে প্রবেশ করে তখন কী অপরিবর্তিত থাকে? [MBSTU-A : 19-20]
 A) তরঙ্গ B) বেগ
 C) কম্পাঙ্ক D) তরঙ্গ দৈর্ঘ্য ও বেগ উভয় (Ans: C)
১৯. হির তরঙ্গের পর পর দুইটি সুস্পন্দ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব- [MBSTU-A : 19-20]
 A) $\frac{\lambda}{4}$ B) $\frac{\lambda}{2}$ C) $\frac{3\lambda}{4}$ D) λ (Ans: B)
২০. কত তাপমাত্রায় বায়ুতে শব্দের বেগ 0°C তাপমাত্রার বেগের দ্বিগুণ হবে? [HSTU-A : 19-20]
 A) 818°C B) 810°C C) 820°C D) 819°C (Ans: D)

Part 7

সম্ভাব্য MCQ

০১. তরঙ্গের উপর সমদশা সম্পন্ন কণার গতিপথকে কী বলে?
 A) তরঙ্গদৈর্ঘ্য B) তরঙ্গ মুখ C) কম্পাঙ্ক D) বিস্তার (Ans: B)
০২. টেপ রেকর্ডার আবিষ্কার করেন কে?
 A) থমসন B) হাইগেনস C) বেকারেল D) পলসন (Ans: D)
০৩. অর্ধসুর এর সুরানুপাত কত?
 A) 8 : 9 B) 10 : 9 C) 6 : 5 D) 16 : 15 (Ans: D)
০৪. হির তরঙ্গের পরপর দুটি নিস্পন্দ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব কত?
 A) $\lambda/4$ B) $\lambda/2$ C) $3\lambda/4$ D) λ (Ans: B)
০৫. 0°C তাপমাত্রায় বায়ুতে শব্দের বেগ কত হবে?
 A) 320 ms^{-1} B) 332 ms^{-1} C) 335 ms^{-1} D) 340 ms^{-1} (Ans: B)
০৬. একটি নিস্পন্দ বিন্দু ও এর সন্নিহিত সুস্পন্দ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব
 A) $\lambda/2$ B) λ C) $\lambda/4$ D) 2λ (Ans: C)
০৭. বায়ু ও পানিতে 300 Hz কম্পাঙ্কের একটি শব্দ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য 4.16 m। বায়ুতে শব্দের বেগ 352 ms^{-1} হলে পানিতে শব্দের বেগ হবে?
 A) 200 ms^{-1} B) 300 ms^{-1} C) 1600 ms^{-1} D) 1200 ms^{-1} (Ans: C)
০৮. একটি রেডিও স্টেশন 90 MHz ব্যান্ডে অনুষ্ঠান প্রচার করে। এর তরঙ্গদৈর্ঘ্য কত?
 A) 0.30 m B) 6.0 m C) 9 m D) 3.3 m (Ans: D)
০৯. তরঙ্গের দুটি কণার মধ্যে পথপার্থক্য 0.325 m এবং দশা পার্থক্য 3.14 রেডিয়ান হলে, তরঙ্গদৈর্ঘ্য কত?
 A) 0.65 m B) 0.65 cm C) 0.56 cm D) 0.56 m (Ans: A)
১০. কান তীব্রতা স্কেলকে কানের প্রতি সুর বল?
 A) 1 dB B) 0 dB C) 10 dB D) 2 dB (Ans: B)
১১. দুটি উৎসের কম্পাঙ্ক যথাক্রমে f_1 ও f_2 এবং $f_1 > f_2$ হলে, প্রতি সেকেন্ডে উৎপন্ন বিট সংখ্যা কত?
 A) $f_1 f_2$ B) f_1/f_2 C) $f_1 + f_2$ D) $f_1 - f_2$ (Ans: D)
১২. মানুষের শ্রবণসীমার দুই প্রান্তের তীব্রতার অনুপাত কোনটি?
 A) 10^{-11} B) 10^{11} C) 10^{-12} D) 10^{12} (Ans: D)
১৩. টানাতারের দৈর্ঘ্য ও উহার একক দৈর্ঘ্যের ভর হির রাশিয়া টান 4 গুণ বাড়ালে তারের কম্পাঙ্ক হ্রাস হবে?
 A) চারগুণ B) দ্বিগুণ C) এক চতুর্থাংশ D) অর্ধেক (Ans: B)
১৪. একটি স্বর্ণপিণ্ডে প্রতি মিনিটে 80 বার হৃদকম্পন হয়, তাহলে হৃদকম্পনের হারীত্ব কত?
 A) 0.60 সেকেন্ড B) 0.75 সেকেন্ড
 C) 7.50 সেকেন্ড D) 0.80 সেকেন্ড (Ans: B)
১৫. নিচের কোন ঘটনাটি অনন্যভাবে প্রমাণ করে যে, আলোক তরঙ্গ একটি আড় তরঙ্গ?
 A) অপবর্তন B) প্রতিসরণ C) ব্যতিচার D) সমবর্তন (Ans: D)

আদর্শ গ্যাস ও গ্যাসের গতিতত্ত্ব

তত্ত্বপূর্ণ তথ্যাবলি

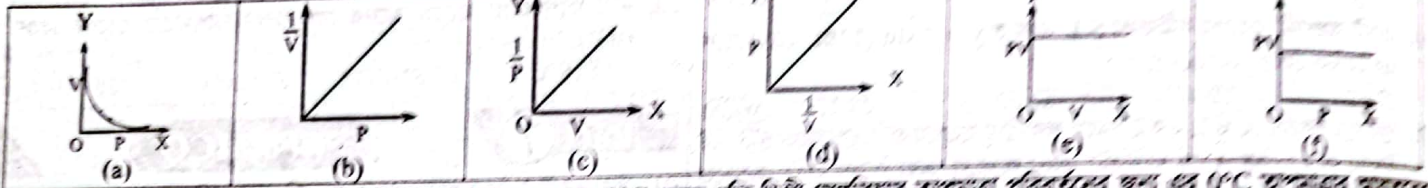
১. গ্যাস সংক্রান্ত :

■ গ্যাস : সাধারণ তাপমাত্রা ও চাপে যে সব পদার্থ বায়বীয় অবস্থায় থাকে, তাদেরকে গ্যাস বলে। যেমন H_2 , O_2 , N_2 ইত্যাদি গ্যাস। গ্যাসের ক্ষেত্রে তিনটি চলরাশি চাপ, তাপমাত্রা ও আয়তন। গ্যাসের উপর যেসব গ্যাস পদার্থের বায়বীয় অবস্থার নাম গ্যাস। যেমন : H_2 , O_2 , N_2 ইত্যাদি গ্যাস। গ্যাসের ক্ষেত্রে তিনটি চলরাশি চাপ, তাপমাত্রা ও আয়তন। গ্যাসের উপর যেসব গ্যাস পদার্থের বায়বীয় অবস্থার নাম গ্যাস। যেমন : H_2 , O_2 , N_2 ইত্যাদি গ্যাস।

আচরণ নির্ভর করে বলে একতরফে গ্যাসের অবস্থার উপাদান করা হয়। গ্যাসীয় সূত্র - ৩টি যথা- বয়েলের সূত্র, চার্লসের সূত্র ও চাপের সূত্র।

■ বয়েলের সূত্র : "তাপমাত্রা স্থির থাকলে কোনো নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন তার চাপের ব্যস্তানুপাতিক"। অর্থাৎ, $V \propto \frac{1}{P}$ । ১৭৬২ খ্রিস্টাব্দে বয়েল এই সূত্র আবিষ্কার করেন।

■ চার্লসের সূত্র : "তাপমাত্রা স্থির থাকলে কোনো নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন (V) ও চাপ (P) এর লব্ধিকর আনুপাতিক"। অর্থাৎ, $V \propto T$ । ১৭৮৭ খ্রিস্টাব্দে চার্লস এই সূত্র আবিষ্কার করেন।



■ চার্লসের সূত্র : "স্থির চাপে কোনো নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন 0°C থেকে প্রতি ডিগ্রি সেলসিয়াস তাপমাত্রা পরিবর্তনের জন্য $\frac{1}{273}$ অংশ পরিবর্তিত হয়। ১৭৮৭ খ্রিস্টাব্দে ফরাসি বিজ্ঞানী চার্লস এই সূত্র আবিষ্কার করেন। স্থির চাপে নির্দিষ্ট ভরের গ্যাসের আয়তন এর পরে ব কেলভিন তাপমাত্রার সমানুপাতিক। অর্থাৎ, $V \propto T$ ।

■ গ্যাস সূত্রসমূহের সমন্বয় : n মোল গ্যাসের ক্ষেত্রে, $PV = nRT = \frac{m}{M} RT$ । সুতরাং আদর্শ গ্যাস সমীকরণ, $PV = nRT$

• বয়েল ও চার্লসের সূত্রের সমন্বয়।

• আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ।

■ মনে রাখি : একটি বুনবুন ব্রসের তলদেশ হতে যতই উপরে উঠবে চাপ তত কমবে ও আয়তন ততই বাড়বে।

২. আদর্শ ও বাস্তব গ্যাস সংক্রান্ত :

■ আদর্শ গ্যাস : যে সকল গ্যাস সকল তাপমাত্রা ও চাপে বয়েল ও চার্লস এর সূত্র মেনে চলে, তাদেরকে আদর্শ গ্যাস বলে। আদর্শ গ্যাসের স্থিতিশক্তি = ০।

■ আদর্শ গ্যাসের বৈশিষ্ট্যসমূহ :

• সকল তাপমাত্রা ও চাপে $PV = nRT$ সমীকরণ মেনে চলে।

• আদর্শ গ্যাসের কণাগুলো স্থিতিহীন। সংঘর্ষে কোনো আকর্ষণ বা বিকর্ষণ বল নেই। কণাগুলোর গতিশক্তি সমান ও ধ্রুব।

• আদর্শ গ্যাসের অণুসমূহের মোট আয়তন গ্যাস দ্বারা দখলকৃত আয়তনের তুলনায় নগণ্য।

• নিম্নচাপ ও উচ্চ তাপমাত্রায় বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের মত আচরণ করে।

• উচ্চ চাপ ও নিম্ন তাপমাত্রায় আদর্শ গ্যাস বাস্তব গ্যাস মত আচরণ করে।

■ বাস্তব গ্যাস : যে সকল গ্যাস সকল তাপমাত্রা ও চাপে গ্যাস সূত্রাবলি মেনে চলে না তাদেরকে বাস্তব গ্যাস বলে। প্রকৃতিতে প্রাপ্ত সকল গ্যাসই বাস্তব গ্যাস। যেমন : H_2 , O_2 , N_2 প্রকৃতি বাস্তব গ্যাস।

■ বাস্তব গ্যাসের বৈশিষ্ট্যসমূহ :

• বাস্তব গ্যাসের অণুর নির্দিষ্ট আকার ও আয়তন আছে।

• অণুগুলোর মধ্যে এক অণু ও পার্শ্বের সেত্বগুলোর মধ্যে আকর্ষণ বল বিদ্যমান থাকে।

• বাস্তব গ্যাস পরমশূন্য তাপমাত্রায় নেওড়া সম্ভব নয়।

• বাস্তব গ্যাসের বিদ্যমান সংঘর্ষগুলো সম্পূর্ণ স্থিতিহীন নয়।

৩. গ্যাস ধ্রুবক :

■ সর্বজনীন গ্যাস ধ্রুবক : এক মোল আদর্শ গ্যাসের তাপমাত্রা এক ডিগ্রী বাড়লে তা যে পরিমাণ কাজ সম্পন্ন করে, তাকে সর্বজনীন গ্যাস ধ্রুবক (R) বলে।

অর্থাৎ, $R = \frac{PV}{nT}$; একে R দ্বারা প্রকাশ করা হয়। এর একক : S.I পদ্ধতিতে $\rightarrow \text{JK}^{-1}\text{mol}^{-1}$

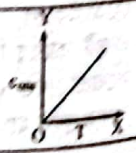
• মান : • S.I পদ্ধতিতে $\rightarrow 8.314 \text{ JK}^{-1}\text{mol}^{-1}$

• C.G.S এককে $\rightarrow 8.314 \times 10^7 \text{ ergK}^{-1}\text{mol}^{-1}$

• সিটার বায়ুশক্তি একক $\rightarrow 0.082 \text{ Latm K}^{-1}\text{mol}^{-1}$

• ক্যালরি এককে $\rightarrow 1.987 \text{ cal K}^{-1}\text{mol}^{-1}$

গড় বেগ (c_m)	গ্যাস অণুগুলোর বেগের গাণিতিক গড়কে তাদের গড় বেগ বলে। একে c দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
গড় বর্গ বেগ (c^2)	কোনো গ্যাসের সকল অণুর বেগের বর্গের গড়কে গড় বর্গ বেগ বলে। একে c^2 দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
মূল গড় বর্গ বেগ (c_{rms})	কোনো গ্যাসের সকল অণুর বেগের বর্গের গড়মাত্রের বর্গমূলে মূল গড় বর্গ বেগ বা গড় বর্গবেগের বর্গমূল বলে। একে c_{rms} বা $\sqrt{c^2}$ দ্বারা প্রকাশ করা হয়। মূল গড় বর্গবেগ পরম তাপমাত্রার বর্গমূলের সমানুপাতিক। T.M.S বেগ গড় গতিবেগ অপেক্ষা সামান্য বেশি হয়।
সর্বাধিক সম্ভাব্য বেগ (c_m)	কোনো গ্যাসের বেশিরভাগ অণুগুলোর যে বেগে গতিশীল থাকে তাকে সর্বাধিক সম্ভাব্য বেগ বলে। ($c_{rms} > c_{av} > c_m$)



Part 2

At a glance

- সকল গ্যাস- অত্যন্ত ক্ষুদ্র, গোলাকার, হিটিয়াপক কণা দ্বারা গঠিত
- গ্যাসের অণুগুলোর গতির উপর- অভিকর্ষ শক্তির কোনো প্রভাব নেই
- গ্যাসের অণুগুলো দুটি সংঘর্ষের মধ্যবর্তী সময়ে- সরলরেখায় চলে
- অণুগুলোর পর পর দুটি ধাক্কার মধ্যবর্তী পথকে বলে- গড় মুক্তপথ
- বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের মতো আচরণ করে- উচ্চ তাপমাত্রা ও নিম্ন চাপে
- বাতাসে জলীয় বাষ্পের পরিমাণ বেশি হলে এটি হয়- বেশি আর্দ্র
- শিশিরাক্ত বায়ুর তাপমাত্রা সমান হবে যখন আপেক্ষিক আর্দ্রতা- 100%
- বাস্তব গ্যাস বয়েলের সূত্র মেনে চলে- খুব উচ্চ তাপমাত্রায়
- হ্রদের গভীরতা নির্ণয়ে ব্যবহৃত হয়- আদর্শ গ্যাস সমীকরণ
- সম্পৃক্ত বাষ্প অসম্পৃক্ত বাষ্পে পরিণত হয়- তাপমাত্রার বৃদ্ধির কারণে
- বায়ুতে জলীয় বাষ্পের পরিমাণ ভিন্ন হয়ে থাকে- ঋতু ও স্থানভেদে
- জলীয় বাষ্পের সংকট তাপমাত্রা- 374°C
- সংকট তাপমাত্রা সবচেয়ে বেশি- জলীয় বাষ্পের
- তাপমাত্রা বাড়লে বায়ুর জলীয় বাষ্প ধারণ ক্ষমতা- বেড়ে যায়
- বোল্টজম্যান ধ্রুবক $k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$
- S.T.P তে বায়ুর ঘনত্ব - 1.293 kg m^{-3}
- S.T.P তে বায়ুর চাপ- $1.013 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$
- হিউর চাপে গ্যাসের আয়তন প্রসারণ সহগ- $0.00366^\circ\text{C}^{-1}$
- সমোষ্ণ রেখা সম্পর্কে ধারণা পাওয়া যায়- বয়েলের সূত্র থেকে
- বাস্তব গ্যাস আদর্শ গ্যাসের ন্যায় আচরণ করে- চার্লসের সূত্র
- জলীয় বাষ্পের ঘনত্বের সাথে চাপের সম্পর্ক হলো- $\rho \propto P$
- আদর্শ গ্যাস হল- এক ধরনের কাল্পনিক ধারণা মাত্র
- চাপ, আয়তন ও তাপমাত্রা এই তিনটি হল- চল রাশি
- সাধারণ তাপমাত্রা ও চাপে পদার্থ বায়বীয় অবস্থায় থাকলে হয়- গ্যাস
- সমোষ্ণ সমীকরণ বলা হয়- $PV = K$
- গ্যাসের গতিতত্ত্বের জনক- বিজ্ঞানী বার্নোলি
- পরম শূন্য তাপমাত্রায় গ্যাসের অণুর বেগ- শূন্য

Part 3

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

গ্যাসীয় সূত্র সংক্রান্ত :

- বয়েলের সূত্র, $P_1 V_1 = P_2 V_2$ চার্লসের সূত্র, $V_t = V_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right)$; $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$
- চাপের সূত্র, $P_t = P_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right)$; $\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$
- আদর্শ গ্যাস সমীকরণ, $PV = nRT = \frac{m}{M} RT$
- লসমিডের সংখ্যা, $n' = \frac{n}{V}$

জলাশয়ের গভীরতা ও বুদবুদ সংক্রান্ত :

- হ্রদের গভীরতা, $h = \frac{(n-1)P}{\rho g}$; [আয়তন n গুণ হলে]
- হ্রদের গভীরতা, $h = \frac{(n-1)P}{\rho g}$; [n = ব্যাসার্ধ বা ব্যাসের গুণ]
- হ্রদের পৃষ্ঠদেশের চাপ বায়ুমণ্ডলীয় চাপের [10^5 Nm^{-2}] সমান।]

গ্যাসের অণুর বেগ সংক্রান্ত :

- মূল গড় বর্গবেগ বা গড় বর্গবেগের বর্গমূল, $\sqrt{c^2}$
- বা $c_{r.m.s} = \sqrt{\frac{c_1^2 + c_2^2 + \dots + c_n^2}{n}}$
- মূল গড় বর্গবেগ সাথে চাপের সম্পর্ক, $c_{r.m.s} = \sqrt{\frac{3P}{\rho}}$
- মূল গড় বর্গবেগ সাথে তাপমাত্রার সম্পর্ক, $c_{r.m.s} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$

গড় মুক্তপথ সংক্রান্ত :

- গড় মুক্তপথ, $\lambda = \frac{1}{\pi \sigma^2 n}$ [ক্রিসিয়ানের সূত্রানুসারে]
- গড় মুক্তপথ, $\lambda = \frac{1}{\sqrt{2} \pi \sigma^2 n}$ [ম্যাক্সওয়েলের সূত্রানুসারে]
- গড় মুক্তপথ, $\lambda = \frac{3}{4 \pi \sigma^2 n}$

গ্যাসের গতিতত্ত্ব সংক্রান্ত :

- গতিশক্তি, $E = \frac{3}{2} nRT$ [গ্রাম অণু বলা হলে $n = 1$]
- প্রতি অণুর গ্যাসের গড় গতিশক্তি, (1) $E = \frac{3}{2} kT$; (2) $E = \frac{1}{2} Mc^2$
- প্রতি একক আয়তনে গড় গতিশক্তি, $E = \frac{1}{3} \rho c^2$
- একক আয়তনে অণুগুলোর গ্যাসের চাপ, $P = \frac{2}{3} E$
- আদর্শ গ্যাসের সমীকরণের সাহায্যে চাপ-
 $\bullet P = \frac{1}{3} \rho c^2 \bullet PV = \frac{1}{3} mn \bar{c}^2 \bullet PV = \frac{2}{3} E \bullet P = \frac{2}{3} mnc^2$

স্বাধীনতার মাত্রা ও শক্তির সমবিতাজন নীতি সংক্রান্ত :

- প্রত্যেক অণুর স্বাধীনতার মাত্রার মোট শক্তির পরিমাণ $= \frac{1}{2} KT$
- f স্বাধীনতার মাত্রা সম্পন্ন কোনো অণুর মোট শক্তি $= \frac{f.KT}{2}$

আপেক্ষিক আর্দ্রতা ও গ্রেইসারের সমীকরণ সংক্রান্ত :

- $R = \frac{f}{F} \times 100\% = \frac{P_f}{P_F} \times 100\% = \frac{m_f}{m_F} \times 100\%$
- $(t_1 - t) = G(t_1 - t_2)$ or, $(\theta_1 - \theta) = G(\theta_1 - \theta_2)$

Part 4

গাণিতিক সমস্যা ও সমাধান

Type 1

আদর্শ গ্যাস

*

01. আদর্শ চাপে ও 27°C তাপমাত্রায় 20 gm অক্সিজেনের আয়তন বের কর।

Solve: আমরা জানি, $PV = nRT = \frac{m}{M} RT \Rightarrow V = \frac{mRT}{PM}$
 $\Rightarrow V = \frac{20 \times 10^{-3} \times 8.31 \times 300}{1.01325 \times 10^5 \times 32 \times 10^{-3}} \therefore V = 0.01538 \text{ m}^3 \text{ Ans.}$

02. একটি সিলিন্ডারে রক্ষিত অক্সিজেন গ্যাসের আয়তন 1000 cm^3 এবং তাপমাত্রা 300 K এবং চাপ $2.5 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ । তাপমাত্রা হ্রাস রেখে কিছু অক্সিজেন বের করে নেওয়ার পর চাপ কমে $1.3 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ হয় কী পরিমাণ অক্সিজেন ব্যবহৃত হয়েছে?

Solve: ব্যবহৃত মোল সংখ্যা $= \frac{(P_1 - P_2)V}{RT}$
 $= \frac{(2.5 - 1.3) \times 10^5 \times 1000 \times 10^{-6}}{(8.314 \times 300)} = 0.048$

$\therefore$ ব্যবহৃত অক্সিজেন $= 0.048 \times 32 \times 10^{-3} \text{ kg} = 1.536 \times 10^{-3} \text{ kg Ans}$

For Practice

01. 72 cm পারদ চাপে 27°C তাপমাত্রায় 20 g অক্সিজেনের আয়তন $16.24 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ হলে অক্সিজেনের আণবিক ভর বের কর। **Ans. 32 gm**
02. একটি সিলিন্ডারে 27°C তাপমাত্রায় $2 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ চাপে কিছু অক্সিজেন গ্যাস আছে। চাপ হ্রাস রেখে কিছু গ্যাস বের করে দেওয়ার পর তাপমাত্রা 15°C হয় এক 20 g গ্যাস অবশিষ্ট থাকে। সিলিন্ডারের আয়তন কত? **Ans. $7.35 \times 10^{-3} \text{ m}^3$**

(कृष्ण चक्र चक्रचक्र)

$$\text{[Solve]} \quad V_1 \times (10^3 + \text{hpg}) = V_2 \times 10^3$$

$$\frac{10^3 + (50 \times 1000 \times 9.8)}{10^3} = \frac{V_2}{V_1} \Rightarrow V_2 = 5.9 \text{ V Ans.}$$

[Solvet] $n = \frac{V_2}{V_1} = \frac{4 \text{ cm}^3}{2 \text{ cm}^3} = 2$

$$\therefore h = \frac{(n-1)\rho}{\rho g} = \frac{(2-1)10^3 \times \rho \times g}{\rho g} = 10 \text{ m Ans.}$$

For Practice

Ans. 265.2 m

Type 3 **আধুনিক গ্যাসের গতিতত্ত্ব**

Solve! $c_{rms} = \sqrt{\frac{c_1^2 + c_2^2 + \dots + c_n^2}{n}}$

$$\Rightarrow e_{rms} = v \sqrt{\frac{1^2 + 4^2 + 9^2 + 16^2 + 25^2}{5}}$$

$$\Rightarrow e_{rms} = v \sqrt{\frac{55}{5}} \therefore e_{rms} = v \sqrt{11} \text{ Ans.}$$

For Practice

Ans. অক্সিজেন গ্যাস

Type 4 গ্যামেত্র গতিভঙ্গ

Solve: $E = \frac{3}{2} kT \Rightarrow 6.21 \times 10^{21} = \frac{3}{2} \times 1.38 \times 10^{23} \times T$
 $\Rightarrow T = 300 \text{ K Ans.}$

Solve: $K.E = \frac{2}{3} nRT = \frac{3}{2} \times 2 \times 8.31 \times 273 = 6805.89 \text{ J} \approx 6806 \text{ J Ans.}$

For Practice

Ans.167 Jule

Ans. 6806 J

Type 5 গড় মুহূর্তমত

Solve: $\lambda = \frac{1}{\pi \sigma^2 n} = \frac{1}{3.1416 \times (2.5 \times 10^{-16})^2 \times 6.02 \times 10^{23}}$
 $= 8.46 \times 10^{-8} \text{ m Ans.}$

For Practice

Ans. 2.65×10^{-5} cm

Type 6 **আগেগিক আদ্রতা** *

$$\boxed{\text{Solve!}} \quad R = \frac{f}{p} \times 100\%$$

$$\Rightarrow P = \frac{f}{R} \times 100 = \frac{17.7 \times 10^{-3}}{75} \times 100 \Rightarrow P = 23.6 \times 10^{-3} \text{ m}$$

For Practice

Ans. $19.0 \times 10^{-3} \text{ m}$

Part 5 / জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় বিগত প্রশ্নোত্তর

(A) $\frac{2}{3}KT$ (B) $\frac{3}{2}KT^2$ (C) $\frac{3}{2}KT^4$ (D) $\frac{3}{2}KT$ (Ans. D)

(A) $\frac{PV}{nT}$ (B) $\frac{PV}{nT^2}$ (C) $\frac{PT}{nV}$ (D) $\frac{Pn}{TV}$ (Ans) (A)

(A) 0°C (B) 273.16 K (C) 100°C (D) 4°C **Ans: (B)**

(A) বৃত্ত (B) সরলরেখা (C) পরাবৃত্ত (D) অধিবৃত্ত (Ans: B)

(A) 200° (B) 220° (C) 160° (D) 100° **Ans: C**

(A) $1.5 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$
 (B) $2 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$
 (C) $2.73 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$
 (D) $273 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$

(Ans) B

Part 6 জাতীয় বিশ্ববিদ্যালয় ভর্তি পরীক্ষার উপযোগী বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের গুরুত্বপূর্ণ বিগত প্রশ্নোত্তর

(A) 27.68 K (B) 227.8 K
 (C) 276.8 K (D) 2768 K

Ans D

[GST-A : 23-24]

Ⓐ 10.0 m Ⓑ 10.1 m

Ⓒ 10.2 m Ⓓ 10.3 m

Ans Ⓓ

(A) $\lambda \propto \rho$ (B) $\lambda \propto \frac{1}{\rho}$ (C) $\lambda \propto \frac{1}{\rho^2}$ (D) $\lambda \propto \rho^2$ (Ans: B)

[GST-A : 22-23]

Ⓐ 2×10^5 Ⓑ 2.5×10^5 Ⓒ 3×10^5 Ⓓ 4.5×10^5 Ans: Ⓐ

05. 27°C তাপমাত্রায় বায়ুর আপেক্ষিক আর্দ্রতা 70% এবং শিশিরাক্তে সম্পৃক্ত জলীয় বাষ্প চাপ $14 \times 10^{-3} \text{ mHg}$ হলে ঐ তাপমাত্রায় সম্পৃক্ত জলীয় বাষ্প চাপ কত mHg? [GST-A : 21-22]
 A 12×10^{-3} B 16×10^{-3} C 20×10^{-3} D 22×10^{-3} (Ans C)
06. ছির আয়তনে একটি গ্যাসের তাপমাত্রা বাড়ালে ঐ গ্যাসের [GST-A : 21-22]
 A চাপ ও গতিশক্তি বাড়বে B চাপ ও গতিশক্তি কমবে
 C ঘনত্ব বাড়বে D ঘনত্ব কমবে (Ans A)
07. 10 লিটার আয়তনের বদ্ধ পাত্রে 300 K তাপমাত্রায় 16 g অক্সিজেন যে চাপ প্রদর্শন করে, একই পাত্রে একই তাপমাত্রায় কত গ্রাম নাইট্রোজেন রাখলে একই চাপ প্রদর্শন করবে? [GST-A : 20-21]
 A 14 B 16 C 18 D 32 (Ans A)
08. শিশিরাক্ত বলতে আমরা কী বুঝি? [CoU-A : 19-20]
 A তাপ B তাপমাত্রা C আর্দ্রতা D আপেক্ষিক আর্দ্রতা (Ans D)
09. C. G. S. এককে বোলজম্যান ধ্রুবকের মান S.I. এককের মান অপেক্ষা কতগুণ বেশি? [IU-D : 19-20]
 A 10^3 B 10^5 C 10^7 D 10^{-7} (Ans C)

Part 7

সম্ভাব্য MCQ

01. কোন গ্যাসটি বাতাসে সবচেয়ে বেশি পরিমাণে থাকে?
 A oxygen B carbon dioxide
 C nitrogen D hydrogen (Ans C)
02. পানি বরফে রূপান্তর করা হলে তার ঘনত্ব-
 A কমে B বাড়ে C শূন্য হয় D একই থাকে (Ans A)
03. ছির তাপমাত্রার ক্ষেত্রে সমস্ত গ্যাসের অণুগুলোর জন্য কোন প্যারামিটার ধ্রুবক?
 A ভর B গতিশক্তি C আয়তন D গতিবেগ (Ans B)
04. পানিকে 0°C তাপমাত্রা হতে 10°C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত করলে উহার আয়তন-
 A কমে B প্রথমে বাড়ে তারপর কমে
 C বৃদ্ধি পায় D পরিবর্তিত থাকে (Ans C)
05. কোন তাপমাত্রায় গ্যাসের গতিশক্তি শূন্য হবে?
 A 303°C B 273°C C -273°C D 0°C (Ans C)
06. সর্বজনীন গ্যাস ধ্রুবক R এর মান কত?
 A $8.13 \text{ kJ}^{-1} \text{ mol}^{-1}$ B $8.31 \text{ JK}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
 C $8.13 \text{ JK}^{-1} \text{ mol}^{-1}$ D $8.31 \text{ kJ}^{-1} \text{ mol}^{-1}$ (Ans B)
07. বাস্তব গ্যাস বয়েলের সূত্র মেনে চলে -
 A নিম্ন তাপমাত্রায় B 0°C তাপমাত্রা
 C কক্ষ তাপমাত্রায় D উচ্চ তাপমাত্রায় (Ans D)
08. নির্দিষ্ট পরিমাণ গ্যাসের অভ্যন্তরীণ শক্তি নির্ভর করে তার -
 A তাপমাত্রার উপর B আয়তনের উপর C চাপের উপর D সবকটি (Ans A)
09. কোনটির উপর বাষ্পায়ন নির্ভর করে না?
 A তরলের প্রকৃতি B বায়ুর প্রকৃতি
 C তরলের তাপমাত্রা D বায়ুর আর্দ্রতা (Ans B)
10. $PV = k$, এই সমীকরণটি সাধারণভাবে কোন সূত্রের প্রকাশ-
 A চার্লসের সূত্র B বয়েলের সূত্র
 C আদর্শ গ্যাস সমীকরণ D চাপের সূত্র (Ans B)
11. ছির তাপমাত্রায় 100 সে. মি. চাপে কোন গ্যাসের আয়তন 5 লিটার হলে, 50 সে. মি. চাপে ঐ গ্যাসের আয়তন হবে?
 A 5 L B 10 L C 7.5 L D 12.5 L (Ans B)
12. হাইড্রোলিক প্রেস তৈরি হয়েছে নিচের কোন সূত্র দ্বারা-
 A নিউটনের সূত্র B প্যাসকেলের সূত্র
 C আর্কিমিডিসের সূত্র D বয়েলের সূত্র (Ans B)
13. ছির তাপমাত্রায় কোন গ্যাসের চাপ ও আয়তনের পরিবর্তন নিম্নের কোনটি?
 A আইসোথার্মাল B আইসোবারিক
 C আইসোক্রনিক D অ্যাডায়াবেটিক (Ans A)

14. নিম্নের কোনটি পদার্থের অবস্থা নয়?
 A তরল B গ্যাসীয় স্ফটিক
 C তরল স্ফটিকাকার D প্রাজমা (Ans B)
15. গরম বস্তু ঠাণ্ডা করতে কোনটি অধিক উপযোগী?
 A শীতল বাতাস B শীতল পানি C বরফ D সবগুলো সমান (Ans D)
16. কোনো বস্তুর তাপমাত্রা -50°C হলে, পরম স্কেলে এর মান কত?
 A 250 K B 223 K C 273 K D 373 K (Ans B)
17. আকাশ মেঘলা থাকলে শিশির পড়েনা, কারণ মেঘ একটি:
 A তাপবাহী পদার্থ B তাপবিরোধী পদার্থ
 C তাপ শোষণ করে D কোনোটিই নয় (Ans B)
18. PV রাশিটি গ্যাসের ক্ষেত্রে নিচের কোনটি নির্দেশ করে?
 A শক্তি B ক্ষমতা C ভরবেগ D জড়তা (Ans A)
19. একটি কণার স্বাধীনতার মাত্রার সংখ্যা 5 হলে শক্তির সমবিভাজন নীতি অনুযায়ী কণাটির মোটশক্তি কত?
 C $KT/2$ B KT C $3KT/2$ D $5KT/2$ (Ans D)
20. পদার্থের গলনাঙ্ক নির্ভর করে নিচের কোনটির উপর?
 A লীন তাপ B তাপমাত্রা C চাপ D কঠিনীভবন (Ans C)
21. Bernoulli-র সূত্র হচ্ছে-
 A শক্তির সংরক্ষণ নীতি B রোধের সূত্র
 C পৃষ্ঠটানের সূত্র D কোনোটিই নয় (Ans A)
22. বহু পরমাণুবিশিষ্ট গ্যাসের ক্ষেত্রে স্বাধীনতার মাত্রা-
 A 2 B 3 C 5 D 6 (Ans D)
23. যখন গ্যাসের ঘনত্ব বৃদ্ধি পায় তখন গ্যাস অণুর গড় মুক্তপথ-
 A অপরিবর্তিত থাকবে B বৃদ্ধি পাবে
 C কমবে D কোনোটিই নয় (Ans C)
24. নাইট্রোজেন গ্যাসের ক্ষেত্রে গামা (γ) এর মান কত?
 A 1.67 B 1.4 C 1.33 D 1.28 (Ans B)
25. পদার্থ পরিমাপের S.I একক কোনটি?
 A কিলোগ্রাম B পাউন্ড C লিটার D মোল (Ans A)
26. কোনো একদিনের শিশিরাক্ত 10°C , আপেক্ষিক আর্দ্রতা 70%। ঐ দিনের বায়ুর সম্পৃক্ত বাষ্পচাপ কত? [10°C তাপমাত্রায় সম্পৃক্ত জলীয় বাষ্পের চাপ 14 mmHg]
 A 20 mmHg B 25 mmHg C 14 mmHg D 35 mmHg (Ans A)
27. আণবিক গতিশক্তি কোন রাশির উপর নির্ভরশীল?
 A ঘর্ষণ B তাপমাত্রা C অন্তঃস্থশক্তি D তাপ (Ans B)
28. বায়ুর আপেক্ষিক আর্দ্রতা কম হলে বাষ্পায়ন হবে-
 A অতি ধীর গতিতে B দ্রুত গতিতে
 C আগের মতোই D ধীর গতিতে (Ans B)
29. বিজ্ঞানী রেনো কত সালে চাপের সূত্র প্রতিষ্ঠা করেন?
 A 1840 B 1842 C 1868 D 1870 (Ans B)
30. শুষ্ক ও সিক্ত বায়ু আর্দ্রতামাপক যন্ত্রে থার্মোমিটার দুটির তাপমাত্রার পার্থক্য হঠাৎ কমে গেলে কোনটি বোঝায়?
 A বাতাস শুষ্ক B ঝড় হতে পারে
 C বাতাস আর্দ্র D বৃষ্টি হতে পারে (Ans B)
31. আদর্শ গ্যাসের প্রতিটি অণুর স্বাধীনতার মাত্রা-
 A 2 B 3 C 4 D 5 (Ans B)
32. $PV = \frac{1}{3} mNc^2$ সমীকরণে c-
 A গড়বেগ B গড় বর্গবেগ
 C মূল গড় বর্গবেগ D আলোর বেগ (Ans C)
33. একটি বৃদ্ধ হৃদয়ের তলদেশ থেকে উপরিপৃষ্ঠে উঠে আসায় এর আয়তন আটগুণ হয়। বায়ুমন্ডলের চাপ H মিটার উচ্চতায় পানিস্তম্ভের চাপের সমান হলে হৃদয়ের গভীরতা হবে?
 A H B 3H C 5H D 7H (Ans D)